

Lista de Exercícios 9 - Cotangente, Secante, Cossecante e Relações Fundamentais

1. (Médio) Em cada caso, determine os valores de m para que exista x satisfazendo a igualdade:

a) $\cotg x = \sqrt{2 - m}$

b) $\sec x = 3m - 2$

2. (Difícil) Determinar o sinal das expressões:

a) $y_1 = \cos(91^\circ) + \operatorname{cossec}(91^\circ)$

b) $y_2 = \operatorname{sen}(107^\circ) + \sec(107^\circ)$

c) $y_3 = \sec\left(\frac{9\pi}{8}\right) \cdot \left(\operatorname{tg}\left(\frac{7\pi}{6}\right) + \cotg\left(\frac{\pi}{7}\right)\right)$

3. (Fácil) Ache o valor das outras funções trigonométricas a partir da função dada:

a) $\operatorname{sen} x = \frac{1}{2}$

b) $\cos x = -1$

c) $\tan x = -2,4$

d) $\cos x = \frac{3}{5}$

e) $\tan x = -\sqrt{3}$

4. (Médio) Sabendo que $\operatorname{sen}\theta = \frac{3}{4}$, calcule:

a) $\operatorname{tg}\theta$

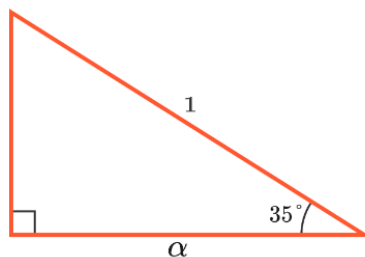
b) $\cos\theta$

c) $\sec\theta$

d) $\cotg\theta$

e) $\operatorname{cossec}\theta$

5. (Médio) Dado que $\cos 35^\circ = \alpha$, expresse $\sin 2015^\circ$ em termos de α .



6. (Fácil) Sendo $\operatorname{sen}(a) = \frac{1}{2}$ e $\frac{\pi}{2} < a < \pi$ calcular $\cos(a)$.
7. (Média) Sabendo que $\operatorname{cosec} x = -\frac{25}{24}$ e $\pi < x < \frac{3\pi}{2}$, calcule as demais funções circulares de x.
8. (Média) Sabendo que $\sec(x) = 3$, calcule o valor da expressão $y = \operatorname{sen}^2(x) + 2 \cdot \operatorname{tg}^2(x)$
9. (Média) Dado que $\operatorname{sen}(x) \cdot \cos(x) = m$, calcule o valor de $y = \operatorname{sen}^4(x) + \cos^4(x)$ e $z = \operatorname{sen}^6(x) + \cos^6(x)$.
10. (Média) Sabendo que $x = 3 \cdot \operatorname{sen}(t)$ e $y = 4 \cdot \cos(t)$, encontre uma função que tenha x e y como variáveis, mas não tenha t.
11. (Média) Sabendo que $x = 5 \cdot \operatorname{tg}(t)$ e $y = 3 \cdot \operatorname{cosec}(t)$, encontre uma função que tenha x e y como variáveis, mas não tenha t.
12. (Difícil) Prove que:

$$\text{a) } (1 - \operatorname{tg} x)^2 + (1 - \operatorname{cotg} x)^2 = (\sec x - \operatorname{cosec} x)^2$$

$$\text{b) } \frac{1 - \cos x}{\operatorname{sen} x \cdot \cos x} + \operatorname{sen} x = \frac{1 - \cos x}{\operatorname{tg} x} + \operatorname{tg} x$$

Gabarito

1. a) $m \leq 2$
b) $m \leq \frac{1}{3}$ ou $m \geq 1$
2. a) $y_1 > 0$
b) $y_2 < 0$
c) $y_3 < 0$
3. a) $\cos x = \frac{\sqrt{3}}{2}; \operatorname{tg} x = \frac{\sqrt{3}}{3}$
b) $\operatorname{sen} x = 0; \operatorname{tg} x = 0$
c) $\operatorname{sen} x = \frac{12}{13}; \cos x = \frac{5}{13}$
d) $\operatorname{sen} x = \frac{4}{5}; \operatorname{tg} x = \frac{4}{5}$
e) $\operatorname{sen} x = \frac{\sqrt{3}}{2}; \cos x = \frac{1}{2}$
4. a) $\frac{3\sqrt{7}}{7}$
b) $\frac{\sqrt{7}}{4}$
c) $\frac{4\sqrt{7}}{4}$
d) $\frac{\sqrt{7}}{3}$
e) $\frac{4}{3}$
5. $-\sqrt{1 - \alpha^2}$
6. $\cos(a) = -\frac{\sqrt{3}}{2}$

7.

8. $y = \frac{152}{9}$

9. $y = 1 - 2m^2$ e $z = 1 - 3m^2$

10. $16x^2 + 9y^2 = 144$

11. $x^2y^2 - 9x^2 = 225$

12. Por ser uma questão de demonstração, não possui gabarito.