

CC0308 - Análise de Séries Temporais Lista de Exercícios: Tendência e Sazonalidade Profa. Jeniffer J. Duarte Sanchez

1. Suponha que o modelo seja da forma $Z_t = g(t) + h(t) + a_t$, em que g(t) é periódica de período T e h(t) representa tendência, por exemplo. Admita que $\sum_{t=1}^{T} g(t) = 0$. Mostre que uma média móvel com T termos e coeficientes iguais eliminará g(t), isto é,

$$E\left(\frac{1}{T}\sum_{j=1}^{T}Z_{t+j}\right) = \frac{1}{T}\sum_{j=1}^{T}h(t+j).$$

2. Prove que se $\sum_{t=1}^{12} S_t = 0$, então S_t pode ser escrita na forma

$$S_{t} = \alpha_{1}d_{1t} + \dots + \alpha_{12}d_{12,t} = \sum_{j=1}^{6} \left(\gamma_{j} \cos \lambda_{j}t + \gamma_{j}^{'} \sin \lambda_{j}t \right),$$

em que $\lambda_{j} = \frac{2\pi j}{12}$. Relacione os $\gamma_{j}, \, \gamma_{j}^{'}$ e α_{j} .

3. Considere os dados a seguir

Ano	Trimestre	Z_t	Ano	Trimestre	$\overline{Z_t}$
1962	1	3	1964	1	6
	2	2		2	3
	3	4		3	5
	4	6		4	8
1963	1	3	1965	1	4
	2	5		2	9
	3	4		3	10
	4	7		4	8

- Realize um gráfico da série, o que pode concluir?
- Sugira um modelo para a série;
- Estime a tendência por meio de uma média móvel centrada de quatro termos;
- Obtenha a série livre de tendência e faça seu gráfico;
- Obtenha estimativas das constantes sazonais S_1, \ldots, S_4 e a série sazonalmente ajustada;
- Obtenha os resíduos $a_t^* = Z_t \widehat{T}_t \widehat{S}_t$; há evidência de que eles não sejam aleatórios?

 $\bullet\,$ Obtenha estimativas de T_t e S_t usando o modelo

$$Z_{t} = \beta_{0} + \beta_{1}t + \sum_{j=1}^{4} \alpha_{j}d_{jt} + a_{t}.$$

Obtenha previsões para os quatro trimestres de 1966.