

Tabela de Distribuições Contínuas - João Maurício A. Mota e Bruno M. de Castro

Nome das Famílias de Distribuições Paramétricas	Função densidade de probabilidade $f(\cdot)$	Espaço Paramétrico	Média $\mu = \mathbb{E}[X]$	Variância $\sigma^2 = \mathbb{E}[(X - \mu)^2]$	Momentos Cumulantes $K_t = \mathbb{E}[(X - \mu)^t]$ ou $\mu'_r = \mathbb{E}[(X - \mu)^r]$ ou $\mu_r = \mathbb{E}[X^r]$	Função Geradora de Momentos $\mathbb{E}[e^{tX}]$
Uniforme ou Retangular	$f(x) = \frac{1}{b-a} I_{(a,b)}(x)$	$-\infty < a < b < \infty$	$\frac{a+b}{2}$	$\frac{(b-a)^2}{12}$	$\mu_r = 0$, para r ímpar $\mu_r = \frac{(b-a)^r}{2^r(r+1)}$, para r par	$\frac{e^{bt} - e^{at}}{(b-a)t}$
Normal	$f(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma^2}} \exp[-(x-\mu)^2/2\sigma^2] I_{(-\infty,\infty)}(x)$	$\mu \in \mathbb{R}$ $\sigma > 0$	μ	σ^2	$\mu_r = 0$, r ímpar; $\mu_r = \frac{r! \sigma^r}{2^{r/2} (r/2)!}$, r par	$\exp\left[\mu t + \frac{\sigma^2 t^2}{2}\right]$
Exponencial	$f(x) = \lambda e^{-\lambda x} I_{(0,\infty)}(x)$	$\lambda > 0$	$\frac{1}{\lambda}$	$\frac{1}{\lambda^2}$	$\mu'_r = \frac{\Gamma(r+1)}{\lambda^r}$	$\frac{\lambda}{\lambda - t}, t < \lambda$
Gama	$f(x) = \frac{\lambda^r}{\Gamma(r)} x^{r-1} e^{-\lambda x} I_{(0,\infty)}(x)$	$\lambda > 0$ $r > 0$	$\frac{r}{\lambda}$	$\frac{r}{\lambda^2}$	$\mu'_j = \frac{\Gamma(r+j)}{\lambda^j \Gamma(r)}$	$\left(\frac{\lambda}{\lambda - t}\right)^r, t < \lambda$
Beta	$f(x) = \frac{1}{\mathcal{B}(a,b)} x^{a-1} (1-x)^{b-1} I_{(0,1)}(x)$	$a > 0$ $b > 0$	$\frac{a}{a+b}$	$\frac{ab}{(a+b+1)(a+b)^2}$	$\mu'_r = \frac{\mathcal{B}(r+a,b)}{\mathcal{B}(a+b)}$	Não é útil
Cauchy	$f(x) = \frac{1}{\pi \beta \{1 + [(x-\alpha)/\beta]^2\}} I_{(-\infty,\infty)}(x)$	$\alpha \in \mathbb{R}$ $\beta > 0$	Não existe	Não existe	Não existe	A função característica é $e^{\alpha it - \beta t }$
Lognormal	$f(x) = \frac{1}{x\sqrt{2\pi\sigma^2}} \exp[-(\ln x - \mu)^2/2\sigma^2] I_{(0,\infty)}(x)$	$\mu \in \mathbb{R}$ $\sigma > 0$	$\exp\left[\mu + \frac{\sigma^2}{2}\right]$	$e^{2\mu + \sigma^2} (e^{\sigma^2} - 1)$	$\mu'_r = \exp\left[r\mu + \frac{r^2 \sigma^2}{2}\right]$	Não é útil
Laplace ou Exponencial dupla	$f(x) = \frac{1}{2\beta} \exp[- x - \alpha /\beta] I_{(-\infty,\infty)}(x)$	$\alpha \in \mathbb{R}$ $\beta > 0$	α	$2\beta^2$	$\mu_r = 0$, para r ímpar $\mu_r = r! \beta^r$, para r par	$\frac{e^{\alpha t}}{1 - (\beta t)^2}, t < 1/\beta$