

پیدا کردن مجموع

این مساله شبیه سؤال کوله پشتی صفر و یک است، زیرا در هر دو مساله ما به دنبال این هستیم که مجموع برابر عدد مشخصی شود. البته در این مساله ارزشی برای حداکثر کردن وجود ندارد.

برای تعریف کردن زیرمساله به دو متغیر i به عنوان ایندکس آخرین عددی از آرایه که در نظر می گیریم و j به عنوان جمع اعداد نیاز داریم. $dp[i][j]$ را اینگونه تعریف می کنیم که آیا می توان مجموع j را با استفاده از i عنصر اول بسازیم. جواب مساله $dp[n][k]$ است. برای نوشتن رابطه بازگشتی روی برداشتن و برنداشتن عنصر i ام حالت بندی می کنیم. اگر عنصر برنداریم:

$$dp[i][j] = dp[i-1][j]$$

اگر برداریم:

$$dp[i][j] = dp[i-1][j - arr[i-1]]$$

پس رابطه بازگشتی به این صورت می شود:

$$dp[i][j] = dp[i-1][j] \text{ or } dp[i-1][j - arr[i-1]]$$

حالت های پایه:

$$dp[i][0] = \text{true}$$

چون با برنداشتن هیچ عنصری می توانیم مجموع صفر را بسازیم.

$$dp[0][i] = \text{false}$$

با صفر عنصر هیچ مجموعی را نمی توانیم بسازیم.

```
function sum_knapsack(arr, k):
    n = size of arr
    dp = 2D array with size (n+1, k+1)

    for i from 0 to n:
        dp[i][0] = True

    for j from 1 to k:
        dp[0][j] = False

    for i from 1 to n:
        for j from 1 to k:
            if( j > arr[i-1] ):
                dp[i][j] = dp[i-1][j] or dp[i-1][j-arr[i-1]]
            else
                dp[i][j] = dp[i-1][j]
    return dp[n][k]
```