

系列目录 (系列更新中)

- 第二讲 cs224n系列之word2vec & 词向量
- word2vec进阶之skim-gram和CBOW模型 (Hierarchical Softmax、Negative Sampling)
- 第三讲 cs224n系列之skip-pram优化 & Global Vector by Manning & 词向量评价
 - 理解GloVe模型 (+总结)

概述

• 模型目标:进行词的向量化表示,使得向量之间尽可能多地蕴含语义和语法的信息。

输入:语料库输出:词向量

• 方法概述: 首先基于语料库构建词的共现矩阵, 然后基于共现矩阵和GloVe模型学习词向量。

** 开始 -> 统计共现矩阵 -> 训练词向量 -> 结束**

统计共现矩阵

设共现矩阵为X,其元素为 $X_{i,j}$ 。

 $X_{i,j}$ 的意义为:在整个语料库中,单词i和单词j共同出现在一个窗口中的次数。

举个栗子: 设有语料库:

1 | i love you but you love him i am sad

这个小小的语料库只有1个句子,涉及到7个单词:i、love、you、but、him、am、sad。如果我们采用一个窗口宽度为5(左右长度都为2)的统计窗口,那么就有以下窗口内容:



VIP

窗口标号	中心词	窗口内容	
6	him	you love him i am	1
7	i	love him i am sad	3
8	am	him i am sad	•
9	sad	i am sad]

窗口0、1长度小于5是因为中心词左侧内容少于2个,同理窗口8、9长度也小于5。

以窗口5为例说明如何构造共现矩阵:

中心词为love, 语境词为but、you、him、i; 则执行:

$$X_{love,but}+=1$$

$$X_{love,you}+=1$$

$$X_{love,him} + = 1$$

$$X_{love,i} + = 1$$

使用窗口将整个语料库遍历一遍,即可得到共现矩阵X。

使用GloVe模型训练词向量

模型公式

先看模型, 代价函数长这个样子:

$$J = \sum_{i,j}^N f(X_{i,j}) (v_i^T v_j + b_i + b_j - log(X_{i,j}))^2$$

 v_i , v_j 是单词i和单词i的词向量, b_i , b_j 是两个标量(作者定义的偏差项),f是权重函数(具体函数公式及功能下一节介绍),N是词汇表的大小(共 N*N)。

可以看到, GloVe模型没有使用神经网络的方法。

模型怎么来的

那么作者为什么这么构造模型呢?首先定义几个符号:

$$X_i = \sum_{j=1}^{N} X_{i,j}$$

其实就是矩阵单词i那一行的和;

$$P_{i,k} = \frac{X_{i,k}}{X_i}$$

条件概率,表示单词k出现在单词i语境中的概率;





П

>



两个条件概率的比率。

作者的灵感是这样的:

作者发现, $ratio_{i,j,k}$ 这个指标是有规律的,规律统计在下表:

$ratio_{i,j,k}$ 的值	单词j,k相关	单词j,k不相关
单词i,k相关	趋近1	很大
单词i,k不相关	很小	趋近1

很简单的规律,但是有用。

思想:假设我们已经得到了词向量,如果我们用词向量 v_i 、 v_j 、 v_k 通过某种函数计算 $ratio_{i,j,k}$,能够同样得到这样的规律的话,就意味着我们词向量有很好的一致性,也就说明我们的词向量中蕴含了共现矩阵中所蕴含的信息。

设用词向量 v_i 、 v_j 、 v_k 计算 $ratio_{i,j,k}$ 的函数为 $g(v_i,v_j,v_k)$ (我们先不去管具体的函数形式),那么应该有:

$$rac{P_{i,k}}{P_{j,k}}=ratio_{i,j,k}=g(v_i,v_j,v_k)$$
 19

18

即:

$$rac{P_{i,k}}{P_{j,k}} = g(v_i,v_j,v_k)$$

即二者应该尽可能地接近;

很容易想到用二者的差方来作为代价函数:

$$J = \sum_{i,j,k}^N (rac{P_{i,k}}{P_{j,k}} - g(v_i,v_j,v_k))^2$$

但是仔细一看,模型中包含3个单词,这就意味着要在N*M*N的复杂度上进行计算,太复杂了,最好能再简单点。现在我们来仔细思考 $g(v_i,v_j,v_k)$,或许它能帮上忙;作者的脑洞是这样的:

- 1. 要考虑单词i和单词j之间的关系,那 $g(v_i,v_j,v_k)$ 中大概要有这么一项吧: v_i-v_j ;嗯,合理,在线性空间中考察两个向量的相似性,不失线性地 v_i-v_j 大概是个合理的选择;
- 2. $ratio_{i,j,k}$ 是个标量,那么 $g(v_i,v_j,v_k)$ 最后应该是个标量啊,虽然其输入都是向量,那内积应该是合理的选择,于是应该有这么一项吧: (v_i-v_i)
- 3. 然后作者又往 $(v_i-v_j)^Tv_k$ 的外面套了一层指数运算exp(),得到最终的 $g(v_i,v_j,v_k)=exp((v_i-v_j)^Tv_k)$;最关键的第3步,为什么套了一层exp()?

套上之后, 我们的目标是让以下公式尽可能地成立:

$$rac{P_{i,k}}{P_{i,k}} = g(v_i,v_j,v_k)$$

即:

$$rac{P_{i,k}}{P_{j,k}} = exp((v_i - v_j)^T v_k)$$

即:

$$rac{P_{i,k}}{P_{i,k}} = exp(v_i^T v_k - v_j^T v_k)$$

即:

$$rac{P_{i,k}}{P_{j,k}} = rac{exp(v_i^T v_k)}{exp(v_i^T v_k)}$$

然后就发现找到简化方法了: 只需要让上式分子对应相等,分母对应相等,即: $\begin{pmatrix} T \\ \end{pmatrix}$

 $P_{i,k} = exp(v_i^T v_k)$ 并且 $P_{j,k} = exp(v_j^T v_k)$

然而分子分母形式相同,就可以把两者统一考虑了,即:

$$P_{i,j} = exp(v_i^T v_j)$$

本来我们追求:

$$rac{P_{i,k}}{P_{i,k}} = g(v_i,v_j,v_k)$$

现在只需要追求:

$$P_{i,j} = exp(v_i^T v_j)$$

两边取个对数:

$$log(P_{i,j}) = v_i^T v_i$$

那么代价函数就可以简化为:

①

$$J = \sum_{i,j}^N (log(P_{i,j}) - v_i^T v_j)^2$$

现在只需要在N*N的复杂度上进行计算,而不是N*N*N,现在关于为什么第3步中,外面套一层exp()就清楚了,正是因为套了一层exp(),进而等式两边分子分母对应相等,进而简化模型。

<u>...</u>

19

然而, 出了点问题。

仔细看这两个式子:

$$log(P_{i,j}) = v_i^T v_j \operatorname{FI} log(P_{j,i}) = v_j^T v_i$$

 $log(P_{i,j})$ 不等于 $log(P_{j,i})$ 但是 $v_i^Tv_j$ 等于 $v_j^Tv_i$; 即等式左侧不具有对称性,但是右侧具有对称性。

数学上出了问题。

补救一下好了。

现将代价函数中的条件概率展开:

$$log(P_{i,j}) = v_i^T v_j$$

即为:

$$log(X_{i,j}) - log(X_i) = v_i^T v_j$$

将其变为:

$$log(X_{i,j}) = v_i^T v_j + b_i + b_j$$

即添了一个偏差项 b_j ,并将 $log(X_i)$ 吸收到偏差项 b_i 中。于是代价函数就变成了:

$$J = \sum_{i,j}^N (v_i^T v_j + b_i + b_j - log(X_{i,j}))^2$$

然后基于出现频率越高的词对儿权重应该越大的原则,在代价函数中添加权重项,于是代价函数进一步完善:

$$J = \sum_{i,j}^N f(X_{i,j}) (v_i^T v_j + b_i + b_j - log(X_{i,j}))^2$$

具体权重函数应该是怎么样的呢?

首先应该是非减的,其次当词频过高时,权重不应过分增大,作者通过实验确定权重函数为:

$$f(x) = egin{cases} (x/xmax)^{0.75}, & ext{if } x < xmax \ 1, & ext{if } x >= xmax \end{cases}$$

到此,整个模型就介绍完了。

Glove和skip-gram、CBOW模型对比

Cbow/Skip-Gram 是一个local context window的方法,比如使用NS来训练,缺乏了整体的词和词的关系,负样本采用sample的方式会缺失词的关系另外,直接训练Skip-Gram类型的算法,很容易使得高曝光词汇得到过多的权重

Global Vector融合了矩阵分解Latent Semantic Analysis (LSA)的全局统计信息和local context window优势。融入全局的先验统计信息,可以加快标度,又可以控制词的相对权重。

我的理解是skip-gram、CBOW每次都是用一个窗口中的信息更新出词向量,但是Glove则是用了全局的信息(共线矩阵),也就是多个窗口i

实战教程

GloVe 教程之实战入门+python gensim 词向量

参考链接:

理解GloVe模型



①

理解GloVe模型 (Global vectors for word representation)

阅读数 2万+

理解GloVe模型概述模型目标:进行词的向量化表示,使得向量之间尽可能多地蕴含... 博文 来自:饺子醋的...



想对作者说点什么