Funktionale und objektorientierte Programmierkonzepte Übungsblatt 10



Prof. Karsten Weihe

Übungsblattbetreuer:Lars Waßmann und Nhan HuynhWintersemester 23/24v1.0.1Themen:Verzeigerte StrukturenRelevante Foliensätze:06 und 07Abgabe der Hausübung:19.01.2024 bis 23:50 Uhr

Hausübung 10 Gesamt: 32 Punkte Mengen

Beachten Sie die Seite Verbindliche Anforderungen für alle Abgaben im Moodle-Kurs.

Verstöße gegen verbindliche Anforderungen führen zu Punktabzügen und können die korrekte Bewertung Ihrer Abgabe beeinflussen. Sofern vorhanden, müssen die in der Vorlage mit TODO markierten crash-Aufrufe entfernt werden. Andernfalls wird die jeweilige Aufgabe nicht bewertet.

Die für diese Hausübung relevanten Verzeichnisse sind src/main/java/h10 und ggf. src/test/java/h10.

1

Einleitung

In diesem Übungsblatt werden Sie die bekannten Mengenoperationen (Schnitt und Differenz) sowie das Erstellen einer Teilmenge und des kartesischen Produktes implementieren.

Eine Menge ist dabei realisiert als eine verkettete Liste, bestehend aus Objekten der Klasse ListItem<T>, wie bereits aus Kapitel 07 der FOP bekannt sein sollte.

Sie werden in diesem Übungsblatt in den beiden Klassen MySetAsCopy<T> und MySetInPlace<T> arbeiten, welche von der Klasse MySet<T> erben. Die Klasse MySet<T> repräsentiert eine paarweise geordnete Menge, die ein protected Objektattribut head vom Typ ListItem<T> und eine protected-Objektkonstante cmp vom Typ Comparator<? super T> besitzt.

Das Attribut head repräsentiert dabei den Kopf der Liste, also das erste Element der Liste bzw. Menge, und der java.util.Comparator repräsentiert einen Vergleichsoperator, der zwei Objekte vom Typ T vergleichen kann.

Folgende Eigenschaften gelten:

- (1) Eine Menge mit n besitzt n ListItem<T>-Objekte, d.h. eine leere Menge besitzt 0 ListItem<T>-Objekte (head = null).
- (2) Falls x = y für $x, y \in M$ gilt, gibt cmp den Wert 0 zurück.
- (3) Falls x < y für $x, y \in M$ gilt, gibt cmp eine negative Zahl zurück.
- (4) Falls x > y für $x, y \in M$ gilt, gibt cmp eine positive Zahl zurück.

Alle Methoden, die Sie in dieser Übung implementieren, werden Sie einmal in-place und einmal as-copy erstellen.

Verbindliche Anforderungen für die gesamte Hausübung:

- (i) *In-place* bedeutet, dass Sie die **exakt** selben Objekte benutzen, auf denen Sie arbeiten, also keine neuen Objekte mittels **new** erstellen. Das **key**-Attribut eines **ListItem**<T>-Objektes darf dabei **nicht** verändert werden. Jegliche Veränderung der Liste geschieht ausschließlich über das Überschreiben der **next**-Referenzen eines **ListItem**<T>-Objektes.
- (ii) As-copy im Gegensatz zu in-place bedeutet, dass Sie neue Objekte mittels new erzeugen und keine bereits zuvor existierende Objekte verändern, welche das gleiche key-Attribut besitzen. Für jede Aufgabe, die as-copy arbeitet, gilt, dass kein ListItem<T>-Objekt verändert werden darf, also weder das next- noch das key-Attribut überschrieben werden darf.
- (iii) Für das Vergleichen von Objekten vom Typ T dürfen Sie ausschließlich den cmp verwenden.
- (iv) Es dürfen **keine** Datenstrukturen aus der Java-Standardbibliothek verwendet werden. Die Aufgaben sollen ausschließlich mit den gegebenen Datenstrukturen (ListItem<T> und MySet<T>) gelöst werden.

Hinweis:

Sie können in dieser Übung davon ausgehen, dass alle Elemente in der Menge (Schlüsselwerte eines ListItem<T>) und alle Parameter nicht null sind.

H1: Teilmenge erstellen

4 Punkte

Um Sie mit dem Konzept von verzeigerten Strukturen vertraut zu machen und den Unterschied zwischen *in-place* und *as-copy* klar herauszustellen, werden Sie in dieser Aufgabe eine Teilmenge der Menge bilden, auf der Sie arbeiten.

Verbindliche Anforderung:

Die Eingabemenge darf nur einmal durchlaufen werden.

H1.1: subset as-copy

2 Punkte

Implementieren Sie in dieser Aufgabe die public-Objektmethode subset in der Klasse MySetAsCopy<T>. Die Methode hat als formalen Parameter pred vom Typ Predicate<? super T> und als Rückgabetyp MySet<T>. Die Rückgabe der Methode soll ein MySetAsCopy<T>-Objekt mit demselben Comparator sein. Diese Menge ist so aufgebaut, dass nur ListItem<T>-Objekte enthalten sind, für die die test-Methode des Prädikats pred den Wert true für das key-Attribut zurückliefert.

Die Methode soll, gemäß der Vorgabe, *as-copy* sein. Das bedeutet, dass die Rückgabemenge Kopien der ListItem<T>- Objekte enthält, auf denen Sie arbeiten.

In Abbildung 1 sehen Sie ein Beispiel für die Methode subset as-copy. Die Ergebnismenge ist eine neue Menge, die nur die Elemente aus der Eingabemenge enthält, für die das Prädikat $(x \mod 2) = 0$ den Wert true zurückliefert.

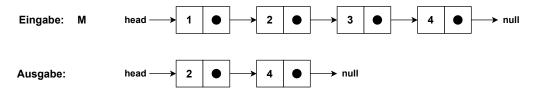


Abbildung 1: Beispiel für die Methode subset as-copy mit dem Prädikat $(x \mod 2) = 0$

- (i) Die Eingabemenge darf nicht verändert werden.
- (ii) Die ListItem<T>-Objekte in der Ergebnismenge müssen neu erstellt werden.

H1.2: subset in-place

2 Punkte

Implementieren Sie in dieser Aufgabe die public-Objektmethode subset in der Klasse MySetInPlace<T>. Die Methode hat als formalen Parameter pred vom Typ Predicate<? super T> und als Rückgabetyp MySet<T>. Die Rückgabe der Methode soll ein MySetInPlace<T>-Objekt sein, das nur ListItem<T> -Objekte enthält, für die die test-Methode des Prädikats pred den Wert true für das key-Attribut zurückliefert. Gemäß der Vorgabe soll die Methode in-place sein, das heißt, sie soll die exakt selben ListItem<T>-Objekte in der Rückgabe enthalten, auf denen Sie arbeiten.

In Abbildung 2 sehen Sie ein Beispiel für die Methode subset in-place. Die Ergebnismenge ist eine neue Menge, die nur die Elemente enthält, für die das Prädikat $(x \mod 2) = 0$ den Wert true zurückliefert, wobei hier die Referenzen der Eingabemenge verändert werden. Die grauen Pfeile repräsentieren die alten Referenzen vor dem Aufruf der Methode, die gestrichelten Pfeile die neuen Referenzen nach dem Aufruf der Methode.

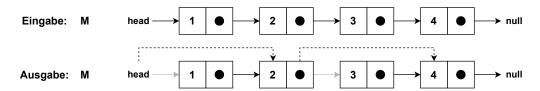


Abbildung 2: Beispiel für die Methode subset in-place mit dem Prädikat $(x \mod 2) = 0$

- (i) Die ListItem<T>-Objekte in der Ergebnismenge sollen exakt auf dieselben ListItem<T>-Objekte referenzieren.
- (ii) Die Eingabemenge wird ggf. verändert.
- (iii) Die Ergebnismenge gibt die aktuell veränderte Menge zurück.

H2: Kartesisches Produkt von zwei Mengen

6 Punkte

In dieser Aufgabe werden Sie das kartesische Produkt zweier Mengen implementieren.

Erinnerung:

Das kartesische Produkt zweier Mengen M und N ist wie folgt definiert:

$$M \times N := \{(x, y) \mid x \in M \land y \in N\}$$

Verbindliche Anforderungen:

Der Vergleichsoperator für Tupel ist wie folgt definiert: $(x_1, y_1) \le (x_2, y_2)$ gilt genau dann, wenn $x_1 \le x_2$. Falls $x_1 = x_2$, wird zusätzlich überprüft, ob $y_1 \le y_2$ gilt.

H2.1: cartesianProduct as-copy

3 Punkte

Implementieren Sie die public-Objektmethode cartesianProduct in der Klasse MySetAsCopy<T>. Die Methode hat als formalen Parameter other vom Typ MySet<T>. Der Rückgabetyp der Methode ist MySet<ListItem<T>>.

Die Rückgabe der Methode soll so aufgebaut sein, dass ein neues MySetAsCopy<ListItem<T>>-Objekt zurückgegeben wird, das ListItem<ListItem<T>>-Objekte als Elemente besitzt. Ein Objekt vom Typ ListItem<ListItem<T>> repräsentiert dabei ein Tupel. Der key jedes ListItem<ListItem<T>>-Objekts ist eine verkettete Liste, die immer genau aus zwei ListItem<T>-Objekten besteht. Die beiden key der ListItem<T>-Objekte stellen jeweils ein Tupel $(m,n) \in M \times N$ aus der Ergebnismenge dar. Der key des ersten ListItem<T>-Objekts stammt dabei aus der Menge M, auf der Sie momentan arbeiten, und der key des zweiten ListItem<T>-Objekts aus dem aktuellen Parameter.

Abschließend müssen Sie den richtigen Comparator der Menge, die Sie zurückliefert, übergeben. Dieser soll lediglich das key-Attribut zweier ListItem-Objekte vergleichen.

In Abbildung 3 sehen Sie ein Beispiel für die Methode cartesianProduct as-copy. Die Ergebnismenge ist eine neue Menge, die aus einem Tupel von Elementen aus den Mengen $M \times N$ besteht.

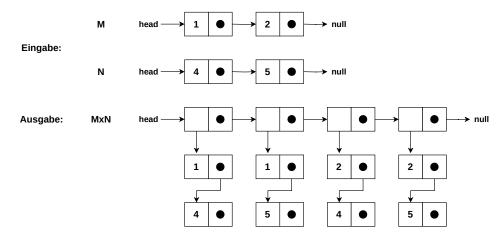


Abbildung 3: Beispiel für die Methode cartesianProduct as-copy

Verbindliche Anforderungen:

Die Elemente aller Mengen müssen kopiert werden.

H2.2: cartesianProduct in-place

3 Punkte

Implementieren Sie die public-Objektmethode cartesianProduct in der Klasse MySetInPlace<T>. Die Methode hat als formalen Parameter other vom Typ MySet<T>. Der Rückgabetyp der Methode ist MySet<ListItem<T>>.

Die Rückgabe der Methode soll so aufgebaut sein, dass sie ein neues MySetInPlace<ListItem<T>>- Objekt zurückgibt. Dieses enthält Elemente vom Typ ListItem<ListItem<T>>. Auch hier repräsentiert ein Objekt vom Typ ListItem<ListItem<ListItem<Aufgabe beschrieben.

Der Unterschied dieser Methode im Vergleich zur vorherigen liegt darin, dass in der Rückgabe dieser Implementation die ursprünglichen Elemente der Mengen komplett von den anderen Elementen entkoppelt werden, d.h. die ursprünglichen ListItem<T>-Objekte haben keinen Nachfolgerverweis mehr.

Denken Sie auch hier daran, einen neuen Comparator zur Erstellung für die Rückgabe zu verwenden, der genau das Gleiche machen soll wie in der vorherigen Aufgabe beschrieben.

In Abbildung 4 sehen Sie ein Beispiel für die Methode cartesianProduct in-place. Die Ergebnismenge ist eine neue Menge, die aus einem Tupel von den Elementen aus den Mengen $M \times N$ besteht. Die grauen Pfeile repräsentieren die alten Referenzen vor dem Aufruf der Methode, die gestrichelten Pfeile die neuen Referenzen nach dem Aufruf der Methode.

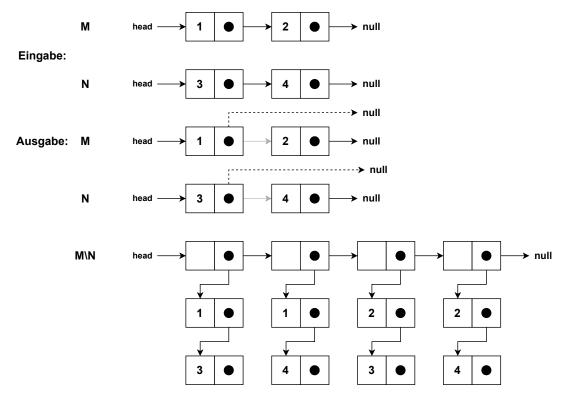


Abbildung 4: Beispiel für die Methode cartesianProduct in-place

Verbindliche Anforderung:

Wir können das kartesische Produkt leider nicht wirklich *in-place* umsetzen, weshalb Sie in dieser Aufgabe neue ListItem<T>- und ListItem<T>- Objekte erstellen dürfen.

H3: Differenz von zwei Sets

10 Punkte

In dieser Aufgabe werden Sie die Mengenoperation Differenz von zwei Mengen implementieren, einmal *in-place* und einmal *as-copy*.

Erinnerung:

Die Differenz von zwei Mengen M und N ist wie folgt definiert:

$$M \setminus N := \{ x \mid x \in M \land x \not\in N \}$$

Verbindliche Anforderung:

Beachten Sie, dass die Mengen, entgegen der formalen Definition von Mengen, sortiert sind. Das bedeutet, wir können diese Eigenschaft ausnutzen, indem wir die Referenzen auf die ListItem<T>-Objekte gegeben den Fällen, die beim Vergleich zweier Elemente auftreten könnten, verschieben.

Konkret heißt das, dass Sie alle Mengen nur einmal durchlaufen werden dürfen.

Hinweise:

- (1) Zum Vergleich von Elementen verwenden Sie den cmp der aktuellen Menge.
- (2) Wie verhalten sich die Laufvariablen, wenn $x = y, x \in M_i, y \in M_j$ für $i \neq j$ gilt?
- (3) Wie verhalten sich die Laufvariablen, wenn $x < y, x \in M_i, y \in M_j$ für $i \neq j$ gilt?
- (4) Wie verhalten sich die Laufvariablen, wenn $x > y, x \in M_i, y \in M_j$ für $i \neq j$ gilt?

H3.1: Difference as-copy

5 Punkte

Implementieren Sie die public-Objektmethode difference in der Klasse MySetAsCopy<T>. Die Methode hat einen formalen Parameter other vom Typ MySet<T> und als Rückgabetyp MySet<T>.

Die Rückgabe der Methode soll so aufgebaut sein, dass sie ein neues MySetAsCopy<T>-Objekt zurückliefert, das ListItem<T>-Objekte als Elemente besitzt. In der Rückgabe sollen Kopien aller ListItem<T>-Objekte enthalten sein, die im MySet<T>-Objekt enthalten sind, auf dem die Methode aufgerufen wird, außer den ListItem<T>-Objekten der Menge im aktuellen Parameter.

In Abbildung 5 sehen Sie ein Beispiel für die Methode difference as-copy. Die Ergebnismenge ist eine neue Menge, die nur die Elemente enthält, die in der Eingabemenge enthalten sind, aber nicht in der Menge im aktuellen Parameter.

- (i) Die Eingabemengen dürfen nicht verändert werden.
- (ii) Die ListItem<T>-Objekte in der Ergebnismenge müssen neu erstellt werden.

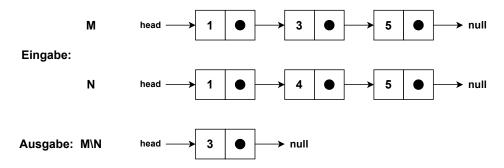


Abbildung 5: Beispiel für die Methode difference as-copy

H3.2: Difference in-place

5 Punkte

Implementieren Sie in dieser Aufgabe die public-Objektmethode difference in der Klasse MySetInPlace<T>. Die Methode hat einen formalen Parameter other vomTyp MySet<T> und den Rückgabetyp MySet<T>. Die Rückgabe der Methode soll so aufgebaut sein, dass sie ein MySetInPlace<T>-Objekt zurückliefert, das ListItem<T>-Objekte als Elemente besitzt. Die Rückgabe soll so aufgebaut sein, dass alle ListItem<T>-Objekte des MySet<T>- Objekts, auf dem die Methode aufgerufen wird, enthalten sind, außer den Elementen, die im aktuellen Parameter other enthalten sind. Die Methode ist dabei in-place, was bedeutet, dass exakt die selben ListItem<T> -Objekte verwendet werden sollen, auf denen Sie arbeiten, und keine neuen ListItem<T>-Objekte erzeugt werden sollen.

In Abbildung 6 sehen Sie ein Beispiel für die Methode difference *in-place*. Die Ergebnismenge ist eine neue Menge, die nur die Elemente enthält, die in der Eingabemenge enthalten sind, aber nicht in der Menge im aktuellen Parameter. Die grauen Pfeile repräsentieren die alten Referenzen vor dem Aufruf der Methode, die gestrichelten Pfeile die neuen Referenzen nach dem Aufruf der Methode.

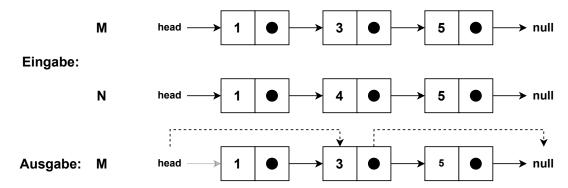


Abbildung 6: Beispiel für die Methode difference in-place

- (i) Die ListItem<T>-Objekte in der Ergebnismenge sollen exakt auf die selben ListItem<T>-Objekte referenzieren.
- (ii) Die Eingabemengen werden ggf. verändert.
- (iii) Die Ergebnismenge gibt die aktuell veränderte Menge zurück.

H4: Schnitt von mehreren Sets

12 Punkte

In dieser Aufgabe werden Sie die Mengenoperation Schnitt von mehreren Mengen implementieren, einmal *in-place* und einmal *as-copy*.

Erinnerung:

Der Schnitt von Mengen ist wie folgt definiert: Für zwei Mengen M und N:

$$M \cap N := \{x \mid x \in M \land x \in N\}$$

Für mehrere Mengen:

$$M_1 \cap \cdots \cap M_n := M \cap M_n \text{ mit } M = M_1 \cap \cdots \cap M_{n-1}, \text{falls } n > 1$$

Verbindliche Anforderung:

Beachten Sie, dass die Mengen, entgegen der formalen Definition von Mengen, sortiert sind. Das bedeutet, dass wir diese Eigenschaft ausnutzen können, indem wir die Referenzen der Laufvariablen auf die ListItem<T>-Objekte in den Fällen, die beim Vergleich zweier Elemente auftreten könnten, "verschieben".

Konkret heißt das, dass Sie alle Mengen nur einmal durchlaufen werden dürfen.

Hinweise:

- (1) Zum Vergleich von Elementen verwenden Sie den cmp der aktuellen Menge.
- (2) Wie verhalten sich die Laufvariablen, wenn $x = y, x \in M_i, y \in M_j$ für $i \neq j$ gilt?
- (3) Wie verhalten sich die Laufvariablen, wenn $x < y, x \in M_i, y \in M_i$ für $i \neq j$ gilt?
- (4) Wie verhalten sich die Laufvariablen, wenn $x>y, x\in M_i, y\in M_j$ für $i\neq j$ gilt?

H4.1: Intersection as-copy

6 Punkte

Implementieren Sie nun die public-Objektmethode intersectionListItems in der Klasse MySetAsCopy<T>. Die Methode hat als formalen Parameter heads vom Typ ListItem<ListItem<T>> und als Rückgabetyp MySet<T>.

Die Rückgabe der Methode soll so aufgebaut sein, dass sie ein neues MySetAsCopy<T>-Objekt zurückliefert, das ListItem<T>-Objekte als Elemente besitzt.

Die Methode bildet den Schnitt aller ListItem<ListItem<T>>-Objekte aus der Liste heads, welche die Mengen MySet<T> darstellen.

Die Methode arbeitet dabei *as-copy*, also sollen in der Rückgabe nur Kopien der entsprechenden ListItem<T>-Objekte enthalten sein, auf denen Sie arbeiten.

In Abbildung 7 sehen Sie ein Beispiel für die Methode intersectionListItems as-copy. Die Ergebnismenge ist eine neue Menge, die nur die Elemente enthält, die in allen Mengen enthalten sind.

- (i) Die Eingabemengen dürfen nicht verändert werden.
- (ii) Die ListItem<T>-Objekte in der Ergebnismenge müssen neu erstellt werden.

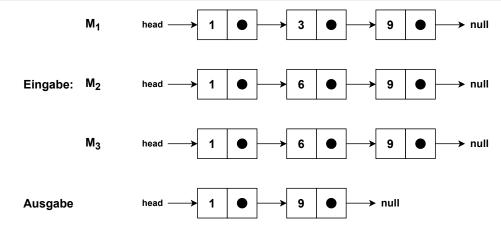


Abbildung 7: Beispiel für die Methode intersectionListItems as-copy

H4.2: Intersection in-place

6 Punkte

Implementieren Sie die public-Objektmethode intersectionListItems in der Klasse MySetInPlace<T>. Die Methode besitzt einen formalen Parameter heads vom Typ ListItem<ListItem<T>> und hat als Rückgabetyp MySet<T>.

Die Rückgabe der Methode soll so aufgebaut sein, dass sie ein MySetInPlace<T>-Objekt zurückliefert, das ListItem<T>-Objekte als Elemente besitzt.

Die Methode bildet den Schnitt aller ListItem<ListItem<T>>-Objekte aus der Liste heads, welche die Mengen MySet<T> darstellen.

Achten Sie darauf, dass die Rückgabe ein MySet<T>-Objekt sein soll, welches die exakt selben Elemente enthält, auf welchen Sie arbeiten.

In Abbildung 8 sehen Sie ein Beispiel für die Methode intersectionListItems *in-place*. Die Ergebnismenge ist eine neue Menge, welche nur die Elemente enthält, welche in allen Mengen enthalten sind. Die grauen Pfeile repräsentieren die alten Referenzen vor dem Aufruf der Methode, die gestrichelten Pfeile die neuen Referenzen nach dem Aufruf der Methode.

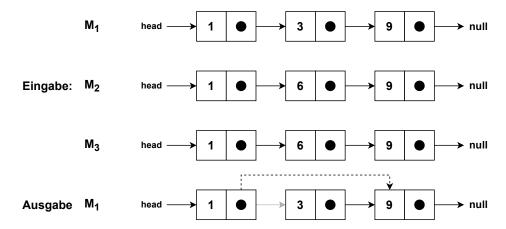


Abbildung 8: Beispiel für die Methode intersectionListItems in-place

- (i) Die ListItem<T>-Objekte in der Ergebnismenge sollen exakt auf die selben ListItem<T>-Objekte referenzieren.
- (ii) Die Eingabemengen werden ggf. verändert.
- (iii) Die Ergebnismenge gibt die aktuell veränderte Menge zurück.