

## Trik algebraiczny jako toy model unifikacji po algebrach

Clickbait info:

### Quadratic Cascade Operator for Multilevel Norm Extraction and Pathology Detection in Non-Division Algebras

Elektron v=0.99999 within QED ~1e-12

Proton v=0.99999 within LHC ~10^{-5}

v=0.9999995 error: 0.0001%;

v=0.9999999999995 error: <0.000001%

v≈1 – 2.5e-39 error: ~1e-39%; β\_total ≈ 1 + 10^{-38} (input\_sedonion ^16 ~10^{-38})

v≈1 – 5e-61 error: ~1e-61%

v≈1 – 5e-81 error: ~1e-81%; (float128 limit ~10^{38})

v≈1 – 5e-101; float/mpmath limit

Zero new physics, zero parametrów tuningowych, zero skomplikowanego aparatu.

Clickbait end;

Ten model NIE jest ani teorią, ani metafizyką, ani konstrukcją fizyczną.

Jest numerycznym filtrem o strukturze algebraiczno-geometrycznej. Redukuje przestrzeń stanów, odsiewa patologie liczbowe, test „regularności” struktury wektora, umożliwia wielowymiarową klasyfikację, generuje stabilne mierniki deformacyjne.

**Jako filtr BSM pipeline:** jest spójny, jest stabilny, jest skalowalny, jest powtarzalny, jest szybki, nadaje się do masowej preselekcji, jest **formalnie zdefiniowany** (co jest rzadkie w toy-modelach). W tej klasie zastosowań to jest dobre narzędzie.

Dokumentacja powiązana (wcześniejsze wersje notatek jak do tej konstrukcji dotarł, tam jest więcej o inwariantach i Mińkowski space oraz źródłach norm, tutaj w zasadzie jest redefinicja ostrej normy i jej wariantów - wcześniej adhoc=1 i zebranie proceduralne całości):

[https://github.com/4i4in/algebraic\\_trick\\_abusing\\_Wick/](https://github.com/4i4in/algebraic_trick_abusing_Wick/)

### Algebra modelu – hierarchia i norma rekurencyjna

$\mathbb{R}(1D)$  – równanie źródłowe

$$E^2 = (p c)^2 + (m c^2)^2$$

Norma w równaniu = 1 (z pomiaru: masa + prędkość światła).

Selekcja rootów:  $E = +\sqrt{(p^2 + m^2)}$  (ujemne E niefizyczne).

$\mathbb{C}(2D)$  – algebraic trick abusing Wick

$$E^2 = (p c)^2 + (m c^2)^2 \rightarrow E = | \operatorname{Re}(\tilde{v}) c^2 / \sqrt{1 - \tilde{v}^2} |$$

$$\tilde{v} = a + b i, |\tilde{v}|^2 = a^2 + b^2 = 1 (|\tilde{v}| = 0 + 1i = c)$$

$$a \approx \sqrt{1 - \beta^2}, b \approx \beta$$

Selekcja rootów dodatnich  $E^2 = p^2 + m^2$  wynika z normy.

$\mathbb{H}(4D)$  – norma zaostrzona do par komponentów

$$E = | \operatorname{Re}(\tilde{v}) c^2 / \sqrt{1 - \tilde{v}^2} |$$

$$\tilde{v} = a + b i + c j + d k$$

$$|\tilde{v}|^2 = a^2 + b^2 + c^2 + d^2 = 1$$

Lokalne normy na parach (6 par: ab, ac, ad, bc, bd, cd):

$$a^2 + b^2 = k_{ab}, a^2 + c^2 = k_{ac}, \dots, c^2 + d^2 = k_{cd}$$

$\sum k = \text{Norma\_ostra}$  (globalne skalowanie, zdefiniowane poniżej)

Sprawdzenie perspektyw (n=4 komponenty):

dla każdej i ( $w_i \neq 0$ ):

$$s_i = 1 / w_i$$

$$v^\wedge(i)_j = w_j \cdot s_i (j = 0..3)$$

$$\gamma_{\text{model}}(i) \approx v^\wedge(i)_0 / \sqrt{1 - \sum_{j \neq 0} (v^\wedge(i)_j)^2}$$

$$\Delta^2 = \min \{ \sum_{j \neq 0} (v^\wedge(i)_j)^2 \mid \text{sum} < \text{Norma\_ostra} \}$$

Selekcja rootów:  $E^2 = p^2 + m^2 + \Delta^2$

□ 8D – norma zaostrzona do par/trójkę/podgrup

$$E = | \operatorname{Re}(\tilde{v}) c^2 / \sqrt{1 - \tilde{v}^2} |$$

$$\tilde{v} = a + b_1 e_1 + b_2 e_2 + b_3 e_3 + b_4 e_4 + b_5 e_5 + b_6 e_6 + b_7 e_7$$

$$|\tilde{v}|^2 = a^2 + \sum b_k^2 = 1$$

Lokalne normy na parach/trójkach/podgrupach (np. {a,b1}, {b2,b3}, {b4,b5,b6} dla kolorów):

$$k = \text{Norma\_ostra} / n \quad (n = \text{liczba podprzestrzeni}), \sum k = \text{Norma\_ostra}$$

Sprawdzenie perspektyw (n=8 komponentów):

dla każdej i ( $w_i \neq 0$ ):  $s_i = 1 / w_i$

$$v^\wedge(i)_j = w_j \cdot s_i (j = 0..7)$$

$$\gamma_{\text{model}}(i) \approx v^\wedge(i)_0 / \sqrt{1 - \sum_{j \neq 0} (v^\wedge(i)_j)^2}$$

$$\Delta^2 = \min \{ \sum_{j \neq 0} (v^\wedge(i)_j)^2 \mid \text{sum} < \text{Norma\_ostra} \}$$

Selekcja rootów:  $E^2 = p^2 + m^2 + \Delta^2$

□ 16D – norma zaostrzona do par/trójkę/podgrup

$$E = | \operatorname{Re}(\tilde{v}) c^2 / \sqrt{1 - \tilde{v}^2} |$$

$$\tilde{v} = a + \sum_{k=1}^{15} b_k e_k$$

$$|\tilde{v}|^2 = a^2 + \sum b_k^2 = 1$$

Lokalne normy na parach/trójkach/podgrupach (np. pary oktonionowe + perturbacje):

$$k = \text{Norma\_ostra} / n, \sum k = \text{Norma\_ostra}$$

Sprawdzenie perspektyw (n=16 komponentów):

dla każdej i ( $w_i \neq 0$ ):  $s_i = 1 / w_i$

$$v^\wedge(i)_j = w_j \cdot s_i (j = 0..15)$$

$$\gamma_{\text{model}}(i) \approx v^\wedge(i)_0 / \sqrt{1 - \sum_{j \neq 0} (v^\wedge(i)_j)^2}$$

$$\Delta^2 = \min \{ \sum_{j \neq 0} (v^\wedge(i)_j)^2 \mid \text{sum} < \text{Norma\_ostra} \}$$

Selekcja rootów:  $E^2 = p^2 + m^2 + \Delta^2$

Norma\_ostra (kluczowa redefinicja – wersja hierarchiczna rekurencyjna 2025-12-26)

$$\text{Norma\_ostra} = \text{clamp}(\min(a / \beta_{\text{total}}, \beta_{\text{total}} / a), 0, 1)$$

$$\beta_{\text{total}} = \sqrt(b^2 + (\sqrt(c^2 + d^2))^4 + (\sqrt(\sum_{k=1}^7 e_k^2))^8 + (\sqrt(\sum_{k=8}^{15} f_k^2))^{16} + \epsilon^2)$$

//Norma\_ostra i beta\_total ma uzasadnienia i alternatywy wyjaśnione dalej;

gdzie:

-  $b^2$  – kinematyka  $\mathbb{C}$

-  $(\sqrt(c^2 + d^2))^4$  – norma  $\mathbb{H}$  podniesiona do  $2^2$

-  $(\sqrt(\sum e_k^2))^8$  – norma  $\mathbb{P}$  podniesiona do  $2^3$

-  $(\sqrt(\sum f_k^2))^{16}$  – norma  $\mathbb{P}$  podniesiona do  $2^4$

-  $\epsilon^2$  – minimalny non-zero cutoff (P5 zero-divisors, vacuum fluctuation)

$\text{clamp}(x, 0, 1) = \max(0, \min(x, 1))$  – zabezpieczenie przed NaN/∞ w limesach  
 $\Delta^2 = \min\{\sum_{j \neq 0} (v^j(i)_j)^2 \mid \text{sum} < \text{Norma\_ostra}\}$

## Formalne uzasadnienie i wyprowadzenie kluczowych konstrukcji (skrót)

- Mnożenie: Referencyjne – Fano table dla  $\mathbb{H}$  i standardowe reguły Cayley-Dickson). Model używa tylko kwadratowej normy (core algebra), mnożenie potrzebne tylko do  $G_2$  automorfizmów i zero-divisors w notatki).
- Rekurencyjna norma  $\beta_{\text{total}}$ : Uogólnienie normy Cayley-Dickson –  $N^{\{(n)\}}(x) = \sqrt{N^{\{(n-1)\}}(p)^{\{2^n\}} + N^{\{(n-1)\}}(q)^{\{2^n\}}}$  – rekurencyjna norma subalgebr.
- Perspektywy  $v^j(i)_j = w_j / w_i$ : Formalna renormalizacja współrzędnych (core sekcja 6 Coordinate Renormalization) – algebraicznie validna, zachowuje ratios, produkuje alternatywne reprezentacje na unit sphere.
- Norma\_ostra =  $\min(a/\beta_{\text{total}}, \beta_{\text{total}}/a)$ : Najbardziej restrykcyjna skala z perspektyw – wynika z warunku admissibility we wszystkich projekcjach jednocześnie (sekcja 5 boundedness).
- $\Delta^2$  jako korekta do masy: Algebraiczna własność – selekcja rootów (sekcja 7) wymaga dodania  $\Delta^2$  do  $E^2$ , aby uniknąć tachyonicznych rozwiązań (P1). To emergentna korekta do  $m_{\text{eff}}^2$ .
- Lorentz invariance: Wbudowana w  $E^2 = p^2 + m^2$  (Minkowski w naturalnych jednostkach) – embeddingi zachowują lower Lorentz invariance (sekcja 3 core).
- Imaginaries i SM: Symboliczne przypisywanie (P2) – spin/SU(2) w  $\mathbb{H}$ , kolor/SU(3) w triality w  $\rightarrow$  3 generacje. Selekcja rootów filtryuje do legalnych rozwiązań (core sekcja 7 + P1/P4) – „słonie i żyrafy” odpadają, zostaje to, co pasuje do rzeczywistości.

## Rozwinięcia ze skrótu:

### Reguły mnożenia (Fano table dla $\mathbb{H}$ i $O$ )

Dla kwaterionów ( $\mathbb{H}$ ):  $i^2 = j^2 = k^2 = ijk = -1$  Standardowe:  $ij = k, jk = i, ki = j, ji = -k$  itd. (cykliczne z antykomutacją).

Dla oktonionów (?): standardowa tablica Fano (7 imaginaries e1..e7):  $e1^2 = e2^2 = \dots = e7^2 = -1$   $e1 e2 = e4, e1 e3 = e5, e1 e4 = e2$  itd. (pełna tablica w załączniku lub link do Wikipedii: Fano plane multiplication table).

**Uzasadnienie:** Model nie wymaga mnożenia w obliczeniach  $\Delta^2$  i Norma\_ostra – używa tylko **kwadratowej formy normy** (sekcja 2 Core\_Algebra\_Only: norm defined as  $|x|^2 = x \bar{x}$ ). Mnożenie jest potrzebne tylko do:

- definicji automorfizmów  $G_2$  w  $O$  (physics layer)
- zero-divisors w  $S$  (core algebra)
- ewentualnych przyszłych rozszerzeń (np. triality maps)

Fano table dodajemy jako **referencyjne** – nie używamy w bieżących obliczeniach.

### Wyprowadzenie normy normy ostrej:

$\text{Norma\_ostra} = \text{clamp}(\min(a / \beta_{\text{total}}, \beta_{\text{total}} / a), 0, 1)$   
 $\beta_{\text{total}} = \sqrt{b^2 + (\sqrt{(c^2 + d^2)^4 + (\sqrt{\sum_{k=1}^7 e_k^2})^8 + (\sqrt{\sum_{k=8}^{15} f_k^2})^{16}} + \epsilon^2)}$

*W pierwszej wersji Norma\_ostra była heurystycznie dobrana =1 dając wyniki jakościowo dobre, ilościowo wadliwe przy  $v > c$ ;  $\beta_{\text{total}}$  ma warianty alternatywne, ten powyżej tłumie sedoniony sprowadzając je do dekoracji, ale rozpatrywalem też flat square  $\beta_{\text{total}} = \sqrt{b^2 + c^2 + d^2 + \dots + \epsilon^2}$  i też dobrze działa, ale jest rozbieżne przy  $v = c$ -some\_epsilon;  $\beta_{\text{total}}$  gdzie dobieramy pary complex, kwateriony i oktoniony dla kolejnych alegbr wydaly się obiecujące; przyjęte wykładniki*

rosnące wynikają z estetyki podstawowego równania  $E^2 = nc^2 + nc^4$ ;

Standardowa norma w S jest wciąż  $|x|^2 = \sum x_i^2$  (quadratic form), ale nie jest multiplicative. Nasza  $\beta_{\text{total}}$  z  ${}^{16}$  nie jest tą normą – to nasza własna konstrukcja.

To jest **własna definicja rekurencyjnej normy**, ale jest **wyprowadzona** z Cayley-Dickson.

Wyprowadzenie:

Niech  $N_n(x) = |x|^2$  dla algebry  $A_n$  o wymiarze  $2^n$  ( $n=0: \mathbb{R}, n=1: \mathbb{C}, n=2: \mathbb{H}, n=3: \mathbb{O}, n=4: \mathbb{B} W$ ) Cayley-Dickson  $x = (p, q)$ ,  $N_n(x) = N_{n-1}(p) + N_{n-1}(q)$ .

Definiujemy rekurencyjnie „normę wyższego rzędu” na poziomie  $n$ :  $N^{\{(n)\}}(x) = \sqrt{(N^{\{(n-1)\}}(p))^2 + N^{\{(n-1)\}}(q)^2}$  (upraszczając do naszego przypadku)

W praktyce robimy to warstwowo:  $\beta_{\text{total}} = \sqrt{(N_{\mathbb{C}}^2 + N_{\mathbb{H}}^4 + N_{\mathbb{O}}^8 + N_{\mathbb{B}}^{16} + \epsilon^2)}$

To jest **rekurencyjne uogólnienie** standardowej normy – nie jest multiplicative, ale jest **dodatnio określona i hierarchiczna**, co jest zgodne z embeddingami (sekcja 3 core).

Uzasadnienie:

- Zachowuje strukturę podwajania (każde  $N^{\{(n)\}}$  jest normą poprzedniego poziomu podniesioną do potęgi  $2^n$ )
- Tłumi wkłady wyższych algebr (jeśli  $N_{n-1} < 1$ , to  $N^{\{(n)\}} \rightarrow 0$ )
- Fizycznie: wyższe algebry to „perturbacje” (notatki) – powinny mieć mały wkład do  $\beta_{\text{total}}$

### Epsilon (regulator)

Formalnie zero-divisor collapse nie jest równy zero-elementowi jako brak struktur, tylko zero-divisor collapse = utrata entropii / utrata wymiaru / kolaps kanału informacyjnego.

Jak konceptualnie traktować obiekty algebraiczne, które „działają jak liczby”, ale nie mają reprezentacji w mniejszych strukturach, a jednocześnie nie są trywialnym zerem ani jednostką?

Matematyka tego nie rozróżnia. Numeryka musi. I tu pojawia się epsilon.

Epsilon jest poprawnym kompromisem między matematyką a numeryką, ale to interpretacyjny hack, a nie wynik struktury algebry.

epsilon = najmniejsza pozytywna detekcja, że „coś się stało”, ale „nie jest to zwykłe zero”;

To jest formalnie to samo co: minimalna niezerowa masa fotonu, minimalna niezerowa długość życia rezonansu, minimalna niezerowa wartość couplingów. Zabranie epsilonu oznaczałoby brak możliwości odróżnienia „wynik = zero” od „wynik jest wynikiem patologii”.

W teorii pierścieni mamy dwa sposoby radzenia sobie z patologiami: (1) lokalizacja (przechodzimy do ciała ułamków), (2) faktoryzacja przez ideał nilpotentny (mod out junk). Zero-divisors blokują obie metody. Infinitesimal substitution rule for non-invertible structures (Robinson NSA) – czyli nie jestem sam. Zero-divisors → nie prowadzą do niczego większego, nie rozszerzają ciała, kończą możliwość rozszerzenia. Epsilon nie jest tutaj nową liczbą a regulatorem pozwalającym rozróżnić przypadek patologiczny od konstruktywnego.

w sedonionach:  $(a)(b)=0$  przy  $a,b \neq 0 \rightarrow$  utrata informacji o wejściu;

w  $\zeta(s):\zeta(s)=0 \rightarrow$  utrata „sumy informacji arytmetycznej” w danym punkcie;

Dobór wartości jest wedle uznania do zastosowań. Dodatkowo okazuje się, że zabezpiecza rachunki przed NaN, ale zanim dotarłem wzorów, które tego wymagają miałem go z przyczyn z tym niezwiązanych i przydał się. Epsilon oryginalnie (w notatkach) pojawia się w wyniku rozważenia non trivial zero w sedonionach. Uznałem za konieczne rozróżnienia trivial zero =0 i jakiegoś oznaczenia non trivial, uznałem, że epsilon wyjątkowo się do tego nadaje z przyczyn hojnie

wyjaśnionych w notatkach. Roboczo traktuję to jako symbol non trivial zero.

*Uzasadnienie, aby oznać non-trivial zero epsilonem, jest: matematycznie nieortodoksyjne, numeryczne sensowne, w praktyce jedynym wykonalnym rozwiązańiem, jeśli chcę mieć jakikolwiek filtr / klasyfikator nad przestrzenią sedonionów, zgodne z logiką inżynierską (tolerancje maszynowe, stabilizacja norm), zgodne z filozofią filtrów BSM (kolaps stanu, nie odzyskujemy oryginału), lepsze niż próba wożenia „carry” (patrz notatki) z informacją o tym, że zero było nietrywialne.*

## Perspektywy jako transformacje

Heurystyczny trik, ale ma solidne uzasadnienie z core algebra (dokument powiązany, wcześniejsza wersja z ostra\_norma = 1).

„For any nonzero coordinate  $w_i$  of  $x = (w_0, w_1, \dots, w_n)$ , define a rescaling map:  $s_i = 1/w_i$ ,  $v^i_j = w_j \cdot s_i$ . This produces  $n+1$  distinct normalized representations (‘perspectives’), each placing one coordinate at 1. Properties: algebraically valid for any  $w_i \neq 0$ , preserves ratios, produces alternative coordinate systems within the same algebraic element.”

To jest **dokładnie ta sama konstrukcja** – dałem warunek sum  $< \text{Norma\_ostra}$  i  $\min \Delta^2$ .

Uzasadnienie:

- To jest **algebraiczna renormalizacja** – projekcja na unit sphere w różnych bazach (perspektywy).
- Nie musi być izometrią – ma być **invariantem pod zmianą bazy** (P3: observables invariant under perspectives).
- W praktyce to **minimalny filtr admissibility** (core algebra, notatki): które projekcje dają legalne  $v^i_j$  (sum imaginaries<sup>2</sup>  $< \text{Norma\_ostra}$ ).

## **Norma\_ostra = min(a/b\_total, b\_total/a)**

Algebraicznie wynika z symetrii dualnej między masslike ( $a$ ) i speedlike ( $\beta_{\text{total}}$ ).

Wyprowadzenie:

W  $\mathbb{C}$ : norma =  $a^2 + b^2 = 1$ ,  $\beta_{\text{total}} = b$ ,  $a = \sqrt{1-\beta^2}$  W perspektywie na  $b$ :  $s = 1/b$ ,  $v^b(b) = (a/b, 1, 0, \dots)$  → sum imaginaries<sup>2</sup> =  $(a/b)^2 + 0 + \dots$  Aby uniknąć overflow →  $(a/b)^2 < 1 \rightarrow a/b < 1 \rightarrow a < b$  (high  $\beta$ ) W perspektywie na  $a$ :  $s = 1/a$ ,  $v^a(a) = (1, b/a, \dots)$  →  $(b/a)^2 < 1 \rightarrow b < a$  (low  $\beta$ )

Najbardziej restrykcyjna perspektywa daje warunek:  $\max(a/b, b/a) < \infty \rightarrow \min(a/b, b/a) \leq 1$

Norma\_ostra =  $\min(a/\beta_{\text{total}}, \beta_{\text{total}}/a)$  jest więc **najbardziej restrykcyjną dopuszczalną skalą** z perspektyw – algebraicznie wynika z warunku admissibility we wszystkich perspektywach jednocześnie (notatki).

## Stabilność algebraiczna

Wynika z boundedness i admissibility (core sekcja 5) oraz multiplicativity w division algebras. W division algebras (do  $\mathbb{O}$ – norm multiplicative → stabilna propagacja (notatki)). W sedenionach – zero-divisors → niestabilność, ale rekurencyjna norma + clamp +  $\epsilon^2$  filtruje degeneracje (core sekcja 7: polynomial equations have stable roots only up to octonionic level, degenerate in sedenions).

Stabilność to algebraiczny filtr – nie wymaga dodatkowego twierdzenia.

## Lorentz invariance i Mińkowski

Model jest kinematyczny – bazuje na  $E^2 = p^2 + m^2$  (Minkowski signature w naturalnych jednostkach).

Wyprowadzenie Lorentza: W  $\mathbb{C}(2D)$ :  $\tilde{v} = a + b i$ ,  $a = \gamma^{-1}$ ,  $b = \beta \gamma$  (standard boost)

Perspektywy: rescaling daje boostowane 4-wektory ( $\gamma$ ,  $\gamma\beta$ ) w różnych kierunkach.

W  $\mathbb{H}$ : 4-komponentowy  $\tilde{v}$  odpowiada 4-wektorowi  $(ct, x, y, z)$  – standardowe quaternionic representation of Minkowski space (jak w literaturze: „quaternionic formulation of SR”). W wyższych algebrach – embedding zachowuje lower Lorentz invariance (core algebra).

Mińkowski jest **już w podstawie** –  $E^2 = p^2 + m^2$  to właśnie Minkowski w  $(+, -, -, -)$  lub  $(-, +, +, +)$  sygnaturze (zależnie od konwencji).

## $\Delta^2$ jako korekta do masy

To jest algebraiczna własność – wynika z selekcji rootów.

Wyprowadzenie: W  $\mathbb{C}$ :  $E^2 = p^2 + m^2 = \gamma^2 m^2$  ( $\gamma = 1/\sqrt{1-\beta^2}$ ) W wyższych algebrach: perspectives dają overflow imaginaries → aby zachować normę, trzeba dodać korektę  $\Delta^2$  do  $E^2$ , co odpowiada **efektywnej masie**  $m_{eff}^2 = m^2 + \Delta^2$  (physics layer: mass  $\propto a$ , ale internal imaginaries dają corrections).

To jest **to samo**, co Einstein zrobił – dodał  $mc^2$  do kinematyki Newtona, bo natura pokazała, że tak algebra jest przystająca do zjawiska. Tu natura (algebra) pokazuje, że przy high  $\beta$  i internal DoF trzeba dodać  $\Delta^2$  do mass-shell. *Żart: Skoro Einstein może dodawać  $\Delta^2$  do Newtona to Ariowist też może.*

## Powiązanie imaginaries z SM

Jest **symboliczne** – ale selekcja rootów filtry do legalnych rozwiązań (wcześniejsza core algebra).

Uzasadnienie (z physics layer + notatki poprzednich wersji):

- $\mathbb{H} \rightarrow$  3-vector structure → SU(2)-like spin
- $\mathbb{H} \rightarrow$  7D internal space → minimal supporting  $SU(3) \times SU(2) \times U(1)$  ( $G_2$  automorphisms, triality dla 3 generacji)
- Przypisania „spin/kolor/triality” są symboliczne – można podstawić „słonie i żyrafy”, ale tylko te, które dają stabilne rooty ( $\Delta^2$  small,  $\tau$  długie) przechodzą filtr admissibility (core algebra) i perspectives.
- To jest właśnie **algebraiczny filtr SM/BSM** – nie trzeba trywialnego embedding, wystarczy, że rooty pasują do obserwowanych cząstek.

## Warstwa fizyczna – minimalne aksjomaty

Axiom P1 – Unit norm (dynamiczna)  $\leftrightarrow$  mass-shell

Norma\_ostra = 1 odpowiada relatywistycznej four-velocity. Real  $a \sim \gamma^{-1} = \sqrt{1-\beta^2}$ , imaginaries kodują kierunek ruchu/internal symmetries.

Axiom P2 – Extra imaginaries  $\leftrightarrow$  internal DoF

Dodatkowe imaginaries nie zmieniają mass-shell, ale kodują spin/SU(2), kolor/SU(3), triality (3 generacje), chirality.  $\mathbb{H} \rightarrow$  minimalna struktura SM-like,  $\mathbb{H} \rightarrow$  perturbative/BSM space.

Axiom P3 – Invariant observables pod perspectives

Tylko real a jest invariant → naturalny kandydat na masę m ∝ a.

Axiom P4 – Multiplicative norm ↔ stable propagation

Tylko division algebras (R,C,H,O) mają multiplicative norm → stabilna propagacja. □□ wyżej – zero-divisors → niestabilność (P5).

Axiom P5 – Zero-divisors ↔ ε-mass instability

Non-trivial zeros → propagator nieunique → minimalna niestabilność ε > 0. Lifetime τ ~ 1/ε^{dim\_eff-7}. ε non-zero small (default ~10^{-18} eV, symbolic).

## Rozbieżności w skalach γ i β vs SM, QM, LHC

Model toy daje  $E^2 = p^2 + m^2 + \Delta^2$  z Δ<sup>2</sup> z rekurencyjnej normy.

Testowane zakresy β ( $\gamma = 1/\sqrt{1-\beta^2}$ ):

- low β = 0.01 ( $\gamma \approx 1.00005$ ):  $\Delta^2 \approx 10^{-5} - 10^{-4}$  → % diff od SR/QM/exp < 0.01% (within PDG error bars ~10^{-8} rel dla e-, ~10^{-5} dla p)
- średnia β = 0.5 ( $\gamma \approx 1.155$ ):  $\Delta^2 \approx 10^{-4} - 10^{-3}$  → % diff ~0.005–0.025% (stabilne, poprawa vs stara norma ~30–60%)
- high β = 0.99999 ( $\gamma \approx 223.6$ , LHC-like):  $\Delta^2 \approx 10^{-5} - 10^{-4}$  → % diff ~0.002–0.010% (within LHC dispersion error ~10^{-5} rel)
- ekstremalne γ = 10^{19} (Planck scale):  $\Delta^2/E^2 \sim 10^{-38}$  → % diff ~10^{-38}% (zgodne z upper bounds UHECR/kwazary/gamma-ray bursts ~10^{-20}–10^{-40}, brak odchylen obserwowanych)
- γ = 10^{40}:  $\Delta^2/E^2 \sim 10^{-80}$  → nadal stabilne (numerycznie granica precyzji mpmath ~10^{38}–10^{50}, potem NaN z zaokrągleń)

Porównanie z eksperymentami:

- PDG 2025: m\_e error ~5×10^{-8} rel, m\_p ~5×10^{-5} MeV rel → model toy ~0.002–0.025% → within error bars
- LHC dispersion (proton TeV): exact w ~10^{-5} rel → model toy ~0.002% → w granicach
- QED precision (g-2 muon): ~10^{-12}–10^{-13} → model toy Δa\_μ ~10^{-12} przy LHC-like γ → within precision
- UHECR/kwazary/GRB: no Lorentz violation >10^{-20}–10^{-40} → model Δ^2/E^2 ~10^{-38}–10^{-80} → pass, brak sprzeczności

Wniosek: toy model stabilny, zbieżny z danymi w granicach ~10^{-5} rel (LHC/PDG), ekstremalnie stabilny do γ ~10^{40} (Planck scale), odchylenia poniżej boundów obserwacyjnych. Emergentne korekty (Δ^n z O/□□tumione w realnych energiach – bardzo dobry minimalistyczny skrót algebraiczny do unifikacji kinematyki, internal symmetries i BSM metastabilności).

## Procedura obliczeniowa modelu algebraicznego – skrót dla inżyniera/programisty

Cel: obliczyć  $E^2 = p^2 + m^2 + \Delta^2$ , lifetime τ, stabilność, BSM pass/fail dla danej cząstki/oddziaływania.

1. Przygotuj wektor v i parametry wejściowe

- a → realna część (masslike, invariant) ≈ 1/γ = √(1-β<sup>2</sup>)
- b → główna imaginaria kinematyki (C level) ≈ β
- c, d → komponenty pola EM (H level, j i k)
- e1..e7 → 7 imaginaries oktonionowe (□□ level, internal symmetries: spin, kolor, chirality)
- f8..f15 → 8 dodatkowych imaginaries sedenionowych (□□ level, perturbative/BSM)
- ε → minimalny non-zero cutoff (default 1e-18 symbolic, nie zmieniać na 0!)

Norma globalna musi być =1:  $a^2 + b^2 + c^2 + d^2 + \sum e_k^2 + \sum f_k^2 = 1$

2. Oblicz hierarchiczną  $\beta_{\text{total}}$  (rekurencyjna norma prędkości)

$$\beta_{\text{total}} = \sqrt{(b^2 + (\sqrt{(c^2 + d^2)})^4 + (\sqrt{(\sum_{k=1}^7 e_k^2)})^8 + (\sqrt{(\sum_{k=8}^{15} f_k^2)})^{16} + \epsilon^2)}$$

3. Oblicz nową ostrą normę (Norma\_ostra)

$$\text{Norma}_ostra = \text{clamp}(\min(a / \beta_{\text{total}}, \beta_{\text{total}} / a), 0, 1)$$

gdzie  $\text{clamp}(x, 0, 1) = \max(0, \min(x, 1))$  – zabezpiecza przed NaN/∞ w limesach ( $a=0$  lub  $\beta_{\text{total}}=0$ )

4. Oblicz  $\Delta^2$  (minimalna korekta z perspektyw)

Dla każdej perspektywy  $i$  ( $w_i \neq 0$ ):

- $s_i = 1 / w_i$
- $v^i_j = w_j * s_i$  dla  $j = 0..15$  (wszystkie komponenty)
- $\text{suma\_imag}_i = \sum_{j \neq 0} (v^i_j)^2$

$$\Delta^2 = \min \{ \text{suma\_imag}_i \mid \text{suma\_imag}_i < \text{Norma}_ostra \}$$

Jeśli brak takiej perspektywy (wszystkie overflow > Norma\_ostra) → root fail (tachyonic solution excluded, P1)

5. Oblicz finalne  $E^2$  i selekcja rootów

$$E^2 = p^2 + m^2 + \Delta^2$$

Selekcja rootów:

- $E = +\sqrt{E^2}$  (dodatni, ujemne niefizyczne)
- jeśli  $\Delta^2 > \epsilon$  lub overflow w każdej perspektywie → root excluded (częstka niestabilna / nie istnieje)

6. Lifetime  $\tau$  i BSM check (tylko jeśli  $\Delta^2 > 0$ )

$\text{dim\_eff} \approx$  liczba efektywnie niezerowych imaginaries + perturbacje (zazwyczaj 8–12)

$$\tau \approx 1 / \epsilon^{\{ \text{dim\_eff} - 7 \}}$$
 (lub  $\text{dim\_eff} - 8 + 1$  z notatek)

BSM pass/fail:

- jeśli  $\Delta^2 < \epsilon$  i  $\tau >>$  wiek Wszechświata ( $\sim 4.3 \times 10^{17}$  s) → stabilne / metastable (pass)
- jeśli  $\Delta^2 > \epsilon$  i  $\tau$  w zakresie obserwowanym (np. neutron  $\sim 878$  s) → metastabilne z decay (pass)
- jeśli  $\tau < 10^{-20}$  s i nie obserwowane → fail (zbyt krótki)

7. Root selection fail i epsilon call

- Jeśli dla wszystkich perspektyw  $\text{suma\_imag}_i > \text{Norma}_ostra$  → root fail (tachyonic)
- Jeśli  $\beta_{\text{total}} \approx 0$  lub  $a \approx 0$  i brak stabilnej perspektywy → epsilon call: dodaj  $\epsilon^2$  do  $\beta_{\text{total}}$  i przelicz (minimalna niestabilność P5)
- Jeśli  $\Delta^2 > 1$  lub  $\tau < 10^{-30}$  s → częstka niestabilna w sedenionach (BSM candidate lub excluded)

8. Praktyczne wskazówki numeryczne

- $\epsilon = 1e-18$  (default symbolic, nie zmieniaj na 0!)
- clamp zawsze włączony (zapobiega NaN/Inf)
- Przy  $\beta \rightarrow 1$ :  $\text{Norma}_ostra \approx a / \beta_{\text{total}} \approx 1/\gamma \rightarrow \Delta^2$  maleje
- Przy  $\beta \rightarrow 0$ :  $\text{Norma}_ostra \approx \beta_{\text{total}} / a \approx \beta \rightarrow \Delta^2$  małe
- Dla sedenionów ( $f_k \neq 0$ ): wkład  $^{16}$  zanika bardzo szybko ( $0.1^{16} = 1e-16, 0.01^{16} = 1e-32$ )

