





大学物理实验

(杨氏模量)



### 今日提问:

- 1、什么是杨氏模量?
- 2、什么是光杠杆?为什么要用光杠杆放大?
- 3、为什么要用逐差法处理数据?
- 4、如何维护钢丝的平直状态, 避免测量直径, 时使伸长部分扭折。



# 主要内容

- 2 实验仪器
- 3 实验原理
- 实验内容和步骤...
- 报告要求



# 实验目的

杨氏模量是描述材料抵抗形变能力的物理量,该值越大,材料越不容易变形。是工程设计的重要参数

- 掌握用伸长法测量金属丝杨氏模量的方法
- 理解光杠杆测量长度微小变化的原理
- 学会用逐差法处理数据
- 进行测量结果的不确定度分析



### 1、杨式模量:

假设一根横截面积为S,长为L的材料,在大小为F 的力的拉压下,伸缩短了 $\triangle L$ 则:

$$\frac{\Delta L}{L} : 应变 \qquad \frac{\Delta L}{S} : \dot{w} \rightarrow F$$

$$E \frac{\Delta L}{L} = \frac{F}{S}$$

应力和应变的比成为杨式模量

$$E = \frac{FL}{S\Delta L}$$

本实验目标: 钢材的杨氏模量



2、钢丝杨式模量测量方法:

$$E = \frac{FL}{S\Delta L}$$

$$S = \frac{\pi d^2}{4}$$
 d 为细铁丝的直径,可用螺旋测微仪测量

F:可由实验中钢丝下面悬挂的砝码的重力给出

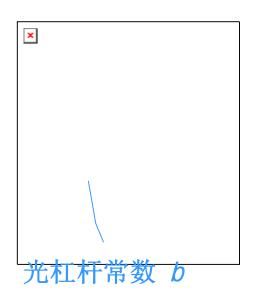
L: 可由米尺测量

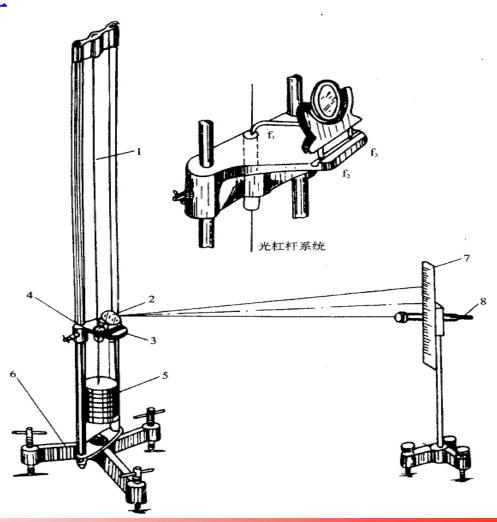
 $\Delta L$ :是一个微小长度变化量,本实验利用光杠杆的光学放大作用实现对金属丝微小伸长量 $\Delta L$ 的间接测量。

思考:为什么d 要用 螺旋测微仪量, L 由米尺测量?



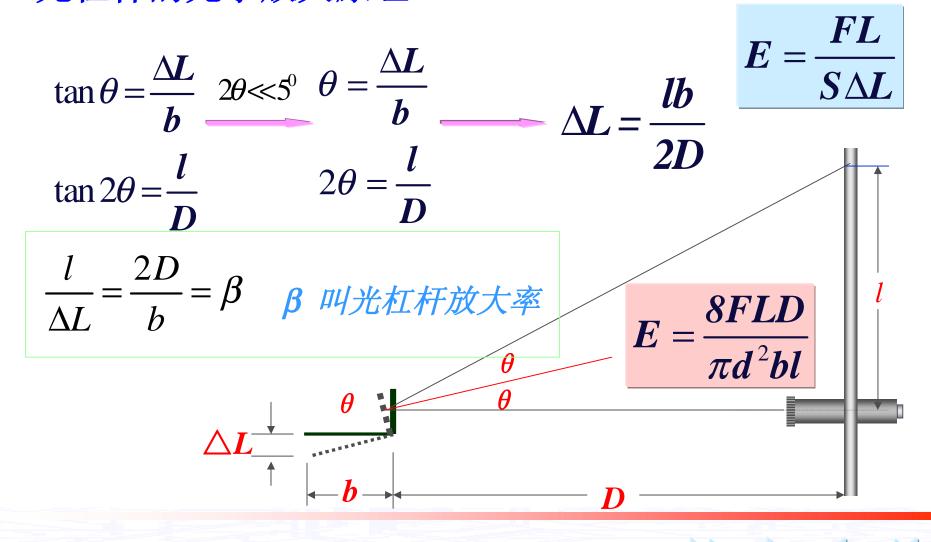
### 光杠杆的光学放大原理







### 光杠杆的光学放大原理





### 关于仪器选择:

测量范围

相对不却定度

$$E = \frac{8FLD}{\pi d^2 bl}$$

砝码 卷尺 卷尺 千分尺 卡尺 米尺

$$\frac{\Delta E}{E} = \sqrt{\left(\frac{\Delta F}{F}\right)^2 + \left(\frac{\Delta L'}{L}\right)^2 + \left(\frac{\Delta D}{D}\right)^2 + \left(\frac{2\Delta d}{d}\right)^2 + \left(\frac{\Delta b}{D}\right)^2 + \left(\frac{\Delta l}{D}\right)^2}$$

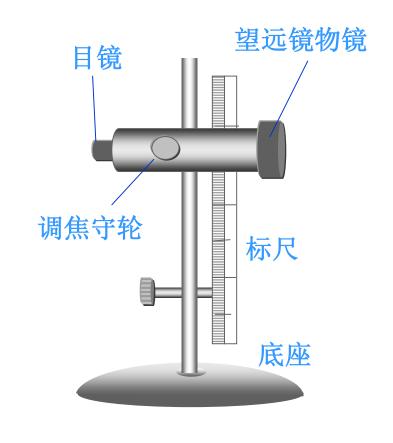
思考:为什么d 要用 螺旋测微仪量, L 由米尺测量?

在传播公式中, $2\frac{\Delta d}{d}$  影响比较显著,所以选择精度高的仪器



### 尺读望远镜组:

测量时,望远镜水平 地对准光杠杆镜架上 的平面反射镜,经光 杠杆平面镜反射的标 尺虚象又成实象于分 划板上,从两条视距 线上可读出标尺像上 的读数。





# 实验仪器

杨氏模量测定仪

螺旋测微计

游标卡尺

米尺

砝码

待测金属丝



- 1、调节仪器: 调节光杠杆和望远镜:
  - (1) 调整望远镜水平, 光杠杆平面镜竖直
  - (2) 调整望远镜与光杠杆平面镜高度相同
- (3) 沿望远镜外侧边沿上方使凹口、瞄准星面镜在同一直线上,左、右移动望远镜在镜子里找到竖直尺的像;若找不到,可微调镜子的角度,直到找到为止。
  - (4) 旋动望远镜目镜,使十字叉丝清晰;再旋动聚焦手轮,直到看清竖直尺的像。





### 2、记录金属丝伸长变化

逐次加一个砝码,在望远镜中读对应标尺的位置,共7次;然后将所加砝码逐次去掉,并读取相应读数。

加砝码	$r_0$	$r_{_1}$	r <sub>2</sub>	$r_3$	$r_4$	<b>r</b> <sub>5</sub>	$r_{6}$	r <sub>7</sub>
减砝码	$r_0'$	$r_1$	$r_2'$	$r_3$	$r_{_4}^{\prime}$	r <sub>5</sub>	$r_{\scriptscriptstyle 6}^{\prime}$	
平均值	$\overline{r_{_0}}$	$\overline{r}_{_{1}}$	$\overline{r}_{2}$	$\overline{r}_3$	$\overline{r}_{_4}$	$\overline{r}_{5}$	$\overline{r}_{6}$	$r_{7}$

用差逐法计算每增减4个砝码,钢丝的伸长量

$$l_1 = r_5 - r_1$$
  $l_2 = r_6 - r_2$   $l_3 = r_7 - r_3$   $l_4 = r_8 - r_4$ 

	1	2	3	4	平均
$l_i$					



- 目的 原理 仪器 步骤 报告要求
- 3、测量金属丝长度L、平面镜与竖尺之间的距离
- D,金属丝直径d,光杠杆常数b。
  - (1)用钢卷尺测量L和D
  - (2)在钢丝上选不同部位用螺旋测微计测量d
  - (3)取下光杠杆在展开的白纸上同时按下三个尖脚的位置,用直尺作出光杠杆后脚尖到前两尖脚连线的垂线,用游标卡尺测出b



### 注意:

- 1、实验系统调好后,一旦开始测量 $r_i$ ,在实验过程中不能对系统的任何一部分进行调整,否则,所有数据将重新再测。
- 2、加减砝码时要轻拿轻放,系统稳定后才能读取刻度尺,读数过程中不要按压桌面。
- 3、光杠杆后脚尖不能接触钢丝。
- 4、注意维护钢丝的平直状态,在钢丝两端夹点外测量直径,避免伸长部分扭折。



# 报告要求

# <u>目的原理仪器 步骤 报告要求</u>

### 1、计算杨氏模量 E:

$$E = \frac{8FLD}{\pi d^2 bl} = \frac{8 \times 0.360 \times 4 \times 9.8 \times 0.3742 \times 1.515}{3.14 \times 0.49^2 \times 10^{-6} \times 8.4 \times 10^{-2} \times 0.63 \times 10^{-2}}$$
$$= 1.60 \times 10^{-11} \text{Pa}$$

2、计算 $\triangle E$ :测量结果的相对不确定度

$$\frac{\Delta E}{E} = \sqrt{\left(\frac{\Delta F}{F}\right)^2 + \left(\frac{\Delta L}{L}\right)^2 + \left(\frac{\Delta D}{D}\right)^2 + \left(\frac{2\Delta d}{\overline{d}}\right)^2 + \left(\frac{\Delta l}{\overline{l}}\right)^2} = N\%$$

3、规范表示测量结果

$$E = E \pm \Delta E$$

$$P = 0.683$$

$$\frac{\Delta E}{E} = N\%$$





### \_ F.L.D.b各量均为单次测量量,不确定度为:

$$\Delta = \Delta_{\text{QBij}} / \sqrt{3}$$
  $P = 0.683$ 

例如: $\Delta F = 4 \times (1 \text{kg}/1 \uparrow \text{constant}) \times 9.80 \div \sqrt{3} = 0.03 N$ 

### 二. d,l为多次测量量,其不确定度为:

$$\Delta_A = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^k (\overline{N} - N_i)^2}{k(k-1)}} \qquad \Delta_B = \frac{\Delta_{\text{QB;E}}}{\sqrt{3}}$$

$$\Delta = \sqrt{(\Delta_A)^2 + (\Delta_B)^2} \qquad \mathbf{P} = \mathbf{0.683}$$







