



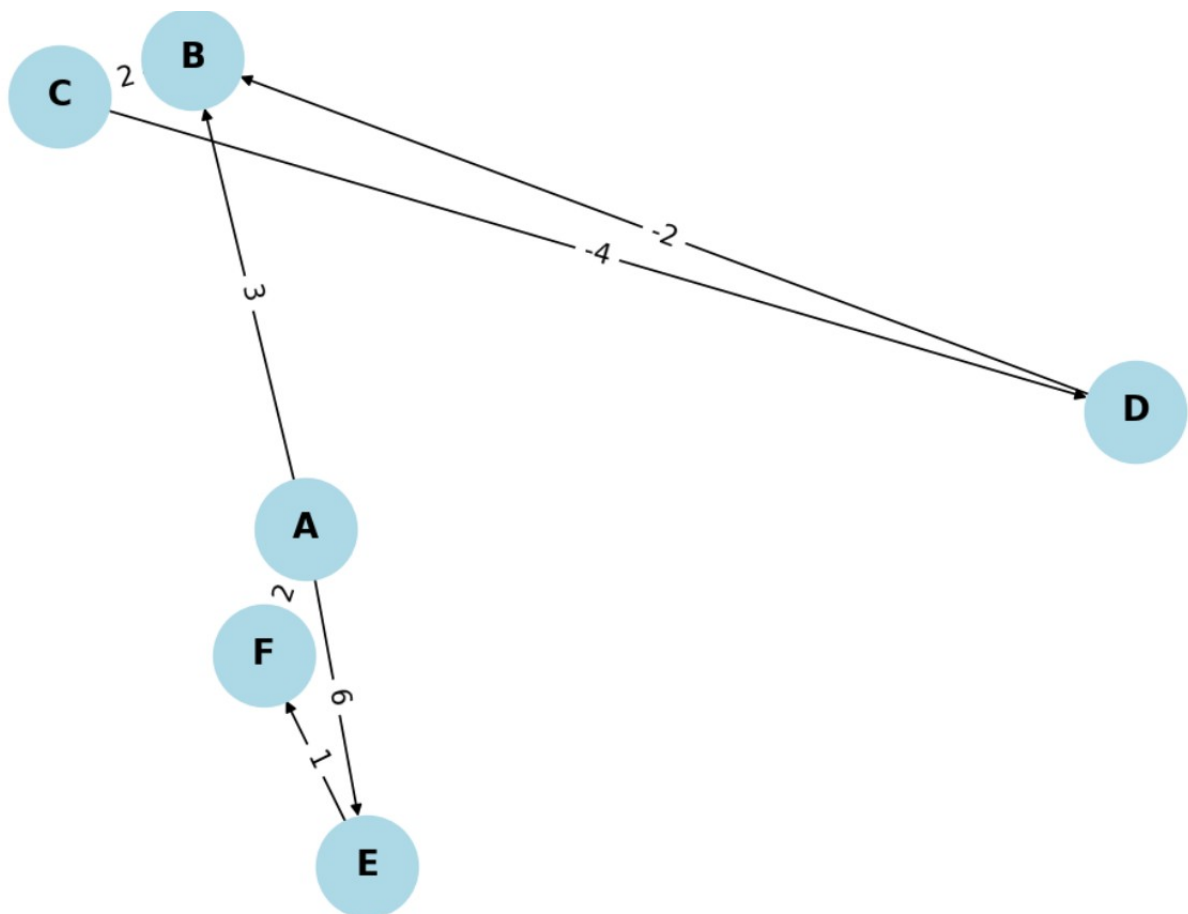
سیاه چاله

شما وارد دنیای پیچیده‌ای از گراف‌ها شده‌اید، جایی که هر گوشه و هر یال، معنای خاصی دارد. اما این دنیا یک تهدید پنهانی دارد که در اعماق آن منتظر شماست... **سیاه چاله!**

این سیاه چاله که در حقیقت **چرخه منفی** است، به طور مخفیانه در گراف شما حضور دارد. اگر شما در این مسیر همراه شوید، ممکن است برای همیشه در این چرخه منفی گرفتار شوید و هیچ راه فراری پیدا نکنید!

***مهم:** تنها یک سیاه چاله در این گراف وجود دارد، و شما باید با استفاده از هوش خود این مسیر خطرناک را پیدا کنید و از افتادن در آن جلوگیری کنید. برای این کار، از الگوریتم‌های مناسب استفاده کرده و **چرخه منفی** (همان سیاه چاله) را شناسایی کنید.

***چالش:** شما باید با دقت و احتیاط قدم بردارید، چون تنها یک اشتباه کوچک می‌تواند شما را در این دنیای بی‌پایان و منفی فرو ببرد. آیا می‌توانید **سیاه چاله** را پیدا کرده و از آن نجات یابید؟



الگوریتمی که استفاده کردید تا این سیاه چاله را پیدا کنید را توصیف کنید و مراحل انجام آن الگوریتم را نیز بنویسید

الگوریتم Bellman-Ford برای پیدا کردن کوتاه‌ترین مسیر از یک مبدأ به تمامی رأس‌ها استفاده می‌شود و می‌تواند وجود دور منفی را نیز تشخیص دهد. پس از انجام $n-1$ بار به‌روزرسانی وزن‌ها (relaxation)، اگر هنوز هم بتوان مسیر را با وزن کمتر پیدا کرد، به این معناست که یک دور منفی در گراف وجود دارد. یعنی اگر بعد از $n-1$ بار بررسی یال‌ها، هنوز هم مسیری با هزینه کمتر پیدا شود، می‌توانیم بی‌نهایت بار از آن چرخه استفاده کنیم تا هزینه مسیر را کمتر و کمتر کنیم، در نتیجه یک چرخه منفی وجود دارد.

برای گراف داده شده از گره A شروع کرده و $V-1 = 6$ بار هر راس را Relax می‌کنیم.
تعدادی از مراحل آپدیت کردن:

$Dist = \{0, INF, INF, INF, INF, INF\}$

$Dist[1] > Dist[0] + 3, Dist[4] > Dist[0] + 6$

$Dist = \{0, 3, INF, INF, 6, INF\}$

$Dist[5] > Dist[4] + 1, Dist[2] > Dist[1] + 2$

$Dist = \{0, 3, 5, INF, 6, 7\}$

$Dist[3] > Dist[2] + (-4)$

$Dist = \{0, 3, 5, 1, 6, 7\}$

$Dist[1] > Dist[3] + (-2)$

$Dist = \{0, -1, 5, 1, 6, 7\}$

$Dist[1] > Dist[3] + (-2)$

$Dist = \{0, -3, 5, 1, 6, 7\}$

پس ۶ مرحله، برای گره B، تا بی‌نهایت مسیر کوتاه‌تر پیدا می‌شود پس گراف دارای دور منفی است. زمانی که تشخیص می‌دهیم $Dist[V]$ در تکرار n ام دوباره آپدیت شده، آن یال نشان‌دهنده عضوی از چرخه‌ی منفی است. از آن گره با دنبال کردن آرایه‌ی parent می‌توانیم به عقب برویم تا چرخه کامل را پیدا کنیم.

$B \rightarrow C \rightarrow D \rightarrow B$

$1 \rightarrow 2 \rightarrow 3 \rightarrow 1$