

多旋翼飞行器设计与控制实践

第八讲 滤波器设计实验

全权 副教授 qq_buaa@buaa.edu.cn 自动化科学与电气工程学院 北京航空航天大学



大纲

- 1. 基本原理
- 2. 基础实验
- 3. 分析实验
- 4. 设计实验
- 5. 小结



□测量原理

三轴加速度计固连在多旋翼机体,其三轴与机体坐标系一致。因此,低频的俯仰角和滚转角观测量可以由加速度计测量值近似得到

$$\theta_{\rm m} = \arcsin\left(\frac{a_{x_{\rm b}m}}{g}\right)$$

$$\phi_{\rm m} = -\arcsin\left(\frac{a_{y_{\rm b}m}}{g\cos\theta_{\rm m}}\right)$$

其中 b $\mathbf{a}_{m} = [a_{x_{b}m} \quad a_{y_{b}m} \quad a_{z_{b}m}]^{T}$ 表示加速度计测量值。



□测量原理

同时还有两点需要注意:

- (1) 为了得到更加精确的角度信息, 需要消除加速度计的慢时变漂移。
- (2) 如果机体振动很大,则 a_{x_bm} , a_{y_bm} 将被噪声严重污染,这样将进一步影响角度 θ_m , ϕ_m 的估计。因此机体的减振很重要。另外姿态变化率 $\dot{\theta}$, $\dot{\phi}$, $\dot{\psi}$ 和角速度 $^{\text{b}}\omega$ 有如下关系

$$\begin{bmatrix} \dot{\phi} \\ \dot{\theta} \\ \dot{\psi} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & \tan\theta\sin\phi & \tan\theta\cos\phi \\ 0 & \cos\phi & -\sin\phi \\ 0 & \sin\phi/\cos\theta & \cos\phi/\cos\theta \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \omega_{x_b} \\ \omega_{y_b} \\ \omega_{z_b} \end{bmatrix}$$
 由于多旋翼工作过程中,
$$\begin{bmatrix} \dot{\phi} \\ \dot{\theta} \\ \dot{\psi} \end{bmatrix} \approx \begin{bmatrix} \omega_{x_b} \\ \omega_{y_b} \\ \omega_{z_b} \end{bmatrix}$$

由此可知,俯仰角和横滚角可以由加速度计测量得到,漂移小,但噪声大。另一方面,姿态角也可以通过角速度积分得到,噪声小,但是漂移大。



□线性互补滤波

下面我们着重以俯仰角为例,详细推导下线性互补滤波。俯仰角 θ 的拉氏变换可以表示为

$$\boldsymbol{\theta}(s) = \frac{1}{Ts+1}\boldsymbol{\theta}(s) + \frac{Ts}{Ts+1}\boldsymbol{\theta}(s)$$
低通滤波器, $\tau \in \mathbb{R}_+$
表示时间常数
$$\frac{\ddot{\mathbf{s}} \ddot{\mathbf{m}} \ddot{\mathbf{s}} \ddot{\mathbf{m}} \ddot{\mathbf{m}}}{\tau s+1} = 1 - \frac{1}{\tau s+1}$$

为了估计俯仰角,以上式子的 θ 需要用传感器信息替代。

1) 加速度计测量的俯仰角无漂移但噪声大, 我们可以将测量到的俯仰角建模为

$$\theta_{\rm m} = \theta + n_{\theta}$$

其中 n_{θ} 表示高频噪声, θ 表示俯仰角真值。

2) 陀螺仪的角速度测量会有漂移但噪声小, 我们可以建模为 陀螺仪测量值

角速率积分 的Laplace变换 $\frac{\omega_{y_bm}(s)}{s} = \theta(s) + c\frac{1}{s}$ 常值漂

常值漂移的 Laplace变换



□线性互补滤波

下面我们着重以俯仰角为例,详细推导下线性互补滤波。俯仰角 θ 的拉氏变换可以表示为

$$\theta(s) = \frac{1}{\tau s + 1} \theta(s) + \frac{\tau s}{\tau s + 1} \theta(s)$$
低通滤波器, $\tau \in \mathbb{R}_+$ 表示时间常数
$$\frac{\ddot{\text{B.i.i.i.}}}{\ddot{\tau}s + 1} = 1 - \frac{1}{\tau s + 1}$$

为了估计俯仰角,以上式子的 θ 需要用传感器信息替代。

线性互补滤波的标准形式以传递函数方式表示为

$$\hat{\theta}(s) = \frac{1}{\tau s + 1} \theta_{m}(s) + \frac{\tau s}{\tau s + 1} \left(\frac{1}{s} \omega_{y_{b}m}(s)\right)$$
加速度计测量
的俯仰角

於螺仪的
角速度积分



□线性互补滤波

下面我们着重以俯仰角为例,详细推导下线性互补滤波。俯仰角 θ 的拉氏变换可以表示为

$$\theta(s) = \frac{1}{\tau_{s+1}}\theta(s) + \frac{\tau_{s}}{\tau_{s+1}}\theta(s)$$
低通滤波器, $\tau \in \mathbb{R}_{+}$ 表示时间常数

为了估计俯仰角,以上式子的θ需要用传感器信息替代。

线性互补滤波的标准形式以传递函数方式表示为

$$\hat{\theta}(s) = \frac{1}{\tau s + 1} \theta_{\rm m}(s) + \frac{\tau s}{\tau s + 1} \left(\frac{1}{s} \omega_{y_{\rm b} {\rm m}}(s)\right)$$
加速度计测量
的俯仰角
$$\hat{\theta}(s) = \theta(s) + \left[\frac{1}{\tau s + 1} n_{\theta}(s) + \frac{\tau s}{\tau s + 1} c \frac{1}{s}\right]$$

$$\hat{\theta}(s) \approx \theta(s)$$





□线性互补滤波

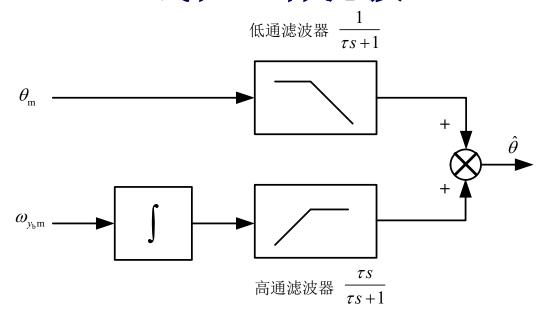


图. 互补滤波估计俯仰角流程图

为了计算机算法实现, 需要对其进行离散化

$$\hat{\theta}(s) = \frac{1}{\tau s + 1} \theta_{\rm m}(s) + \frac{\tau s}{\tau s + 1} \left(\frac{1}{s} \omega_{y_{\rm b} \rm m}(s) \right)$$

通过一阶向后差分法,将 尽表示为

$$s = (1-z^{-1})/T_s$$
 $T_s \in \mathbb{R}_+$ 表示采样周期

进一步表示为

$$\hat{\theta}(z) = \frac{1}{\tau \frac{1 - z^{-1}}{T_{s}} + 1} \theta_{m}(z) + \frac{\tau}{\tau \frac{1 - z^{-1}}{T_{s}} + 1} \omega_{y_{b}m}(z)$$

再把上式化为差分方程可以得到

低通滤波器将 θ_m 无漂移的优势保留下来,而高通滤波器将 $\omega_{y_m}(s)/s$ 噪声小的优势保留下来

$$\hat{\theta}(k) = \frac{\tau}{\tau + T_s} (\hat{\theta}(k-1) + T_s \omega_{y_b m}(k)) + \frac{T_s}{\tau + T_s} \theta_m(k)$$



□卡尔曼滤波

假设离散时间线性系统模型如下:

$$\mathbf{x}_{k} = \mathbf{\Phi}_{k,k-1} \mathbf{x}_{k-1} + \mathbf{u}_{k-1} + \mathbf{\Gamma}_{k,k-1} \mathbf{w}_{k-1}$$
$$\mathbf{z}_{k} = \mathbf{H}_{k} \mathbf{x}_{k} + \mathbf{v}_{k}$$

式中,过程噪声Wil和观测噪声Vi 的统计特性为

自相关系数 \mathbf{R}_{ww} 互相关系数 \mathbf{R}_{ww} 系统噪声方差阵 $\mathbf{Q}_k \geqslant \mathbf{0}_{n \times n}$ 观测噪声方差阵 $\mathbf{R}_k > \mathbf{0}_{m \times m}$ Kronecker δ 函数

$$\mathcal{S}_{kj} = \begin{cases} 1, & k = j \\ 0, & k \neq j \end{cases}$$

$$E(\mathbf{w}_{k-1}) = \mathbf{0}_{n \times 1}, E(\mathbf{v}_k) = \mathbf{0}_{m \times 1}, \mathbf{R}_{\mathbf{w}\mathbf{v}}(k,j) = \mathbf{0}_{n \times m}$$

系统噪声方差阵
$$\mathbf{Q}_{k} \geqslant \mathbf{0}_{n \times n}$$
 $\mathbf{R}_{ww}(k,j) = \mathbf{E}(\mathbf{w}_{k}\mathbf{w}_{j}^{\mathrm{T}}) = \mathbf{Q}_{k} \delta_{kj} = \begin{cases} \mathbf{Q}_{k}, k = j \\ \mathbf{0}_{n \times n}, k \neq j \end{cases}$ 观测噪声方差阵 $\mathbf{R}_{k} > \mathbf{0}_{m \times m}$

$$\mathbf{R}_{\mathbf{v}\mathbf{v}}(k,j) = \mathbf{E}(\mathbf{v}_{k}\mathbf{v}_{j}^{\mathrm{T}}) = \mathbf{R}_{k}\boldsymbol{\delta}_{kj} = \begin{cases} \mathbf{R}_{k}, k = j \\ \mathbf{0}_{m \times m}, k \neq j \end{cases}$$

独立不相关



□卡尔曼滤波

假设线性离散系统模型如下:

$$\mathbf{x}_{k} = \mathbf{\Phi}_{k,k-1} \mathbf{x}_{k-1} + \mathbf{u}_{k-1} + \mathbf{\Gamma}_{k,k-1} \mathbf{w}_{k-1}$$
$$\mathbf{z}_{k} = \mathbf{H}_{k} \mathbf{x}_{k} + \mathbf{v}_{k}$$

初始状态 x₀的统计特性为

$$E(\mathbf{x}_0) = \hat{\mathbf{x}}_0, cov(\mathbf{x}_0) = \mathbf{P}_0$$

其中,cov(·)表示协方差

还假设状态的初始值 \mathbf{x}_0 , \mathbf{u}_k 与 \mathbf{v}_{k-1} , \mathbf{v}_k , $k \ge 1$, 均不相关,

并且噪声向量 W_{k-1} 与 V_k 也不相关,即有:

$$\mathbf{R}_{\mathbf{x}\mathbf{w}}\left(0,k\right) = \mathbf{E}\left(\mathbf{x}_{0}\mathbf{w}_{k}^{\mathsf{T}}\right) = \mathbf{0}_{n \times n}$$

$$\mathbf{R}_{\mathbf{x}\mathbf{v}}\left(0,k\right) = \mathbf{E}\left(\mathbf{x}_{0}\mathbf{v}_{k}^{\mathsf{T}}\right) = \mathbf{0}_{n \times m}$$

独立不相关

$$\mathbf{R}_{\mathbf{u}\mathbf{w}}\left(k,j\right) = \mathbf{E}\left(\mathbf{u}_{k}\mathbf{w}_{j}^{\mathsf{T}}\right) = \mathbf{0}_{n\times n}$$



□卡尔曼滤波算法总结

1. 步骤一: 过程模型

$$\mathbf{x}_{k} = \mathbf{\Phi}_{k-1} \mathbf{x}_{k-1} + \mathbf{u}_{k-1} + \mathbf{\Gamma}_{k-1} \mathbf{w}_{k-1}, \mathbf{w}_{k} \sim \mathcal{N}\left(\mathbf{0}_{n \times 1}, \mathbf{Q}_{k}\right)$$

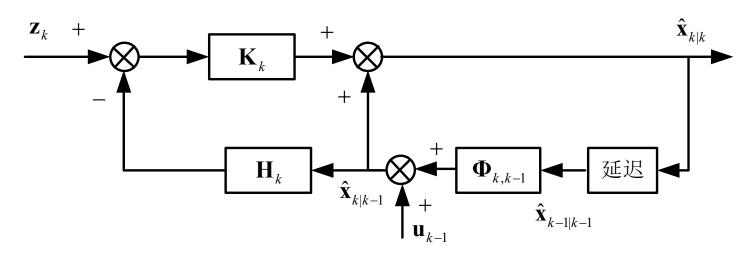
观测模型

$$\mathbf{z}_{k} = \mathbf{H}_{k} \mathbf{x}_{k} + \mathbf{v}_{k}, \mathbf{v}_{k} \sim \mathcal{N}\left(\mathbf{0}_{m \times 1}, \mathbf{R}_{k}\right)$$

2. 步骤二: 初始状态

$$\hat{\mathbf{x}}_0 = \mathbf{E}(\mathbf{x}_0)$$

$$\mathbf{P}_0 = \mathrm{E}\left[\left(\mathbf{x}_0 - \mathrm{E}\left(\mathbf{x}_0\right)\right)\left(\mathbf{x}_0 - \mathrm{E}\left(\mathbf{x}_0\right)\right)^{\mathrm{T}}\right]$$





□卡尔曼滤波算法总结

- 3. 步骤三: 当k = 0, 取 $\mathbf{P}_{0|0} = \mathbf{P}_0$, $\hat{\mathbf{x}}_{0|0} = \hat{\mathbf{x}}_0$
- **4.** 步骤四: k = k + 1
- 5. 步骤五: 状态估计预测 $\mathbf{P}_{k|k-1} = \mathbf{\Phi}_{k-1} \mathbf{P}_{k-1|k-1} \mathbf{\Phi}_{k-1}^{\mathrm{T}} + \mathbf{\Gamma}_{k-1} \mathbf{Q}_{k-1} \mathbf{\Gamma}_{k-1}^{\mathrm{T}}$
- 6. 步骤六:误差协方差预测 $\mathbf{P}_{k|k-1} = \mathbf{\Phi}_{k-1} \mathbf{P}_{k-1|k-1} \mathbf{\Phi}_{k-1}^{\mathrm{T}} + \mathbf{\Gamma}_{k-1} \mathbf{Q}_{k-1} \mathbf{\Gamma}_{k-1}^{\mathrm{T}}$

- 7. 步骤七:卡尔曼增益矩阵 $\mathbf{K}_{k} = \mathbf{P}_{k|k-1}\mathbf{H}_{k}^{\mathrm{T}} \left(\mathbf{H}_{k}\mathbf{P}_{k|k-1}\mathbf{H}_{k}^{\mathrm{T}} + \mathbf{R}_{k}\right)^{-1}$
- 8. 步骤八: 状态估计更新 $\hat{\mathbf{x}}_{k|k} = \hat{\mathbf{x}}_{k|k-1} + \mathbf{K}_{k} \left(\mathbf{z}_{k} \hat{\mathbf{z}}_{k|k-1} \right)$ 其中, $\hat{\mathbf{z}}_{k|k-1} = \mathbf{H}_{k} \hat{\mathbf{x}}_{k|k-1}$
- 9. 步骤九:误差协方差更新 $\mathbf{P}_{k|k} = (\mathbf{I}_n \mathbf{K}_k \mathbf{H}_k) \mathbf{P}_{k|k-1}$
- 10. 步骤十: 返回步骤四



□卡尔曼滤波

- (1) 卡尔曼滤波器在进行滤波器估计的同时还产生了误差协方差阵 $P_{k|k}$ 它可以用于表征估计精度,同时也能用于传感器的健康评估。
- (2) 一般来说,采样周期合理情况下,连续系统可观,离散化的系统也会可观。然而有时候采样周期选择不当,系统可能失去可控性及可观性。因此原则上应该检查离散化系统的可观性。
 - (3) $\mathbf{H}_{k}\mathbf{P}_{k|k-1}\mathbf{H}_{k}^{\mathrm{T}}+\mathbf{R}_{k}$ 需要是非奇异的,否则 $\mathbf{K}_{k}=\mathbf{P}_{k|k-1}\mathbf{H}_{k}^{\mathrm{T}}\left(\mathbf{H}_{k}\mathbf{P}_{k|k-1}\mathbf{H}_{k}^{\mathrm{T}}+\mathbf{R}_{k}\right)^{-1}$ 无法实现。
- (4) 如果 $(\Phi_{k,k-1},H_k)$ 不可观,那么卡尔曼滤波器仍然可以运行,只不过不可观的模态没有进行修正,只是递推罢了。极端情况 $H_k=0_{m\times n}$,那么 $K_k=0_{n\times m}$

$$\hat{\mathbf{x}}_{k|k} = \mathbf{\Phi}_{k,k-1} \hat{\mathbf{x}}_{k-1|k-1} + \mathbf{u}_{k-1}$$

$$\mathbf{P}_{k|k} = \mathbf{\Phi}_{k,k-1} \mathbf{P}_{k-1|k-1} \mathbf{\Phi}_{k,k-1}^{\mathrm{T}} + \mathbf{\Gamma}_{k,k-1} \mathbf{Q}_{k-1} \mathbf{\Gamma}_{k,k-1}^{\mathrm{T}}$$



□扩展卡尔曼滤波

扩展卡尔曼滤波器算法的主要思想是忽略高阶项,对非线性函数进行线性化近似。通过对非线性函数的泰勒展开式进行一阶线性截断,从而将非线性问题转化为线性问题。由于线性化过程带来额外误差,扩展卡尔曼滤波器是一种次优滤波器。



□扩展卡尔曼滤波

考虑非线性离散化模型为:

$$\mathbf{x}_{k} = \mathbf{f}\left(\mathbf{x}_{k-1}, \mathbf{u}_{k-1}, \mathbf{w}_{k-1}\right)$$
$$\mathbf{z}_{k} = \mathbf{h}\left(\mathbf{x}_{k}, \mathbf{v}_{k}\right)$$

式中, W_{k-1} 是系统噪声, V_k 是观测噪声,他们是互不相关的零均值高斯白噪声。且噪声方差阵分别为 Q_k 和 R_k 。

在扩展卡尔曼滤波中,通常将 $f(x_{k-1}, \mathbf{u}_{k-1}, \mathbf{w}_{k-1})$ 和 $h(x_k, \mathbf{v}_k)$ 分别进行 泰勒级数展开。

忽略高阶项,泰勒级数 展开形式为

$$\begin{split} \mathbf{f}\left(\mathbf{x}_{k-1}, \mathbf{u}_{k-1}, \mathbf{w}_{k-1}\right) &= \mathbf{f}(\hat{\mathbf{x}}_{k-1|k-1}, \mathbf{u}_{k-1}, \mathbf{0}_{n \times 1}) \\ &+ \frac{\partial \mathbf{f}(\mathbf{x}, \mathbf{u}_{k-1}, \mathbf{w})}{\partial \mathbf{x}} \bigg|_{\mathbf{x} = \hat{\mathbf{x}}_{k-1|k-1}, \mathbf{w} = \mathbf{0}_{n \times 1}} \left(\mathbf{x}_{k-1} - \hat{\mathbf{x}}_{k-1|k-1}\right) \\ &+ \frac{\partial \mathbf{f}(\mathbf{x}, \mathbf{u}_{k-1}, \mathbf{w})}{\partial \mathbf{x}} \bigg|_{\mathbf{x} = \hat{\mathbf{x}}_{k-1|k-1}, \mathbf{w} = \mathbf{0}_{n \times 1}} \left(\mathbf{x}_{k-1} - \hat{\mathbf{x}}_{k-1|k-1}\right) \\ &+ \frac{\partial \mathbf{h}(\mathbf{x}, \mathbf{v})}{\partial \mathbf{v}} \bigg|_{\mathbf{x} = \hat{\mathbf{x}}_{k|k-1}, \mathbf{v} = \mathbf{0}_{m \times 1}} \left(\mathbf{x}_{k} - \hat{\mathbf{x}}_{k|k-1}\right) \\ &+ \frac{\partial \mathbf{h}(\mathbf{x}, \mathbf{v})}{\partial \mathbf{v}} \bigg|_{\mathbf{x} = \hat{\mathbf{x}}_{k|k-1}, \mathbf{v} = \mathbf{0}_{m \times 1}} \mathbf{v}_{k}. \end{split}$$



□扩展卡尔曼滤波

为了简化扩展卡尔曼滤 波算法的表达式,定义:

$$\Phi_{k-1} \triangleq \frac{\partial \mathbf{f}(\mathbf{x}, \mathbf{u}_{k-1}, \mathbf{w})}{\partial \mathbf{x}} \bigg|_{\mathbf{x} = \hat{\mathbf{x}}_{k-1|k-1}, \mathbf{w} = \mathbf{0}_{n \times 1}}$$

$$\mathbf{H}_{k} \triangleq \frac{\partial \mathbf{h}(\mathbf{x}, \mathbf{v})}{\partial \mathbf{x}} \bigg|_{\mathbf{x} = \hat{\mathbf{x}}_{k|k-1}, \mathbf{v} = \mathbf{0}_{m\times}}$$

$$\Gamma_{k-1} \triangleq \frac{\partial \mathbf{f}(\mathbf{x}, \mathbf{u}_{k-1}, \mathbf{w})}{\partial \mathbf{w}} \bigg|_{\mathbf{x} = \hat{\mathbf{x}}_{k-1|k-1}, \mathbf{w} = \mathbf{0}_{n \times 1}}$$

$$\mathbf{u}'_{k-1} \triangleq \mathbf{f}(\hat{\mathbf{x}}_{k-1|k-1}, \mathbf{u}_{k-1}, \mathbf{0}_{n\times 1}) - \mathbf{\Phi}_{k-1}\hat{\mathbf{x}}_{k-1|k-1}$$

$$\mathbf{z}_{k}' \triangleq \mathbf{z}_{k} - \mathbf{h}(\hat{\mathbf{x}}_{k|k-1}, \mathbf{0}_{m \times 1}) + \mathbf{H}_{k}\hat{\mathbf{x}}_{k|k-1}$$

$$\mathbf{v}_{k}' \triangleq \frac{\partial \mathbf{h}(\mathbf{x}, \mathbf{v})}{\partial \mathbf{v}} \bigg|_{\mathbf{x} = \hat{\mathbf{x}}_{k|k-1}, \mathbf{v} = \mathbf{0}_{m \times 1}} \mathbf{v}_{k}$$

模型简化为

$$\mathbf{x}_{k} = \mathbf{\Phi}_{k-1} \mathbf{x}_{k-1} + \mathbf{u}'_{k-1} + \mathbf{\Gamma}_{k-1} \mathbf{w}_{k-1}$$
$$\mathbf{z}'_{k-1} = \mathbf{H}_{k} \mathbf{x}_{k} + \mathbf{v}'_{k-1}$$

这里, \mathbf{v}_k' 的统计特性为 $E(\mathbf{v}_k') = \mathbf{0}_{m\times 1}$ 且

$$\mathbf{R}_{\mathbf{v}'\mathbf{v}'}(k,j) \triangleq \mathbf{E}(\mathbf{v}'_{k}\mathbf{v}'^{\mathsf{T}}_{j}) = \begin{cases} \mathbf{R}'_{k}, k = j \\ \mathbf{0}_{m \times m}, k \neq j \end{cases}$$

其中

$$\mathbf{R}_{k}' \triangleq \frac{\partial \mathbf{h}(\mathbf{x}, \mathbf{v})}{\partial \mathbf{v}} \bigg|_{\mathbf{x} = \hat{\mathbf{x}}_{k|k-1}, \mathbf{v} = \mathbf{0}_{m \times 1}} \mathbf{R}_{k} \left(\frac{\partial \mathbf{h}(\mathbf{x}, \mathbf{v})}{\partial \mathbf{v}} \bigg|_{\mathbf{x} = \hat{\mathbf{x}}_{k|k-1}, \mathbf{v} = \mathbf{0}_{m \times 1}} \right)^{\mathrm{T}}$$



□扩展卡尔曼滤波算法总结

1. 步骤一: 过程模型

$$\mathbf{x}_{k} = \mathbf{f}\left(\mathbf{x}_{k-1}, \mathbf{u}_{k-1}, \mathbf{w}_{k-1}\right), \mathbf{w}_{k} \sim \mathcal{N}\left(\mathbf{0}_{n \times 1}, \mathbf{Q}_{k}\right)$$

观测模型

$$\mathbf{z}_{k} = \mathbf{h}(\mathbf{x}_{k}, \mathbf{v}_{k}), \mathbf{v}_{k} \sim \mathcal{N}(\mathbf{0}_{m \times 1}, \mathbf{R}_{k})$$

2. 步骤二: 初始状态

$$\hat{\mathbf{x}}_0 = \mathbf{E}(\mathbf{x}_0)$$

$$\mathbf{P}_0 = \mathbf{E} \left[\left(\mathbf{x}_0 - \mathbf{E} \left(\mathbf{x}_0 \right) \right) \left(\mathbf{x}_0 - \mathbf{E} \left(\mathbf{x}_0 \right) \right)^{\mathrm{T}} \right]$$



□扩展卡尔曼滤波算法总结

- 3. 步骤三: 当k = 0, 取 $\mathbf{P}_{0|0} = \mathbf{P}_0$, $\hat{\mathbf{x}}_{0|0} = \hat{\mathbf{x}}_0$
- **4.** 步骤四: k = k + 1
- 5. 步骤五: 状态估计预测 $\hat{\mathbf{x}}_{k|k-1} = \mathbf{f} \left(\hat{\mathbf{x}}_{k-1|k-1}, \mathbf{u}_{k-1}, \mathbf{0}_{n \times 1} \right)$
- 6. 步骤六:误差协方差预测

$$\mathbf{P}_{k|k-1} = \mathbf{\Phi}_{k-1} \mathbf{P}_{k-1|k-1} \mathbf{\Phi}_{k-1}^{\mathrm{T}} + \mathbf{\Gamma}_{k-1} \mathbf{Q}_{k-1} \mathbf{\Gamma}_{k-1}^{\mathrm{T}}$$

- 7. 步骤七:卡尔曼增益矩阵 $\mathbf{K}_{k} = \mathbf{P}_{k|k-1} \mathbf{H}_{k}^{\mathrm{T}} \left(\mathbf{H}_{k} \mathbf{P}_{k|k-1} \mathbf{H}_{k}^{\mathrm{T}} + \mathbf{R}_{k} \right)^{-1}$
- 8. 步骤八: 状态估计更新 $\hat{\mathbf{x}}_{k|k} = \hat{\mathbf{x}}_{k|k-1} + \mathbf{K}_{k} \left(\mathbf{z}_{k} \hat{\mathbf{z}}_{k|k-1} \right)$ 共中, $\hat{\mathbf{z}}_{k|k-1} = \mathbf{H}_{k} \hat{\mathbf{x}}_{k|k-1}$
- 9. 步骤九:误差协方差更新 $\mathbf{P}_{k|k} = (\mathbf{I}_n \mathbf{K}_k \mathbf{H}_k) \mathbf{P}_{k|k-1}$
- 10. 步骤十: 返回步骤四



以上原理可以详细参考"Quan Quan. Introduction to Multicopter Design and Control. Springer, Singapore, 2017"或者"全权著. 杜光勋,赵峙尧,戴训华,任锦瑞,邓恒译.《多旋翼飞行器设计与控制》,电子工业出版社,2018."的第8-9章。



□实验目标

■ 已知

- (1) 硬件: Pixhawk 自驾仪系统;
- (2) 软件: MATLAB2017b及以上版本, PSP自驾仪支持包, 实验指导包 "e4.1; (下载地址: https://flyeval.com/course)
- (3) 在数据方面, 若没有硬件, 可以直接使用实验指导包 "e4.1"中的数据。

■ 目标

利用数据采集模型和Pixhawk采集加速度计和陀螺仪数据,按步骤完成互补滤波,处理所得数据并绘制相关姿态角数据图;与原数据解算的姿态角和Pixhawk 自带姿态角解算出的数据作比较,以理解互补滤波器的优点。



□滤波步骤

(1) 步骤一: 获取加速度计、陀螺仪以 及三个姿态角的数据

1) 软硬件连接。将遥控器接收 机和Pixhawk自驾仪连接好。 如右图所示。



图. 硬件系统连接



□滤波步骤

- (1) 步骤一: 获取加速度计、陀螺仪以及三个姿态角的数据
- 2) 打开数据采集模型。

打开"log_data.slx" Simulink文件,如右图。该文件使用PSP工具箱的模块搭建,可以读取加速度、角速度、时间戳和飞控自带算法解算出的姿态角数据。我们可以使用遥控器控制开始写入数据以及停止写入数据,最终将数据存储到Pixhawk 的microSD 中。

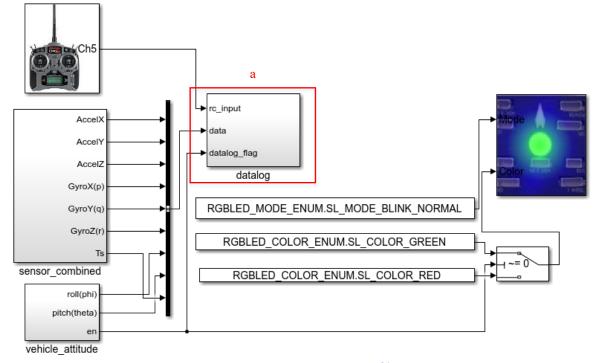
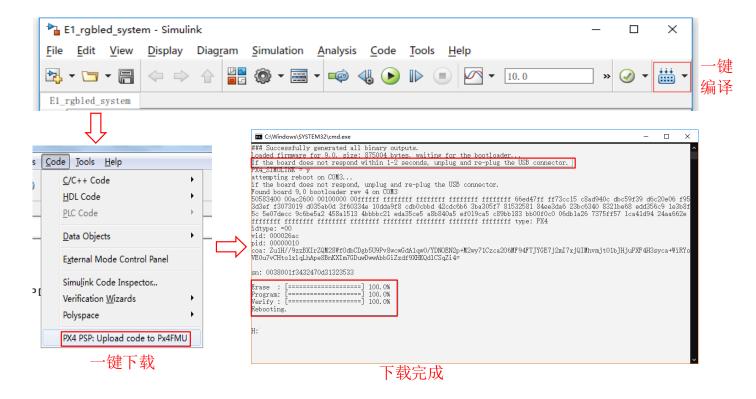


图. log_data.slx截图



- (1) 步骤一: 获取加速度计、陀螺仪以及三个姿态角的数据
 - 3) 编译并下载文件"log_data.slx"到Pixhawk 中。





- (1) 步骤一: 获取加速度计、陀螺仪以及三个姿态角的数据
 - 4) 采集数据。Pixhawk自驾仪的LED 指示灯变红意味着PX4 软件没有正常工作。因此,在连接好遥控器接收机和Pixhawk 自驾仪后,等待一会直到自驾仪的指示灯变绿(如果自驾仪的指示灯没有变绿,请重新拔插自驾仪)。准备就绪后,将遥控器CH5 拨到最顶部(程序变量ch5>1500,最远离使用者的档位),开始采集数据。手动晃动自驾仪,在数据采集完成后将遥控器CH5 拨到最底部(最靠近使用者的档位)停止写数据到microSD卡。
 - 5) 读取数据。将microSD 卡取出,使用读卡器将文件 "e4_A.bin" 复制到目录 "/e4/e4.1"下,并且保存它。使用函数

[datapoints, numpoints] = px4_read_binary_file('mw_A.bin') 读出数据、数据保存在"datapoints"中、数据个数保存在"numpoints"中。



□滤波步骤

- (2) 步骤二:设计互补滤波器
 - 1) 互补滤波器可参考 "Attitude_cf. m" 文件, 如右表所示。其中, "theta_am" 和 "phi_am" 分别代表由加速度计计算出的俯仰角和滚转角; theta_cf" 和 "phi_cf" 分别代表由互补滤波计算出来的俯仰角和滚转角。

```
1 function [phi_cf, theta_cf] = Attitude_cf(dt, z, phi_cf_k, theta_cf_k, tao)
2 %函数描述:
3 % 互补滤波姿态结算。
4 %输入:
5 % dt: 时间间隔,单位: s
6 % z: 三轴角陀螺仪和三轴加速度计测量值, [gx, gy, gz, ax, ay, az]',
```

```
% 单位: rad/s, m/s2
    % phi cf k, theta cf k: 上一时刻的角度值, 单位: rad
    % tao: 滤波器系数
    %输出:
    % phi cf, theta cf: 解算的姿态角, 单位: rad
10
11
12
      gx = z(1); gy = z(2);
13
      ax = z(4); ay = z(5); az = z(6);
14
15
      %使用加速度计测量值计算姿态角
16
      g = sqrt(ax*ax + ay*ay + az*az);
17
      theta am = asin(ax/g);
18
      phi am = -a\sin(ay/(g*\cos(theta\ am)));
19
20
      %互补滤波
      theta cf = tao/(tao + dt)*(theta cf k + gy*dt) + dt/(tao +
    dt)*theta am;
22
      phi cf = tao/(tao + dt)*(phi cf k + gx*dt) + dt/(tao +
    dt)*phi am;
    end
```



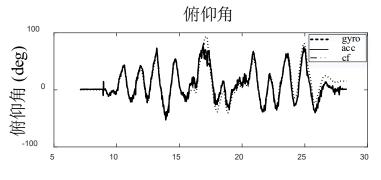
□滤波步骤

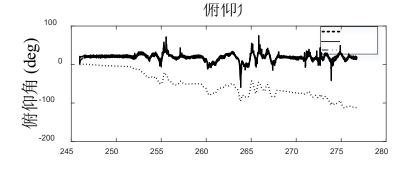
- (3) 步骤三:分析滤波效果
- 1) 这里已经采集好了两份传感器数据,其中"e4_A.bin"为手动晃动Pixhawk自 驾仪时采集的数据,"logdata.mat"为飞行器在实际飞行过程中采集的数据。
- 2) 运行"Attitude_estimator0.m"文件,即可看到使用陀螺仪积分得到的姿态角对应"gyro"、直接使用加速度计数据计算的姿态角对应"acc"、使用互补滤波解算的姿态角对应"cf"和PX4自带算法解算的姿态角对应"px4"。

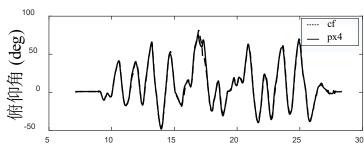


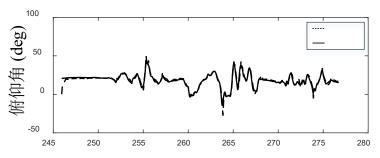
□实验步骤

(3) 步骤三:分析滤波效果









可以得到结论: 1) 直接 对陀螺仪测量的角速度 进行积分得到的姿态角 有很大的累积误差,并 且还有可能发散:2)根 据来自加速度计的原始 数据, 计算得到的姿态 角不会发散, 但噪声最 大且有明显的尖峰, 尤 其是使用实际飞行中的 数据时:3) 通过使用互 补滤波器, 估计的姿态 角是平滑的并且没有累 积误差。

图. 互补滤波器实验结果



分析实验

□实验目标

■已知

基础实验采集的数据,实验指导包"e4.2"(下载地址: https://flyeval.com/course);

■目标

基于基础实验, 将互补滤波器

$$\hat{\theta}(k) = \frac{\tau}{\tau + T_s} (\hat{\theta}(k-1) + T_s \omega_{y_b m}(k)) + \frac{T_s}{\tau + T_s} \theta_m(k)$$

的参数 τ 值进行改变,对所给数据进行滤波,分析滤波器参数对滤波效

果的影响。



分析实验

□分析步骤

新建一个m文件,修改式

```
\hat{\theta}(k) = \frac{\tau}{\tau + T_s} (\hat{\theta}(k-1) + T_s \omega_{y_b m}(k)) + \frac{T_s}{\tau + T_s} \theta_m(k) 里面的 \tau 值,对比不同参数下滤波效果,如右表所示,在MATLAB中运行"Attitude_cf_tao.m",执行文件得到 \tau 分别为0.01,0.1,1时的滤波效果。
```

```
1 %参数tao对滤波效果的影响
2 clear;
3 load logdata
4 n = length(ax); %采集数据个数
5 Ts = zeros(1,n); %时间间隔
6 Ts(1) = 0.004;
7 for k = 1:n-1
8 Ts(k+1) = (timestamp(k + 1) - timestamp(k))*0.000001;
9 end
```

```
theta cf = zeros(1, n); %互补滤波得到的滚转角(对应theta)
     phi cf = zeros(1, n); %互补滤波得到的俯仰角(对应phi)
11
12
     tao = 0.001;
13
14
     for i = 1 : 3
15
       tao = tao*10;
       for k = 2 : n
16
17
          g = \operatorname{sqrt}(ax(k)*ax(k) + ay(k)*ay(k) + az(k)*az(k));
18
          theta am = a\sin(ax(k)/g);
19
          phi am = -a\sin(ay(k)/(g*\cos(theta\ am)));
20
21
          theta cf(i, k) = tao/(tao + Ts(k))*(theta <math>cf(i, k-1) + gy(k)*Ts(k))
     + Ts(k)/(tao + Ts(k))*theta am;
          phi cf(i,k) = tao/(tao + Ts(k))*(phi cf(i, k-1) + gx(k)*Ts(k)) +
     T_s(k)/(tao + T_s(k))*phi am;
23
       end
24
     end
```



分析实验

□分析步骤

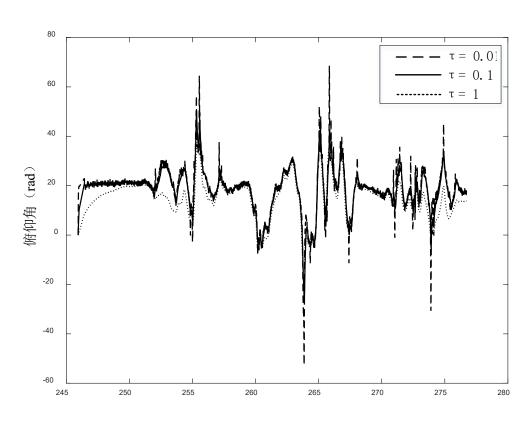


图. 参数 τ 对互补滤波的影响

可以看到参数T越大,对加速度滤波的截止频率越小,对高频噪声的滤波作用越明显。当T很大时

$$\frac{\tau}{\tau + T_s} \approx 1, \frac{T_s}{\tau + T_s} \approx 0$$

互补滤波器变为

$$\begin{cases} \hat{\theta}(k) \approx \hat{\theta}(k-1) + T_s \omega_{y_b m}(k) \\ \hat{\phi}(k) \approx \hat{\phi}(k-1) + T_s \omega_{x_b m}(k) \end{cases}$$

相当于加速度计不起作用,只使用陀螺仪的积分值。 因此,要合理选择参数7的值。



□实验目标

■ 已知

(1) 硬件: Pixhawk 自驾仪系统;

(2) 软件: MATLAB2017b及以上版本, PSP自驾仪支持包, 实验指导包 "e4.3" (下载地址: https://flyeval.com/course);

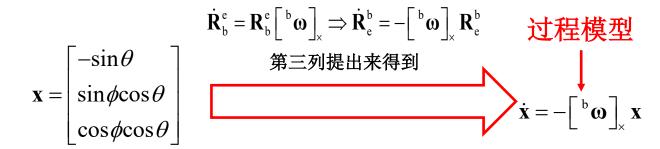
■目标

理解卡尔曼滤波原理,设计卡尔曼滤波器,设计算法实现滤波器功能。进一步,处理加速度和角速度数据,并绘制出相关姿态角数据图,与原数据解算的姿态角和Pixhawk 自带姿态角解算出的数据作比较,以加深对卡尔曼滤波器的理解。



□设计步骤

(1) 步骤一: 用于姿态估计的卡尔曼滤波器



加速度观测量可表示为

$$^{\mathrm{b}}\mathbf{a}_{\mathrm{m}} = -g\mathbf{x} + \mathbf{n}_{\mathrm{a}}$$
 观测模型

其中 $\mathbf{n}_a \in \mathbb{R}^3$ 是噪声。

进一步,考虑陀螺仪的漂移和噪声,滤波器的观测模型可以表示为

$$\begin{cases} \dot{\mathbf{x}} = -\begin{bmatrix} {}^{b}\mathbf{\omega}_{m} - \mathbf{b}_{g} - \mathbf{w}_{g} \end{bmatrix}_{\times} \mathbf{x} \\ \dot{\mathbf{b}}_{g} = \mathbf{w}_{\mathbf{b}_{g}} \end{cases}$$



□设计步骤

(2) 步骤二: 卡尔曼滤波器设计

为了得到更好的效果,实际计算过程中加入加速度计的z轴观测量。对前述式子进行离散 化得

■ 过程模型

$$\begin{bmatrix} \mathbf{b}_{g,k} \\ \mathbf{x}_k \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \mathbf{b}_{g,k-1} + \mathbf{w}_{b_g,k-1} T \\ (\mathbf{I} - \begin{bmatrix} {}^{b}\mathbf{\omega}_{m,k} - \mathbf{b}_{g,k-1} - \mathbf{w}_{g,k-1} \end{bmatrix}_{\times} T) \mathbf{x}_{k-1} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \mathbf{b}_{g,k-1} \\ (\mathbf{I} - \begin{bmatrix} {}^{b}\mathbf{\omega}_{m,k} - \mathbf{b}_{g,k-1} \end{bmatrix}_{\times} T) \mathbf{x}_{k-1} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \mathbf{w}_{b_g,k-1} T \\ [\mathbf{w}_{g,k-1} \end{bmatrix}_{\times} T) \mathbf{x}_{k-1} \end{bmatrix}$$

■ 观测模型

$$^{b}\mathbf{a}_{m,k} = \begin{bmatrix} \mathbf{0} & -g\mathbf{I} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \mathbf{b}_{g,k} \\ \mathbf{x}_{k} \end{bmatrix} + \mathbf{n}_{a,k}$$



□设计步骤

(2) 步骤二:卡尔曼滤波器设计

由书式 (8.85) 就可以进一步得到卡尔曼滤波器所需要的信息:

转态转移阵

$$\mathbf{\Phi}_{k-1} = \begin{bmatrix} \mathbf{I} & \mathbf{0} \\ -[\mathbf{x}_{k-1}]_{\times} \mathbf{T} & (\mathbf{I} - [{}^{b}\mathbf{\omega}_{m,k} - \mathbf{b}_{g,k-1}]_{\times} \mathbf{T}) \end{bmatrix}$$

噪声驱动阵

$$\mathbf{\Gamma}_{k-1} = \begin{bmatrix} T * \mathbf{I} & \mathbf{0} \\ 0 & -[\mathbf{x}_{k-1}]_{\times} T \end{bmatrix}$$

量测阵

$$\mathbf{H}_{k} = \begin{bmatrix} \mathbf{0} & -g\mathbf{I} \end{bmatrix}$$



□设计步骤

- (3) 步骤三: 卡尔曼滤波步骤
 - 1) 状态预测

$$\begin{bmatrix} \mathbf{b}_{g,k} \\ \mathbf{x}_{k} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \mathbf{b}_{g,k-1} \\ (\mathbf{I}_{3} - [{}^{b}\boldsymbol{\omega}_{m,k} - \mathbf{b}_{g,k-1}]_{\times} T_{s}) \mathbf{x}_{k-1} \end{bmatrix}$$

计算状态转移矩阵和噪声驱动矩阵

$$\mathbf{\Phi}_{k-1} = \begin{bmatrix} \mathbf{I}_3 & \mathbf{0}_{3\times 3} \\ -\left[\mathbf{x}_{k-1}\right]_{\times} T_{s} & \left(\mathbf{I}_3 - \left[\mathbf{b}\omega_{m,k} - \mathbf{b}_{g,k-1}\right]_{\times} T_{s}\right) \end{bmatrix}$$

$$\mathbf{\Gamma}_{k-1} = \begin{bmatrix} T_{s} \mathbf{I}_{3} & \mathbf{0}_{3 \times 3} \\ \mathbf{0}_{3 \times 3} & -[\mathbf{x}_{k-1}]_{\times} T_{s} \end{bmatrix}$$

其中, $b\omega_{m,k}$ 为当前陀螺仪测量值, x_{k-1} 为上一时刻的状态估计值。



□设计步骤

- (3) 步骤三: 卡尔曼滤波步骤
 - 2) 协方差预测

$$\mathbf{P}_{k|k-1} = \mathbf{\Phi}_{k-1} \mathbf{P}_{k-1|k-1} \mathbf{\Phi}_{k-1}^{\mathrm{T}} + \mathbf{\Gamma}_{k-1} \mathbf{Q}_{k-1} \mathbf{\Gamma}_{k-1}^{\mathrm{T}}$$

其中Q,-1为系统噪声方差。

3) 卡尔曼增益矩阵

$$\mathbf{K}_{k} = \mathbf{P}_{k|k-1} \mathbf{H}_{k}^{\mathrm{T}} (\mathbf{H}_{k} \mathbf{P}_{k|k-1} \mathbf{H}_{k}^{\mathrm{T}} + \mathbf{R}_{k})^{-1}$$

其中R_{k-1}为观测噪声方差。



□设计步骤

- (3) 步骤三: 卡尔曼滤波步骤
 - 4) 状态更新估计

$$\begin{bmatrix} \mathbf{b}_{g,k} \\ \mathbf{x}_k \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \mathbf{b}_{g,k-1} \\ \mathbf{x}_{k-1} \end{bmatrix} + \mathbf{K}_k \left(\mathbf{z}_k - \mathbf{H}_k \begin{bmatrix} \mathbf{b}_{g,k-1} \\ \mathbf{x}_{k-1} \end{bmatrix} \right)$$

其中 Z_k 为加速度计测量值。

5) 误差协方差更新

$$\mathbf{P}_{k|k} = (\mathbf{I} - \mathbf{K}_k \mathbf{H}_k) \mathbf{P}_{k|k-1}$$



□设计步骤

卡尔曼滤波器实现见文件"Attitude_ekf.m",其主要部分如下表

```
function [x aposteriori, P aposteriori, roll, pitch] =
    Attitude_ekf( dt, z, q, r, x_aposteriori k, P aposteriori k)
    %函数描述:
    % 状态估计的拓展卡尔曼滤波方法
    %输入:
    % dt: 更新周期
    % z: 测量值
    % q:系统噪声, r:测量噪声
    % x aposteriori k: 上一时刻的状态估计
    % P aposteriori k: 上一时刻估计协方差
    %输出:
10
11
    % x aposteriori: 当前时刻的状态估计
    % P_aposteriori: 当前时刻的估计协方差
    % roll,pitch: 欧拉角,单位:rad
14
    w m = z(1:3); %角速度测量值
   a m = z(4:6); %加速度测量值
```

```
g = norm(a m,2); %重力加速度
18
     \% w x = [0,-(wz-bzg, wy-byg;
           wz-bzg, 0, -(wx-bxg);
20
             -(wy-byg), wx-bxg, 0];
21
     \mathbf{w}_{\mathbf{x}} = [0, -(\mathbf{w}_{\mathbf{m}}(3) - \mathbf{x}_{\mathbf{a}}), \mathbf{w}_{\mathbf{m}}(2) - \mathbf{x}_{\mathbf{a}})
         w_m(3) - x_m aposteriori k(3), 0, -(w_m(1) - x_m aposteriori k(1));
23
         -(w m(2) - x aposteriori k(2)), w m(1) - x aposteriori k(1), 0];
24
     bCn = eye(3, 3) - w \times *dt;
26
27
     % 预测
     %更新先验状态矩阵
     x a priori = zeros(1, 6);
     x apriori(1:3) = x aposteriori k(1:3); %角速度漂移
     x_apriori(4:6) = bCn*x_aposteriori_k(4:6); %加速度归一化值
31
32
33
     %[x]x
     x aposteriori k = [0, -x \text{ aposteriori } k(6), x \text{ aposteriori } k(5);
                    x aposteriori k(6), 0, -x aposteriori k(4);
                   -x aposteriori k(5), x aposteriori k(4), 0;
36
37
     %更新状态转移矩阵
38
     PHI = [eye(3, 3), zeros(3, 3);
39
           -x aposteriori k x*dt, bCn];
```



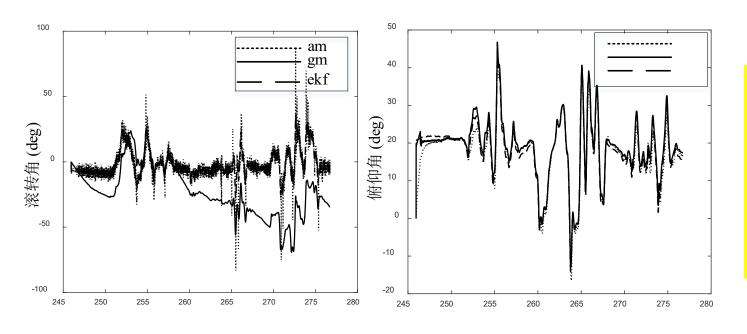
```
39
    GAMMA = [eye(3, 3)*dt, zeros(3, 3); % 噪声驱动阵
40
       zeros(3,3), -x aposteriori k x*dt];
41
42
    Q = [eye(3, 3)*q(1), zeros(3, 3);
      zeros(3, 3), eye(3, 3)*q(2);
    % 预测误差协方差矩阵
     P_apriori = PHI*P_aposteriori_k*PHI' + GAMMA*Q*GAMMA';
    %更新
    R = eye(3, 3)*r(1);
    H_k = [zeros(3, 3), -g*eye(3, 3)];
    %卡尔曼增益
    K_k = (P_apriori^*H_k')/(H_k^*P_apriori^*H_k' + R);
    % 状态估计矩阵
    x aposteriori = x apriori' + K k*(a m - H k*x apriori');
    %估计误差协方差
    P_aposteriori = (eye(6, 6) - K_k*H_k)*P_apriori;
    % 计算滚转角和俯仰角, 分别对应roll,pitch
    k = x_aposteriori(4:6)/norm(x_aposteriori(4:6), 2);
56
57
    roll = atan2(k(2), k(3)); % 滚转角
59
    pitch = -asin(k(1)); %俯仰角
60
    end
```



□仿真步骤

(1) 步骤一: 算法仿真及验证

运行 "e4.3" 中文件 "Attitude_estimator.m" 即可得到如下图所示的滤波结果及对比图





设计实验^{文件} "Attitude_estimator.m" 主函数如下表所示

文件 "Attitude_estimator.m" 主函数如下表所示

```
clear;
    load logdata n = length(ax); %采集数据个数
    Ts = zeros(1,n); %时间间隔
    Ts(1) = 0.004;
6
    for k = 1 : n-1
      Ts(k+1) = (timestamp(k+1) - timestamp(k))*0.000001;
8
    end
9
10
    theta am = zeros(1, n); %加速度计算的滚转角(theta)
    phi am = zeros(1, n); %加速度计算的俯仰角 (phi)
11
    theta gm = zeros(1, n); %陀螺仪积分的滚转角(theta)
12
13
    phi gm = zeros(1, n); %陀螺仪积分的俯仰角 (phi)
    theta_cf = zeros(1, n); %互补滤波得到的滚转角(theta)
14
15
    phi cf = zeros(1, n); %互补滤波得到的俯仰角phi (phi)
16
    phi ekf = zeros(1, n);
17
    theta ekf = zeros(1, n);
18
19
    tao = 0.3:
20
    w = [0.08, 0.01]; %系统噪声
    v=50; %测量噪声
21
```

```
22
     P aposteriori = zeros(6, 6, n);
23
     P aposteriori(:, :, 1)=eye(6, 6)*100; %P0
24
     x aposteriori = zeros(6, n);
25
     x aposteriori(:, 1) = [0, 0, 0, 0, 0, -1]; %X0
26
27
     for k = 2 : n
28
      %使用加速度计数据计算欧拉角
29
      g = \operatorname{sqrt}(ax(k) * ax(k) + ay(k) * ay(k) + az(k) * az(k));
30
      theta am(k) = asin(ax(k)/g);
31
      phi_am(k) = -asin(ay(k)/(g*cos(theta_am(k))));
32
      %使用陀螺仪数据计算欧拉角
33
      theta gm(k) = theta gm(k-1) + gy(k)*Ts(k);
34
      phi gm(k) = phi gm(k-1) + gx(k)*Ts(k);
35
     %互补滤波和EKF
36
      z = [gx(k), gy(k), gz(k), ax(k), ay(k), az(k)];
37
      [ phi cf(k), theta cf(k) ] = Attitude cf(Ts(k), z', phi cf(k-1),
     theta cf(k-1), tao);
38
      [x aposteriori(1:6, k), P aposteriori(1:6, 1:6, k), phi ekf(k),
     theta ekf(k) = Attitude ekf(Ts(k), z', w, v, x a posteriori(1 : 6, k - 1),
     P aposteriori(1:6,1:6,k-1);
39
40
     end
     t = timestamp*0.000001;
41
42
    rad2deg = 180/pi;
```



□仿真步骤

(2) 步骤二: 硬件在环仿真模型

根据互补滤波和卡尔曼滤波算法,设计 Simuink 模型 "ekf_cf.slx"模型,如 右图。该模型同时运行互补滤波算法和 卡尔曼滤波算法,并将得到的结果存储 在microSD卡中。

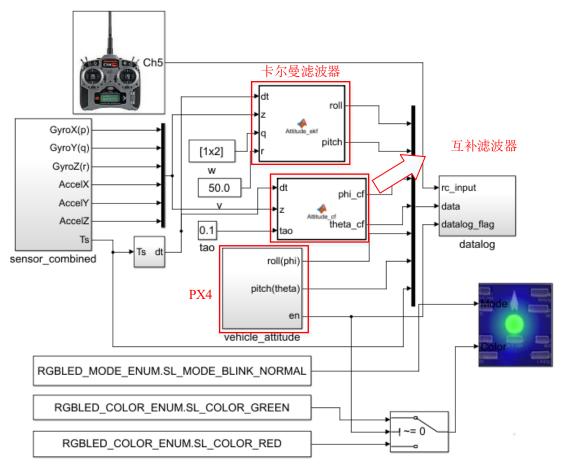


图. 硬件环境验证模型





□实验步骤

(3) 步骤三:硬件连接 按照右图连接遥控器接收机 和Pixhawk自驾仪。





□实验步骤

(4) 步骤四: 代码编译及下载

将处理器在环仿真模型编译并下载文件到Pixhawk 中。这样就可以在Pixhawk 中运行本实验所设计的滤波程序。

(5) 步骤五: 采集数据

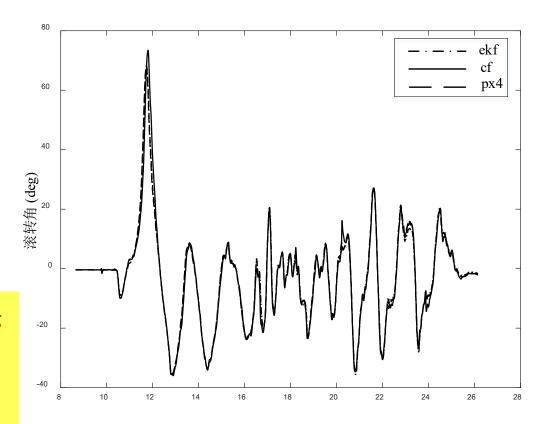
Pixhawk 自驾仪的LED 指示灯变红意味着PX4 软件没有正常工作。因此,在连接好遥控器接收机和Pixhawk 自驾仪后,等待一会直到自驾仪的指示灯变绿(如果自驾仪的指示灯没有变绿,请重新拔插自驾仪)。准备就绪后,将遥控器CH5 拨到最顶部(程序变量ch5>1500,最远离使用者的档位),手动晃动自驾仪,数据采集完成后将遥控器CH5 拨到最底部(最靠近使用者的档位)停止写数据到SD 卡。



□实验步骤

- (6) 步骤六:读取数据 将SD 卡取出,使用读卡器读文件"ekf1_A.bin" 复制到目录"/e4/e4.3"下,并且保存它。
- (7) 步骤七:绘制数据图形运行"plot_filter.m"文件,即可得到右图。

可以看到前半部分缓慢旋转飞控,互补滤波,卡尔曼滤波以及PX4自带的滤波算法效果相近;当后半阶段快速旋转自驾仪还带有抖动时,互补滤波效果明显要差一点,而卡尔曼滤波和PX4 自带滤波算法效果相近。





小结

- (1)为得到准确的姿态角数据,使用互补滤波算法对陀螺仪和加速度计的数据进行融合。这种算法相当于对陀螺仪数据做高通滤波,而对加速度计数据做低通滤波。这样可以有效消除陀螺仪和加速度计的测量噪声,将两者数据进行互补。
- (2) 互补滤波算法中对陀螺仪和加速度计数据的使用是通过参数 τ 来控制的,改变 τ 值大小会影响互补滤波效果。当 τ 值很大时,加速度计所起的作用很小,主要使用陀螺仪的值,而当 τ 值很小时,陀螺仪所起的作用很小,主要使用加速度计的值。
- (3)设计出卡尔曼滤波器,建立过程模型和观测模型。实验结果表明,卡尔曼滤波器的滤波效果要比互补滤波好,另一方面与Pixhawk 中自带的滤波算法比较接近。



谢 谢!