

Introduction :

Comme nous l'avons vu dans le TP précédent, la méthode dichotomique permet de retrouver l'indice d'un élément dans une base de données.

Mais comme nous allons le voir en détail dans ce TP, on peut aussi utiliser ce type d'algorithme pour résoudre des équations mathématiques !

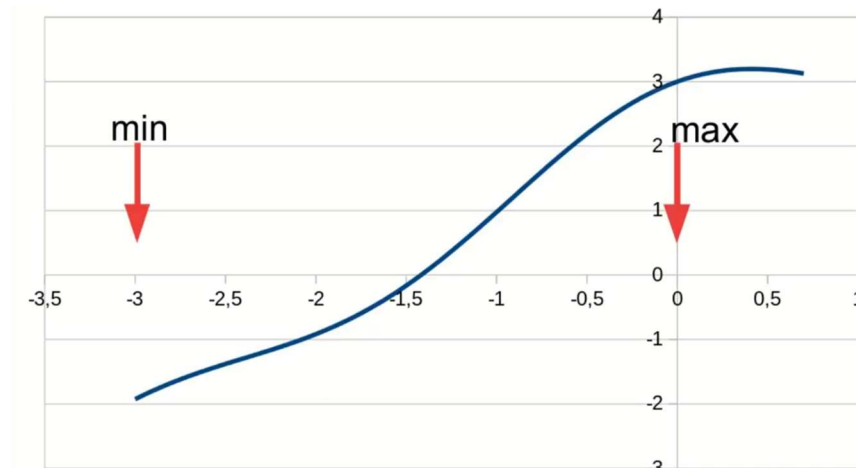
En effet, on peut réduire progressivement l'encadrement de la racine probable d'une fonction, entre un minimum et un maximum.

Afin de mieux comprendre cet algorithme, je vous propose de regarder cette vidéo :

- www.youtube.com/watch?v=2T4msPnlyJ8

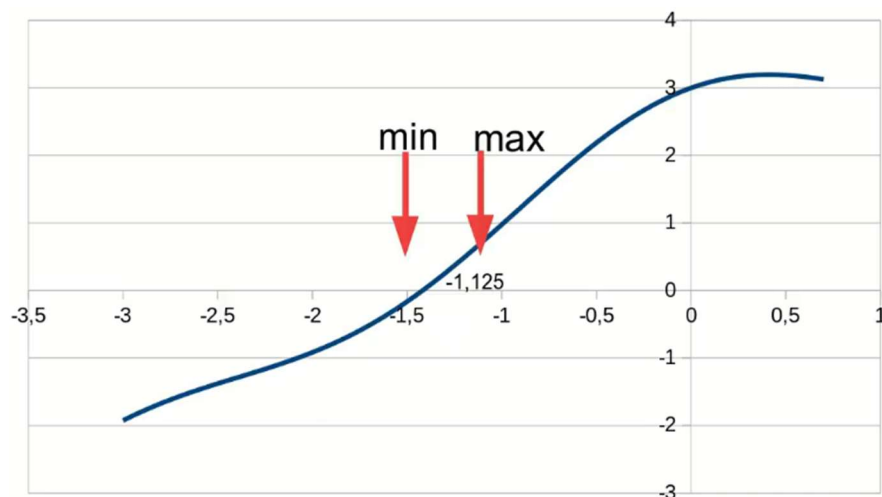
Représentation :

- A l'exécution initiale du code :



Comme on peut le voir sur cette courbe ci-dessus, on définit initialement une zone de recherche ayant pour **bornes**, les valeurs : **-3 et 0**.

- Puis étapes après étapes, notre encadrement se réduit, et par conséquent notre résultat s'affine et se précise :



Programmation :

Algorithme :

```

1 # Auteur : Romain MELLAZA
2
3 import math
4
5 def fnQuelconque(x):
6     '''
7     Je définis une fonction quelconque que mon programme
8     va devoir résoudre.
9     '''
10    y = x+(2*math.sin(x)/x)+math.cos(x)**2
11    return y
12
13 def signe(x):
14     '''
15     Je récupère le signe du résultat.
16     '''
17     if (x >= 0):
18         return +1
19     else:
20         return -1
21
22 # Je définis ma zone de recherche :
23 min = -3.0 # Avec un minimum
24 max = 0.0 # Et un maximum
25 delta = abs(max - min)
26 precision = 0.00001 # Précision de la réponse, que l'on peut faire varier.
27 n = 0 # Compteur de boucle
28
29 # Main LOOP :
30 while (delta > precision):
31     essai = min + (max - min)/2
32     y = fnQuelconque(essai)
33     if (signe(y) == +1):
34         max = essai
35     else:
36         min = essai
37     delta = abs(max - min)
38
39     n += 1
40
41 print("La solution est contenue entre",min,"et", max)
42 print("Résolu en",n,"étapes.")

```

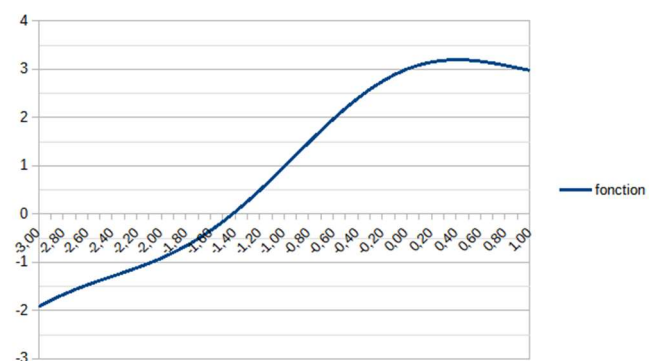
A noter que la fonction traitée dans le code ci-dessus, est : « $\frac{x+\sin(x)}{x} + \cos(x)^2$ », mais on peut utiliser n'importe quelle fonction !

Représentation graphique :

Voici ci-contre la courbe représentant la fonction du code.

En exécutant mon programme, j'apprends que ma racine est située précisément entre -1.418 et -1.417

On obtient donc une information **bien plus précise**, que par une simple lecture graphique.



Représentation graphique (matplotlib) :

Dans la partie précédente on utilise un tableur externe (type Excel), mais on peut tout aussi bien tracer cette courbe directement avec Python.

J'ai donc créé une fonction universelle qui me permet de **tracer n'importe quelle courbe**, quel que soit la fonction !

Pour cela j'utilise la librairie « matplotlib » pour tracer des courbes, ainsi que la librairie « numpy » pour générer des valeurs décimales !

```
1 import matplotlib.pyplot as courbe
2 import numpy as np
3
4 def trace_courbe(mini, maxi, prec, res):
5     # Je définis mes listes d'abscisses et d'ordonnées :
6     x = []
7     y = []
8
9     # Génération des abscisses entre la min et le max, avec une précision :
10    valx = (x for x in np.arange(mini, maxi, prec))
11
12    # Calcul des ordonnées correspondant à chaque abscisse :
13    for val in valx:
14        x.append(val)
15        y.append(fnQuelconque(val))
16
17    # Création de la courbe :
18    courbe.title("Courbe représentative du polynôme")
19    courbe.xlabel("Valeur de x")
20    courbe.ylabel("F(x)")
21    courbe.axhline(y=0, color='k')
22    courbe.axvline(x=0, color='k')
23    courbe.grid(color = 'green', linestyle = '--', linewidth = 0.5)
24    courbe.plot(x, y, 'b-')
25    courbe.plot(res, 0, marker="o", markersize=10, markeredgecolor="red",
26    markerfacecolor="red")
27    res_str = round(res, 3)
28    res_str = str(res_str)
29    courbe.annotate(res_str, (res-0.15, 0.15))
30    courbe.show()
```

Ma fonction me permet de visualiser ma (ou mes) racine(s) en affichant un point distinctif ainsi que son abscisse juste à côté (calculé par l'algorithme dichotomique) !

Lorsque l'on modifie la précision de la recherche dichotomique, on modifie aussi la précision de la courbe, et donc l'intervalle entre chaque point de celle-ci.

