

EP3.19.- Sea $B_v = \{\vec{v}_1, \vec{v}_2, \vec{v}_3\}$ una base de R^3 y sean los vectores $\begin{cases} \vec{u}_1 = 3\vec{v}_1 + 2\vec{v}_2 - \vec{v}_3 \\ \vec{u}_2 = 4\vec{v}_1 + \vec{v}_2 + \vec{v}_3 \\ \vec{u}_3 = 2\vec{v}_1 - \vec{v}_2 + \vec{v}_3 \end{cases}$. Probar que:

a) $B_u = \{\vec{u}_1, \vec{u}_2, \vec{u}_3\}$ es base de R^3 .

c) Encontrar las coordenadas de los vectores $\vec{v}_1, \vec{v}_2, \vec{v}_3$ en la base B_u .

d) El vector $\vec{x} \in R^3$ tiene coordenadas $(1,2,3)$ en la base B_v . Calcular las coordenadas de \vec{x} en la base B_u .

EP3.20.- Expresar el vector $(3,1,4)$ en la base de R^3 formada por los vectores $(1,-2,-1), (1,-1,0)$ y $(0,0,-3)$.

EP3.21.- Sea la base $B_1 = \{(1,0,0,-1), (0,1,-1,0), (0,1,0,-1), (0,1,1,1)\}$ de R^4 . Obtener las componentes en dicha base del vector \vec{u} que tiene las coordenadas $(-3,2,1,-2)$ en otra base B_2 formada por los vectores $(1,2,0,0), (-1,0,1,1), (0,0,-2,1), (-1,0,-1,0)$.

EP3.22.- Determinar cuáles de los siguientes conjuntos son subespacios de los espacios que se indican:

a) $U = \{(x, y, z) \in R^3 \mid x - z = 0\}$

b) $W = \{(x, y, z) \in R^3 \mid x - y + z = 0\}$

c) $X = \{(x, y, z) \in R^3 \mid x = 0, y + z = 0\}$

d) $A = \{(a, b, 0) \in R^3\}$

e) $B = \{(a, b, c, d) \in R^4 \mid b = a + c + d + 1\}$

f) $C = \{(a, b, c, d) \in R^4 \mid b = a + c, d = 2a\}$

Dar una base en los casos que sean subespacios.

EP3.23.- a) Encontrar una base del subespacio E generado por $\vec{v}_1 = (1, -2, 0, 3), \vec{v}_2 = (2, -5, -3, 6), \vec{v}_3 = (0, 1, 3, 0), \vec{v}_4 = (2, -1, 4, -7)$ y $\vec{v}_5 = (5, -8, 1, 2)$

b) Encontrar una base del subespacio $F = \langle (1, 2, 1, 0), (0, 0, 1, 0), (1, 2, 0, 0) \rangle$

EP3.24.- Probar que $\langle (1, -1, -1, 1), (1, -2, -2, 1), (0, 1, 1, 0) \rangle = \langle (1, 0, 0, 1), (0, -1, -1, 0) \rangle$. Dar una base de este subespacio.

EP3.25.- Sea E el espacio generado por los vectores $\vec{v}_1, \vec{v}_2, \vec{v}_3$, $E = \langle \vec{v}_1, \vec{v}_2, \vec{v}_3 \rangle$, donde $\vec{v}_1 = (2, 1, 0, 3), \vec{v}_2 = (3, -1, 5, 2), \vec{v}_3 = (-1, 0, 2, 1)$. Determinar la dimensión de E y decir si los vectores $(1, 1, 1, 1), (2, 3, -7, 3)$ pertenecen a E .

EP3.26.- Demostrar que el conjunto de matrices de la forma $\begin{pmatrix} x-3y & 5y \\ -4y & x+3y \end{pmatrix}$ $x, y \in Q$ constituyen un subespacio vectorial del espacio $\mathcal{M}_2(Q)$ de todas las matrices de orden 2 sobre el cuerpo Q .