

VILNIAUS UNIVERSITETAS
MATEMATIKOS IR INFORMATIKOS FAKULTETAS
INFORMATIKOS KATEDRA

Šalto starto problemos rekomendacinėse sistemose sprendimas naudojant socialinių tinklų duomenis

Applying Social Network Data for Cold Start Problem in Recommender Systems

Magistro baigiamasis darbas

Atliko:	Andrius Juškevičius	(parašas)
Darbo vadovas:	lekt. Rimantas Kybartas	(parašas)
Recenzentas:	prof. habil. dr. Antanas Žilinskis	(parašas)

Vilnius – 2016

Santrauka

Žmonės priimdami sprendimus dažnai pasikliauja draugų ir pažįstamų rekomendacijomis. Vienas iš rekomendacinių sistemų (toliau - RS) metodų - bendradarbiavimo filtravimas (angl. collaborative filtering, toliau BF) nors ir imituoja žmonių tarpusavio panašumą, negali identifikuoti, ką žmogus pažįsta, o ko ne. Socialinių tinklų duomenys užpildo šią spragą ir leidžia RS pateikti rekomendacijas atsižvelgiant ir į žmonių tarpusavio santykį.

Šiame darbe pateikta glausta rekomendacinių sistemų apžvalga, išnagrinėtas bendradarbiavimo filtravimo algoritmas, pristatyta šalto starto problema bei apžvelgtos socialinio tinklo duomenų taikymo galimybės sprendžiant šią problemą. Taip pat pasiūlyti trys nauji, socialinių tinklų duomenų panaudojimu besiremiantys metodai, kuriuos taikant galima spręsti šalto starto problemą.

Raktiniai žodžiai: rekomendacinė sistema, bendradarbiavimo filtravimas, socialinis tinklas, šaltas startas, pasitikėjimas

Turinys

Ivadas	3
1. Litratūros apžvalga	5
1.1. Bendradarbiavimo filtravimas	5
1.1.1. Bendradarbiavimo filtravimo metodas	5
1.1.2. Šalto starto problema.....	7
1.1.3. Naudotojų panašumo apskaičiavimas	7
1.1.3.1. Pyrsono koreliacija	7
1.1.3.2. Apribota Pyrsono koreliacija	8
1.1.3.3. Spearmano rango koreliacija	8
1.1.3.4. Kosinuso panašumas	8
1.1.3.5. Euristinis PIP panašumo matas	8
1.1.3.6. Panašumas su svoriais	9
1.2. Socialiniai tinklai ir pasitikėjimu pagrįstos rekomendacinės sistemos	10
1.2.1. Socialiniai tinklai ir pasitikėjimo sąvoka.....	10
1.2.2. Pasitikėjimo apskaičiavimas	11
1.2.2.1. TidalTrust	11
1.2.2.2. MoleTrust	12
1.2.2.3. Pasitikėjimu pagrįstas svoris	13
2. Pasitikėjimu pagrįstos rekomendacinės sistemos modeliavimas ir siūlomi metodai	14
2.1. RS vertinimas	15
2.1.1. Vertinimo metrikos.....	15
2.1.2. Duomenų rinkinio skaidymas	16
2.2. Bendrų kaimynų metodas	16
2.2.1. Epinions.com duomenų rinkinys	16
2.2.2. Metodas.....	18
2.2.3. Rezultatai	20
2.3. Sričių panašumo metodas.....	22
2.3.1. Rekomendacinės sistemos su pasitikėjimu kategorijose modeliavimas	22
2.3.1.1. Kategorijos	23
2.3.1.2. Naudotojai	24
2.3.1.3. Elementai	24
2.3.1.4. Reitingai.....	25
2.3.1.5. Pasitikėjimai	26
2.3.1.6. Sugeneruoto duomenų rinkinio charakteristikos	26
2.3.2. Metodas.....	27
2.3.2.1. Pasitikėjimų pagrįstų RS metodai.....	28
2.3.3. Rezultatai	29
2.3.3.1. Eksperimentas naudojant RS su skirtingomis kategorijomis	29
2.3.3.2. Eksperimentas naudojant RS su panašiomis kategorijomis	31
2.3.3.3. Eksperimento rezultatų taikytų dviem duomenų rinkiniams palyginimas	34
2.4. Pasitikėjimo interpoliavimo metodas	34
2.4.1. Rezultatai	35
2.5. Problemos ir iššūkiai	35
3. Išvados	37

Ivadas

Kaskart, kai kažko ieškome, tiksliai patys nežinodami, ko - susiduriame su rekomendacijos poreikiu. Iš esmės, didžioji dalis dalykų apie kuriuos žinome, mums kažkada buvo viena ar kita forma pasiūlyta ar nurodyta. Taigi, didelė dalis pasaulio pažinimo proceso įvyksta rekomendacijų dėka. Rekomendacija, kaip reiškiny, gali įgyti įvairias, dažniausiai socialines, formas - informacijos galime gauti iš artimųjų arba tam tikrų atstovų (pavyzdžiui, finansų patarėjo arba konsultanto). Kita forma, apie kurią ir yra šis darbas, yra skaitmeninė - rekomendacinių sistemų (toliau - RS) generuojamos rekomendacijos skaitmeninėje erdvėje siekia palengvinti naudotojo patirtį renkantis jį dominančius elementus iš prieinamos aibės. Šios rekomendacijos gali ne tik palengvinti paieškos procesą, bet ir pasiūlyti bei sudominti naudotoją tokiais elementais, apie kuriuos naudotojas nė nenučiuotų. Šis bruožas yra ypač aktualus kitai šio santykio pusei - siūlytojai (pavyzdžiui, pardavėjui) dėl akivaizdžių priežasčių - jis tampa labiau matomas, žinomesnis, galų gale jis gali gauti materialinės naudos.

RS plačiai taikomos muzikos, kino ir elektroninės prekybos platformose. Vietoj įprastos paieškos šios sistemos siūlo elementus pasiremdamos naudotojų elgesio istorija. Vienas labiausiai naudojamų metodų - bendradarbiavimo filtravimas (angl. Collaborative Filtering, toliau - BF). Aibė sėkmingų interneto įmonių (pavyzdžiui, Amazon.com, Netflix.com, Last.fm) pritaikė BF metodus tam, kad padidinti naudotojų pasitenkinimą jų siūlomų produktų. Taikant BF daroma prielaida, kad istoriškai panašūs naudotojai išliks tokie ir ateityje. Taigi, esminė problema, kurią reikia spręsti - naudotojų panašumo vertinimas. Filtravimo procesas remiasi jau turimais duomenimis, kurie dėl problemos prigimties yra labai reti - sistemoje gali būti tūkstančiai naudotojų ir dar daugiau elementų, tačiau kiekvienas naudotojas dažniausiai būna įvertinęs tik labai mažą visų elementų dalį, taigi panašumo įvertinimas tampa iššūkiu. Nėgana to, kai sistemoje atsiranda naujas naudotojas, pradžioje apie jį žinoma per mažai, kad būtų galima pateikti patikimas rekomendacijas. Ši problema dar kitaip vadinama šalto starto (angl. cold start problem). Ji yra ypač svarbi ir dėl to, kad, jeigu naujas naudotojas per pakankamai trumpą laiką neįsitikins sistemos nauda, labai tikėtina, kad jis niekada ja nebesinaudos.

Ieškant šios problemos sprendimo būdų buvo atlikta nemažai tyrimų apie hibridines RS. Šių hibridinių RS esmė - taikant BF panaudoti informaciją apie elementų turinį. Turiniu pagrįstas RS nagrinėja atskira šaka, apie kurią šiame darbe nebus kalbama. Nors hibridinės RS ir išsprendžia daugelį problemų, tačiau turi vieną esminį trūkumą - hibridinė RS yra labai priklausoma nuo konteksto, kuriame ji naudojama, kitaip sakant, ji yra neuniversali. Be to, kai kurioms dalykinėms sritims yra labai sudėtinga apibūdinti naudotojo susidomėjimo elemento atributus, taigi neįmanoma sukurti

tokios RS.

Šio darbo tikslas – pasiūlyti metodą, kuriuo remiantis būtų galima išspręsti duomenų nepakankamumo problemą juos papildant duomenimis iš socialinių tinklų. Šie duomenys puikiai panaudojami pasitikėjimu pagrįstose RS. Pasitikėjimas gali būti traktuojamas kaip alternatyvus dydis panašumui. Šie du dydžiai skiriasi:

- pasitikėjimas nebūtinai yra išskaičiuojamas iš duomenų - jis gali būti išreikštas tiesiogiai.
- pasitikėjimas turi kryptį - tai yra naudotojas u_1 gali pasitikėti u_2 ne tiek pat, kiek u_2 u_1 .

Pasitikėjimo tinklas - grafas, kurio viršūnės vaizduoja naudotojus, briaunos - santykius tarp jų, o briaunų svoriai - pasitikėjimo įverčius. Toks tinklas ir bus pamatas siūlomiems metodams, kaip spręsti šalto starto problemą, kai nepakanka duomenų naudotojų panašumui nustatyti.

Literatūros apžvalgoje suformuluoti bendradarbiavimo filtravimo naudotoju pagrįstu ir daiktu pagrįstu metodų apibrėžimai, pristatyta šalto starto problema ir aprašyti įvairių autorių pasiūlyti metodai šiai problemai spręsti. Tyrimai apie socialinių tinklų duomenų panaudojimą bus aptarti plačiau ir pristatyti jau atlikti darbai šia problemos sprendimo kryptimi. Taip pat gilinamasi į socialinių tinklų duomenų panaudojimo galimybes siekiant panaikinti (arba sušvelninti) šalto starto problemos efektą. Kitame skyriuje pristatytas būdas, kaip galima generuoti socialinių tinklų duomenis ir pasiūlyti trys nauji metodai naudojami RS su socialinių tinklų duomenimis - bendrų kaimynų metodas, atsižvelgiantis tik į ryšių egzistavimą tarp naudotojų, sričių panašumo metodas, kuris taikomas RS su kategorijomis, ir pasitikėjimo interpoliavimo metodas, kurio esmė - prognozuoti naudojo tarpusavio pasitikėjimą remiantis "paslėptais" RS duomenimis (juos naudojame generuodami RS duomenis). Trečiame skyriuje pateikta pasiektų rezultatų santrauka ir išvados.

1. Litratūros apžvalga

1.1. Bendradarbiavimo filtravimas

1.1.1. Bendradarbiavimo filtravimo metodas

Visų pirma, suformuluokime RS sprendžiamą problemą formaliai taip, kaip tai padaryta [2]. Vartotojų aibę pažymėkime U ir elementų aibę I . Be to, pažymėkime R aibę sistemoje turimų reitingų ir S – aibę galimų reikšmių, kurias gali įgyti reitingas (pvz. $S = [1,5]$). Taip pat, tarkime, kad vienas reitingas r_{ui} gali būti priskirtas vienam elementui $i \in I$ vieno naudotojo $u \in U$. Vartotojų poaibį, kuris yra įvertinęs elementą i , pažymėkime U_i . Analogiškai, I_u pažymėkime aibę elementų, kuriuos yra įvertinęs naudotojas u . Daiktų, kuriuos yra įvertinę abu naudotojai u ir v , aibę $I_u I_v$ pažymėkime I_{uv} . Analogiškai, U_{ij} žymi aibę naudotojų, kurie yra įvertinę tiek elementą i , tiek j . Dvi dažniausiai sutinkamos problemos – geriausios ir geriausių N rekomendacijos problema. Vienas būdų spręsti šias problemas yra įvertinti funkciją $f : U \times I \rightarrow S$, kuri nuspėja reitingą $f(u,i)$. Ši funkcija tada yra naudojama naudotojo u_a rekomendacijai elemento i^* , kuriam įvertinamas reitingas turi didžiausią reikšmę $i^* = \arg \max_{j \in I_{u_a}} f(u_a, j)$. RS galima modeliuoti dviem būdais:

- Turiniu-pagrįstų metodų esmė – identifikuoti charakteristikas, kuriomis pasižymėjo elementai, kuriuos naudotojas įvertino palankiai praeityje ir tada naudotojui rekomenduoti kitus elementus su panašiomis charakteristikomis.
- Bendradarbiavimo-filtravimu pagrįsti metodai rekomenduoja elementus, kurie patiko naudotojams, turintiems panašias pirmenybes. BF metodai remiasi tik naudotojų suteiktais reitingais. Jie ieško panašumų tarp naudotojų pirmenybių ir tai lemia dvi geras savybes, kuriomis nepasižymi turiniu pagrįsti metodai
 - įžvalgumas - siūlomi ne tik akivaizdūs pasiūlymai, bet ir netikėti (t.y. tokie, kokių naudotojas kitomis aplinkybėmis turbūt nerastų)
 - pritaikymas skirtingose srityse, elementu pagrįstos rekomendacijos reikalauja specifinių srities parametrų duomenų (pvz., kiek tam tikras filmas yra komedija, kiek drama)

Bendradarbiavimo filtravimo sąvoką pirmąsyk panaudojo Goldberg [16]. Šis metodas remiasi artimiausių kaimynų metodu ir naudoja duomenis tiesiogiai generuojant rekomendacijas. Toliau darbe bus nagrinėjami būtent šiai klasei priklausantys metodai.

Bendradarbiavimo filtravimu pagrįsta reitingo prognozės esmė ta, kad parenkami artimiausi naudotojo kaimynai. Vartotojų tarpusavio artumas nustatomas naudojant panašumo metrikas, kurios bus aprašytos vėliau skyriuje 1.1.3. Šią prognozę galima atlikti dvejopai:

- Taikant artimiausių kaimynų regresiją, reitingas įvertinamas skaičiuojant pasvertą artimiausių kaimynų vidurkį.
- Taikant artimiausių kaimynų klasifikaciją, elemento reitingas parenkamas toks pats, kokį jam yra suteikęs artimiausias naudotojo kaimynas

Pagrindinis turiniu pagrįsto prieš naudotojų pagrįstą reitingo prognozavimo trūkumas yra tas, kad tokiu būdu sugeneruotos rekomendacijos yra nors ir tikslios, tačiau nelabai vertingos, nes rekomenduojami elementai pernelyg panašūs į tuos, kuriuos naudotojas jau žino. Šią problemą galima vertinti kaip pernelyg didelio pritaikymo (angl. over-specialization) problemą arba kaip išvalgumo (angl. serendipity) stygių. Be to, naudotojų pagrįstas metodas yra paremtas realiu žinių perdavimu iš lūpų į lūpas modeliu, todėl, tikėtina, geriau modeliuoja žinių išgavimą.

Norėdami prognozuoti naudotojo u reitingą elementui i , imame k artimiausių kaimynų $N_i(u, k)$ ir ieškome jų vidurkio.

$$\hat{r}_{ui} = \frac{1}{N_i(u, k)} \sum_{v \in N_i(u, k)} r_{vi} \quad (1)$$

Ši formulė neatsižvelgia į naudotojų panašumą. Būtų neteisinga vertinti visus kaimynus vienodai, kai kai kurie yra panašūs į naudotoją u , o kai kurie visiškai nepanašūs. Čia įtraukiame svorių sąvoką. Svoriai gali reikšti arba panašumą (plačiau - 1.1.3), arba, kaip vėliau bus parodyta, vieno naudotojo pasitikėjimą kitu, apie kurį rašoma 1.2.2.

$$\hat{r}_{ui} = \frac{\sum_{v \in N_i(u, k)} w_{uv} r_{vi}}{\sum_{v \in N_i(u, k)} |w_{uv}|} \quad (2)$$

Šioje formulėje naudojamas svertinis vidurkis yra dažniausiai praktikoje taikomas, paprastas ir tikslus būdas nustatyti prognozei, tačiau lieka klausimas - į kiek kaimynų reikia atsižvelgti. GroupLens sistemoje visi $U \setminus \{u\}$ laikomi kaimynais; kitose sistemose kaimynai parenkami pagal panašumo slenkstį. Tinkamas kaimynų skaičiaus parinkimas leidžia įvertinti tikslesnes prognozes, nes taip sumažinamas kaimynų su maža koreliacija keliamas triukšmas. Dar kitas būdas - atsižvelgiant į dalykinę sritį parinkti konstantą. Geriausią kaimynų parinkimo strategiją galima išsiaiškinti tiesiog paeksperimentavus su konkrečiais duomenimis, nes įprastai RS viena nuo kitos labai skiriasi tiek dėl dalykinės srities subtilybių, tiek dėl RS dalyvaujančių naudotojų.

1.1.2. Šalto starto problema

Šalto starto problema susijusi su nepakankamu duomenų kiekiu. Šią problemą galima išskirti į dvi dalis:

- naudotojo šaltas startas
- elemento šaltas startas

Toliau bus rašoma tik apie naujo naudotojo problemą. Bendradarbiavimo filtravimu pagrįstuose metoduose, norint pateikti prasmingą rekomendaciją, visų pirma reikia suformuoti aiškų naudotojo pirmenybių vaizdą. Naujam naudotojui to padaryti faktiškai neįmanoma. Šia problemą galima spręsti visai negeneruojant rekomendacijų arba teikti rekomendacijas remiantis naudotojo profiliu - gyvenamąja vieta, amžiumi, lytimi ir panašiai. Dar kitas būdas - įvertinti trūkstamus duomenis - ir yra šio darbo esminis tyrimo objektas.

1.1.3. Naudotojų panašumo apskaičiavimas

Jau anksčiau buvo minėta, kad norint rasti prognozuojamą naudotojo u tam tikram elementui i suteikiamą reitingą, reikia žinoti svorius, kuriais matuojama kitų panašių naudotojų įtaka galutinei prognozei. Vienas šių svorių įvertinimo būdų - naudotojų panašumo išskaičiavimas iš reitingų matricos. Toliau pristatomi metodai, kurie padeda įvertinti naudotojų panašumą. Pyrsono, Spearmano koreliacija ir kosinuso panašumas detaliau aprašyti [2].

1.1.3.1. Pyrsono koreliacija

Pyrsono koreliacija skirta statistinės koreliacijos radimui:

$$s(u,v) = \frac{\sum_{i \in I_u \cap I_v} (r_{u,i} - \bar{r}_u)(r_{v,i} - \bar{r}_v)}{\sqrt{\sum_{i \in I_u \cap I_v} (r_{u,i} - \bar{r}_u)^2} \sqrt{\sum_{i \in I_u \cap I_v} (r_{v,i} - \bar{r}_v)^2}} \quad (3)$$

Šis metodas susiduria su sunkumais, kai reikia paskaičiuoti panašumą tarp naudotojų, kurie bendrai yra įvertinę mažai elementų. Galima išeiti - nustatyti slenkstį, nuo kurio koreliacija būtų mažinama. Taigi panašumą $s(u,v)$ tokiu atveju reiktų dauginti iš baudos funkcijos

$$\min\{|I_u \cap I_v|, 1\} \quad (4)$$

1.1.3.2. Atribota Pyrsono koreliacija

Kai kalbame apie šį metodą, pereiname nuo tolydinio prie kategorinio parametrų vertinimo. Be to, atsižvelgiama į nuokrypį ne nuo vidurkio, o nuo abejingumo įverčio. Jeigu turime reitingų skalę nuo 1 iki 7, tada 4 reiškia abejingumą. Pažymėkime $r_x = 4$. Tada Shardanand ir Maes pasiūlyta atribota Pyrsono koreliacija randama taip

$$s(u,v) = \frac{\sum_{i \in I_u \cap I_v} (r_{u,i} - r_z)(r_{v,i} - r_z)}{\sqrt{\sum_{i \in I_u \cap I_v} (r_{u,i} - r_z)^2} \sqrt{\sum_{i \in I_v \cap I_u} (r_{v,i} - r_z)^2}} \quad (5)$$

1.1.3.3. Spearmano rango koreliacija

Spearmano rango koreliacija panaši į Pyrsono koreliaciją, vienintelis skirtumas toks, kad skaičiuojant Spearmano koreliaciją, naudotojo reitingai yra surūšiuojami didėjimo tvarka, jiems priskiriami rangai - mažiausią reikšmę turintis reitingas gauna reikšmę 1. Tokiu būdu išvengiama reitingų normalizavimo problemos. Šis metodas veikia ne itin gerai, kai yra mažas galimų reikšmių skaičius, be to skaičiavimo požiūriu reikalaujantis daugiau resursų dėl surūšiavimo žingsnio.

1.1.3.4. Kosinuso panašumas

Šis metodas skiriasi nuo ankstesnių tuo, kad yra į problemą žiūrima ne iš statistinio, o iš tiesinės algebros požiūrio taško. Vartotojai atvaizduojami kaip $|I|$ dimensijų turintys vektoriai, o panašumas apskaičiuojamas, kaip kosinuso atstumas tarp dviejų reitingo vektorių. Jis randamas sudauginant šiuos vektorius ir padalinant iš $L2$ (Euklido) normų sandaugos:

$$s(u,v) = \frac{\mathbf{r}_u \cdot \mathbf{r}_v}{\|\mathbf{r}_u\|_2 \|\mathbf{r}_v\|_2} \quad (6)$$

1.1.3.5. Euristinis PIP panašumo matas

Euristinis panašumo matas pasiūlytas [7] kreipia dėmesį į šalto starto problemą. Dažniausias šalto starto problemos sprendimo būdas - naudoti hibridines RS, kurios naujiems naudotojams rekomendacijas pateikia naudodamos turinio informaciją ir tik surinkus pakankamai duomenų apie naudotoją, įjungiamas BF režimas. Ši panašumo metrika atsižvelgia į šalto starto problemą panašumą apskaičiuodama remdamasi trimis faktoriais - panašumu, poveikiu, populiarumu.

$$s(u_i, u_j) = \sum_{k \in C, j} PIP(r_{i,k}, r_{j,k}) \quad (7)$$

čia r_{ik} ir r_{jk} reitingai elementui k nuo naudotojų i ir j atitinkamai, $PIP(r_{ik}, r_{jk})$ - PIP reikšmė reitingams r_{ik} ir r_{jk}

$$PIP(r_1, r_2) = Proximity(r_1, r_2) \times Impact(r_1, r_2) \times Popularity(r_1, r_2) \quad (8)$$

Detalesnis aprašymas, kaip randamos šios reikšmės yra [7].

1.1.3.6. Panašumas su svoriais

[13] Said pastebėjo, kad dažniausiai naudojami panašumo matai (Pyrsono koreliacija, kosinuso panašumas) turi tokį trūkumą, kad jie neatsižvelgia į bendrai įvertintų elementų populiarumą - bendrai įvertinti populiarūs (įvertinti daugelio naudotojų) elementai vertinamam panašumui turėtų daryti mažesnę įtaką negu retai vertinami. Šį trūkumą siūloma spręsti panašumo matuose įvedant populiarumo svorius.

Tokiu būdu randama Pyrsono koreliacija atrodytų taip:

$$s_w(u, v) = \frac{\sum_{i \in I_u \cap I_v} w_i^s (r_{u,i} - \bar{r}_u) (r_{v,i} - \bar{r}_v)}{\sqrt{\sum_{i \in I_u \cap I_v} w_i^s (r_{u,i} - \bar{r}_u)^2} \sqrt{\sum_{i \in I_u \cap I_v} w_i^s (r_{v,i} - \bar{r}_v)^2}} \quad (9)$$

ir kosinuso panašumas:

$$s_w(u, v) = \frac{\sum_{i \in I_u \cap I_v} w_i^s \cdot r_{u,i} \cdot r_{v,i}}{\sqrt{\sum_{i \in I_u} w_i \cdot r_{u,i}^2} \sqrt{\sum_{i \in I_v} w_i^s \cdot r_{v,i}^2}} \quad (10)$$

o svoriai w_i^s gali randami būti randami tokiais būdais:

$$w_i^{s,inf} = \log \frac{|U|}{|U_i|} \quad (11)$$

$$w_i^{s,lin} = 1 - \frac{|U_i|}{|R|} \quad (12)$$

Čia $|U|$ - naudotojų skaičius, $|U_i|$ - naudotojų, įvertinusių elementą i skaičius, $|R|$ reitingų skaičius.

Šaltinyje [13] parodyta, kad šis metodas geriausiai veikia vartotojams "po šalto starto" (angl. post cold start users), kai reitingų skaičius yra tarp 20 ir 80, kitiems režiams rezultatai buvo labai panašūs į tuos, kurie buvo gauti naudojant Pyrsono koreliaciją be svorių.

1.2. Socialiniai tinklai ir pasitikėjimu pagrįstos rekomendacinės sistemos

1.2.1. Socialiniai tinklai ir pasitikėjimo sąvoka

Socialinis tinklas - virtuali bendruomenė, kurios nariai bendrauja ir dalinasi tarpusavyje informacija. Žmonės tokiose bendruomenėse būna susiję - arba abipusiu (draugų), arba vienpusiu (pasekėjų) ryšių. Pasitikėjimu pagrįstų RS tikslas - įvertinti, kiek pasitikėjimo turi vienas naudotojas kitu, kai turimas pasitikėjimo tinklas (angl. web of trust). Įprastai toks įvertis randamas taikant propagavimo ir agregavimo operatorius. Propagavimo operatoriai nulemia, kaip bus elgiama su tranzityvumu. Kol kas nesigiliname į tai, kaip gaunami pasitikėjimo įverčiai, laikome juos duotais.

- Vienas dažniausiai naudojamų propagavimo operatorių (ypač, kai kalbame apie tikimybinį požiūrį) yra daugyba. Pavyzdžiui, u_1 pasitiki u_2 0.8, o u_2 pasitiki u_3 0.5, tada u_1 pasitiki u_3 $0.8 \times 0.5 = 0.4$.
- Kitas operatorius - silpniausios grandies. Anksčiau pateikto pavyzdžio atveju u_1 pasitikėjimas u_3 būtų lygus 0.5.
- Konjunkcijos operatorius - $\max(t_1 + t_2 - 1)$ ankstesniame pavyzdyje grąžintų 0.3 A pasitikėjimą C .

Agregavimo operatoriai skirti susidoroti su situacijomis, kai yra keli propagavimo keliai. Šie operatoriai apjungia kelis pasitikėjimo įverčius į vieną. Žinoma, ne visi propagavimo keliai yra vienodo ilgio, tai yra, viename kelyje gali būti 1 naudotojas, kitame - 5. Verta pastebėti, kad svarbesni yra trumpesni keliai, ir kuo ilgesnis kelias - tuo mažiau informacijos jis suteikia. Taip yra dėl to, kad kiekvienas pasitikėjimo įvertis turi tam tikrą paklaidą - triukšmą, ir ilgesniame kelyje šio triukšmo yra daugiau. Ši problema nesunkiai sprendžiama taikant agregavimo operatorių. Galimi variantai - trumpiausio kelio operatorius, matematinis vidurkis, vidurkis su įvairiomis, atsižvelgiančiomis į kelio ilgį, schemomis.

Nors gali pasirodyti, kad nepasitikėjimas ir pasitikėjimas yra du dalykai priešinguose vienos tolydžios skalės galuose, tai yra tik kai kurių tyrėjų daroma prielaida, kuri leidžia supaprastinti problemą. Kitas, įgaunantis vis daugiau paramos, požiūris teigia, kad nepasitikėjimas negali būti prilyginamas pasitikėjimo nebuvimui.

Josang [18] kalba apie subjektyvią logiką (angl. subjective logic), kurioje, nepasitikėjimas yra traktuojamas kaip atskiras nuo pasitikėjimo dydis. Šios teorijos branduolys - subjektyvios nuomonės (angl. subjective opinions), kurios užrašomos taip: $w_x^A = (b, d, u, a)$, kur b , d ir u apibūdina

pasitikėjimą, nepasitikėjimą ir neužtikrintumą. Pastebima, kad $b, d, u \in [0, 1]$ ir $b + d + u = 1$. Parametras $a \in [0, 1]$ nurodo, kokį svorį nustatant tikėtiną nuomonės įvertį (angl. opinion's probability expectation value) turi neužtikrintumas - $E(w_x^A) = b + au$. Šis modelis turi tikslius apibrėžimus ir formules, jomis galima manipulioti ir gauti analitiškai pagrindžiamus rezultatus, pavyzdžiui paaiškinti populiarumo bangas.

1.2.2. Pasitikėjimo apskaičiavimas

Pasitikėjimo tinkle dauguma naudotojų vienas kito nepažįsta. Nepaisant to, reikia nustatyti sąryšius tarp jų. Tam yra naudojamos pasitikėjimo metrikos, kurios remdamosi naudotojų santykiais nustato, kiek vienas naudotojas pasitiki kitu. Pasitikėjimo metrikos skyla į dvi klases.

- Lokalios metrikos įvertina pasitikėjimą kiekvienam naudotojui individualiai - dėl to jos gali būti tikslesnės ir reikalauja daugiau skaičiavimo resursų. Toliau bus pristatyti lokalių metrių pavyzdžiai - TidalTrust, MoleTrust.
- Globalios metrikos įvertina bendrą elemento reitingą visoje pasitikėjimo sistemoje. Apie jas toliau kalbama nebus, žymiausias pavyzdys - PageRank algoritmas naudojamas Google paieškos sistemoje.

Kaip minėta, pasitikėjimo skaičiavimui svarbi tranzityvumo prielaida, tačiau, ji teisinga tik tame pačiame kontekste - jeigu a pasitiki b kai kalbama apie automobilius, o b pasitiki c sodininkystės klausimais, nieko negalėsime pasakyti apie a pasitikėjimą c kompiuterijos žiniomis.

1.2.2.1. TidalTrust

Ši formulė yra esminė Golbeck rekomendacijos algoritme. Algoritmo autoriai šią formulę išvedė atlikdami eilę eksperimentų, kurių metu jie ignoruodami tiesioginį naudotojo a pasitikėjimą naudotoju c tyrinėjo kelius, jungiančius šiuos du naudotojus. Lygindami taikant išskaidymą (angl. propagation) gautus įverčius su tikromis pasitikėjimo reikšmėmis jie pastebėjo, kad:

- trumpesni išskaidymo keliai leidžia apskaičiuoti tikslesnius pasitikėjimo įverčius
- keliai su didesnėmis pasitikėjimo reikšmėmis taip pat leidžia apskaičiuoti didesnius pasitikėjimo įverčius

Remiantis pirmu pastebėjimu buvo sugalvota, kad reikia apriboti kelio ilgį tarp naudotojų. Nustčius fiksuotą kelio ilgį gali atsitikti taip, kad tik maža dalis naudotojų gali būti pasiekiami. Dėl šios priežasties nustatytas kintamas galimas kelio ilgis - ilgiausias kelias, reikalingas sujungti tikslinį

naudotoją su naudotoju, įvertinusi elementą i .

Atsižvelgdami į kitą pastebėjimą (apie didesnes pasitikėjimo reikšmes vedančias prie tikslesnių įverčių) autoriai siūlo apriboti informaciją taip, kad ji būtų gaunama tik iš patikimiausių naudotojų. Tačiau čia vėl reikia pastebėti, kad skirtingi žmonės turi skirtingas pasitikėjimo skales - vienas gali pasitikėti visais, kitas - beveik niekuo. Be to, dažnai būna taip, kad mažai kelių turi tokią pačią pasitikėjimo reikšmę. Dėl šių priežasčių Golbeck nusprendė įvesti reikšmę, atspindinčią kelio stiprumą (t.y. mažiausią pasitikėjimo reitingą kelyje) ir apskaičiuoti maksimalų kelio stiprumą max (iš visų kelių, vedančių prie elementą vertinusių naudotojų), kuris po to naudojamas kaip slenkstis dalyvavimui algoritme.

$$t_{a,u} = \frac{\sum_{v \in WOT^+(a)} t_{a,v} t_{v,u}}{\sum_{v \in WOT^+(a)} t_{a,v}} \quad (13)$$

(13) pateikta TidalTrust formulė. Joje $WOT^+(a)$ atspindi naudotojų aibę, kuriems naudotojo a pasitikėjimo jais reikšmė viršija slenkstį max .

Šis algoritmas yra rekursinis - $t_{a,u}$ rekursiškai skaičiuojamas, kaip svertinis pasitikėjimo reikšmių $t_{v,u}$ vidurkis. Šis algoritmas priklauso laipsniškų pasitikėjimo algoritmų klasei ir yra lokalaus pasitikėjimo metrikos pavyzdys.

Golbeck parodė, kad pasitikėjimu pagrįstas svertinis vidurkis kartu su TidalTrust nebūtinai visada yra pranašesnis už BF, tačiau duoda žymiai geresnius įverčius naudotojams, kurie nesutinka su vidutiniu elemento i reitingu.

1.2.2.2. MoleTrust

$$p_{a,i} = \bar{r}_a + \frac{\sum_{u \in R^T} t_{a,u} (r_{u,i} - \bar{r}_u)}{\sum_{u \in R^T} t_{a,u}} \quad (14)$$

(14) formulė - Massa [11] pasiūlyto rekomendacijų algoritmo pagrindas. Ši metrika susideda iš dviejų žingsnių:

- pirmame žingsnyje pašalinami pasitikėjimo tinkle esantys ciklai
- antrame žingsnyje atliekamas pasitikėjimo apskaičiavimas

Ciklų pašalinimo esmė ta, kad kiekvienas naudotojas tinkle būtų aplankytas tik kartą siekiant didesnio efektyvumo vykdant išskaidymą (angl. propagation). Ciklų pašalinimu transformuojame pradinį tinklą į kryptinį beciklį grafą. Tuomet pasitikėjimo prognozę $t_{a,u}$ galime rasti atlikdami paprastą grafo apėjimą - visų pirma, randamas pasitikėjimas naudotojais, iki kurių atstumas lygus

1, tada pasitikėjimas tais, iki kurių atstumas 2 ir taip toliau. Verta pastebėti, kad pasitikėjimo naudotoju, esančių atstumu x priklauso nuo anksčiau apskaičiuotų pasitikėjimo reikšmių naudotojams esantiems atstumu $x - 1$.

Pasitikėjimas naudotojais, esančiais atstumu didesniu nei 1 skaičiuojamas panašiu būdu, kaip (13). TidalTrust naudotojas yra pridedamas prie $WOT^+(a)$ tada ir tik tada, jeigu jis yra trumpiausiame kelyje nuo naudotojo a iki elemento i . MoleTrust atveju $WOT^+(a)$ apima visus naudotojus, kurie įvertino tam tikrą elementą ir gali būti pasiekti pasitikėjimo tinklu per ne daugiau kaip d žingsnių. Parametras d vadinamas išskaidymo horizontu. Kitas MoleTrust parametras - pasitikėjimo slenkstis, kuris TidalTrust algoritme buvo apibrėžtas kaip dinamiška max reikšmė. MoleTrust pasitikėjimo slenkstis - fiksuotas dydis.

MoleTrust taip pat priklauso laipsniškų lokalių pasitikėjimo metrikų klasei. Algoritmo autoriai eksperimentu parodė, kad MoleTrust randa geresnius pasitikėjimo įverčius nei globalios pasitikėjimo metrikos, tokios kaip naudojamos pavyzdžiui eBay, ypač kai kalba eina apie kontroversiškus naudotojus, kuriuos dalis vertina kaip labai patikimus, o kita dalis - labai nepatikimus. Autoriai taip pat parodė, kad šis algoritmas išgauna tikslesnes prognozes naujiems naudotojams.

1.2.2.3. Pasitikėjimu pagrįstas svoris

Šis metodas pristatytas [12] naudoja vartotojo ir tiekėjo sąvokas. Reitingo prognozė skaičiuojama panašiai kaip (2):

$$c(i) = \bar{c} + \frac{\sum_{p \in P(i)} (p(i) - \bar{p})w(c,p,i)}{\sum_{p \in P(i)} |w(c,p,i)|} \quad (15)$$

$w(c,p,i)$ yra panašumo ir pasitikėjimo harmoninis vidurkis

$$w(c,p,i) = \frac{2(sim(c,p))(trust(p,i))}{sim(c,p) + trust(p,i)} \quad (16)$$

čia c - vartotojas (angl. consumer), p - gamintojas (angl. producer), i - elementas, $sim(c,p)$ - panašumas tarp vartotojo ir gamintojo. $trust(p,i)$ matuoja kiek c gali pasitikėti p elemento i vertinimu ir yra randamas taip:

$$trust(p,i) = \frac{|\{(c_k, i_k) \in CorrectSet(p) : i_k = i\}|}{|\{(c_k, i_k) \in RecSet(p) : i_k = i\}|} \quad (17)$$

Šis reiškinys rodo, kokia dalis naudotojo p rekomendacijų būna teisinga. Taip randamas pasitikėjimas vadinamas profilio lygio pasitikėjimu (angl. profile-level trust).

2. Pasitikėjimu pagrįstos rekomendacinės sistemos modeliavimas ir siūlomi metodai

Šio darbo tyrimo objektas - naujos tinklinių programų kartos atstovė - socialinė RS. Ji generuoja prognozes (rekomendacijas) apie naudotojams galinčius patikti elementus iš tam tikros, paprastai labai didelės aibės, remdamosis tarpusavio naudotojų santykiu. Sihna ir Swearingen [19] palygino RS ir draugų suteiktas rekomendacijas ir parodė, kad žmonės labiau pasitiki rekomendacijomis gautomis iš pažįstamų žmonių nei iš sistemos, veikiančios juodos dėžės (angl. black box) principu. Šis tyrimo rezultatas kartu su žinojimu, kad socialiniai tinklai vis populiarėja, o besinaudojančiųjų skaičius perkopia milijardą, lemia vis didesnę susidomėjimą pasitikėjimu pagrįstomis RS.

Tokiose sistemose naudotojas gauna rekomendaciją elemento, turinčio aukštą įvertinimą naudotojo WOT - pasitikėjimo tinkle (angl. web of trust). Pagrindiniai tokių sistemų įrankiai yra agregavimo (angl. aggregation) ir propagavimo (angl. propagation) operatoriai. Propagavimo operatorius taiko pasitikėjimo tranzityvumo prielaidą - jeigu naudotojas u_1 pasitiki naudotoju u_2 , o u_2 pasitiki u_3 , tai u_1 pasitiki u_3 . Agregavimo operatorius apjungia kelis pasitikėjimo įverčius į vieną.

Tikimybinio požiūriu pasitikėjimas gali įgyti tik dvi reikšmes - arba kitu naudotoju galima pasitikėti (su tikimybe p), arba ne. Kitas, labiau įtikinantis ir panašesnis į realybę, yra laipsniškas požiūris, teigiantis, kad galima pasitikėti arba nepasitikėti tik iš dalies. Šiuo požiūriu pasitikėjimas nėra vertinamas kaip tikimybė, didesnė reikšmė tiesiog reiškia didesnę pasitikėjimą. Čia galima pastebėti ir analogiją su realiu gyvenimu - vienais žmonėmis pasitikime daugiau, kitais mažiau.

Tranzityvumo prielaida yra teisinga tik tame pačiame kontekste (toliau - srityje). Jeigu u_1 pasitiki u_2 kai kalbama apie automobilius, o u_2 pasitiki u_3 sodininkystės klausimais, nieko negalėsime pasakyti apie u_1 pasitikėjimą u_3 kompiuterijos žiniomis.

Šiame darbe siūlomi metodai remiasi nauju duomenų aplinkos interpretavimu. Iki šiol buvo kalbėta apie sistemas, kuriose naudotojai turi kitiems naudotojams priskyrę tam tikrus skaitinius pasitikėjimo įverčius. Šiame darbe siūloma praplėsti šį apibrėžimą iki bendresnio atvejo, kuriame galimos kelios pasitikėjimo sritys, taigi vienas naudotojas kitam gali priskirti kelis įverčius pagal pasitikėjimo sritis, kitaip tariant, vienas vartotojas kitam priskiria pasitikėjimo vektorių. Taip pat, tinklo dalyviai gali būti tarpusavyje susiję ir be išreikšto pasitikėjimo įverčio, tai yra pasitikėjimas traktuojamas kaip neprivalomas esamo santykio atributas. Tada santykį tarp bet kurių u_1 ir u_2 , galime užrašyti kaip $r_{u_1}(u_2) = (e_{u_1}(u_2), t_{u_1}(u_2))$, $e_{u_1}(u_2) \in \{0,1\}$, $t_{u_1}^k(u_2) \in [0,1]$, kur $k = 1, \dots, N$, o N - pasitikėjimo sričių skaičius. e rodo ar tinklo dalyviai turi ryšį, o $t_{u_1}(u_2)$ rodo naudotojo

u_1 pasitikėjimą naudotoju u_2 , kuris, kai $e = 0, t_{u_1}(u_2) = \emptyset$. Pačias pasitikėjimo sritis žymėsime T_1, T_2, \dots, T_N .

Šiame tyrime daroma prielaida, kad pasitikėjimo įverčius naudotojai vieni kitiems priskiria rankiniu būdu, remdamiesi savo subjektyvia nuomone apie kitų naudotojų patikimumą. Nors realioje sistemoje tokia prielaida, ko gero, nepasiteisintų, ši problema galėtų būti sprendžiama tyrime iš žmogaus ir kompiuterio sąveikos projektavimo požiūrio taško. Toks projektavimas, be abejo, priklausytų nuo aplinkos, kurioje norime įgalinti naudotojus išreikšti vienų kitais pasitikėjimą. Sprendimas galėtų būti pavyzdžiui toks:

- naudotojas atsidaro kito naudotojo apžvalgą
- sistema pastebi, kad naudotojas u_1 skaito jau trečią apžvalgą, kurią parašė u_2
- sistema primena anksčiau skaitytas apžvalgas ir paklausia, kiek jis pritaria naudotojui u_2
- jei naudotojas atsako, pasitikėjimo įvertis išsaugojamas

Kitas scenarijus yra, kai norime priskirti pasitikėjimą ne apžvalgininkui, o kitam asmeniui (pavyzdžiui, draugui). Tuomet galima tiesiog nueiti į to asmens anketą ir joje užpildyti pasitikėjimo įvertį (skalėje nuo 1 iki 5). Jeigu žinomas panašumo įvertis sim , galima inicializuoti pasitikėjimą šiuo įverčiu ir esant progai paklausti naudotojo, ar jo pasitikėjimas naudotoju v yra lygus sim . Toks metodas ypač aktualus, kai kalbama apie kelių pasitikėjimo sričių RS ir norime žinoti pasitikėjimus kiekvienoje jų. Šių ir kitų duomenų išgavimo būdų efektyvumo patvirtinimas arba paneigimas neįeina į šio darbo apimtį.

2.1. RS vertinimas

2.1.1. Vertinimo metrikos

Šio tyrimo tikslas – ištirti pasiūlytų metodų efektyvumą ir tikslumą sprendžiant šalto starto problemą rekomendacinėse sistemose. Tikslumas vertinamas naudojant ”išimk vieną” metodą, kurio esmė tokia - iš duomenų išimamas vienas reitingas ir tada bandoma jį prognozuoti remiantis likusiais sistemos duomenimis. Tada tikslumas matuojamas taikant vieną iš šių matavimo būdų:

- Vidutinė absoliuti klaida (angl. mean absolute error) skaičiuoja visų prognozės klaidų vidurkį. Ši metrika ne visiškai atspindi RS tikslumą, nes taip pat vertina ir daug duomenų turinčius ir šalto starto naudotojus.

$$MAE = \sqrt{\frac{1}{|T|} \sum_{(u,i) \in T} |\hat{r}_{ui} - r_{ui}|} \quad (18)$$

Kadangi mažai duomenų turintiems naudotojams tikslumas gali būti mažesnis, Massa ir Avesani pasiūlė kitą metriką, kuri suvienodina vieno naudotojo reikšmę vertinant vidutinę klaidą - vidutinę absoliučią naudotojo klaidą.

- Vidutinė absoliuti naudotojo klaida (angl. mean absolute user error) skaičiuojama kiekvienam naudotojui atskirai, o tada randamas tų klaidų vidurkis.
- Kvadratinė vidutinė klaida (angl. root mean squared error) - viena populiariausių metrikų, panaši į vidutinę absoliučią klaidą

$$RMSE = \sqrt{\frac{1}{|T|} \sum_{(u,i) \in T} (\hat{r}_{ui} - r_{ui})^2} \quad (19)$$

Kitas vertinimo kriterijus - ypač svarbus, kai kalbama apie šaltą startą - padengimas (angl. coverage). Pagrindinė mintis - palyginti reitingų, kuriuos algoritmas sugebėjo įvertinti taikant "išimk vieną" metodą, skaičių su visų sistemoje esančių reitingų skaičiumi. Toks palyginimas vadinamas reitingų padengimu. Naudotojo padengimas lygina keliems naudotojams algoritmas sugebėjo prognozuoti bent vieną reitingą su skaičiumi naudotojų, kurie yra priskyrę reitingą bent vienam elementui.

Vertidami metodus skyriuje apie sričių panašumą naudosime tokį vertinimo kriterijų rinkinį - MAE , $MAUE$, $RMSE$, reitingų padengimą - RC , naudotojų padengimą - UC .

2.1.2. Duomenų rinkinio skaidymas

Tam, kad galėtume ištirti metodo efektyvumą skirtingiems naudotojų tipams. Išskiriame du įdomius naudotojų tipus:

- Šalto starto naudotojai - tie, kurie yra įvertinę 3 arba mažiau elementų.
- Ryžtingi naudotojai - tie, kurie turi daugiau reitingų, tačiau jie yra pasiskirstę plačiai apie vidurkį. Tokiais laikysime naudotojus, kurių reitingų standartinis nuokrypis didesnis nei 1.5.

2.2. Bendrų kaimynų metodas

2.2.1. Epinions.com duomenų rinkinys

Dalis tyrimo (nereikalaujanti duomenų apie naudotojų tarpusavio pasitikėjimą kategorijų lygmenyje) buvo atlikta naudojant viešai prieinamą Epinions.com duomenų rinkinį [Massa, Avesani]. Šio duomenų rinkinio struktūra tokia:

- naudotojai
 - naudotojo id
- reitingai
 - naudotojo id
 - elemento id
 - reitingas
- pasitikėjimai
 - naudotojo id
 - naudotojo id

Duomenų rinkinį sudaro 132000 naudotojų, kurie išreiškė 717667 pasitikėjimus. 85000 naudotojų turi priskirtą sau bent vieną pasitikėjimo reitingą. Sistemoje yra 1560144 elementų, naudotojai juos yra įvertinę iš viso 13668319 kartų.

Šis duomenų rinkinys naudojamas tyrime apie bendrų kaimynų metodą, nes jame naudotojo ryšių grafas nėra visiškai atsitiktinis (jis toks yra kitame skyrelyje sugeneruotame duomenų rinkinyje). Tai svarbu, nes bendrų kaimynų metodas daro stiprią prielaidą apie tai, kad naudotojai "buriasi" apie tam tikrą interesų sritį. Plačiau apie tai bus aprašyta skyriuje apie bendrų kaimynų metodą.

Naudojant Epinions.com duomenų rinkinį buvo taikomas paprastas BF metodas. Jo rezultatai pateikti lentelėje

1 lentelė. Bazinio metodo taikymo rezultatai

	<i>MAE</i>	<i>MAUE</i>	<i>RMSE</i>
Pyrsono koreliacija	0.859	0.889	1.031
Spearmano koreliacija	0.860	0.892	1.04
Kosinuso panašumas	0.902	0.923	1.063

Ši lentelė bus naudojama kaip atskaitos taškas metodo apie sričių panašumą rezultatų vertinimui.

Pastebėta, kad taikant Pyrsono ir Spearmano koreliaciją gauti rezultatai labai panašūs, kosinuso panašumo - prastesni. Dėl šios priežasties toliau bus naudojama tik Pyrsono koreliacija.

2.2.2. Metodas

Bendrų kaimynų metodas remiasi egzistuojančiais ryšiais, kurie nurodo, kad tinklo dalyviai apskritai yra kažkaip susiję. Nors prielaidą, kad galima pasitikėti žmogumi, kuris yra kažkuriuo būdu pažįstamas, pagrįsti gana sunku, neturint jokių kitų duomenų tai yra galimybė pasiūlyti elementą, kuris buvo populiarus naudotojo kaimynystėje.

Šioje vietoje verta prisiminti šalto starto problemą - turime naują naudotoją, apie kurį nežinoma nieko, išskyrus jo socialinį santykį su kitais naudotojais, apie kuriuos jau yra sukaupęs tam tikras kiekis informacijos. Kadangi naudotojas yra visiškai naujas, jo santykis su visais kitais sistemos vartotojas aprašomas taip: $r_{u_1}(x) = (e_{u_1}(x), t_{u_1}(x))$, kur $e_{u_1}(x) \in \{0,1\}$, $t_{u_1}(x) = \emptyset$, $\forall x \in U$. Turint tokius duomenis, vienas galimų būdų išgauti vertingos informacijos apie naudotojo pirmenybes - taikyti bendrų kaimynų metodą. Verta paminėti, kad šis metodas turi atjungtinę (angl. offline) fazę, kurios metu atliekamas duomenų apdorojimas ir sudaromas modelis.

Jeigu norime nustatyti pasitikėjimo įvertį tarp naudotojų u ir v , kuriems $e_u(v) = 1$, taikome įprastus, anksčiau aptartus pasitikėjimo propagavimo ir agregavimo operatorius. Tačiau lieka klausimas kaip elgtis atveju, kai $e_u(v) = 0$, kur $v \in U$, t.y. neturime pakankamai informacijos apie naudotojų santykį, kad galėtume kažką rekomenduoti. Toliau siūlomas algoritmas remiasi bendrais kaimynais - net ir nesant tiesioginiam ryšiui tarp dviejų naudotojų, galime kalbėti apie jų santykį per kitus naudotojus. Reikia paminėti, kad bendrų ryšių neturėjimas nereiškia skirtingumo - šis metodas skirtas tik pasitikėjimo radimui; kaip buvo aptarta anksčiau informacijos neturėjimas nėra lygus nepasitikėjimui.

Pirmos fazės metus sudaroma bendrų ryšių skaičiaus matrica. Ji atrodo taip:

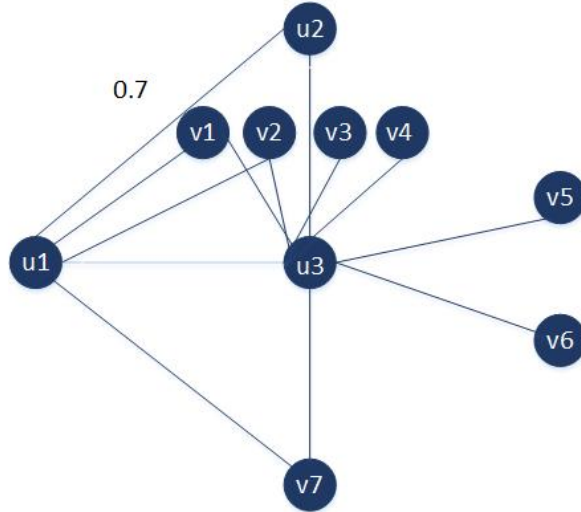
$$\begin{bmatrix} |r(u_1)| & |br(u_1, u_2)| & |br(u_1, u_3)| & \dots & |br(u_1, u_n)| \\ |br(u_2, u_1)| & |r(u_2)| & |br(u_2, u_3)| & \dots & |br(u_2, u_n)| \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ |br(u_n, u_1)| & |br(u_n, u_2)| & |br(u_n, u_3)| & \dots & |r(u_n)| \end{bmatrix}$$

čia $r(u_n)$ žymi naudotojo u_n ryšius, o $br(u_m, u_n)$ - naudotojų u_m ir u_n bendrus ryšius. Turėdami tokią matricą ir tarpusavio pasitikėjimus, galime prognozuoti pasitikėjimą naudotojams, kurie yra visiškai nauji. Kitaip tariant, galime įvertinti $t_{u_j}(x)$, $\forall x \in U \setminus \{u_j\}$ ir $\exists u_k : u_k \in br(u_j, u_k) \cup br(u_k, u_l)$, $t_{u_k}(u_l) \neq \emptyset$. Tokiu atveju, pasitikėjimas "beveik" propaguoja iki norimo naudotojo, trūksta tik vieno pasitikėjimo įverčio propagavimo kelyje. Natūralu, kad turimą nepilno kelio pasitikėjimo įvertį reikia sumažinti. Norėdami sužinoti kiek - atliekame bendrų kaimynų analizę - jei santykis tarp bendrų kaimynų skaičiaus ir ryšių skaičiaus didelis - mažiname nestipriai, t.y.

pasitikėjimas artimas 1, o jeigu santykis labai mažas, priešingai, pasitikėjimas artimas 0 ir kelias yra ignoruojamas. Jis galėtų būti randamas remiantis tokia taisykle -

$$\frac{br(u,v)}{\min(r(u), r(v))} \quad (20)$$

Idealiu atveju, jeigu du naudotojai neturi tarpusavio ryšio ir jų abiejų ryšių aibė yra vienoda, ši taisyklė teigia, kad naudotojų tarpusavio pasitikėjimas lygus 1.



1 pav. Ryšių grafo fragmentas

1 pav. pavaizduotas socialinio tinklo fragmentas, kuriame žinomas tik u_2 pasitikėjimas u_1 , kuris šiame pavyzdyje yra lygus 0.7. Tarkime, kad norime įvertinti $t_{u_3}(u_1)$. Iš grafo matosi, kad $r(u_1) = 4$, $r(u_3) = 7$ ir $br(u_1, u_3) = 3$ (u_1 turi ryšį su 4 naudotojais, u_1 - su 7, o šių naudotojų bendrų ryšių skaičius - 3). Žinodami, kad $t_{u_2}(u_1) = 0.7$, galime teigti, kad $t_{u_3}(u_1)$ tikrai nebus didesnis nei $t_{u_2}(u_1)$, nes trūkstamas propagavimo kelio pasitikėjimo įvertis $t_{u_3}(u_2)$ nebus didesnis už 1. Jį galima įvertinti jau minėta taisykle 20. Kitas būdas - spręsti skaitinės prognozės uždavinį. Naudojant mokymo duomenis būtų galima įvertinti sąryšį tarp bendrų ryšių skaičiaus ir pasitikėjimo įverčio. Mokymo duomenys – matrica pavidalo

$$[R_1, R_2, BR, Y]$$

Čia

$$R_1 = \frac{\text{dviejų naudotojų, sujungtų pasitikėjimo ryšiu, bendrų ryšių skaičius}}{\text{naudotojo, kuris pasitiki kitu naudotoju ryšių skaičius}} \quad (21)$$

ir

$$R_2 = \frac{\text{dviejų naudotojų, sujungtų pasitikėjimo ryšiu, bendrų ryšių skaičius} | \text{dviejų n}}{\text{naudotojo, kuriuo pasitiki kitas naudotojas ryšių skaičius} | \text{naudotoj}} \quad (22)$$

o Y - priklausomas žinomo pasitikėjimo įverčio tarp jų vektorius. Tyrime, siekiant nustatyti Y priklausomybę nuo R_1 ir R_2 taikoma tiesinė regresija. Rezultatai pristatyti kitame skyrelyje.

2.2.3. Rezultatai

Metodų efektyvumą sprendžiant šalto starto problemą vienareikšmiškai įvertinti ir palyginti neįmanoma dėl to, kad kiekvienas metodas taikomas skirtingose situacijose. Bendrų kaimynų metodą prasmingiausia taikyti, kai žinomi tik naudotojo ryšiai su kitais naudotojais. Dėl to, kad ši informacija nėra išgaunama iš tikrų reitingų, šio metodo tikslumas gali būti mažesnis negu tradicinio bendradarbiavimo filtravimo.

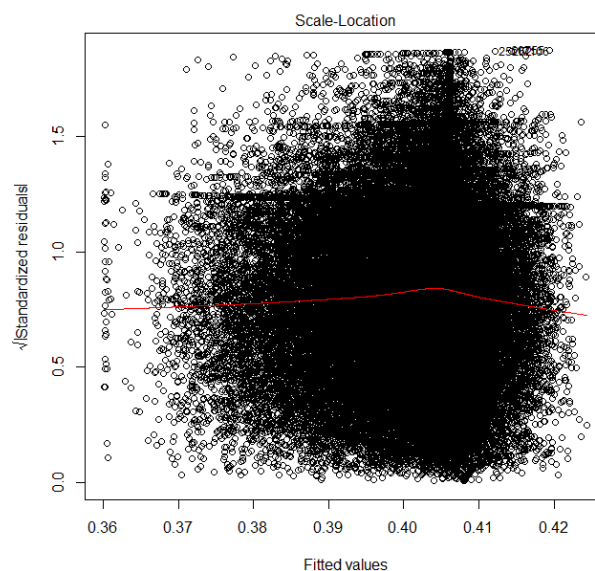
Taikant bendrų kaimynų metodą, yra svarbūs naudotojų ryšių ir bendrų ryšių skaičiai. Buvo sudaryta duomenų matrica pavidalo $[R_1, R_2, Y]$, kur R_1 ir R_2 - naudotojų u_1 ir u_2 bendrų tarpusavio ryšių skaičiaus santykis su naudotojų u_1 ir, atitinkamai, u_2 ryšių skaičiumi, o Y - prognozuojamas pasitikėjimas. Mokymo imtį sudaro naudotojų 201542 poros, kurioms duomenų paruošimo etape pavyko įvertinti panašumą ir kurios turi vieną arba daugiau bendrą ryšį. Šiems duomenims pritaikius tiesinę regresiją, gauta tokia formulė:

$$y = 0.046 \times r_1 + 0.021 \times r_2 + 0.406 \quad (23)$$

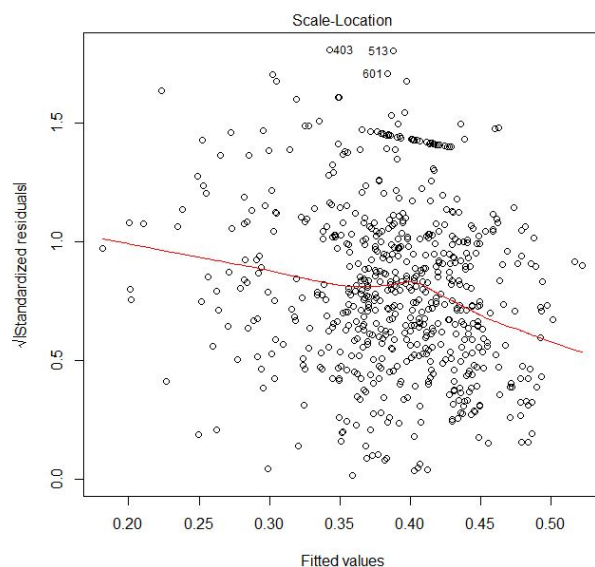
Akivaizdu, kad koeficientai (rodantys priklausomybę) yra gana maži - artimi nuliui. Tai rodo, kad pirminė prielaida apie sąryšį tarp pasitikėjimo ir bendrų ryšių skaičiaus - naudotojo ryšių skaičiaus santykio šioms duomenims nepasitvirtino. Tačiau parinkę kitokią naudotojų imtį - tokią, apie kurią turime daugiau informacijos, šiuo atveju su didesniu bendrų ryšių skaičiumi, gauname kiek kitokią vaizdą. Parinkę naudotojų poras, kurios turi daugiau negu 150 bendrų ryšių (tokių yra 634), gauname tokią formulę:

$$y = 0.356 \times r_1 + 0.366 \times r_2 + 0.0644 \quad (24)$$

Iš tiesų tokia imtis aiškiau leidžia įžvelgti priklausomybę tarp bendrų ryšių. Rezultatai rodo, kad tiek r_1 , tiek r_2 yra vienodai svarbūs. Pav. 2 pavaizduotame grafike matosi prognozės ir šaknies iš standartizuotų liekanų taškinė diagrama. Dėl mažų regresijos koeficientų pasitikėjimo prognozės yra išsidėsčiusios mažame intervale, o liekanos - gana didelės. Prognozės tikslumas mažiausias



2 pav. Pasitikėjimo prognozių ir standartizuotų liekanų taškinė diagrama



3 pav. Pasitikėjimo prognozių ir standartizuotų liekanų taškinė diagrama daugiau nei 150 bendrų ryšių turinčioms naudotojų poroms

apie vidurkį - tai yra toms naudotojų poroms, kurios turėjo mažą bendrų - savo ryšių skaičiaus santykį, tai yra tiems, apie kuriuos buvo žinoma mažiausiai. Pav. 3 vaizdas kiek kitoks. Naudotojų poroms, kurioms prognozuotas mažesnis pasitikėjimas pastebimas mažesnis prognozės tikslumas. Kuo mažesnis pasitikėjimas prognozuojamas, tuo yra mažesnis bendrų draugų skaičiaus ir draugų skaičiaus santykis. Kaip ir tikėtasi, prognozė geriausiai veikia naudotojams, kurie turi didžiausias r_1 ir r_2 reikšmes.

Remiantis gautomis formulėmis buvo įvertintas pasitikėjimas, o tuomet pritaikius bendradarbiavimo filtravimą, naudojant gautus įverčius, prognozuoti naudotojų įvertinimai. Rezultatai lyginami su rezultatais, gautais taikant bendradarbiavimo filtravimą pradiniais pasitikėjimo duomenimis. Imtis - atsitiktinai parinkta 2000 naudotojų aibė.

2 lentelė. Bendrų kaimynų metodo taikymo rezultatai

Metodas taikomas pasitikėjimui rasti	<i>MAE</i>	<i>MAUE</i>	<i>RMSE</i>
Pasitikėjimas (Pyrsono koreliacija)	0.902	0.913	1.167
Pasitikėjimo prognozė taikant 23	0.913	0.905	1.182
Pasitikėjimo prognozė taikant 24	0.8900	0.91329	1.114

Skirtumas tarp *MAE* ir *RMSE* rezultatų gautų taikant bendrų kaimynų metodą nuo bazinių rezultatų skiriasi nežymiai. Geriausi rezultatai pagal *MAE* ir *RMSE* gauti naudojant prognozę, sudarytą remiantis daugiausiai ryšių turinčių naudotojų imtimi. Šiek tiek didesnis *MAUE* skirtumas. Taip yra dėl to, kad naudotojai turi nevienodą skaičių reitingų ir *MAUE* atsižvelgia į tai. Vadinasi, bendrų kaimynų metodas sudarė prognozes mažiau reitingų turėjusiems naudotojams su mažesniu tikslumu negu bazinis bendradarbiavimo filtravimo metodas.

Apibendrinant galima pasakyti, kad hipotezė apie pasitikėjimo priklausomybę nuo bendrų ryšių skaičiaus nepasitvirtino. Taip yra dėl to, kad modelis neatsižvelgia į tai, kad daug pasitikėjimo ryšių yra tiesiog atsitiktiniai - vienam naudotojui patiko kito naudotojo nuomonė apie vieną elementą ir jis pažymėjo, kad juo pasitiki. Tačiau galime būti tikri, kad atsiras daug elementų dėl kurių nuomonė nesutaps. Ypač tai aktualu, kai kalbame apie visai kitokius elementus, nei tas, remiantis kuriuo buvo nuspręsta pasitikėti - elementus, priklausančius kitoms kategorijoms.

2.3. Sričių panašumo metodas

2.3.1. Rekomendacinės sistemos su pasitikėjimu kategorijose modeliavimas

Šiuo metu nėra tokio duomenų rinkinio, tinkančio atliekamam tyrimui apie RS, kurioje elementai priklauso kategorijoms ir naudotojai išreiškia pasitikėjimą kategorijose. Dėl šios priežasties dalis tyrimo skirta RS modelio sudarymui ir duomenų generavimui. Siekiama sukurti duomenų struktūrą, turinčią tokius elementus:

- Kategorijos
- Naudotojai
- Elementai (reitinguojami produktai) priklausančios kategorijoms
- Naudotojo tarpusavio pasitikėjimai kategorijose (tolydi reikšmė tarp 0 ir 1)
- Naudotojų reitingai, priskirti elementams

Toliau bus aprašyti kiekvieno iš elementų generavimo algoritmai.

2.3.1.1. Kategorijos

Kategorijų modeliavimas - pirmas algoritmo žingsnis. Juo siekiama apibrėžti ne tik kategorijas, kurioms gali priklausyti elementai bet ir kiekvieno elemento bruožus bei kiekvieno naudotojo pirmenybes. Dabar generuojami duomenys gali būti vertinami kaip filmų rekomendacinės sistemos duomenys. Apibrėžiame kategorijas:

- X_1 - drama
- X_2 - komedija
- X_3 - siaubo
- X_4 - trileris
- X_5 - fantastika

Toliau apibrėžiame, kiek kiekviena iš šių kategorijų yra susijusi su kitomis. Heuristiškai sudarome matricą:

3 lentelė. Kategorijų matrica SP1

Kategorijos	X_1	X_2	X_3	X_4	X_5
x_1	0.55	0.2	0.2	0.2	0.3
x_2	0.2	0.6	0.05	0.05	0.1
x_3	0.05	0.05	0.35	0.1	0.05
x_4	0.1	0.05	0.2	0.65	0.05
x_5	0.1	0.1	0.2	0	0.5

Čia X_1, \dots, X_5 žymime kategorijas, o x_1, \dots, x_5 kategorijas atitinkančius požymius. Taigi iš šios matricos galime teigti, kad pavyzdžiui:

- X_4 (trileris) yra gryniausias žanras, tai yra, turintis daugiausiai savo kategoriją atitinkančio požymio (kadangi turi didžiausią matricos įstrižainėje esančią reikšmę)
- X_3 (siaubo) - mažiausiai gryna kategorija (nes bruožų pasiskirstymas yra tolygiausias)
- X_4 kategorija neturi x_5 bruožo (trileris neturi fantastikos bruožų)

Akivaizdu, kad šie teiginiai yra subjektyvūs. Didesnio objektyvumo galima pasiekti, pavyzdžiui, atliekant apklausas.

Atkreipkite dėmesį - tai tik pavyzdys, tyrimo eigoje bus atlikta eksperimentų su RS, kurios bus

apibrėžtos kitomis kategorijų matricomis.

Ši matrica bus naudojama generuojant elementus. Nuo to, kokie yra elementai priklauso tai, kaip juos vertina naudotojai, o nuo to priklauso ir tai, kaip naudotojai vertinas vienas kito patikimumą. Taigi, ši matrica - RS duomenų generavimo pagrindas.

2.3.1.2. Naudotojai

Naudotojas apibrėžiamas kaip vektorius $(y_1, y_2, y_3, y_4, y_5, q)$, kur $\sum_{i=1}^5 y_i = 1$ ir $q \in [0,1]$. y_1, y_2, y_3, y_4, y_5 reiškia naudotojo pirmenybes - kiek svarbus jam yra tam tikras bruožas elemente. q - kokybės parametras rodo, kiek naudotojas yra jautrus elemento kokybei. Kokybės parametro motyvacija tokia - net jei žmogui apskritai nepatinka siaubo filmai, labai tikėtina, kad egzistuoja bent vienas kurį jis vertintų labai gerai (dėl to, kad tas filmas yra aukštos kokybės ir patinka daugumai žmonių).

Praktiškai algoritmas realizuojamas taip:

- sugeneruojame 5 atsitiktinius skaičius tarp 0 ir 1 (naudojant tolygų skirstinį)
- randame jų sumą
- kiekvienam bruožui priskiriame reikšmę lygią pirmame žingsnyje sugeneruotai reikšmei padalintai iš visų reikšmių sumos
- kokybės parametrai priskiriame atsitiktinę reikšmę tarp 0 ir 1

Taip užtikriname, kad naudotojai yra tikrai atsitiktiniai ir įvairūs pirmenybių prasme - naudotojui gali patikti tiek siaubo filmai, tiek komedijos, nors tarp šių kategorijų panašumo nėra.

2.3.1.3. Elementai

Elementas apibrėžiamas vektoriumi $(c, z_1, z_2, z_3, z_4, z_5, q)$. Čia c nurodo, kuriai kategorijai priklauso elementas, parametrai z_1, z_2, z_3, z_4, z_5 rodo, kiek elementas pasižymi kiekvienu bruožu, o q - kokybės parametras. Generuojant elementus negalime taikyti tokio paties metodo, kaip naudotojo atveju, nes elementas priklauso vienai kategorijai, o tai reiškia, kad bruožų reikšmės negali būti visiškai atsitiktinės. Jas generuojame pasinaudodami normaliuoju skirstiniu su vidurkiu lygiu reikšmei gautai iš kategorijų matricos, aprašytos skyrelyje apie kategorijas ir parinkta dispersija (tokia, kad duomenys būtų panašūs į realius - parinkus per didelę dispersiją rezultatai gaunasi labai triukšmingi). Vidurkis parenkamas taip: pažiūrėję į c reikšmę atfiltruojame kategoriją (stulpelį). Tada turime vidurkių, naudojamų generuojant z_1, z_2, z_3, z_4, z_5 , vektorių. Kokybės parametras, kaip

ir naudotojo atveju, parenkamas atsitiktinai pagal normalųjį skirstinį su vidurkiu 0.6 ir dispersija lygia 0.4. Jei sugeneruota reikšmė didesnė už 1 arba mažesnė už 0, ji priskiriama 1 arba 0 atitinkamai.

2.3.1.4. Reitingai

Naudotojo reitingai elementams generuojami naudojant naudotojo pirmenybes ir reiklumo kokybei parametą bei atitinkamus produkto parametrus. Siekiama, kad jų pasiskirstymas būtų kuo artimesnis tikrovei, tai jie nebūtų pasiskirstę galimų reikšmių kraštuose ir nebūtų pernelyg vienodi. Sugeneruotų duomenų charakteristikos bus pateiktos kitame skyrelyje.

Kiekvienam naudotojui parenkamas atsitiktinis įvertintų elementų skaičius naudojant atsitiktinį dydį pasiskirsčiusį pagal normalųjį skirstinį su vidurkiu 30 ir dispersija 27. Parinkta didelė dispersija užtikrina, kad duomenys bus artimesni tikriems - Epinions.com duomenų rinkinyje vieno naudotojo įvertintų elementų skaičius svyruoja nuo 0 iki 655. Kiekvienam atsitiktinai parinktam elementui generuojamas reitingas tokiu būdu:

$$r_u(p) = 5 \times ((1 - q_u) \sqrt{\text{pos}(\text{corr}(X_u, Y_p))} + q_u q_p) \quad (25)$$

čia

- $r_u(p)$ - naudotojo u reitingas elementui p
- q_u - naudotojo u kokybės reiklumo parametras
- q_p - elemento p kokybės parametras
- X_u - naudotojo u primenybių rinkinys
- Y_p - elemento p bruožų rinkinys
- $\text{pos}(x) - f[-1,1] - > [0,1]$

Idealiais atvejais, kai naudotojo reiklumas kokybei ir elemento kokybė lygi 1 arba naudotojo reiklumas kokybei lygus 0, tačiau elemento charakteristikos tobulai atitinka naudotojo pirmenybes, reitingas lygus 5. Tyrimo eigoje pastebėta, kad koreliacijos funkcijos įtaka pernelyg maža, todėl ji padidinama naudojant pasirinktą iškilią funkciją (šiuo atveju šaknis suteikia pageidaujamą efektą).

2.3.1.5. Pasitikėjimai

Pasitikėjimo reikšmės - svarbiausios prognozuojant reitingus, parodančios kokį svorį suteikti patikėtinio nuomonei apie elementą. Šiame tyrime naudotojai vieni kitais pasitiki kategorijos lygmenyje. Buvo išbandyti du pasitikėjimo reikšmių generavimo būdai.

Taikant pirmąjį būdą pasitikėjimas tarp dviejų naudotojų tam tikroje kategorijoje generuojamas lyginant naudotojų tarpusavio pirmenybes tos kategorijos atžvilgiu. Taigi pasitikėjimas kategorijoje X_1 tarp naudotojų $u(0.1, 0.2, 0.2, 0.5, 0, q_u)$ ir $v(0.2, 0.2, 0.2, 0.2, 0.2, q_v)$ randamas taip:

$$t_u(v) = \frac{\min(x_1^u, x_1^v)}{\max(x_1^u, x_1^v)} = \frac{0.1}{0.2} = 0.5 \quad (26)$$

Tokiu būdu rasti pasitikėjimai tenkina šias savybes:

- yra intervale tarp 0 ir 1
- nepriklauso nuo kategorijų skaičiaus

Tolimesnis tyrimas parodė, kad šis būdas nėra pakankamai geras. Pagrindinė to priežastis ta, kad vertinant pasitikėjimą tam tikroje kategorijoje naudojamas tik vienas (tą kategoriją atitinkantis) bruožas, o kategorijos savaime nėra vienalytės - jos turi įvairių bruožų, kurie aprašyti kategorijų matricoje.

Kitas būdas geresnis - jis, nors ir netiesiogiai, atsižvelgia į kategorijų matricą. Naudotojų, kurie pasitiki vienas kitu, poros ir kategorijos, kurioms generuojamas pasitikėjimas parenkami atsitiktinai, kaip ir anstesnio būdo atveju. Naudotojų porai pasitikėjimas generuojamas taip: parenkami n atsitikinių elementų iš atitinkamos kategorijos ir jiems generuojami abiejų naudotojų reitingai (kaip aprašyta ankstesniame skyrelyje). Turint abiejų naudotojų reitingų vektorius, galime rasti panašumą tarp jų taikant vieną iš panašumo metrikų. Šiuo atveju, taikyta Pyrsono koreliacija. Rastas panašumas transformuojamas taip, kad priklausytų intervalui tarp 0 ir 1, o tada prilyginamas pasitikėjimui. Taikant tokį metodą atsižvelgiama į visas kategorijų charakteristikas. Tai labai svarbu tolimesniam tyrimui, ypač panašumo tarp sričių įvertinimui, kuris nagrinėjamas tolimesniuose skyriuose.

2.3.1.6. Sugeneruoto duomenų rinkinio charakteristikos

Norint iliustruoti tam tikrus teigius apie taikytus metodu, praverčia duomenų rinkiniai su skirtingomis charakteristikomis. Pavyzdžiui, norėdami parodyti propagavimo metodų efektyvumą kitame skyriuje, pravers duomenų rinkinys su mažai duomenų apie pasitikėjimą (tai yra naudotojai

turės mažai patikėtinių). Tam, kad būtų aišku, koks duomenų rinkinys naudotas konkrečiu atveju, bus pateikta rinkinį apibūdinanti generavimo parametrų lentelė.

Elementų skaičius	300
Naudotojų skaičius	100
Naudotojo ryšių skaičiaus pasiskirstymas	N(10, 9)
Naudotojo įvertintų elementų skaičiaus pasiskirstymas	N(30,27)
Vertinamas bendrų elementų skaičius ieškant pasitikėjimo	12
Propagavimo metodas	Vidurkio
Kategorijų matrica	SP1

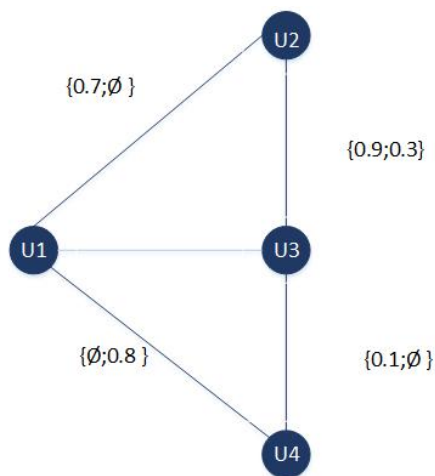
2.3.2. Metodas

Šalto starto sąvoka nėra vienareikšmiškai apibrėžiama - negalime iš anksto žinoti, kiek ir kokių reikia duomenų, kad situacija tenkintų apibrėžimą ir taikomas metodas veiktų kaip tikimasi. Ap-linkoje, apie kurią dabar rašoma, naudotojas gali būti šalto starto padėtyje, kai kalbame apie vieną sritį, tačiau kitoje srityje padėtis gali būti priešinga. Kitaip tariant, jeigu norime sužinoti, koks yra $t_u^2(v)$, ir žinome, kad naudotojo u pasitikėjimo naudotoju v srityje T_1 lygis yra 0.8, o sričių T_1 ir T_2 panašumas $\text{sim}(T_1, T_2) = 0.9$, nieko nežinodami apie naudotojų santykį T_2 klausimu, galime įvertinti jų tarpusavio pasitikėjimą tiesiog padauginę žinomos srities pasitikėjimo įvertį iš sričių tarpusavio panašumo įverčio.

Ši idėja yra pritaikoma ne tik šalto starto atveju, kai kalbama apie naudotoją, bet ir naujos srities šalto starto atveju. Socialinius tinklus pagal pasitikėjimo sričių daugialypiškumą galima išskirti į du tipus:

- daugiaprofilinius - juose galimos įvairios pasitikėjimo sritys - tokios, kurias galima surikiuoti pagal panašumą ir tarp pirmos bei paskutinės nėra jokio panašumo.
- specializuotos - juose pasitikėjimo sritys yra gana artimos. Tokio tinklo pavyzdys galėtų būti kino mėgėjų socialinis tinklas, o sritys - įvairūs žanrai.

Siūlomas metodas geriau veikia antrojo tipo atveju, kai sritys yra tarpuavyje panašios. Kai sritys pernelyg skirtingos, o panašumas mažas - panaudoti informaciją apie panašumą yra sudėtinga. Tarkime, kad turime situaciją pavaizduotą grafe 4, kuriame pateikti naudotojų tarpusavio pasitikėjimai t_1, t_2 , ir norime žinoti, kiek u_1 pasitiki v dėl T_2 . Tiesioginio būdo nėra, nes abiejuose galimuose keliuose - $u_1 - u_2 - v$ ir $u_1 - u_4 - v$ yra trūkstamų duomenų - pirmu atveju nežinome $t_{u_1}^2(u_2)$,



4 pav. Ryšių grafo fragmentas

antru - $t_{u_4}^2(v)$, tačiau matome, kad egzistuoja kelias $u_1 - u_2 - v$, pagal kurį galime įvertinti $t_{u_1}^1(v)$

$$t_{u_1}^1(v) = t_{u_1}^1(u_2) \times t_{u_2}^1(v) = 0.7 \times 0.9 = 0.63$$

Žinodami, kad sričių panašumas $s^d(T_1, T_2) = 0.9$, gauname

$$t_{u_1}^1(v) = t_{u_1}^1(v) \times s^d(T_1, T_2) = 0.63 \times 0.9 = 0.6048$$

Panašumą tarp sričių galime priskirti *ad hoc* arba įvertinti vienu iš šių būdų:

- Tarkime, kad turime naudotojų porų sąrašą ir jų tarpusavio pasitikėjimą (arba panašumą) pagal sritis. Tada:

$$sim(T_1, T_2) = \frac{\sum_{i=1}^n \frac{\min(t_{u_i}^1, t_{u_i}^2)}{\max(t_{u_i}^1, t_{u_i}^2)}}{n}$$

Kitas būdas:

$$s^d(T_1, T_2) = 1 - \frac{\sum_{i=1}^n [\max(t_{u_i}^1, t_{u_i}^2) - \min(t_{u_i}^1, t_{u_i}^2)]}{n}$$

- Taikyti vieną iš panašumo radimo metodų (Pyrsono, Spearmano koreliacija, kosinuso panašumas) turimiems pasitikėjimo (arba panašumo) duomenims. Verta pastebėti, kad šis metodas palyginus su anksčiau pasiūlytais yra griežtesnis ir grąžina mažesnę panašumą.

2.3.2.1. Pasitikėjimų pagrįstų RS metodai

Kai kalbama apie rekomendacines sistemas su socialinių tinklų duomenimis daugiausia tyrimų [kokių] atlikta nagrinėjant agregavimo ir propagavimo metodus, kurie remiasi prielaida apie pasiti-

kėjimo tranzityvumą. Šio tyrimo kontekste į šiuos metodus galima žiūrėti kaip į tam tikrą duomenų papildymo būdą prieš taikant sričių panašumo metodą. Tyrime bus taikomi keli algoritmai:

- Trumpiausio kelio algoritmas randa trumpiausią kelią tarp dviejų naudotojų ir randa pasitikėjimą tarp jų vienu iš šių operacijų pasitikėjimo įverčiams, esančiams pasitikėjimo kelyje:
 - daugyba - SHORTMULTI
 - aritmetinis vidurkis - SHORTARI
 - geometrinis vidurkis - SHORTGEO
- TidalTrust - išsamiai aprašytas literatūros apžvalgoje

2.3.3. Rezultatai

Šiuo eksperimentu siekiama ištirti sričių panašumo metodo efektyvumą. Tačiau be šio galutinio tikslo, taip pat galima paminėti ir tarpinius tikslus - išbandyti duomenų rinkinio generavimo algoritmą ir kitų žinomų metodų, naudojamų pasitikėjimų radimui, efektyvumą.

Eksperimentas atliktas naudojant du skirtingus generuotus duomenų rinkinius. Pirmas - duomenų rinkinys, aprašytas ankstesniame skyriuje. Jis pasižymi tuo, kad kategorijos yra gana skirtingos ir sričių panašumas yra mažas. Kitas duomenų rinkinys bus generuojamas naudojant kategorijų matricą, kurioje sritys yra tarpusavyje panašios.

2.3.3.1. Eksperimentas naudojant RS su skirtingomis kategorijomis

Ankstesniame skyrelyje sugeneruoto duomenų rinkinio charakteristikos yra tokios:

Šalto starto naudotojų skaičius	300
Ryžtingų naudotojų skaičius	100
Vidutinis reitingas	N(10, 9)
Reitingų standartinis nuokrypis	N(30,27)
Vidutinis pasitikėjimo įvertis	12

Šiam duomenų rinkiniui pagal nustatytus vertinimo kriterijus gauname tokius rezultatus:

4 lentelė. BF rezultatai taikomi RS duomenims

Duomenų rinkinio poaibis	MAE	MAUE	RMSE	RC	UC
Visi naudotojai	MAE	MAUE	RMSE	RC	UC
Šalto starto naudotojai	MAE	MAUE	RMSE	RC	UC
Ryžtingi naudotojai	MAE	MAUE	RMSE	RC	UC

Šis duomenų rinkinys buvo sugeneruotas parinkus tokius parametrus, kad jame egzistotų duomenų retumo problema. Tai matome iš nedidelių RC ir UC reikšmių. Egzistuojantis problemos sprendimo būdas - taikyti metodus, vertinančius naudotojų tarpusavio pasitikėjimą. Tam pačiam duomenų rinkiniui išbandyti keturi metodai, aprašyti ankstesniame skyrelyje.

5 lentelė. BF + SHORTMULTI rezultatai taikomi RS duomenims

Duomenų rinkinio poaibis	MAE	MAUE	RMSE	RC	UC
Visi naudotojai	MAE	MAUE	RMSE	RC	UC
Šalto starto naudotojai	MAE	MAUE	RMSE	RC	UC
Ryžtingi naudotojai	MAE	MAUE	RMSE	RC	UC

6 lentelė. BF + SHORTARI rezultatai taikomi RS duomenims

Duomenų rinkinio poaibis	MAE	MAUE	RMSE	RC	UC
Visi naudotojai	MAE	MAUE	RMSE	RC	UC
Šalto starto naudotojai	MAE	MAUE	RMSE	RC	UC
Ryžtingi naudotojai	MAE	MAUE	RMSE	RC	UC

7 lentelė. BF + SHORTGEO rezultatai taikomi RS duomenims

Duomenų rinkinio poaibis	MAE	MAUE	RMSE	RC	UC
Visi naudotojai	MAE	MAUE	RMSE	RC	UC
Šalto starto naudotojai	MAE	MAUE	RMSE	RC	UC
Ryžtingi naudotojai	MAE	MAUE	RMSE	RC	UC

Sričių panašumo metodas gali būti taikomas nepriklausomai nuo metodų, prognozuojančių naudotojų tarpusavio pasitikėjimą naudojant propagavimo ir agregavimo operatorius. Todėl bus pateiktos kelių šio metodo versijų rezultatai tiek naudojant tik sugeneruotus duomenis, tiek sugeneruotus duomenis papildytus išvestais pasitikėjimais.

Sričių panašumą galime vertinti keliais būdais. Šiame eksperimente išbandysime du metodus:

- kategorijų matricos koreliacijos metodą
- panašumo tarp naudotojų pasitikėjimo įverčių metodą

Pirmasis metodas panašumą tarp sričių vertina tiesiogiai skaičiuodamas koreliaciją tarp kategorijų charakteristikų iš kategorijų matricos. Tam, kad panašumai būtų teigiami - koreliacijos yra transformuojamos - padidinamos 1 ir dalinamos iš 2. Taigi turimam duomenų rinkiniui sričių panašumo matrica yra tokia:

8 lentelė. Panašumo tarp kategorijų matrica

Kategorijos	X_1	X_2	X_3	X_4	X_5
X_1	1	0.62	0.37	0.48	0.63
X_2	0.62	1	0.08	0.31	0.43
X_3	0.37	0.08	1	0.53	0.45
X_4	0.48	0.30	0.53	1	0.26
X_5	0.63	0.43	0.46	0.26	1

Naudojant tokią panašumo matricą trūkstamai informacijai apie pasitikėjimą užpildyti gaunami tokie rezultatai.

9 lentelė. BF + sričių panašumo, gauto naudojant kategorijų matricą, rezultatai taikomi RS duomenims

Duomenų rinkinio poaibis	MAE	MAUE	RMSE	RC	UC
Visi naudotojai	MAE	MAUE	RMSE	RC	UC
Šalto starto naudotojai	MAE	MAUE	RMSE	RC	UC
Ryžtingi naudotojai	MAE	MAUE	RMSE	RC	UC

Kitokie rezultatai gaunami naudojant sričių panašumo metodą kartu su kitais metodais, naudojančiais socialinių tinklų duomenis. Anskčiau buvo parodyta, kad geriausi rezultatai gauti taikant SHORTGEO metodą. Papildžius šį metodą sričių panašumo metodu gaunami tokie rezultatai.

10 lentelė. BF + SHORTGEO + sričių panašumo, gauto naudojant kategorijų matricą, rezultatai taikomi RS duomenims

Duomenų rinkinio poaibis	MAE	MAUE	RMSE	RC	UC
Visi naudotojai	MAE	MAUE	RMSE	RC	UC
Šalto starto naudotojai	MAE	MAUE	RMSE	RC	UC
Ryžtingi naudotojai	MAE	MAUE	RMSE	RC	UC

2.3.3.2. Eksperimentas naudojant RS su panašiomis kategorijomis

Analogiškas eksperimentas buvo atliktas kitokiai RS, kurioje kategorijos yra panašios. Šiame skyriuje naudojamas duomenų rinkinys apibrėžiamas paramtetru rinkiniu [] ir kategorijų matrica [SP2].

11 lentelė. RS duomenų rinkinio generavimo parametrai

Elementų skaičius	300
Naudotojų skaičius	100
Naudotojo ryšių skaičiaus pasiskirstymas	$N(10, 9)$
Naudotojo įvertintų elementų skaičiaus pasiskirstymas	$N(30,27)$
Vertinamas bendrų elementų skaičius ieškant pasitikėjimo	12
Propagavimo metodas	Vidurkio
Kategorijų matrica	SP1

12 lentelė. Kategorijų matrica SP2

Kategorijos	X_1	X_2	X_3	X_4	X_5
x_1	0.55	0.2	0.2	0.2	0.3
x_2	0.2	0.6	0.05	0.05	0.1
x_3	0.05	0.05	0.35	0.1	0.05
x_4	0.1	0.05	0.2	0.65	0.05
x_5	0.1	0.1	0.2	0	0.5

Ankstesniame skyrelyje sugeneruoto duomenų rinkinio charakteristikos yra tokios:

13 lentelė. Sugeneruoto duomenų rinkinio charakteristikos

Šalto starto naudotojų skaičius	300
Ryžtingų naudotojų skaičius	100
Vidutinis reitingas	$N(10, 9)$
Reitingų standartinis nuokrypis	$N(30,27)$
Vidutinis pasitikėjimo įvertis	12

Šiam duomenų rinkiniui pagal nustatytus vertinimo kriterijus gauname tokius rezultatus:

14 lentelė. BF rezultatai taikomi RS duomenims

Duomenų rinkinio poaibis	MAE	MAUE	RMSE	RC	UC
Visi naudotojai	MAE	MAUE	RMSE	RC	UC
Šalto starto naudotojai	MAE	MAUE	RMSE	RC	UC
Ryžtingi naudotojai	MAE	MAUE	RMSE	RC	UC

Šis duomenų rinkinys buvo sugeneruotas parinkus tokius parametrus, kad jame egzistuotų duomenų retumo problema. Tai matome iš nedidelių RC ir UC reikšmių. Egzistuojantis problemos sprendimo būdas - taikyti metodus, vertinančius naudotojų tarpusavio pasitikėjimą. Tam pačiam duomenų rinkiniui išbandyti keturi metodai, aprašyti ankstesniame skyrelyje.

15 lentelė. BF + SHORTMULTI rezultatai taikomi RS duomenims

Duomenų rinkinio poaibis	MAE	MAUE	RMSE	RC	UC
Visi naudotojai	MAE	MAUE	RMSE	RC	UC
Šalto starto naudotojai	MAE	MAUE	RMSE	RC	UC
Ryžtingi naudotojai	MAE	MAUE	RMSE	RC	UC

16 lentelė. BF + SHORTARI rezultatai taikomi RS duomenims

Duomenų rinkinio poaibis	MAE	MAUE	RMSE	RC	UC
Visi naudotojai	MAE	MAUE	RMSE	RC	UC
Šalto starto naudotojai	MAE	MAUE	RMSE	RC	UC
Ryžtingi naudotojai	MAE	MAUE	RMSE	RC	UC

17 lentelė. BF + SHORTGEO rezultatai taikomi RS duomenims

Duomenų rinkinio poaibis	MAE	MAUE	RMSE	RC	UC
Visi naudotojai	MAE	MAUE	RMSE	RC	UC
Šalto starto naudotojai	MAE	MAUE	RMSE	RC	UC
Ryžtingi naudotojai	MAE	MAUE	RMSE	RC	UC

Sričių panašumo metodas gali būti taikomas nepriklausomai nuo metodų, prognozuojančių naudotojų tarpusavio pasitikėjimą naudojant propagavimo ir agregavimo operatorius. Todėl bus pateiktos kelių šio metodo versijų rezultatai tiek naudojant tik sugeneruotus duomenis, tiek sugeneruotus duomenis papildytus išvestais pasitikėjimais.

Sričių panašumą galime vertinti keliais būdais. Šiame eksperimente išbandysime du metodus:

- kategorijų matricos koreliacijos metodą
- panašumo tarp naudotojų pasitikėjimo įverčių metodą

Pirmasis metodas panašumą tarp sričių vertina tiesiogiai skaičiuodamas koreliaciją tarp kategorijų charakteristikų iš kategorijų matricos. Tam, kad panašumai būtų teigiami - koreliacijos yra transformuojamos - padidinamos 1 ir dalinamos iš 2. Taigi turimam duomenų rinkiniu sričių panašumo matrica yra tokia:

18 lentelė. Panašumo tarp kategorijų matrica

Kategorijos	X_1	X_2	X_3	X_4	X_5
X_1	1	0.62	0.37	0.48	0.63
X_2	0.62	1	0.08	0.31	0.43
X_3	0.37	0.08	1	0.53	0.45
X_4	0.48	0.30	0.53	1	0.26
X_5	0.63	0.43	0.46	0.26	1

Naudojant tokią panašumo matricą trūkstamai informacijai apie pasitikėjimą užpildyti gaunami tokie rezultatai.

19 lentelė. BF + sričių panašumo, gauto naudojant kategorijų matricą, rezultatai taikomi RS duomenims

Duomenų rinkinio poaibis	MAE	MAUE	RMSE	RC	UC
Visi naudotojai	MAE	MAUE	RMSE	RC	UC
Šalto starto naudotojai	MAE	MAUE	RMSE	RC	UC
Ryžtingi naudotojai	MAE	MAUE	RMSE	RC	UC

Kitokie rezultatai gaunami naudojant sričių panašumo metodą kartu su kitais metodais, naudojančiais socialinių tinklų duomenis. Anskčiau buvo parodyta, kad geriausi rezultatai gauti taikant SHORTGEO metodą. Papildžius šį metodą sričių panašumo metodu gaunami tokie rezultatai.

20 lentelė. BF + SHORTGEO + sričių panašumo, gauto naudojant kategorijų matricą, rezultatai taikomi RS duomenims

Duomenų rinkinio poaibis	MAE	MAUE	RMSE	RC	UC
Visi naudotojai	MAE	MAUE	RMSE	RC	UC
Šalto starto naudotojai	MAE	MAUE	RMSE	RC	UC
Ryžtingi naudotojai	MAE	MAUE	RMSE	RC	UC

2.3.3.3. Eksperimento rezultatų taikytų dviem duomenų rinkiniams palyginimas

2.4. Pasitikėjimo interpoliavimo metodas

Pasitikėjimo interpoliavimo metodas nėra tiesiogiai taikomas įprastiems RS duomenims, nes jo taikymui reikia žinoti naudotojo pirmenybes. Aprašytas RS duomenų generavimo metodas suteikia informacijos apie naudotojų pirmenybes, todėl tokiems duomenims šį metodą galime taikyti.

Paprastumo dėlei, tarkime, kad RS turi dvi kategorijas, ir egzistuoja dvi charakteristikos, kuriomis pasižymi elementai ir kurioms turi pirmenybes naudotojai. Tokiu atveju kategorijų matrica būtų dyžio 2×2 . Tarkime, kad turime naudotoją $u = (y_1, y_2, q_u)$ ir naudotojų, kuriais jis pasitiki

bet kurioje srityje aibę U . Žinome naudotojo u pasitikėjimo reikšmes kiekvieno naudotojo, kuriuo jis pasitiki bet kurioje kategorijoje, atžvigių. Taip pat žinome kiekvieno naudotojo pirmenybes. Turėdami tokią informaciją galime prognozuoti naudotojo u pasitikėjimą bet kuriuo naudotoju, nes jis priklauso tik nuo to naudotojo, kuriuo pasitiki, pirmenybių ir srities, kuriai prognozuojamas pasitikėjimas.

Metodą galima iliustruoti pavyzdžiu. Turime kategorijų matricą:

21 lentelė. Kategorijų matrica

Kategorijos	X_1	X_2
x_1	0.8	0.2
x_2	0.3	0.7

Naudotojas, kuriam vertiname pasitikėjimą toks - $u(0.5, 0.5, q)$. Naudotojai, kuriais pasitikima, ir naudotojo u pasitikėjimais jais apibūdinamas letelė:

22 lentelė. Naudotojai, kuriais pasitiki u

Naudotojas	y_1	y_2	$t_u^1(v)$	$t_u^2(v)$
u_1	0	1	0.1	0.9
u_2	0.2	0.8	0.3	0.7
u_3	0.4	0.6	$t_u^1(u_3)$	0.6
u_4	0.6	0.4	0.5	0.5
u_5	0.8	0.2	0.3	0.7
u_6	1	0	0.1	0.9

Norime įvertinti, kiek u pasitiki u_3 .

2.4.1. Rezultatai

2.5. Problemos ir iššūkiai

Didžiausia problema šio tyrimo srityje yra realių duomenų nebuvimas ir negalėjimas praktiškai įvertinti šių metodų tinkamumo. Nėra žinomo socialinio tinklo, kuriame naudotojai išreikštų pasitikėjimą vienas kitu tolydžioje skalėje ir pasitikėjimai galėtų būtų priskirti skirtingose kategorijose. Artimiausias šiems reikalavimams Epinions.com duomenų rinkinys naudotas šiame tyrime netenkinant šių dviejų reikalavimų - tai yra viena priežasčių, kliudžiusių atlikti išsamesnį tyrimą. Apskritai, yra sudėtinga suprojektuoti sistemą, galinčią sugeneruoti tokį duomenų rinkinį - šis uždavinys vertas atskiro tyrimo žmogaus ir kompiuterio sąveikos srityje. Kol kas dažniausiai tyrimuose apie RS

naudojami duomenų rinkiniai - MovieLens duomenų rinkinys, naudojamas tyrimuose apie BF ir Epinions.com duomenų rinkinys, kuriame taip pat pateikti ir naudotojų pasitikėjimai vienų kitais unarinėje skalėje.

Kita problema susijusi su RS vertinimu. Negalima vienareikšmiškai apibrėžti, kokia RS yra gera. Egzistuoja nemažai kriterijų, pagal kuriuos galime vertinti RS - tiek tikslumas ir kriterijai, kuriuos jis apima (vidutinė absoliuti klaida, vidutinė kvadratinė klaida, normalizuoti šių matų atitikmenys), tiek ir tam tikrų savybių tenkinimas (naujoviškumas, įžvalgumas, tikslumas, atsparumas atakoms, padengimas), tačiau RS kūrėjai turi apsispręsti, kurie kriterijai yra svarbesni, o kurie mažiau svarbūs. Kitaip sakant, reikia atsakyti į tokius klausimus kaip: ar geriau sistema generuotų tikslias rekomendacijas net jeigu naudotojas jau žino apie visus elementus iš anksčiau ar jau verčiau kartais suklysta, bet dažnai pasiūlo kažką naujo? Priimant sprendimą būtina atsižvelgti į dalykinę sritį. Vis dėlto, parinkti tinkamus reikalavimus yra didelis iššūkis analitikams, nes reikia atsižvelgti ne tik sistemos tikslumą, bet ir žmonių reakcijas į rekomendacijas.

Trečias iššūkis - problema, su kuria susidūrė jau pačios pirmos RS - duomenų retumas ir nepakankamumas. Dėl šios priežasties aibė metodų stengiasi išspręsti šią problemą, tačiau daug darbo čia gali atlikti ir žmogaus ir kompiuterio sąsajos projektuotojai, kurių pastangomis galėtų būti atliekamas geresnis duomenų surinkimas.

Ketvirta problema - technologinė. Šis tyrimas buvo realizuotas naudojant technologijas, neoptimizuotas darbui su dideliais duomenų kiekiais, dėl to nebuvo pasiektas pageidautinas tikslumas. Algoritmus realizuojantis kodas buvo parašytas .NET aplinkoje C# ir F# kalbomis naudojant asinchroniškumą, duomenys saugomi ir kai kurios grafų operacijos (pavyzdžiui, trumpiausio kelio radimas) atliekamos NoSql neo4j grafų duomenų bazėje. Nors ši duomenų bazė ir optimizuota darbui su grafais, rasti vieno naudotojo propaguotus pasitikejimus užtrunka apie dvi valandas (kiekvienam naudotojui reikia atlikti apie 130.000 trumpiausio kelio paieškų). Šiuo metodu norint rasti propaguotus įverčius visai sistemai naudojant įprastą namų kompiuterį prireiktų iki 15-os metų. Taigi, greitaveikos problemos stipriai apsunkino tyrimo eigą. Tinkamai pasirinktos priemonės ir tyrėjo mokėjimas jomis naudotis neabejotinai pagerintų tyrimo kokybę.

3. Išvados

Didžioji dauguma tyrimų apie RS, BF ir pasitikėjimu pagrįstas RS buvo atlikta vienmatėje aplinkoje - daroma prielaida, kad RS dalykinė sritis yra vienalytė ir naudotojų tarpusavio panašumas arba pasitikėjimas yra vienalytis. Šiame darbe siūloma RS padalinti pagal pasitikėjimo sritis ir taip pakeisti pasitikėjimo įvertį iš skaliaro į vektorių. Toks aplinkos transformavimas įgalina naudoti du darbe pasiūlytus metodus.

Sričių panašumo metodas leidžia įvertinti pasitikėjimą nežinomoje srityje, kai yra žinomas pasitikėjimas kitoje ir šių sričių tarpusavio panašumo įvertis. Taikant šį metodą atsiranda galimybė pasiūlyti rekomendaciją ne tik to, ką palankiai įvertino naudotojai, kuriais pasitikime tam tikroje srityje, bet ir tai ką jie gerai įvertino ir kitoje srityje. Tai yra ypač aktualu esant šaltam startui - sistema apie naudotoją žino nedaug, nes metodo taikymas praplečia galimų rekomendacijų aibę.

Pasitikėjimo apskaičiavimas taikant tiesinę regresiją - kitas metodas leidžiantis įvertinti nežinomą pasitikėjimo įvertį vienoje srityje, kai yra žinomi pasitikėjimo įverčiai kitose. Šis metodas naudoja prielaidą, kad pasitikėjimas yra abipusis, tai yra, neturi krypties (ši prielaida kai kurioms dalykinėms sritims yra teisinga). Taikant tiesinę regresiją apskaičiuojamas naudotojo pasitikėjimas naudotoju, susiduriančiu su šalto starto problema ir tada jam priskiriamas pasitikėjimo įvertis.

Darbe pasiūlytas dar vienas metodas, kuris nenaudoja kelių pasitikėjimo sričių apibrėžimo. Bendrų kaimynų metodas taikomas, kai norime įvertinti vieno naudotojo pasitikėjimą kitu, tačiau jie neturi tiesioginio ryšio, o pasitikėjimo tinkle nėra jokių pasitikėjimo įverčių, tai yra, viskas, ką žinome apie konkretų naudotoją - jo ryšiai. Metodo esmė - panaudoti dviejų naudotojų bendrų ir savo ryšių skaičiaus santykį prognozuojant pasitikėjimą, o tada, remiantis prognozuojamu pasitikėjimu, įvertinti reitingų prognozę taikant bendradarbiavimo filtravimo metodą.

Atlikus tyrimą paaiškėjo, kad pasitikėjimo prognozės tiksliausios, kai yra didelės bendrų ir naudotojų ryšių skaičiaus santykio reikšmės. Galutiniai rezultatai pagal MAE ir RMSE kriterijus labai panašūs į tuos, kuriuos gauname pritaikę bendradarbiavimo filtravimo algoritmą. MAUE kriterijaus reikšmė kiek didesnė, o tai reiškia, kad metodas prasčiau veikia naudotojams, turintiems mažiau reitingų. Sudarant pasitikėjimų prognozę reikia sudaryti imtį iš naudotojų, turinčių pakankamai daug ryšių - tada tiek pasitikėjimo prognozė, tiek gautinės rekomendacijos būna tikslesnės. Bendrų kaimynų metodas turėtų būti naudojamas tais šalto starto atvejais, kai apie naudotoją, kuriam norime kažką rekomenduoti, yra žinomi tik jo ryšiai su kitais naudotojais. Taip pat prasminga nustatyti slenkstį, nurodantį naudotojo ryšių skaičių, nes kuo daugiau ryšių turi naudotojas, tuo prognozės tikslumas didesnis.

Pasiūlyti metodai sprendžia ne tik aptartą šalto starto problemą, bet ir kitą kertinę bėdą, su kurią

susiduria visos RS - duomenų retumo ir nepakankamumo. Jų taikymas leidžia panaudoti turimus duomenis situacijose, kai įprasti tradiciniai metodai negali veikti.

Literatūros sąrašas

- [1] Pasquale Lops, Marco de Gemmis, Giovanni Semarero *Content-based Recommender Systems: State of the Art and Trends* Recommender Systems Handbook, 73-100, 2010.
- [2] Christian Desrosiers, George Karypis *A Comprehensive Survey of Neighborhood-based Recommendation Methods* Recommender Systems Handbook, 101-140, 2010.
- [3] Guy Shani, Asela Gunawardana *Evaluating recommender systems* Recommender Systems Handbook, 257-298, 2010.
- [4] Robin Burke, Michael P. O'Mahony, Neil J. Hurley *Robust Collaborative Recommendation Systems: State of the Art and Trends* Recommender Systems Handbook, 805-836, 2010.
- [5] Patricia Victor, Martine De Cock, Chris Cornelis *Trust and Recommendations Systems: State of the Art and Trends* Recommender Systems Handbook, 645-676, 2010.
- [6] Paolo Massa, Paolo Avesani *Trust-aware recommender systems* Proceedings of the 2007 ACM conference on Recommender systems (2007) 17-24
- [7] Hyung Jun Ahn *A new similarity measure for collaborative filtering to alleviate the new user cold-starting problem* Information Sciences Vol 178 (2008) 37-51
- [8] Jon Herlocker, Joseph A. Konstan, John Riedl *An Empirical Analysis of Design Choices in Neighborhood-Based Collaborative Filtering Algorithms* Information Retrieval 5 178 (2002) 287-310
- [9] Michael D. Ekstrand, John T. Riedl, Joseph A. Konstan *Collaborative filtering recommender systems* Foundation and trends in Human-Computer Interaction Vol. 4, No. 2 (2010) 81-173
- [10] Jennifer Ann Golbeck *Computing and applying trust in web-based social networks* Dissertation
- [11] Paolo Avesani, Paolo Massa, Roberto Tiella *A Trust-enhanced Recommender System application: Moleskiing* Proceedings of the 2005 ACM symposium on Applied computing (2005) 1589-1593
- [12] John O'Donovan, Barry Smith *Trust in Recommender Systems* Proceedings of the 10th international conference on Intelligent user interfaces (2005) 167-174

- [13] Alan Said, Brijnesh J. Jain, Sahin Albayrak *Analyzing Weighting Schemes in Collaborative Filtering: Cold Start, Post cold Start and Power Users* Proceedings of the 27th Annual ACM Symposium on Applied Computing (2012) 2035-2040
- [14] Jonathan L. Herlocker, Joseph A. Konstan, Al Borchers, John Riedl *An Algorithmic Framework for Performing Collaborative Filtering* Proceedings of the 22nd annual international ACM SIGIR conference on Research and development in information retrieval (1999) 230-237
- [15] Sergio Mateo Maria *Collaborative Filtering in social Networks* (2010)
- [16] David Goldberg, David Nichols, Brian M. Oki, Douglas Terry *Using collaborative filtering to weave an information tapestry* Communications of the ACM - Special issue on information filtering CACM Homepage archive Volume 35 Issue 12 (1992) 61-70
- [17] Cai-Nikolas Ziegler, Georg Lausen *Propagation Models for Trust and Distrust in Social Networks* Information Systems Frontiers December 2005, Volume 7, Issue 4 Volume 35 Issue 12 (2005) 337-358
- [18] Audin Josang, Stephen Marsh, Simon Pope *Exploring Different Types of Trust Propagation* Proceedings of the 4th international conference on Trust Management (2006) 179-192
- [19] Sinha, Rashmi R., and Kirsten Swearingen. *Comparing Recommendations Made by Online Systems and Friends* DELOS workshop: personalisation and recommender systems in digital libraries. Vol. 1. 2001.