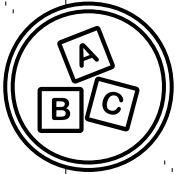




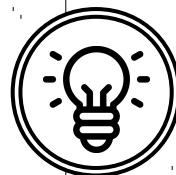
# Les fonctions



1. Une **fonction** est un procédé qui relie un ou plusieurs nombres à un unique autre nombre.
2. Soit  $f$  une fonction, et soit  $a$  et  $b$  2 nombres réels tels que :

$$f(a) = b$$

- 'b' est l'**image** de 'a' par  $f$ ,
  - 'a' est un **antécédent** de 'b' par  $f$ ,
  - Une image est **unique**,
  - Il **peut exister plusieurs antécédents** à une image.
3. La **représentation graphique** d'une fonction est la courbe constituée de l'ensemble des points de coordonnées  $(x;f(x))$ .
  4. L'**ensemble de définition** d'une fonction est l'ensemble des nombres pour lesquels il existe une image par la fonction, on le note  $D$ .
  5. Soit  $f$  une fonction, soit  $D_f$  l'ensemble de définition de  $f$ , soit  $x \in D_f$ .
  6. L'**expression algébrique** de la fonction  $f$  donne  $f(x)$  en fonction de la variable  $x$  explicitement (par exemple :  $f(x) = 3x + 5$ ).



1. La fonction donnant le volume d'un cube d'arête  $x$  :  $\mathcal{V}(x) = x^3$   
La fonction  $g(x,y,z)$  représentant la loi normale (ou loi de Laplace-Gauss) de paramètre  $\sigma$  centrée au point de coordonnées  $(0;0;0)$  :

$$g(x, y, z) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} \exp\left(-\frac{(x^2 + y^2 + z^2)}{\sigma^2}\right)$$

2. Représentation graphique de la loi normale à une seule variable.  
 $\mu$  représente la valeur moyenne :

$$g(x) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} \exp\left(-\frac{(x - \mu)^2}{\sigma^2}\right)$$

3. Domaine de définition :

$$D_{\mathcal{V}} = [0; +\infty[$$

$$D_{g(x,y,z)} = \mathbb{R} \times \mathbb{R} \times \mathbb{R} = \mathbb{R}^3$$

