

نمادهای رایج:

0: این فرمول برای مقایسه رشد تابع در مقادیر بزرگ استفاده می شود. در این فرمول $T(n)$ و $g(n)$ تابع هستند که رشد آنها در مقادیر بزرگ مورد بررسی قرار می گیرد. C یک ثابت مثبت است و n_0 یک عدد مثبت است. فرمول بیان می کند که برای هر عدد n بزرگتر از n_0 ، مقدار $T(n)$ کمتر یا مساوی C ضرب در مقدار $g(n)$ است. به عبارت دیگر رشد $T(n)$ به صورت نامی کمتر یا مساوی رشد $g(n)$ است. این فرمول برای تحلیل عملکرد الگوریتم ها و مقایسه عملکرد دو الگوریتم در مقادیر بزرگ استفاده می شود.

$$\begin{cases} T(n) \in O(g(n)) \Leftrightarrow \exists n_0, C > 0 : \forall n \geq n_0, T(n) \leq C \cdot g(n) \\ T(n) \in O(g(n)) \Leftrightarrow \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{T(n)}{g(n)} = \begin{cases} 0 \\ \infty \end{cases} \end{cases}$$

Ω: انگاری بزرگ، پایین ترین حد عملکرد زمانی یک الگوریتم را مشخص می کند. به عبارت دیگر، انگاری بزرگ نشان می دهد که برای ورودی های بزرگ، الگوریتم باید حداقل به اندازه ای زمان ببرد که توسط تابع $T(n)$ نشان داده شده است. در این فرمول، $g(n)$ تابعی است که می تواند زمان اجرای الگوریتم را توصیف می کند و یک ثابت مثبت است. اگر $\Omega(g(n) = T(n))$ ، آنگاه برای هر ثابت مثبت $T(n) \leq g(n)$ به عبارت دیگر برای هر مقدار ثابت C ، زمان اجرای الگوریتم برای ورودی های بزرگ، حداقل C برابر با $g(n)$ خواهد بود.

$$\begin{cases} T(n) \in \Omega(g(n)) \Leftrightarrow \exists n_0, C > 0 : \forall n \geq n_0, T(n) \geq C \cdot g(n) \\ T(n) \in \Omega(g(n)) \Leftrightarrow \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{T(n)}{g(n)} = \begin{cases} \infty \\ C \end{cases} \end{cases}$$

Θ: به طور ساده اگر تابع $T(n)$ در میان بزرگ، کوچکتر یا برابر تابع $g(n)$ باشد، می گوئیم که $g(n) = \Theta(T(n))$ است. به عبارت دیگر رشد $T(n)$ به صورت نامی کمتر از رشد $g(n)$ است. این فرمول برای تحلیل عملکرد الگوریتم ها و مقایسه عملکرد دو الگوریتم در مقادیر بزرگ استفاده می شود.

$$T(n) = O(g(n)) \Leftrightarrow \forall C > 0, \exists n_0 > 0 : \forall n \geq n_0, T(n) \leq C \cdot g(n)$$

۱۰: تابع $(g(n))$ مجموعه‌ای از تمام توابع $T(n)$ را شامل می‌شود که برای مقادیر کافی بزرگ n ، $T(n)$ از $c \cdot g(n)$ برابر یا بیشتر است. عبارت دیگر $T(n)$ به طور نمایی حد آفل به اندازه $g(n)$ رشد می‌کند.

$$T(n) \in \Omega(g(n)) \Leftrightarrow \forall c > 0, \exists n_0 > 0 : \forall n \geq n_0, c \cdot g(n) \leq T(n)$$

Θ : این فرمول به گونه‌ای زمان الگوریتم است. در این فرمول c_1 و c_2 مقادیر ثابتی هستند که به الگوریتم و داده‌ها وابسته هستند. n نیز اندازه ورودی الگوریتم است.

$$\begin{cases} T(n) \in \Theta(g(n)) \Leftrightarrow \exists n_0, c_1, c_2 > 0 : \forall n \geq n_0, c_1 \cdot g(n) \leq T(n) \leq c_2 \cdot g(n) \\ T(n) \in \Theta(g(n)) \Leftrightarrow \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{T(n)}{g(n)} = c \end{cases}$$