IF2211 STRATEGI ALGORITMA

LAPORAN TUGAS KECIL 2

Implementasi Convex Hull untuk Visualisasi Tes *Linear Separability Dataset* dengan Algoritma *Divide and Conquer*



Oleh:

Tri Sulton Adila

13520033

PROGRAM STUDI TEKNIK INFORMATIKA SEKOLAH TEKNIK ELEKTRO DAN INFORMATIKA INSTITUT TEKNOLOGI BANDUNG 2022

A. Langkah-Langkah Algoritma Divide and Conquer

- 1. Lakukan pengurutan pada masukan array. Pengurutan didasarkan pada nilai absis menaik, apabila nilai absis sama, urutkan berdasarkan nilai ordinat menaik.
- 2. Ambil elemen pertama P₁ dan terakhir P₂ dari array yang telah diurut sebagai sudut pembentuk convex hull. Masukkan garis P₁P₂ dan P₂P₁ ke dalam himpunan solusi.
- 3. Partisi array menjadi bagian kiri (atas) dan kanan (bawah) dengan menggunakan konsep determinan.
- 4. Untuk setiap partisi, lakukan pencarian titik titik pembentuk convex hull dengan cara mencari titik P_3 yang merupakan titik dengan jarak terjauh dari garis P_1P_2 pada partisi kiri atau P_2P_1 pada partisi kanan.
- 5. Misalkan pada partisi kiri, setelah ditemukan titik P₃, masukkan P₁P₃ dan P₃P₂ ke dalam himpunan solusi dan hapuslah P₁P₂ dari himpunan solusi.
- 6. Lakukan pencarian convex hull pada partisi sebelah kiri dari garis P₁P₃ dan P₃P₂ dengan cara yang sama mulai dari langkah ke-3.
- 7. Lakukan proses yang sama pada partisi kanan dari garis P₂P₁.
- 8. Pencarian titik-titik convex hull pada tiap partisi dilakukan secara rekursif.

B. Source Code Program

1. myfunctions.py

```
class myConvexHull:
 Instantiate a convex hull from a given set of points.
EPSILON = 1e-10
     init (self, ndarray):
 self.simplices = [] # himpunan solusi yang nantinya berisi garis
dari dua titik pembentuk convex hull
 self.array = ndarray.tolist()
 self.array.sort() # convert array to sorted list
  self.convex hull()
def convex hull(self):
  I.S.: himpunan solusi masih kosong
  Proses: mencari titik pembentuk convex hull
  F.S.: himpunan solusi berisi garis dari dua titik pembentuk
convex hull
  # dua titik ekstrem terkiri dan terkanan misalkan A dan B
  left point = self.array[0]
  right point = self.array[len(self.array) - 1]
  # masukkan garis AB dan BA ke dalam himpunan solusi
  self.simplices.append([left_point, right_point])
  self.simplices.append([right_point, left_point])
  # membagi array menjadi dua partisi yang berisi titik yang berada
di kiri dan kanan garis AB dan BA
 left partition = self.partisi(left point, right point,
self.array)
 right partition = self.partisi(right point, left point,
self.array)
  # cari titik pembentuk convex hull dari setiap partisi
```

```
self.find hull(left partition, left point, right point)
  self.find hull(right partition, right point, left point)
def find hull(self, array, pangkal, ujung):
 I.S. : array berisi titik yang berada di kiri / atas garis
relatif terhadap pangkal dan ujungnya misalkan pangkal A dan ujung
 Proses: mencari titik terjauh dari garis relatif tersebut
misalkan titik terjauh C lalu garis AC dan CB ditambahkan ke
himpunan solusi
   lalu melakukan partisi untuk titik yang berada pada kiri garis
AC dan CB, pencarian convex hull selanjutnya
   dilakukan dengan rekursif untuk setiap partisi
 F.S. : himpunan solusi telah berisi semua garis pembentuk convex
hull
  :param array: titik titik yang berada di kiri / atas garis
relatif terhadap pangkal dan ujungnya
 :param pangkal: titik pangkal garis
  :param ujung: titik ujung garis
 if(len(array) == 0): # base case, titik C sebelum pemanggilan
fungsi ini merupakan titik pembentuk convex hull terakhir pada
partisi
  return
  else:
   # titik terjauh dari garis relatif tersebut misalkan C
  farrest point = self.farrest point(array, pangkal, ujung)
   # ganti garis AB dengan AC dan CB
   self.simplices = [x for x in self.simplices if x != [pangkal,
ujung]]
   self.simplices.append([pangkal, farrest point]) # garis AC
   self.simplices.append([farrest point, ujung]) # garis CB
   # hapus titik C sebelum di partisi karena sudah merupakan titik
pembentuk convex hull
   array = [x for x in array if x != farrest point]
   # partisi array
  left partition = self.partisi(pangkal, farrest point, array) #
titik titik di kiri garis AC
   right partition = self.partisi(farrest point, ujung, array) #
titik titik di kanan garis BC atau di kiri CB
   # rekursif untuk setiap partisi
  self.find hull(left partition, pangkal, farrest point)
  self.find hull(right partition, farrest point, ujung)
def farrest point(self, array, p1, p2):
  :param array: array 2 dimensi berisi banyak titik
  :param p1: titik p1
  :param p2: titik p2
  :return: titik terjauh yang berada di array dari garis p1p2
 max distance = 0
  farrest point = None
  for p in array:
  d = self.distance(p, p1, p2)
  if(d > max distance):
   max distance = d
   farrest point = p
  return farrest point
```

```
def partisi(self, pangkal, ujung, array):
  :param pangkal: titik pangkal garis misalkan A
  :param ujung: titik ujung garis misalkan B
  :param array: array 2 dimensi berisi banyak titik di antara garis
AΒ
 mengembalikan array 2 dimensi yang berisi titik yang berada di
kiri / atas garis relatif terhadap AB
  partition array = []
  for i in range(len(array)):
  det = self.determinant(pangkal, ujung, array[i])
  if(det > 0 and abs(det) > self.EPSILON):
   partition array.append(array[i])
 return partition array
 def distance(self, p0, p1, p2):
  return distance from p0 to line formed by p1 and p2
 X = 0
 Y = 1
  return abs((p2[X] - p1[X]) * (p1[Y] - p0[Y]) - (p1[X] - p0[X]) *
(p2[Y] - p1[Y])) / (((p2[X] - p1[X]) ** 2 + (p2[Y] - p1[Y]) ** 2)
** 0.5)
def determinant(self, p1, p2, p3):
  :param p1: array 2 dimensi
 :param p2: array 2 dimensi
 :param p3: array 2 dimensi
  :return: determinant
 X = 0
 Y = 1
  return (p1[X] * p2[Y] + p2[X] * p3[Y] + p3[X] * p1[Y]) - (p1[Y] *
p2[X] + p2[Y] * p3[X] + p3[Y] * p1[X])
```

2. test_myConvexHull.ipynb

Berikut merupakan salah satu source code untuk melakukan pengujian myConvexHull. Tes ini untuk menampilkan convex hull grafik sepal widht vs sepal length pada dataset iris. Adapun untuk tes lainnya tidak akan ditampilkan karena source code yang digunakan sama saja, hanya mengubah dataset dan indeks kolom.

```
import pandas as pd
import matplotlib.pyplot as plt
from sklearn import datasets
from myConvexHull.myfunctions import myConvexHull

data = datasets.load_iris()

#create a DataFrame
df = pd.DataFrame(data.data, columns=data.feature_names)
df['Target'] = pd.DataFrame(data.target)

#visualisasi hasil myConvexHull
plt.figure(figsize = (10, 6))
```

```
colors = ['b','r','g']
plt.title('Sepal Width vs Sepal Length Using myConvexHull')
plt.xlabel(data.feature names[0])
plt.ylabel(data.feature names[1])
# bucket adalah array yang berisi data yang akan dihitung
# MyConvexHull menerima input berupa array 2 dimensi yaitu bucket
# hull.simplices adalah array yang berisi ordianat dan absis
antardua titik yang membentuk convex hull
for i in range(len(data.target names)):
    bucket = df[df['Target'] == i]
    bucket = bucket.iloc[:,[0,1]].values
    hull = myConvexHull(bucket)
    plt.scatter(bucket[:, 0], bucket[:, 1],
label=data.target names[i])
    # simplex berisi ordinat dan absis antar titik yang membentuk
convex hull
    for simplex in hull.simplices:
        plt.plot([simplex[0][0], simplex[1][0]], [simplex[0][1],
simplex[1][1]], colors[i])
plt.legend()
#visualisasi hasil ConvexHull
from scipy.spatial import ConvexHull
plt.figure(figsize = (10, 6))
colors = ['b','r','g']
plt.title('Sepal Width vs Sepal Length Using scipy')
plt.xlabel(data.feature names[0])
plt.ylabel(data.feature names[1])
for i in range(len(data.target names)):
    bucket = df[df['Target'] == i]
    bucket = bucket.iloc[:,[0,1]].values
    hull = ConvexHull(bucket)
    plt.scatter(bucket[:, 0], bucket[:, 1],
label=data.target names[i])
    # simplex berisi ordinat dan absis antar titik yang membentuk
convex hull
    for simplex in hull.simplices:
        plt.plot(bucket[simplex, 0], bucket[simplex, 1], colors[i])
plt.legend()
```

C. Screenshoot Hasil Uji

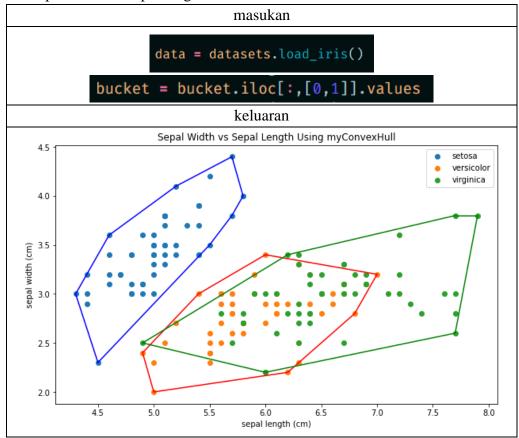
Datasets yang digunakan pada uji ini adalah sebagai berikut.

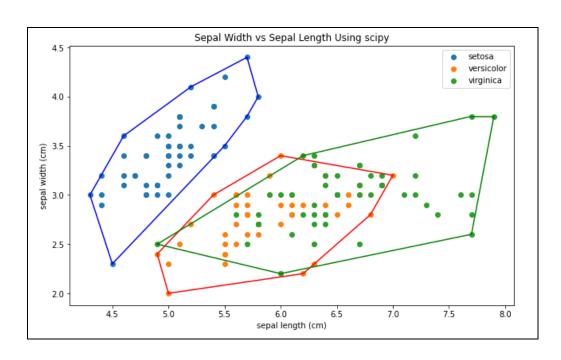
- 1. Iris datasets
- 2. Wine datasets
- 3. Breast Cancer datasets

Untuk setiap dataset akan diberikan satu atau dua test convex hull dan untuk setiap test akan diberikan plot convex hull dengan menggunakan library myConvexHull dilanjutkan dengan menggunakaan library spicy sebagai perbandingan.

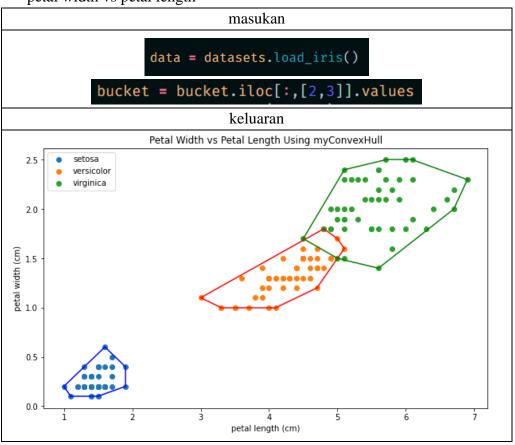
1. Iris Datasets

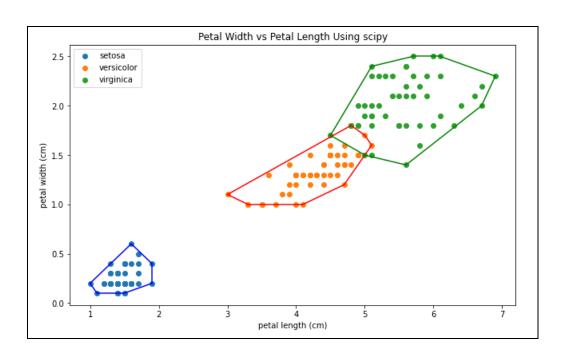
• sepal width vs sepal length





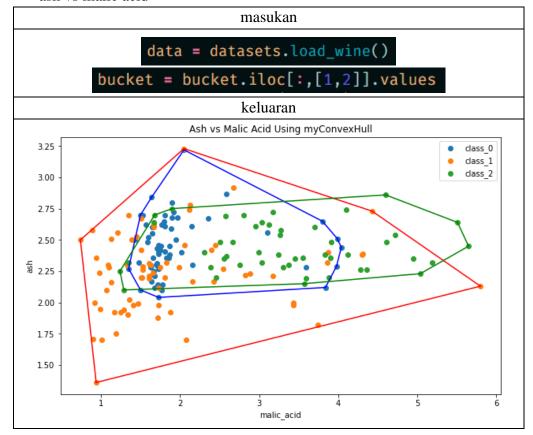
• petal width vs petal length

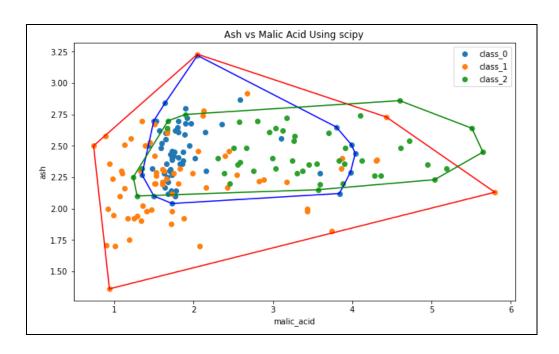




2. Wine Datasets

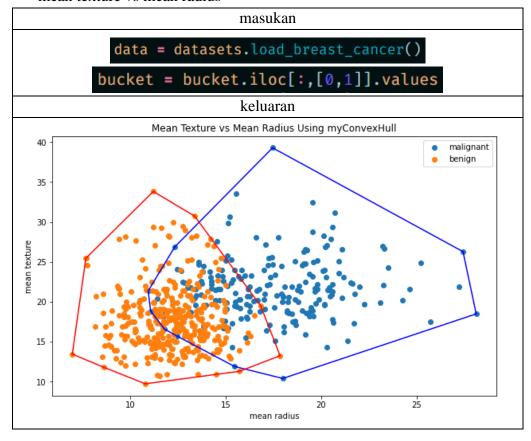
ash vs malic acid

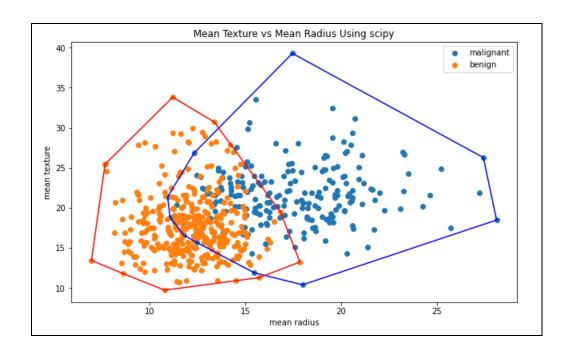




3. Breast Cancer Datasets

mean texture vs mean radius





D. Alamat Github

 $\underline{https://github.com/3sulton/myConvexHull}$

E. Tabel

Poin	Ya	Tidak
1. Pustaka myConvexHull berhasil dibuat dan tidak ad	a √	
kesalahan		
2. Convex hull yang dihasilkan sudah benar	V	
3. Pustaka myConvexHull dapat digunakan untuk menampilka	n √	
convex hull setiap label dengan warna yang berbeda		
4. Bonus: program dapat menerima input dan menuliskan outpu	t √	
untuk dataset lainnya		