Методичка

Тот самый Супер Перец с Б01-208

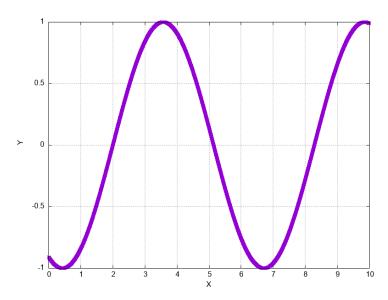
1 декабря 2022 г.

0.1 Производная

Перец блин ашалел, когда такую функцию увидел:

$$f(x) = \sin\left(x - 2\right)$$

Дай хоть посмотрю на тебя, может проще станет...



Мдааааа, ну и говнище. Стоп. Какую-какую производную брать? 2? Ты меня за кого принимаешь, за прогу, которая может взять любую производную? А блин, меня же учили на первом курсе, ладно, давай сюда свою функцию:

Сам М-А-А-А-К-Р-О-С получил следующее:

$$f^{(1)}(x) = (\cos(x-2)) \cdot (1-0)$$

Вот только скажите, что не очевидно следующее выражение:

$$f^{(1)}(x) = \cos(x - 2)$$

Все уже поняли, что:

$$f^{(2)}(x) = ((\sin(x-2)) \cdot -1) \cdot (1-0)$$

Моя мама сказала, что будет так, значит будет так:

$$f^{(2)}(x) = (\sin(x-2)) \cdot -1$$

0.2 Разложение в ряд Тейлора

А я и не знал, что я так умею. Ну раз n-ую производную взял, то и в ряд Тейлора разложу. Ну что же, давай попробую, может что и выйдет:

$$f(x) = (((0 + (\frac{(1 \cdot ((x-2)^1))}{1})) + (\frac{(0 \cdot ((x-2)^2))}{2})) + (\frac{(-1 \cdot ((x-2)^3))}{6})) + (o((x-2)^3))$$

Давай я чутка упрощу, а то громоздко выгядит:

$$f(x) = ((x-2) + (\frac{(-1 \cdot ((x-2)^3))}{6})) + (o((x-2)^3))$$

Hy вот, совсем другое дело, оказалось и не так сложно, а главное все очевидно.

0.3 Уравнение касательной в точке

Ну и запросы у тебя, уравнение касательной в точке захотел. Ладно. Хорошо. А ты знал, что это очень просто сделать: $t(x) = f^{(1)}(x)(x-x_0) + f(x_0)$. Руководствуясь этим, получаем следующее:

$$t(x) = 1 \cdot x - 2 + 0$$

Буквально чуть-чуть упростим и получаем уравнение касательной к графику в точке $\mathbf{x}=0$:

$$t(x) = x - 2$$