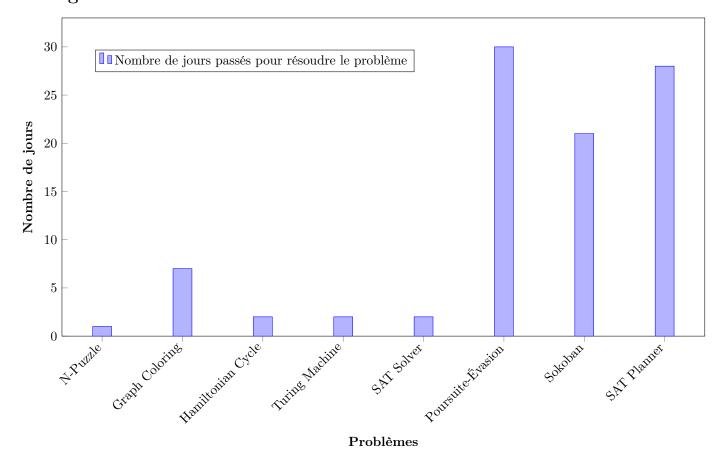
# Compte Rendu

## PATIA - PDDL4J Exercises's

## Table des matières

| 1        | N-Puzzle          | 2  |
|----------|-------------------|----|
| <b>2</b> | Graph Coloring    | 3  |
| 3        | Hamiltonian Cycle | 5  |
| 4        | Turing Machine    | 6  |
| 5        | SAT Solver        | 8  |
| 6        | Poursuite-Évasion | 10 |
| 7        | Sokoban           | 12 |
| 8        | SAT Planner       | 14 |
| 9        | Benchmark         | 15 |
| 10       | Conclusion        | 16 |
| 11       | Feedback          | 16 |

## Histogramme





### 1 N-Puzzle

### 1.1 Description:

Le jeu N-Puzzle (ou Taquin) est un jeu de glissement comportant 9 tuiles carrées numérotées de 1 à 8 dans un cadre qui mesure 3 tuiles de haut et 3 tuiles de large, laissant ainsi une position de tuile vide. Les tuiles dans la même rangée ou colonne que la position vide peuvent être déplacées en les faisant glisser horizontalement ou verticalement, respectivement. Le but du puzzle est de placer les tuiles dans l'ordre numérique :

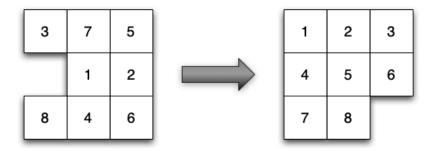


Figure 1 – Exemple de N-Puzzle avec 8 tuiles

### 1.2 Domaine:

### 1.2.1 Objets:

- Case : Les cases du jeu sur lesquelles sont présents les *nombres*.
- Nombres : Pièces du jeu à déplacer.
- Direction : Direction dans lesquelles sont déplaçables les pièces.

#### **1.2.2** Actions:

- Déplacer :
  - o Paramètres : (?a ?b case ?d direction ?n nombre) : La pièce numérotée n est sur la case b et veut être déplacée sur la case a qui est dans la direction d par rapport à la case b
  - Préconditions: (and (vide ?a) (sur ?n ?b) (adjacente ?a ?b ?d)):
     La case a est vide, la pièce numérotée n est présente sur la case b, et les cases a et b sont adjacentes dans la direction d.
  - $\circ$  Effets : La pièce n n'est plus sur la case b, qui devient alors vide, et est désormais sur la case a, qui n'est quant à elle plus vide.

#### 1.2.3 Prédicats:

- vide : (vide ?c case) : Vrai lorsque la case c est vide.
- $\bullet$  sur : (sur ?n nombre ?c case) : Vrai si la pièce numérotée n est sur la case c.
- adjacente : (adjacente ?a ?b case ?d direction) : Vrai si la case a est adjacente à la case b dans la direction d (a vers b).

#### 1.3 Problème:

Le problème est tel qu'il est présenté sur la Figure 1.

#### 1.3.1 Objets:

- 9 cases : a b c d e f g h i, représentant les cases du taquin.
- 8 nombres : n1 n2 n3 n4 n5 n6 n7 n8, représentant les pièces du taquin.
- 4 directions: haut bas gauche droite, représentant les directions dans lesquelles ont peut pousser les pièces du taquin.



#### 1.3.2 Etat inital:

- On associe chaque nombre à une case grâce au prédicat (sur nombre case) par exemple les prédicats (sur n3 a) (sur n7 b) associe le nombre 3 à la case a et le nombre 7 a la case b. On fait cela pour huit cases pour un terrain 3\*3.
- On associe la case restante non associée à un nombre à vide grâce au prédicat (vide nombre). Par exemple (vide d) associe la case d à vide.
- On donne la position de chaque case entre elles. Pour cela, on utilise le prédicat (adjacente nombre1 nombre2). Dans notre problème, on dit que la case a est à gauche de la case b. La case b est aussi a droite de a : ainsi, on a les prédicats (adjacente a b gauche) (adjacente b a droite).

### 1.3.3 Etat final:

- On donne la liste des associations des nombres aux cases, pour un terrain 3\*3 on aura 8 prédicats. Par exemple, on veut que la case a soit associé à la valeur 1, la case b soit associé à la valeur 2, on a donc les prédicats (sur n1 a) (sur n2 b).
- la dernière case non associé doit avoir le prédicat (vide case). Par exemple la case i est vide, on a donc le prédicat (vide i).

## 2 Graph Coloring

### 2.1 Description:

En théorie des graphes, colorier un graphe signifie attribuer une couleur à chacun de ses sommets de telle sorte que deux sommets reliés par une arête soient de différentes couleurs. Le but est d'utiliser un nombre minimal de couleurs :

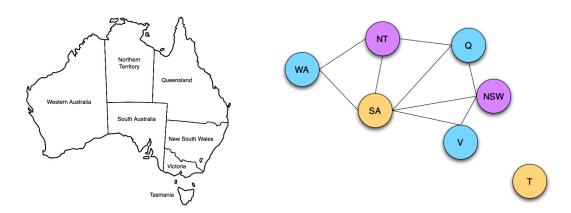


FIGURE 2 – Colorisation d'un graphe

La figure ci-dessus est la carte de l'Australie avec sa représentation sous forme de graphe. Dans ce cas, le nombre de couleurs est 3.

### 2.2 Domaine:

### 2.2.1 Objets:

- Nœud: Un nœud du graphe.
- Arête: Une arête liant deux nœuds du graphe.
- Couleur : Couleur du nœud.

#### **2.2.2** Actions :

- colore\_2nœudss:
  - o Paramètres: (?n1 ?n2 nœud ?a arrete ?c1 ?c2 couleur):



- Les nœuds n1 et n2 sont reliés par l'arête a et seront coloriés par des couleurs différentes c1 et c2.
- o Préconditions: (and (vide ?n1) (vide ?n2) (sûr ?n1 ?n2 ?a) (sûr ?n2 ?n1 ?a) (diff ?c1 ?c2)):
  - Les deux nœuds n1 et n2 ne sont pas coloriés et sont reliés par l'arête a et les couleurs c1 et c2 sont différentes.
- o Effets : and (aCouleur ?n1 ?c1) (aCouleur ?n2 ?c2) (not (vide ?n1)) (not (vide ?n2)) (marquee ?a):
  - Le nœud n1 est colorié avec la couleur c1, le nœud n2 est colorié avec la couleur c2 et ne sont donc plus vide, l'arête a reliant les deux nœuds est ainsi marquée.
- colore nœuds:
  - o Paramètres: (?n1 ?n2 noeuds ?a arrete ?c1 ?c2 couleur):
    - Les nœuds n1 et n2 sont reliés par l'arête a. le nœud n1 est colorié avec la couleur c1, et la couleur c2 devra colorier le nœud n2.
  - o Préconditions: (and (vide ?n1) (aCouleur ?n2 ?c2) (sur ?n1 ?n2 ?a) (sur ?n2 ?n1 ?a) (diff ?c1 ?c2)):
    - le nœud n1 n'est pas colorié et est relié par l'arête a au nœuds n2. Ce dernier est colorié par la couleur c2, qui est différente de la couleur c1 qui sera utilisée pour colorier le nœud n1.
  - o Effets: and (aCouleur ?n1 ?c1) (not (vide ?n1)) (marquee ?a):
    - le nœud n1 est colorié avec la couleur c1, ce qui permet de marquer l'arête a.
- marque arrete:

е

- o Paramètres: (?n1 ?n2 noeuds ?a arrete ?c1 ?c2 couleur):
  - L'arête a relie les nœuds n1 et n2 coloriés avec les couleurs c1 et c2.
- $\circ$   $\mathbf{Pr\acute{e}conditions:}$  (and (aCouleur ?n1 ?c1) (aCouleur ?n2 ?c2) (sur ?n1 ?n2 ?a) (sur ?n2 ?n1 ?a) (diff ?c1 ?c2)):
  - Les nœuds n1 et n2 sont respectivement coloriés avec les couleurs différentes c1 et c2 et reliés par l'arête a.
- o Effets: and (marquee ?a):
  - L'arête a est marquée.
- colore seul:
  - o Paramètres: (?n noeuds ?c couleur)):
    - le nœud n devra être colorié par la couleur c.
  - o Préconditions: (and (vide ?n)):
    - -le nœud n n'est pas colorié.
  - o Effets: and (not (vide ?n))(aCouleur ?n ?c):
    - le nœud n est colorié avec la couleur c.

#### 2.2.3 Prédicats:

- a $\operatorname{Couleur}$ : (a $\operatorname{Couleur}$ ?n noeuds ?c couleur): Vrai si le nœud n a la couleur c.
- vide : (vide ?n noeuds) :; Vrai si le nœud n n'est pas encore colorié.
- sur : (sur ?n1 ?n2 noeuds ?a arrete) : Vrai si les nœudss n1 et n2 sont sur l'arête a (pas de symétrie!).
- marquee : (marquee ?a arrete) : Vrai si l'arête a est marquée.
- diff: (diff?c1?c2 couleur): Vrai si les deux couleurs c1 et c2 sont différentes.

### 2.3 Problème:

### 2.3.1 Objets:

- $\bullet$  Ensemble de nœuds :  $a\ b\ c$ .
- Ensemble d'arêtes : a1 a2 a3.
- Ensemble de couleurs : rouge bleu vert.



#### 2.3.2 Etat initial:

- Nous devons préciser que toutes les couleurs sont différentes, on rajoute ainsi les prédicats (diff rouge bleu) (diff bleu vert) (diff vert rouge).
- Tous les nœuds sont sans couleur, donc on a les prédicats (vide a) (vide b) (vide c).
- Il faut indiquer comment les nœuds sont liés entre eux, par exemple l'arête a1 est l'arc reliant les nœuds a et b est décrit par le prédicat (sur a b a1) (sur b a a1).

#### **2.3.3** Etat final:

• Il faut indiquer que toutes les arêtes sont marquées ce qui donne (marquee a1) (marquee a2) (marquee a3).

## 3 Hamiltonian Cycle

### 3.1 Description:

En théorie des graphes, un graphe hamiltonien est un graphe possédant au moins un cycle traversant tous les sommets une et une seule fois. Un tel cycle élémentaire est alors appelé un cycle hamiltonien :

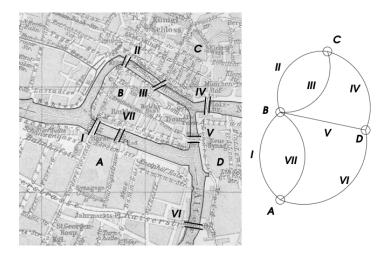


FIGURE 3 – Exemple de Cycle Hamiltonien

### 3.2 Domaine:

### 3.2.1 Objets:

- Node : Nœuds du graphe.
- Edge : Arêtes du graphe reliant les nœuds.

### **3.2.2** Actions:

- move:
  - $\circ$  Paramètres : (?from ?to node ?e edge) : On veut aller du nœud from pour aller vers le nœud to en passant par l'arête e.
  - o **Préconditions**: (and (connected ?from ?to ?e) (on ?from) (leftToVisit ?to)): Les noeuds *from* et *to* sont connectés via l'arête *e*, on est actuellement sur le noeud *from* et le noeud *to* n'a pas encore été visité.
  - Effets: (and (not (on ?from)) (on ?to) (not (leftToVisit ?to)) (visited ?to)
    On est sur le noeud to, qui est désormais visité, et plus sur le noeud from.
- move to start:
  - Paramètres : (?from ?to node ?e edge) :
     On est sur le noeud from et on veut retourner au noeud de départ to via l'arête e.



- o **Préconditions**: (and (connected ?from ?to ?e) (on ?from) (leftToVisit ?to) (start ?to)): Les noeuds *from* et *to* sont connectés via l'arête *e*, on est actuellement sur le noeud *from* et le noeud *to* est bien le noeud de départ.
- Effets: (and (not (on ?from)) (on ?to) (not (leftToVisit ?to)) (visited ?to))
  On est sur le noeud to, qui est le noeud de départ, et plus sur le noeud from.

#### 3.2.3 Prédicats:

- start : (start ?n node) : Vrai si le noeud n est le noeud de départ.
- on : (on ?n node) : Vrai si on se trouve sur le noeud n.
- visited : (visited ?n node) : Vrai si le noeud n a été visité.
- leftToVisit : (leftToVisit ?n node) : Vrai si le noeud n n'a pas encore été visité.
- connected : (connected ?n1 ?n2 node ?e edge) : Vrai si les noeuds n1 et n2 sont reliés par l'arête e.

#### 3.3 Problème:

### 3.3.1 Objets:

- Ensemble de nœuds : a b c d.
- ullet Ensemble d'arêtes (Edge): I II III IV V VI VII.

#### 3.3.2 État initial:

- Premièrement, on ajoute le nœud de départ qui indique où le cycle commence. Par exemple, pour indiquer que le nœud de départ est a, on ajoute le prédicat (start a).
- On ajoute la position courante, à l'état initial, le nœud du prédicat (on a) est le même noeud que du prédicat start.
- Il faut préciser tous les nœuds restants à visiter, c'est-à-dire tous les nœuds, on a donc les prédicats (leftToVisit a) (leftToVisit b) (leftToVisit c) (leftToVisit d).
- Il faut rajouter deux prédicats par arête indiquant a quels noeuds i et j cette dernière est connectée, afin que la symétrie soit appliquée : (connected i j I) (connected j i I)

### 3.3.3 État final :

- On finit sur le même noeud de départ, donc avec le prédicat (on a).
- Tous les nœuds doivent avoir été visités pour former un cycle, ainsi on rajoute les prédicats (visited a) (visited b) (visited c) (visited d).

## 4 Turing Machine

### 4.1 Description:

Une Machine de Turing (MT) est un modèle mathématique de calcul décrivant une machine abstraite qui manipule des symboles sur une bande de papier selon une table de règles. Malgré la simplicité du modèle, il est capable de mettre en œuvre n'importe quel algorithme informatique.

La machine fonctionne sur une bande mémoire infinie divisée en cellules discrètes, chacune pouvant contenir un seul symbole tiré d'un ensemble fini de symboles appelé l'alphabet de la machine. Elle possède une "tête" qui, à tout moment de l'opération de la machine, est positionnée sur l'une de ces cellules, et un "état" sélectionné dans un ensemble fini d'états. À chaque étape de son fonctionnement, la tête lit le symbole dans sa cellule. Ensuite, en fonction du symbole et de l'état actuel de la machine, celle-ci écrit un symbole dans la même cellule et déplace la tête d'une étape vers la gauche ou la droite, ou arrête le calcul. Le choix du symbole de remplacement à écrire et de la direction du mouvement est basé sur une table finie qui spécifie quoi faire pour chaque combinaison de l'état actuel et du symbole lu.

### 4.2 Domaine:

#### 4.2.1 Objets:

- Cell: Case de la machine de Turing.
- State: État de la machine de Turing.
- Symbol: Symboles lisibles par la mahcine de Turing.



#### 4.2.2 Actions :

- step left:
  - o Paramètres: (?zc ?zd state ?sr ?sw symbol ?c1 ?c2 cell):
    - On est dans l'état zc sur la case c1 où est inscrit le symbole sr, et on veut atteindre l'état zd, qui est à gauche de la case c2, qui possède quant à elle le symbole sw.
  - o Préconditions: (and (inState ?zc) (headOn ?c1) (hasSymbol ?sr ?c1) (atRight ?c1 ?c2) (transition\_left ?zc ?zd ?sr ?sw)):
    - On est dans l'état zc avec la tête de lecture sur la case c1 et le symbole sr. La case c2 est à gauche de la case c2 et la transition vers la gauche est possible.
  - o Effets: (and (not (inState ?zc)) (inState ?zd) (not (hasSymbol ?sr ?c1))(hasSymbol ?sw ?c1) (not (headOn ?c1)) (headOn ?c2):
    - On n'est plus dans l'état zc mais dans l'état zd. La case n'a plus le symbole sr mais le symbole sw. La tête de lecture n'est plus sur la case c1 mais sur la case c2.

#### • step right:

- o Paramètres: (?zc ?zd state ?sr ?sw symbol ?c1 ?c2 cell):
  - On est dans l'état zc sur la case c1 où est inscrit le symbole sr, et on veut atteindre l'état zd, qui est à droite de la case c2, qui possède quant à elle le symbole sw.
- o Préconditions: ((and (inState ?zc) (headOn ?c1) (hasSymbol ?sr ?c1) (atLeft ?c1 ?c2) (transition\_right ?zc ?zd ?sr ?sw)):
  - On est dans l'état zc avec la tête de lecture sur la case c1 et le symbole sr. La case c2 est à gauche de la case c2 et la transition vers la gauche est possible.
- o Effets: (and (not (inState ?zc)) (inState ?zd)(not (hasSymbol ?sr ?c1)) (hasSymbol ?sw ?c1) (not (headOn ?c1)) (headOn ?c2):
  - On n'est plus dans l'état zc mais dans l'état zd. La case n'a plus le symbole sr mais le symbole sw. La tête de lecture n'est plus sur la case c1 mais sur la case c2.

#### • step idle:

- o Paramètres: (?zc ?zd state ?sr ?sw symbol ?c1 cell):
  - On est dans l'état zc et on veut passer dans l'état zd. On lit le symbole sr et on veut écrire le symbole sw. On est et on reste dans la case c1.
- o Préconditions:((and (inState ?zc) (headOn ?c1) (hasSymbol ?sr ?c1) (transition\_idle ?zc ?zd ?sr ?sw))):
  - On est dans l'état zc avec la tête de lecture sur la case c1 et le symbole sr. La case c2 est à gauche de la case c2 et la transition vers le nouvel état est possible.
- o Effets: (and (not (inState ?zc)) (inState ?zd) (not (hasSymbol ?sr ?c1)) (hasSymbol ?sw ?c1):
  - On n'est plus dans l'état zc mais dans l'état zd. Sur la case c1, il n'y a plus le symbole sr mais le symbole sw.

#### 4.2.3 Prédicats:

- in State : (in State ?z - state) : Vrai si la machine est dans l'état z.
- headOn : (headOn ?c cell) : Vrai si la tête de lecture est sur la case c.
- hasSymbol : (hasSymbol ?s symbol ?c cell) : Vrai si le symbole s est écrit sur la case c.
- atLeft : (atLeft ?a ?b -cell) : Vrai si la case a se trouve à gauche de la case b.
- atRight: (atRight?a ?b cell): Vrai si la case a se trouve à droite de la case b.
- transition\_left : (transition\_left ?zc ?zd state ?sr ?sw symbol) : Vrai si la transition vers la gauche est possible, depuis l'état courant zc vers l'état zd, avec le symbole sr lu sur la bande et le symbole sw écrit sur la bande.
- transition\_right: (transition\_right ?zc ?zd state ?sr ?sw symbol): Vrai si la transition vers la droite est possible, depuis l'état courant zc vers l'état zd, avec le symbole sr lu sur la bande et le symbole sw écrit sur la bande.
- transition\_idle : (transition\_idle ?zc ?zd state ?sr ?sw symbol) : Vrai si la transition sans déplacement est possible, depuis l'état courant zc vers l'état zd, avec le symbole sr lu sur la bande et le symbole sw écrit sur la bande.



### 4.3 Problème:

### 4.3.1 Objets:

- Ensemble d'états : z0 z1 halt.
- Ensemble de symboles : blank zero one.
- Ensemble de cellules sur la bande : c0 c1 c2 c3 c4 c5 c6 c7 c8 c9 c10 c11 c12 c13 c14 c15.

### 4.3.2 État initial

- On indique la position de la tête de lecture grâce au prédicat (headOn c8).
- On précise dans quel état la machine de Turing commence, dans notre cas on peut le décrire par le prédicat (inState z0)
- Pour chaque cellule de la bande, il faut préciser le symbole écrit dessus. Par exemple sur la cellule c1, on a le symbole blank. Ainsi on ajoute le prédicat (hasSymbol blank c1)
- On doit rajouter un prédicat par transition de la machine de Turing. Par exemple le quintuplet (<-, z0, z1, blank, blank) donnera le prédicat (transition\_left z0 z1 blank blank). Le déplacement de la machine de Turing est dans le nom du prédicat, z0 est l'état de départ, z1 l'état d'arrivée, le premier blank est le symbole lu, et le dernier symbole blank est le symbole écrit. Pour pouvoir aller sur la droite, on utilise le prédicat (transition\_right z0 z0 zero zero).
- Il faut indiquer quelles cellules sont à gauche et à droite. Par exemple la cellule c1 est à gauche de la cellule c2 et à droite de la cellule c0 ce qui donne les prédicats (atLeft c1 c2) (atRight c1 c0). Il faut le faire pour chaque cellule de notre bande.

### 4.3.3 État final

• Un seul prédicat (inState halt) est présent pour l'état final, qui indique que l'état de la machine de Turing est sur l'état arrêt.

### 5 SAT Solver

### 5.1 Description:

Étant donné une formule en FNC telle que  $(x_1 \lor x_3 \lor \neg x_4) \land (x_2 \lor \neg x_3)$ . Un problème SAT consiste à déterminer s'il existe une attribution de valeurs aux variables propositionnelles de sorte que la formule évalue à vrai. Ici, une solution est :  $x_1 = x_2 = x_3 = true$ .

Il convient de noter que, si nous attribuons la valeur vrai à une variable, toutes les clauses contenant cette variable peuvent être supprimées de la formule SAT à résoudre, et peut être supprimée des clauses le contenant. De même, si nous attribuons la valeur faux à une variable, toutes les clauses contenant cette variable peuvent être supprimées de la formule SAT à résoudre, et peut être supprimée des clauses le contenant.

#### 5.2 Domaine:

### 5.2.1 Objets:

- Variable : Variable d'un problème SAT.
- Clause : Clause d'un problème SAT.

#### **5.2.2** Actions :

- set var true: La variable v prend pour valeur True et ne pourra pas prendre une autre valeur.
  - o Paramètres: (?v variable):
    - On a la variable v que l'on souhaite passer à True.
  - o Préconditions : (and (hasNoValue ?v)) :
    - La variable  $\boldsymbol{v}$  n'a préalablement pas de valeur assignée.
  - o Effets: (and (not (varIsFalse ?v)) (varIsTrue ?v) (not (hasNoValue ?v))):
    - La variable v est instanciée à True, donc elle n'est pas instanciée à False et a désormais une valeur.



- $\bullet$  set var false : La variable v prend pour valeur False et ne pourra pas prendre une autre valeur.
  - o Paramètres: (?v variable):
    - On a la variable v que l'on souhaite passer à False.
  - o Préconditions : (and (hasNoValue ?v)) :
    - La variable v n'a préalablement pas de valeur assignée.
  - o Effets: (and (not (varIsTrue ?v)) (varIsFalse ?v) (not (hasNoValue ?v))):
    - La variable v est instanciée à False, donc elle n'est pas instanciée à True et a désormais une valeur.
- set\_clause\_true : La clause c devient est vraie car au moins une de ses variables devant être vraie à pour valeur True.
  - o Paramètres: (?c clause ?v variable):
    - On a la clause c avec la variable v que l'on souhaite passer à True.
  - o Préconditions : (and (varTrueIn ?v ?c) (varIsTrue ?v)) :
    - La variable v est à True dans la clause c, et la variable v est à True.
  - o Effets: (and (clauseTrue ?c)):
    - La clause c est instanciée à True.
- $set\_clause\_true\_var\_neg$ : La clause c devient est vraie car au moins une de ses variables devant être fausse à pour valeur False
  - Paramètres: (?c clause ?v variable):
    - On a la clause c avec la variable v que l'on souhaite passer à True.
  - o Préconditions: (and (varFalseIn ?v ?c) (varIsFalse ?v)):
    - La variable v est à False dans la clause c, et la variable v est à False.
  - o Effets: (and (clauseTrue ?c)):
    - La clause c est instanciée à True.

### 5.2.3 Prédicats:

- varIsTrue : (varIsTrue ?v variable) : La variable v a la valeur <math>True.
- varIsFalse : (varIsFalse ?v variable) :La variable v a la valeur False.
- varTrueIn : (varTrueIn ?v variable ?c clause) : La variable v doit être à True dans la clause c.
- ullet varFalseIn : (varFalseIn ?v variable ?c clause) : La variable v doit être à False dans la clause c.
- clauseTrue : (clauseTrue ?c clause) : La clause c est évaluée à True.
- hasNoValue : (hasNoValue ?v variable) : La variable v n'a encore de valeur.

### 5.3 Problème:

### 5.3.1 Objets:

- Ensemble de variables booléennes :  $x_1$   $x_2$   $x_3$   $x_4$ .
- Ensemble des clauses composées de variables.

### 5.3.2 État initial:

- Chaque variable a un prédicat pour lui indiquer qu'il n'a pas de valeur booléenne attribuée. On a donc les clauses (hasNoValue  $x_1$ ) (hasNoValue  $x_2$ ) (hasNoValue  $x_3$ ) (hasNoValue  $x_4$ ).
- Il faut indiquer pour chaque littéral de chaque clause s'il y a la négation "not" présente ou non. Par exemple, dans la clause C1 de formule  $(x_1 \wedge x_3 \wedge \overline{x}_4)$ , on rajoute les prédicats (varTrueIn x1 c1) (varTrueIn x3 c1) (varFalseIn x4 c1).

#### **5.3.3** Etat final:

• Toutes les clauses doivent être vraies, on rajoute un prédicat par clause. C'est-à-dire (clauseTrue c1) (clauseTrue c2) (clauseTrue c3).



## 6 Poursuite-Évasion

### 6.1 Description:

Le problème de la "Poursuite-Évasion" est un jeu joué sur un graphe dans lequel un intrus et des poursuivants se déplacent. L'objectif des poursuivants est de capturer l'intrus. Cela est réalisé lorsqu'un poursuivant et l'intrus se trouvent sur le même nœud.

L'intrus se déplace à une vitesse infinie tandis que les poursuivants explorent chaque nœud du graphe. L'intrus peut donc se placer sur des nœuds déjà explorés par ses poursuivants. Une stratégie gagnante pour les poursuivants consiste à trouver un plan de déplacement tel que, quel que soit le mouvement de l'intrus, il finira par être capturé. Il est facile de voir que toutes les configurations de jeu (graphe et nombre de poursuivants) n'ont pas une stratégie gagnante. On suppose que les deux agents sont sur le même noeud au début.

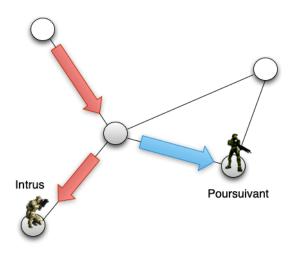


Figure 4 – Exemple de Poursuite-Evasion

Dans notre cas, nous avons mis en place des piles associées à chaque nœud, afin de savoir quelles sont les arêtes reliées à ce dernier. Si une arête est décontaminée, elle est enlevée de la pile des deux nœuds qu'elle relie. Les piles sont composées à l'origine de toutes les arêtes adjacentes au nœud dont dépend la pile, ainsi que deux arêtes factices bottom, placée au fond de la pile, et top, placée au somment de la pile.

#### 6.2 Domaine:

### 6.2.1 Objets:

- Nœud: Nœuds du graphe.
- Agent : Agents présents sur le graphe.
- Arete: Arêtes du graphe reliant les nœuds.

### **6.2.2** Actions:

- move restelnoeud:
  - o Paramètres: (?ag1 agent ?n1 noeud ?n2 noeud ?arlink arete ?ardessuspile1 arete ?ardessuspile2 arete ?ardessouspile1 arete ?ardessouspile2 arete):
    - On veut déplacer l'agent ag1 du nœud n1 vers le nœud n2, reliés par l'arête arlink. On prend également en paramètre les arêtes qui sont au-dessus et en dessous de l'arête arlink dans les piles des nœuds n1 et n2.
  - o Préconditions: (and (agentSur ?ag1 ?n1) (link ?n1 ?n2 ?arlink) (link ?n2 ?n1 ?arlink) (on ?arlink ?ardessouspile1 ?n1) (on ?ardessuspile1 ?arlink ?n1) (estbottom ?ardessouspile1) (esttop ?ardessuspile1) (on ?arlink ?ardessouspile2 ?n2) (on ?ardessuspile2 ?arlink ?n2):
    - L'agent ag1 est sur le nœud n1, qui est relié au nœud n2 via l'arête arlink. L'arête arlink est présente dans les piles des nœuds n1 et n2.
  - o Effets: (and (agentSur ?ag1 ?n2)
     (not (agentSur ?ag1 ?n1)) (estAreteMarquee ?arlink) (not (on ?arlink ?ardessouspile1 ?n1))



```
(not (on ?ardessuspile1 ?arlink ?n1)) (not (on ?arlink ?ardessouspile2 ?n2))
(not (on ?ardessuspile2 ?arlink ?n2)) (on ?ardessuspile1 ?ardessouspile1 ?n1)
(on ?ardessuspile2 ?ardessouspile2 ?n2)):
```

- L'agent est désormais sur le noeud n2 et non plus sur le noeud n1. L'arête traversée arlink est donc marquée, et est retirée des piles des noeuds n1 et n2.

### • move 2 agent meme noeuds au debut:

- Paramètres: (?ag1 agent ?ag2 agent ?n1 noeud ?n2 noeud ?arlink arete ?ardessuspile1 arete ?ardessuspile2 arete ?ardessouspile1 -arete ?ardessouspile2 arete):
  - Les deux agents ag1 et ag2 sont sur le même noeud n1. Le but est de déplacer l'agent ag1 vers le noeud n2. L'arête arlink qui relie les noeuds n1 et n2 est présente dans les piles des deux noeuds.
- o Préconditions: (and (agentSur ?ag1 ?n1) (agentSur ?ag2 ?n1) (agentDiff ?ag1 ?ag2) (link ?n1 ?n2 ?arlink) (link ?n2 ?n1 ?arlink) (on ?ardessuspile1 ?arlink ?n1) (on ?arlink ?ardessouspile1 ?n1) (on ?ardessuspile2 ?arlink ?n2) (on ?arlink ?ardessouspile2 ?n2)):
  - Les agents ag1 et ag2 sont sur le noeud n1, lié au noeud n2 via l'arête arlink, présente quant à elle dans les piles des deux noeuds.
- o Effets: (and (agentSur ?ag1 ?n2) (not (agentSur ?ag1 ?n1)) (agentSur ?ag2 ?n1)
   (estAreteMarquee ?arlink) (not (on ?arlink ?ardessouspile1 ?n1))
   (not (on ?ardessuspile1 ?arlink ?n1)) (not (on ?arlink ?ardessouspile2 ?n2))
   (not (on ?ardessuspile2 ?arlink ?n2)) (on ?ardessuspile1 ?ardessouspile1 ?n1)
   (on ?ardessuspile2 ?ardessouspile2 ?n2))):
  - L'agent ag1 est désormais sur le noeud n2 et non plus sur le noeud n1, tandis que l'agent n2 reste sur le noeud n1. L'arête traversée arlink est donc marquée, et est retirée des piles des noeuds n1 et n2.

### • rejoindre quand marque:

- o Paramètres: (?ag1 agent ?n1 noeud ?n2 noeud ?arlink arete ?bottom arete ?top arete):
  - L'agent n1 est sur le noeud n1 et cherche à se déplacer vers le noeud n2, reliés par l'arête arlink. Cette action ne marque pas d'arête et ne modifie pas les piles des noeuds.
- o Préconditions: (and (agentSur ?ag1 ?n1) (link ?n1 ?n2 ?arlink) (link ?n2 ?n1 ?arlink) (on ?top ?bottom ?n1)(estbottom ?bottom) (esttop ?top):
  - L'agent ag1 est sur le noeud n1, relié au noeud n2 par l'arête arlink. On vérifie si l'arête est marquée en regardant si elle est contenue dans la pile du noeud n1.
- o Effets: (and (agentSur ?ag1 ?n2) (not (agentSur ?ag1 ?n1))):
  - L'agent ag1 est désormais sur le noeud n2 et non plus sur le noeud n1.

### 6.2.3 Prédicats:

- link: (link?n1 noeud?n2 noeud?ar arete): Vrai si l'arête arlink relie les noeuds n1e t n2.
- agentSur: (agentSur?ag agent?n noeud): Vrai si l'agent ag est sur le noeud noeud.
- estAreteMarquee : (estAreteMarquee ?ar arete) : Vrai si l'arête ar est marquée.
- estbottom : (estbottom ?ar arete) : Vrai lorsque l'arête factice bottom est au fond de la pile.
- esttop : (esttop ?ar arete) : Vrai lorsque l'arête factice top est au sommet de la pile.
- on : (on ?ar1 arete ?ar2 arete ?p noeud) : Vrai si l'arête ar1 est sur l'arête ar2 dans la pile du noeud n.
- agentDiff: (agentDiff?ag1 agent?ag2 agent): Vrai si les agents ag1 et ag2 sont différents.

### 6.3 Problème:

### 6.3.1 Objet:

- Ensemble de noeuds : a b c d.
- Ensemble d'arêtes : ar1 ar2 ar3 ar4, auxquelles on rajoute toujours des arêtes non présentes dans le graphe : top et bottom. Ces arêtes permettent de gérer la pile.
- Ensemble d'agents : ag1 ag2.



#### 6.3.2 État initial:

- Il faut rajouter tous les arcs liants deux noeuds : (link i j arete) (link j i arete), afin de respecter la symétrie
- Il faut indiquer où se trouvent les agents au départ. Dans nos problèmes, les agents doivent absolument commencer sur le même noeud de départ. Par exemple, nos deux agents vont commencer sur le noeud a, on rajoute alors les prédicats (agentSur ag1 a) (agentSur ag2 a).
- L'arête top doit être considérée comme top et l'arête bottom doit être considérée comme le bottom. On rajoute dans tous nos problèmes les deux prédicats (esttop top) (estbottom bottom). Ils permettent de préciser que ce sont les arêtes présentes au sommet et au fond de chaque pile afin de gérer le cas où les piles sont vides.
- On a une pile par noeud indiquant les arêtes restantes à visiter. Par exemple, la pile du noeud est liée à 2 arêtes ar1 ar3 non visités. On a donc les prédicats (on top ar1 a) (on ar1 ar3 a) (ar3 bottom a).

### **6.3.3** État final :

• L'ensemble des arêtes doivent être marquées, on a donc les prédicats (estAreteMarquee ar1) (estAreteMarquee a2) (estAreteMarquee ar3) (estAreteMarquee ar4).

### 7 Sokoban

### 7.1 Description:

Le Sokoban est un jeu où gardien d'entrepôt (divisé en cases carrées), le joueur doit disposer des caisses sur des cases cibles. Il peut se déplacer dans les quatre directions et pousser (mais pas tirer) une caisse à la fois. Une fois que toutes les caisses ont été rangées (parfois un vrai casse-tête), le niveau est terminé et le joueur passe au niveau suivant, qui est généralement plus difficile. L'idéal est de réussir avec le moins de mouvements possibles (mouvements et poussées). Il a été démontré que résoudre les niveaux de Sokoban est un problème NP-difficile, dans le sens où le jeu appartient à la classe plus générale des problèmes de planification de déplacement, où le joueur est autorisé à pousser ou tirer un ou plusieurs objets à la fois. Le jeu intéresse également les chercheurs en intelligence artificielle, car résoudre les niveaux pose des problèmes difficiles, pour lesquels il n'existe actuellement aucun algorithme de résolution rapide.

#### 7.2 Domaine:

### 7.2.1 Objets:

- Caisse : Caisse à bouger par l'agent.
- But: But sur lequel une caisse doit se retrouver en position finale.
- Agent : Position de l'agent.
- Case: Une case du jeu, où peuvent se trouver les différents objets tels que l'agent, une caisse ou un but.
- Direction : Direction dans laquelle une caisse va pouvoir être poussée.

### **7.2.2** Actions:

- deplacer agent :
  - o Paramètres: (?d direction ?a agent ?c1 ?c2 case):
    - On veut déplacer l'agent a qui est sur la case c1 vers la case c2 qui est dans la direction d par rapport à l'agent.
  - o Préconditions: (and (agentSur ?a ?c1) (empty ?c2) (adjacente ?c2 ?c1 ?d)):
    - L'agent est sur la case c1, qui est adjacente à la case c2, qui est vide, dans la direction d.
  - o Effets: (and (not (agentSur ?a ?c1)) (empty ?c1) (agentSur ?a ?c2) (not (empty ?c2):
    - L'agent a n'est plus sur la case c1, qui devient vide par conséquent, et est désormais sur la case c2, qui n'est désormais plus vide.
- deplacer caisse:
  - o Paramètres: (?d direction ?a agent ?c1 ?c2 ?c3 case ?caisse caisse):
    - On veut déplacer la caisse caisse dans la direction d. On doit donc vérifier que les cases dans cette direction sont libres.



- o Préconditions: ((and (agentSur ?a ?c1) (caisseSur ?caisse ?c2) (caisseLibre ?caisse) (empty ?c3) (adjacente ?c2 ?c1 ?d) (adjacente ?c3 ?c2 ?d))):
  - L'agent a est sur la case c1, la caisse caisse est sur la case c2, qui ne possède pas de but, et qui est entourée par les cases c1 et c3 dans la direction d.
- o Effets: (and (not (agentSur ?a ?c1)) (empty ?c1) (agentSur ?a ?c2) (not (empty ?c2))
   (not (caisseSur ?caisse ?c2)) (caisseSur ?caisse ?c3) (not (empty ?c3)):
  - L'agent a a été déplacé de la case c1, qui est devenue vide, vers la case c2, qui n'est plus vide. La caisse a également été déplacée de la case c2 vers la case c3, qui n'est désormais plus vide.
- deplacer caisse sur but:
  - o Paramètres: (?d direction ?a agent ?c1 ?c2 ?c3 case ?caisse caisse ?b but):
    - On veut déplacer la caisse caisse sur la case qui possède le but b.
  - o Préconditions: ((and (agentSur ?a ?c1) (caisseSur ?caisse ?c2) (caisseLibre ?caisse) (empty ?c3) (butSurCase ?b ?c3) (butVide ?b) (adjacente ?c2 ?c1 ?d) (adjacente ?c3 ?c2 ?d))):
    - L'agent a est sur la case c1. La caisse caisse est sur la case c2. Les cases c1, c2 et c3 sont adjacentes dans la direction d, et cette dernière possède le but b qui est actuellement vide.
  - o Effets: (and (not (agentSur ?a ?c1)) (empty ?c1) (agentSur ?a ?c2)(not (empty ?c2))
     (not (caisseSur ?caisse ?c2)) (caisseSur ?caisse ?c3) (not (empty ?c3)) (not (butVide ?b))
     (caisseSurBut ?caisse) (not (caisseLibre ?caisse)):
    - L'agent a n'est désormais plus sur la case c1, qui devient vide, mais sur la case c2. La caisse caisse n'est plus sur la case c2 mais désormais sur la case c3, qui n'est donc plus vide. La caisse devient donc une caisse sur le but b et n'est donc plus libre.
- deplacer\_caisse\_hors\_but :
  - o Paramètres: (?d direction ?a agent ?c1 ?c2 ?c3 case ?caisse caisse ?b but):
    - On veut déplacer la caisse *caisse* vers la case qui ne possède pas le but b.
  - o Préconditions: ((and (agentSur ?a ?c1) (caisseSur ?caisse ?c2) (caisseSurBut ?caisse) (empty ?c3) (butSurCase ?b ?c2) (adjacente ?c2 ?c1 ?d) (adjacente ?c3 ?c2 ?d))):
    - L'agent a est sur la case c1. La caisse caisse est sur la case c2. Les cases c1, c2 et c3 sont adjacentes dans la direction d. La case c2 possède le but b, ce qui n'est pas le cas de la case c3.
  - o Effets: (and (not (agentSur ?a ?c1)) (empty ?c1) (agentSur ?a ?c2)(not (empty ?c2))
     (not (caisseSur ?caisse ?c2)) (butVide ?b) (caisseSur ?caisse ?c3) (not (empty ?c3))
     (not (caisseSurBut ?caisse)) (caisseLibre ?caisse):
    - L'agent a n'est plus sur la case c1, qui est désormais vide, mais sur la case c2. La caisse n'est plus sur la case c2 mais désormais sur la case c3, qui n'est désormais plus vide. La caisse caisse n'est plus sur le but et est libre.
- deplacer\_caisse\_de\_but\_sur\_but :
  - o Paramètres: (?d direction ?a agent ?c1 ?c2 ?c3 case ?caisse caisse ?b1 ?b2 but):
    - On veut déplacer la caisse caisse depuis la case c2 qui contient le but b1 vers la case c3 qui possède le but b2, en la poussant avec l'agent a dans la direction d.
  - o Préconditions: ((and (agentSur ?a ?c1) (caisseSur ?caisse ?c2) (empty ?c3) (butSurCase ?b1 ?c2) (butSurCase ?b2 ?c3) (butVide ?b2) (caisseSurBut ?caisse) (adjacente ?c2 ?c1 ?d) (adjacente ?c3 ?c2 ?d))):
    - L'agent a est sur la case c1. La caisse caisse est sur la case c2. La case c3 est actuellement vide. Les cases c2 et c3 possèdent respectivement les buts b1 et b2. Le but b2 doit être vide, tandis que la caisse caisse doit être sur le but b1. Les cases c1, c2 et c3 sont adjacentes dans la direction d.
  - o Effets: (and (not (agentSur ?a ?c1)) (empty ?c1) (agentSur ?a ?c2)(not (empty ?c2))
     (not (caisseSur ?caisse ?c2)) (butVide ?b1) (caisseSur ?caisse ?c3) (not (empty ?c3))
     (not (butVide ?b2)) (caisseSurBut ?caisse):
    - L'agent a n'est plus sur la case c1, qui est désormais vide, mais sur la case c2. La caisse n'est plus sur la case c2 mais désormais sur la case c3, qui n'est désormais plus vide. Le but b1 est désormais compté comme vide car il n'a plus de caisse sur lui, au contraire du but b2 qui n'est quant à lui plus vide, car la caisse caisse est désormais sur lui.



#### 7.2.3 Prédicats:

- empty: (empty ?c case): La case c n'est pas un mur, et n'a pas d'agent ou de caisse sur elle.
- caisseSur : (caisseSur ?c caisse ?case case) : La caisse c est sur la case case.
- agentSur : (agentSur ?a agent ?case case) : L'agent a est sur la case case.
- butSurCase: (butSurCase?b but?case case): Le but b est sur la case case.
- butVide: (butVide?b but): Le but b n'a pas de caisse sur lui.
- adjacente: (adjacente ?c1 ?c2 case ?d direction): La case c1 est adjacente à la case c2 dans la direction
   d.
- caisseLibre : (caisseLibre ?c caisse) : La caisse c n'est pas sur un but.
- caisseSurBut : (caisseSurBut ?c caisse) : La caisse c ets sur un but.

### 8 SAT Planner

### 8.1 Description:

Un problème SAT est un problème consistant à déterminer s'il existe une assignation de valeurs de vérité (vrai ou faux) aux variables d'une formule booléenne qui rend cette formule vraie, c'est-à-dire satisfiable. En d'autres termes, le problème SAT cherche à savoir s'il existe une combinaison d'assignations de vérité qui satisfait toutes les clauses de la formule.

Un exemple de formule booléenne est une conjonction de disjonctions de littéraux, où un littéral est une variable propositionnelle ou sa négation.

Une clause est une disjonction de variables propositionnelles :  $(x_1 \lor x_3 \lor \overline{x}_4)$ .

Une formule sous Forme Normale Conjonctive (CNF) est sous la forme :  $(x_1 \lor x_3 \lor \overline{x}_4) \land (x_4) \land (x_2 \lor \overline{x}_3)$ .

Un SAT Problème consiste donc à évaluer des variables à Vrai ou Faux.

Le but ici est donc de transformer une action en une conjonction de clauses :

```
 \neg MOVE(R, l1, l2, 0) \lor \neg MOVE(R, l2, l1, 0) \text{ devient } \neg a \lor \neg b, \\ \neg at(R, l1, 0) \land at(R, l1, 1) \longrightarrow MOVE(R, l2, l1, 0) \text{ devient } \neg c \land d \longrightarrow b, \\ \text{etc...}
```

### 8.2 Domaine:

### 8.2.1 Constructeur:

- SATEncoding(Problem problem, int steps) : Traduit le problème instancié par le *parser* PPDL en problème SAT en version CNF.
  - o Paramètres :
    - $-\ Problem\ problem$  : Problème à résoudre.
    - int steps : Nombre d'étapes pour résoudre le problème.

#### 8.2.2 Méthodes:

- void convertInitGoal(boolean goal): Convertit l'état initial et l'état objectif en SAT.
  - o Paramètre: boolean goal: Vrai si on convertit l'état objectif, Faux si on convertit l'état initial.
- void convertAction(Action action, int step): Convertit l'action passée en paramètre.
  - o Paramètres :
    - Action action : Action à convertir.
    - int step : Numéro de l'étape à résoudre.
- void convertActionDisjunction(int step) : Convertit une action en une disjonction CNF.
  - o Paramètre : int step : Numéro de l'étape à convertir.
- void convertStateTransitions(int step) : Convertit toutes les transitions d'état pour e numéro d'étape passé en paramètre.
  - o Paramètre : int step : Numéro de l'étape à convertir.
- void addClause(int[] clause) : Ajoute une clause au tableau passé en paramètre.

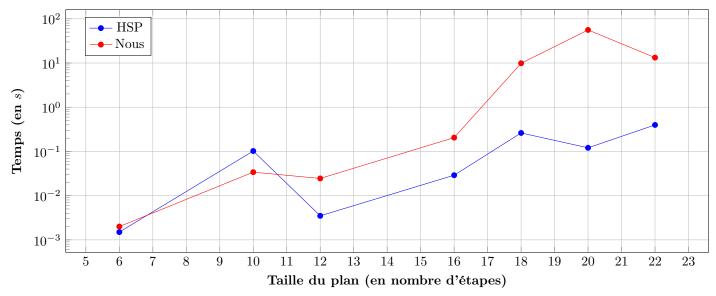


- o Paramètre : int// clause : Tableau auquel on ajoute une clause.
- void solve() : Ajoute une clause au tableau passé en paramètre.
- String getPlan() : Récupère le plan sous forme textuelle.
  - o Valeur de retour : Plan sous forme de chaîne de caractère.
- String actionToString(Action a, int step): Renvoie l'action sous forme textuelle.
  - o Paramètres :
    - Action a : Action qui sera renvoyée sous forme textuelle.
    - int step : Numéro de l'étape à résoudre.
  - o Valeur de retour : Action sous forme de chaîne de caractère.

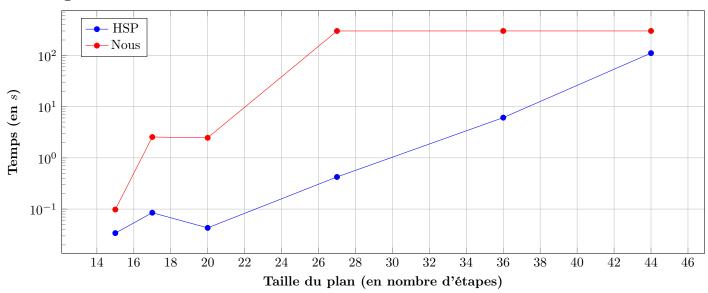
### 9 Benchmark

Tous les graphes ci-dessous comparent le temps **moyen** (en s) de traduction et résolution pour chaque taille de plan (en nombre d'étapes).

### 9.1 Blocksworld:

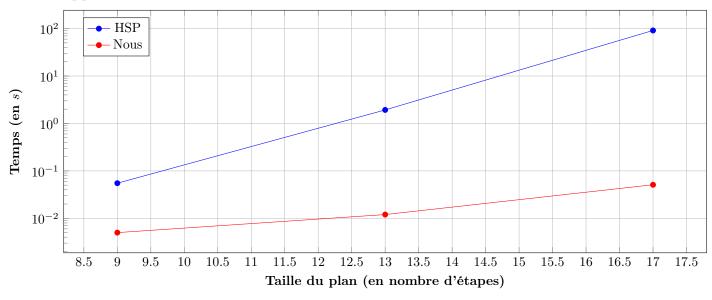


### 9.2 Logistics:





### 9.3 Gripper:



### 9.4 Dépôts:

On a systématiquement un dépassement mémoire peu importe la quantité mémoire allouée.

### 10 Conclusion

Nous avons quelques incohérences au niveau des benchmarks, notamment la stagnation à 300s dès que l'on dépasse 26 étapes dans la catégorie logistique. De notre point de vue, la cause de cette incohérence est dû à une mauvaise utilisation de la bibliothèque sat4j.

Dans la même catégorie, le fait d'être plus rapide que HSP pour Gripper. Notre hypothèse pour expliquer cela est que chaque version SAT d'un problème Gripper a un ratio variables/clauses assez éloigné de 1, ce qui fait que le solveur SAT peut plus rapidement trouver une solution que HSP.

De plus, le fait d'avoir un dépassement systématique de la mémoire pour le problème dépôt, malgré l'allocation d'une grande quantité de mémoire. Peut-être dû au nombre exponentiel de clauses et de variables pour ce type de problème.

Vous pouvez voir sur l'histogramme présent au début que nous avons eu un pic de difficulté sur poursuite évasion qui nous a fait perdre beaucoup de temps. Cela est dû à la difficulté de retranscription basée sur les arêtes.

Nous sommes heureux d'avoir complété tous les challenges, ce ne fut pas une mince affaire. Les problèmes étaient intéressants et diversifiés.

### 11 Feedback

Indiquer les hypothèses utilisées pour résoudre les problèmes, notamment pour le poursuite-évasion ou les agents doivent commencer sur le nœud. Indiquer aussi qu'il faut décontaminer pas seulement les nœuds, mais aussi les arêtes.

Aider un peu plus les étudiants sur la partie SAT Planner, qui peut être complexe à saisir. Aider également sur l'installation et l'utilisation des librairies nécessaires car cela peut faire perdre énormément de temps.

