

ПРОГРАММА КУРСА «МАТЕМАТИЧЕСКАЯ ЛОГИКА»

ВОПРОСЫ К ПЕРВОМУ КОЛЛОКВИУМУ.

ИТМО, группы М3232–М3239, осень 2025 г.

1. Исчисление высказываний:

- a) Предметный язык и язык исследователя (метаязык). Соглашения об обозначениях. Схемы формул.
- b) Язык исчисления высказываний.
- c) Оценка высказываний, общезначимость, следование.
- d) Доказуемость, гипотезы (контекст), выводимость.
- e) Корректность, полнота, противоречивость и непротиворечивость (эквивалентные формулировки).
- f) Теорема о дедукции для исчисления высказываний (формулировка). Теорема о полноте исчисления высказываний (формулировка).

2. Топологическое пространство

- a) Определение.
- b) Примеры (топология стрелки, Зарисского, топология на деревьях).
- c) Открытые и замкнутые множества. Связность. Компактность.
- d) Непрерывные функции.

3. Гильбертов вывод и натуральный вывод.

4. Интуиционистское исчисление высказываний:

- a) Доказательства чистого существования.
- b) ВНК-интерпретация.
- c) Закон исключённого третьего, принцип взрыва, связь с КИВ и ИИВ.
- d) Решётки.
- e) Дистрибутивная решётка.
- f) Псевдодополнение. Булевы и псевдобулевы алгебры.
- g) Алгебра Линденбаума.
- h) Полнота интуиционистского исчисления высказываний в псевдобулевых алгебрах (формулировка, идея доказательства).
- i) Модели Крипке. Вынужденность.
- j) Сведение моделей Крипке к псевдобулевым алгебрам.
- k) Нетабличность ИИВ (формулировка теоремы).

5. Изоморфизм Карри-Ховарда. Интерпретация связок.

6. Дизъюнктивность интуиционистского исчисления высказываний.

- a) Гёделева алгебра. Операция $\Gamma(A)$.
- b) Дизъюнктивность ИИВ (формулировка, идея доказательства).

7. Подрешётка. Разрешимость интуиционистского исчисления высказываний (определения).