7. Пусть $X \sim \mathcal{N}(2;5)$. Чему равно $\mathbb{E}(X^2)$?

	Команда:
	ЭРА І
1.	Если последовательность случайных величин ξ_n сходится к константе c по распределению, то $\lim_{n\to\infty}\mathbb{P}(\xi_n-c \geq\varepsilon)=0\ \forall \varepsilon>0.$
	Да.
2.	Вася проходит конкурс в школу космодесантников. Чтобы поступить в школу, необходимо пройти испытание лучше, чем 80% участников (а участников много, все хотят служить галактике!). Результаты испытаний имеют нормальное распределение с математическим ожиданием 500 и дисперсией 100. Вася набрал 512 баллов за испытание. Поступит ли Вася в школу?
	да, поступит
3.	Пусть X и Y — независимые случайные величины. Тогда $\mathbb{E}(XY) = \mathbb{E}(X)\mathbb{E}(Y)$.
	Да.
1.	В шестизарядный револьвер кладут два патрона подряд и раскручивают. Лермонтов делает выстрел, а после него выстрел обязан сделать Мартынов. Что выгоднее для Мартынова: раскрутить барабан или сразу сделать выстрел?
	если пуля вылетела, то лучше прокрутить барабан перед выстрелом; если пуля не вылетела, то лучше сразу сделать выстрел.
5.	Пусть случайные величины X и Y независимы и обе распределены равномерно на отрезке $[0;1]$. Тогда $(X+Y)\sim U[0;2].$
	Нет.
5.	Некоррелированные нормально распределенные случайные величины независимы.
	Нет.

9

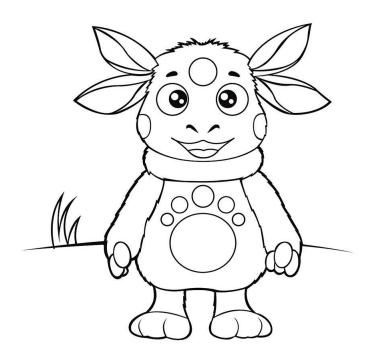
8. Случайная величина X принимает три значения 1, 2 и 3 с вероятностями 1/6, 2/6 и 3/6, соответственно. Найдите P(X=3|X>1.5)

3/5

9. Лунтик подкидывает правильную игральную кость. С помощью неравенства Маркова оцените вероятность того, что у Лунтика выпадет число, не меньшее 5. Можно ли получить результат точнее (тогда чему равна эта вероятность)?

 $\leq 0.7; \frac{1}{3}$

Если вы уже решили красные, а также синие и белые задачи, или если у вас ничего не получается решить, то можно раскрасить Лунтика, чтобы не скучать до конца тура!



Команда:

ЭРА II

1. Если $X \sim \mathcal{N}(0;1)$, $Y \sim \mathcal{N}(0;2)$ и $\mathbb{C}\text{ov}(X,Y) = 3$, то $X + Y \sim \mathcal{N}(0;3)$.

Нет.

2. Британские ученые обнаружили в черной дыре две случайные величины: X и $Y=(X-E(X))^2$. С помощью неравенства Маркова оцените $P(Y \ge b^2)$. Что вам это напомнило?

$$\frac{\mathbb{V}$$
аг $X}{h^2}$, неравенство Чебышёва

3. Петя сидит на крыше и наблюдает за пролетающими звездолетами, которые образуют Пуассоновский поток. В каком случае Петя вероятнее всего увидит больше звездолетов: с 9 до 11 вечера или с 10 до 12 вечера, если с 8 до 9 вечера он увидел семь звездолетов?

одинаково

4. Для любых двух случайных величин X и Y выполнено $f_{X,Y}(x,y) = f_{X|Y}(x,y) \cdot f_Y(y)$, где f — функции плотности.

Нет.

5. Есть три игрока, которые стреляют друг в друга по кругу и попадают с определенной вероятностью. Первый игрок задает направление выстрелов (против или по часовой стрелке), после чего стреляет. Остальные игроки обязаны стрелять в следующего игрока согласно направлению, которое выбрал первый игрок. Вероятности попадания: 2/3 для первого игрока, 1 для второго игрока, 1/3 для третьего игрока. Что должен предпринять первый игрока в начале поединка?

выбрать направление в сторону второго игрока и выстрелить в воздух

6. Величины X_1,\dots,X_n независимы и равномерно распределены на отрезке [0;1]. Найдите $\mathrm{plim}_{n\to\infty}\,e^{(X_1\cdot\dots\cdot X_n)}$.

1

7. Известно, что $\mathbb{V}\mathrm{ar}(X)=1, \mathbb{V}\mathrm{ar}(Y)=2, \mathbb{C}\mathrm{ov}(X,Y)=-1,$ теперь посчитайте $\mathbb{C}\mathrm{ov}(7X+3Y+2016;2X+2017).$

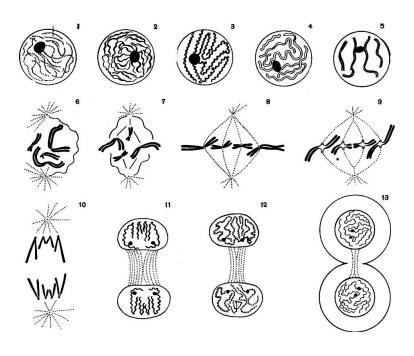
8

8. Сколько решений в целых числах имеет уравнение $X_1+X_2+X_3=10$, где $X_i\in[1,6]\ i\in\{1,2,3\}$?

27

9. Биолог Уолтер перебирает по одной хромосоме из оставшихся 20, чтобы расшифровать генетический код. Осталось найти одну последнюю хромосому, которая входит в геном. Найдите вероятность того, что подойдет 19-ая по счёту хромосома.

1/20



T/	
Команд	ıa:

ЭРА III

1. Имеется 2 стандартные игральные кости с 6 гранями. Васе для победы нужно выкинуть в сумме 4 и больше. Какова вероятность, что Вася выиграет?

$$1 - 3/36 = 11/12$$

2. Найдите $\mathbb{E}(\mathbf{\bar{b}})$, если космическая функция плотности $f_{\mathbf{\bar{b}}}(\mathbf{\bar{b}}) = \frac{1}{2}e^{-|\mathbf{\bar{b}}|}$, $\mathbf{\bar{b}} \in R$.

0

3. Известно, что P(A) = P(B) = 1. Найдите $P(A\Delta B)^{-1}$.

0

4. К остановке автобусы подходят строго по расписанию. Является ли это пуассоновским потоком?

Нет, это не случайная величина.

5. Известно что $\mathbb{P}(A) = 1$, $\mathbb{P}(B) = 1$. Верно ли, что события A и B независимы?

да

6. Маша и Ваня играют в игру: ставят на бумаге точку наугад на отрезке от 0 до 100. Маша уже сделала свой ход. Оказалось, что она выбрала точку 40. Найдите вероятность того, что после хода Вани сумма их точек не будет превышать 60.

0.2

7. Маша, Ваня и Петя играют в игру: ставят на бумаге точку наугад в любом месте на отрезке от 0 до 100. Маша сделала ход, поставила точку. Оказалось, что она выбрала число 40. Найдите вероятность того, что после ходов Вани и Пети, сумма их чисел будет не более 60.

$${}^{1}A\Delta B = (A \cap \bar{B}) \cup (\bar{A} \cap B)$$

0.02

8. Найдите вероятность того, что величина X попадёт на отрезок [0;4], если она равномерно распределена на отрезке [2;18].

$$2/16 = 1/8 = 0.125$$

9. Допустим, в результате галактической переписи обнаружено, что темноволосые матери с темноволосыми дочерьми составили 0.06 обследованных семей, темноволосые матери и светловолосые дочери — 0.1, светловолосые матери и темноволосые дочери — 0.14, а светловолосые матери и светловолосые дочери — 0.7. Найдите условную вероятность того, что дочь имеет темные волосы, если мать темноволосая.

$$0.06/(0.06 + 0.1) = 0.375$$