

ИДЗ №1

1. Вычислить комплексное число $z = \frac{z_1 - z_2}{z_3} + z_4$, найти его модуль и аргумент. Найти z^n и все корни уравнения $x^m + z = 0$.

$$z_1 = 2 + 3i, z_2 = -4 - 5i, z_3 = 3 - 2i, z_4 = \sqrt{3} - \frac{2}{13} - \frac{23}{13}i, n = 5, m = 4.$$

2. Дан многочлен. Разложить его по степеням x-c:

$$x^4 + 2x^3 - 3x^2 - 4x + 1, c = -1.$$

3. Доказать, что $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = a$ (указать $N(\varepsilon)$): $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{4n-3}{2n+1}, a = 2$.

4. Вычислить пределы последовательностей: $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n^3 - (n-1)^3}{(n+1)^4 - n^4}, \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{n+3} - \sqrt{n^2-3}}{\sqrt[3]{n^5-4} - \sqrt[4]{n^4+1}},$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} (\sqrt{(n+2)(n+1)} - \sqrt{(n-1)(n+3)}), \lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{n+3}{n+5} \right)^{n+4}.$$

5. Вычислить пределы функций: $\lim_{x \rightarrow 4} \frac{3x^3 - 3x - 36}{x^2 - x - 12}, \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^3 - x^2 + x - 1}{x^3 + x - 2}, \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x - 2x^2 + 5x^4}{2 + 3x^2 + x^4},$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{8x^5 - 4x^3 + 3}{2x^4 + x^3 - 7}, \lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^3 - 3x - 2}{x - 2}, \lim_{x \rightarrow 0} \frac{3x}{\sqrt{5-x} - \sqrt{5+x}}, \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{1+x} - \sqrt{1-x}}{\sqrt[3]{1+x} - \sqrt[3]{1-x}}, \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{3x-4}{3x+2} \right)^{2x},$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\cos^2 x - \cos^2 2x}{x^2}, \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\arcsin 8x}{\operatorname{tg} 4x}, \lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{4\pi x} - 1}{\sqrt[3]{8+24x} - 2}.$$

6. Доказать, что $f(x)$ и $\varphi(x)$ при $x \rightarrow \infty$ являются бесконечно малыми одного порядка:

$$f(x) = \sin x + \sin 5x, \varphi(x) = 2x.$$

7. Доказать, что $f(x)$ непрерывна в точке x_0 , найти $\delta(\varepsilon): f(x) = -4x^2 + 9, x_0 = 4$.

8. Исследовать функцию на непрерывность в указанных точках:

$$f(x) = \frac{x-4}{x+3}, x_1 = -3, x_2 = -2.$$

9. Исследовать функцию на непрерывность и построить ее график:

$$f(x) = \begin{cases} -x + 2, & x \leq -2 \\ x^3, & -2 < x \leq 1 \\ 2, & x > 1 \end{cases}.$$

1. Вычислить комплексное число $z = \frac{z_1 - z_2}{z_3} + z_4$, найти его модуль и аргумент. Найти z^n и все корни уравнения $x^m + z = 0$.

$$z_1 = 3 - 2i, z_2 = 5 - 4i, z_3 = 2 + 3i, z_4 = \frac{11}{13} + \frac{3}{13}i, n = 6, m = 3.$$

2. Дан многочлен. Разложить его по степеням x -с:
- $$x^5 + 9x^3 - 2x^2 + 4x + 1, c = 1.$$

3. Доказать, что $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = a$ (указать $N(\varepsilon)$): $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{2n+1}{3n-5}, a = \frac{2}{3}$.

4. Вычислить пределы последовательностей: $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{8n^3 - 2n}{(n+1)^4 - (n-1)^4}, \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\sqrt[3]{n^2} - \sqrt{n^2 + 5}}{\sqrt[5]{n^7} - \sqrt{n+1}},$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{(n^5 + 1)(n^2 - 1)} - n\sqrt{n(n^4 + 1)}}{n}, \lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{n^2 - 1}{n^2} \right)^{n^4}.$$

5. Вычислить пределы функций: $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{3x^2 + 2x - 36}{-x^2 + x + 2}, \lim_{x \rightarrow 1} \frac{2x^2 + x - 10}{x^3 - 1}, \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x^2 - 4x + 2}{6x^2 + 5x + 1},$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x^2 + 3x + 7}{3x^4 - 2x^2 + x}, \lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^3 - 3x - 2}{x^2 + 2x + 1}, \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{x^2 + 4} - 2}{\sqrt{x^2 + 16} - 4}, \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{1+x} - \sqrt{1-x}}{\sqrt[3]{x}}, \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x+3}{x} \right)^{-5x}, \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(1-3x)}{\sqrt{8x+4}-2},$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{5x} - 1}{\sin 2x}, \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\arctg 2x}{\sin(2\pi(x+10))}.$$

6. Доказать, что $f(x)$ и $\varphi(x)$ при $x \rightarrow \infty$ являются бесконечно малыми одного порядка:

$$f(x) = \frac{2x}{3-x}, \varphi(x) = 2x - x^2.$$

7. Доказать, что $f(x)$ непрерывна в точке x_0 , найти $\delta(\varepsilon): f(x) = 2x^2 - 3, x_0 = 4$.

8. Исследовать функцию на непрерывность в указанных точках:

$$f(x) = \frac{2x}{x^2 - 1}, x_1 = 1, x_2 = 2.$$

9. Исследовать функцию на непрерывность и построить ее график:

$$f(x) = \begin{cases} x^3, & x < -1 \\ x - 1, & -1 \leq x \leq 3 \\ -x + 5, & x > 3 \end{cases}.$$

ИДЗ №3

1. Вычислить комплексное число $z = \frac{z_1 - z_2}{z_3} + z_4$, найти его модуль и аргумент. Найти z^n и все корни уравнения $x^m + z = 0$.

$$z_1 = 5 - 3i, z_2 = 2 + 4i, z_3 = 6 - 4i, z_4 = -\frac{49}{26} + \left(\frac{15}{26} + \sqrt{3}\right)i, n = 3, m = 6.$$

2. Дан многочлен. Разложить его по степеням x -с:
 $x^4 - 8x^3 + 24x^2 - 50x + 90, c = 2.$

3. Доказать, что $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = a$ (указать $N(\varepsilon)$): $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{3n-1}{5n+1}, a = \frac{3}{5}.$

4. Вычислить пределы последовательностей: $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{(3-4n)^2}{(n-3)^3 - (n+3)^3}, \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{n^5+3} - \sqrt{n-3}}{\sqrt[5]{n^5+3} - \sqrt{n-3}},$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} n(\sqrt[3]{5+8n^3} - 2n), \lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{2n^2+7n-1}{2n^2+3n-1} \right)^{-n^3}.$$

5. Вычислить пределы функций: $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{7x^2+4x-3}{2x^2+3x+1}, \lim_{x \rightarrow 4} \frac{x^2+3x-28}{x^3-64}, \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x^3+7x-2}{3x^3-x-4},$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x^4+2x-5}{2x^2+x+7}, \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^3-3x-2}{x^3-x^2-x+1}, \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{3+2x}-\sqrt{x+4}}{3x^2-4x+1}, \lim_{x \rightarrow 4} \frac{\sqrt{x}-2}{\sqrt[3]{x^2-16}}, \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{2x-1}{2x+4} \right)^{-x}, \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 3x}{\ln(1+2x)},$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{3x^2-5x}{\sin 3x}, \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(5(x+\pi))}{e^{5x}-1}.$$

6. Доказать, что $f(x)$ и $\varphi(x)$ при $x \rightarrow \infty$ являются бесконечно малыми одного порядка:

$$f(x) = \frac{3x}{1-x}, \varphi(x) = \frac{x}{4+x}.$$

7. Доказать, что $f(x)$ непрерывна в точке x_0 , найти $\delta(\varepsilon)$:
 $f(x) = -5x^2 - 9, x_0 = 3.$

8. Исследовать функцию на непрерывность в указанных точках:

$$f(x) = \frac{x+5}{x-3}, x_1 = 3, x_2 = 4.$$

9. Исследовать функцию на непрерывность и построить ее график:

$$f(x) = \begin{cases} 3x+4, & x \leq -1 \\ x^2-2, & -1 < x < 2 \\ x, & x \geq 2 \end{cases}.$$

1. Вычислить комплексное число $z = \frac{z_1 - z_2}{z_3} + z_4$, найти его модуль и аргумент. Найти z^n и все корни уравнения $x^m + z = 0$.

$$z_1 = 3 + 5i, z_2 = 4 - 2i, z_3 = 4 + 6i, z_4 = -\frac{71}{26} + \frac{35}{26}i, n = 4, m = 5.$$

2. Дан многочлен. Разложить его по степеням x -с:
 $x^4 + 2ix^3 - (1 + i)x^2 - 3x + 7 + i, c = -i.$

3. Доказать, что $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = a$ (указать $N(\varepsilon)$): $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{5n+1}{10n-3}, a = \frac{1}{2}.$

4. Вычислить пределы последовательностей: $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{(n+1)^4 - (n-1)^4}{(n+1)^3 - (n-1)^3}, \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\sqrt[3]{n^2} - 9n^2}{3n - \sqrt[4]{9n^8 + 1}}, \lim_{n \rightarrow \infty} (n - \sqrt{(n-1)}),$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{2n^2 + 21n - 7}{2n^2 + 18n + 9} \right)^{2n+1^3}.$$

5. Вычислить пределы функций: $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{4x^2 + x - 5}{x^2 - 2x + 1}, \lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^3 - 8}{2x^2 - 9x + 10}, \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{4 - 5x^2 - 3x^5}{x^5 + 6x + 8},$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{3x^4 + 2x^2 - 8}{8x^3 - 4x + 5}, \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 - 2x + 1}{x^3 - x^2 - x + 1}, \lim_{x \rightarrow 4} \frac{2 - x}{\sqrt{6x + 1} - 5}, \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{x} - 1}{x^2 - 1}, \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{2x - 4}{2x} \right)^{-3x}, \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin^2 x - \tan^2 x}{x^4},$$

$$\lim_{x \rightarrow -2} \frac{\sin(x+2)}{x^3 + 8}, \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\cos 2x - \cos x}{1 - \cos x}.$$

6. Доказать, что $f(x)$ и $\varphi(x)$ при $x \rightarrow \infty$ являются бесконечно малыми одного порядка:

$$f(x) = \frac{x^2}{7 + x}, \varphi(x) = 3x^3 - x^2.$$

7. Доказать, что $f(x)$ непрерывна в точке x_0 , найти $\delta(\varepsilon)$: $f(x) = -2x^2 + 7, x_0 = 6.$

8. Исследовать функцию на непрерывность в указанных точках:

$$f(x) = 2^{\frac{3}{x+2}}, x_1 = -2, x_2 = -1.$$

9. Исследовать функцию на непрерывность и построить ее график:

$$f(x) = \begin{cases} x, & x < -2 \\ -x + 1, & -2 \leq x \leq 1 \\ x^2 - 1, & x > 1 \end{cases}.$$

1. Вычислить комплексное число $z = \frac{z_1 - z_2}{z_3} + z_4$, найти его модуль и аргумент. Найти z^n и все корни уравнения $x^m + z = 0$.

$$z_1 = -2 + 6i, z_2 = 3 - 5i, z_3 = -3 + 2i, z_4 = -\frac{37}{13} - \sqrt{3} + \frac{36}{13}i, n = 7, m = 3.$$

2. Дан многочлен. Разложить его по степеням x -с:
 $x^4 + (3 - 8i)x^3 - (21 + 18i)x^2 - (33 - 20i)x + 7 + 18i, c = -1 + 2i.$

3. Доказать, что $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = a$ (указать $N(\varepsilon)$): $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{3n^2}{2 - n^2}, a = -3.$

4. Вычислить пределы последовательностей: $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{(2n-3)^3 - (n+5)^3}{(3n-1)^3 + (2n+3)^3}, \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\sqrt[3]{n^2 + 2} - 5n^2}{n - \sqrt[4]{n^4 - n + 1}},$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\sqrt[3]{(n+2)^2} - \sqrt[3]{(n-3)^2} \right), \lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{2n^2 + 2}{2n^2 + 1} \right)^{n^2}.$$

5. Вычислить пределы функций: $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^3 - 8}{x^2 + x - 6}, \lim_{x \rightarrow 2} \frac{2x^2 + 9x + 10}{x^3 - 8}, \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{1 + 4x - x^4}{x + 3x^2 + 2x^4},$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{2x^3 + 3x^2 + 5}{3x^2 - 4x + 5}, \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^4 - 1}{2x^4 - x^2 - 1}, \lim_{x \rightarrow 9} \frac{\sqrt{2x+7} - 5}{3 - \sqrt{x}}, \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt[3]{8+3x-x^2} - 2}{\sqrt[3]{x^2+x^5}}, \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x+3}{x-1} \right)^{x-4}, \lim_{x \rightarrow -2} \frac{\sin(x+2)}{x^3+8},$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{5x} - 1}{\tan 2x}, \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\arcsin 3x}{\sqrt{2+x} - 2}.$$

6. Доказать, что $f(x)$ и $\varphi(x)$ при $x \rightarrow \infty$ являются бесконечно малыми одного порядка:

$$f(x) = \frac{3x^2}{2+x}, \varphi(x) = 7x^2.$$

7. Доказать, что $f(x)$ непрерывна в точке x_0 , найти $\delta(\varepsilon)$:
 $f(x) = -3x^2 - 5, x_0 = 2.$

8. Исследовать функцию на непрерывность в указанных точках:
 $f(x) = 3^{\frac{4}{1-x}} + 1, x_1 = 1, x_2 = 2.$

9. Исследовать функцию на непрерывность и построить ее график:

$$f(x) = \begin{cases} x, & x \leq 1 \\ (x-2)^2, & 1 < x < 3 \\ -x + 6, & x \geq 3 \end{cases}.$$

ИДЗ №6

1. Вычислить комплексное число $z = \frac{z_1 - z_2}{z_3} + z_4$, найти его модуль и аргумент. Найти z^n и все корни уравнения $x^m + z = 0$.

$$z_1 = -6 - 2i, \quad z_2 = 5 + 3i, \quad z_3 = 2 - 3i, \quad z_4 = \frac{7}{13} - \sqrt{3} + \frac{30}{13}i, \quad n = 5, m = 4.$$

2. Дан многочлен. Разложить его по степеням x -с:

$$2x^4 + x^3 - 12x^2 - x + 1, c = -5.$$

3. Доказать, что $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = a$ (указать $N(\varepsilon)$): $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1 - 2n^2}{2 + 4n^2}, a = \frac{1}{2}$.

4. Вычислить пределы последовательностей: $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{(n+1)^3 - (n+2)^3}{(n+4)^3 + (n+5)^4}, \quad \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{4n+1} - \sqrt[3]{27n^3+4}}{\sqrt[4]{n} - \sqrt[3]{n^5+n}},$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} (n\sqrt{n} - \sqrt{n(n+1)(n+2)}), \quad \lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{n^3+1}{n^3-1} \right)^{2n-n^3}.$$

5. Вычислить пределы функций: $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{2x^2 - 9x + 10}{x + 3x - 10}, \quad \lim_{x \rightarrow 4} \frac{x^2 + 3x - 28}{x^2 - 2x}, \quad \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x^4 - 6x^2 + 2}{x^4 + 4x - 3},$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{2x^3 + 7x^2 + 4}{x^4 + 5x - 1}, \quad \lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^3 + 4x^2 + 5x + 2}{x^3 - 3x + 2}, \quad \lim_{x \rightarrow -1} \frac{3x^2 + 4x + 1}{\sqrt{x+3} - \sqrt{5+3x}}, \quad \lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sqrt{x+13} - 2\sqrt{x+1}}{\sqrt[3]{x^2-9}}, \quad \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{1+2x}{3+2x} \right)^{-x},$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{5x} - 1}{\operatorname{tg} 2x}, \quad \lim_{x \rightarrow -0} \frac{\operatorname{arctg} 3x}{\ln(1+2x)}, \quad \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(x^2+1)}{2 - \sqrt{2x^2+4}}.$$

6. Доказать, что $f(x)$ и $\varphi(x)$ при $x \rightarrow \infty$ являются бесконечно малыми одного порядка:

$$f(x) = \sin(x^2 + 5x), \varphi(x) = x^3 - 25x.$$

7. Доказать, что $f(x)$ непрерывна в точке x_0 , найти $\delta(\varepsilon)$:

$$f(x) = -3x^2 + 8, x_0 = 5.$$

8. Исследовать функцию на непрерывность в указанных точках:

$$f(x) = 4^{\frac{3}{x-2}} + 2, x_1 = 2, x_2 = 3.$$

9. Исследовать функцию на непрерывность и построить ее график:

$$f(x) = \begin{cases} x + 3, & x \leq 0 \\ -x^2 + 4, & 0 < x < 2 \\ x - 2, & x \geq 2 \end{cases}.$$

1. Вычислить комплексное число $z = \frac{z_1 - z_2}{z_3} + z_4$, найти его модуль и аргумент. Найти z^n и все корни уравнения $x^m + z = 0$.

$$z_1 = -5 + 4i, z_2 = 3 - 6i, z_3 = -2 + 7i, z_4 = -\frac{192}{53} - \frac{142}{53}i, n = 6, m = 3.$$

2. Дан многочлен. Разложить его по степеням x -с:

$$x^5 - 4x^3 + 6x^2 - 8x + 10, c = 2.$$

3. Доказать, что $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = a$ (указать $N(\varepsilon)$): $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{23 - 4n}{2 - n}, a = 4$.

4. Вычислить пределы последовательностей: $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{(n+1)^3 - (n-1)^3}{(n+1)^2 + (n-1)^2}, \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n^3 \sqrt{7n} - \sqrt[4]{81n^8 - 1}}{(n + 4\sqrt{n})\sqrt{n^2 - 5}},$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} (\sqrt{n^2 + 3n - 2} - \sqrt{n^2 - 3}), \lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{3n^2 - 5n}{3n^2 - 5n + 7} \right)^{n+1^3}.$$

5. Вычислить пределы функций: $\lim_{x \rightarrow 7} \frac{x^2 - 5x - 14}{2x^2 - 9x - 35}, \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^3 + x^2 - 2}{x^3 - x^2 - x + 1}, \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{4x^3 - 2x + 1}{2x^3 + 3x^2 + 2},$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{5x^5 - 4x^3 + 3}{2x^2 + 3x - 7}, \lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^2 + 3x + 2}{x^3 + 2x^2 - x - 2}, \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{1 + 3x^2} - 1}{x^3 + x^2}, \lim_{x \rightarrow -2} \frac{\sqrt[5]{x-6} + 2}{x+2}, \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x-7}{x+1} \right)^{4x-2},$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{tg} x - \sin x}{x(1 - \cos 2x)}, \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(1 + 3x^2)}{x^3 - 5x^2}, \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{4+x} - 2}{3 \arctg x}.$$

6. Доказать, что $f(x)$ и $\varphi(x)$ при $x \rightarrow \infty$ являются бесконечно малыми одного порядка:

$$f(x) = 2x^3, \varphi(x) = \frac{5x^3}{4-x}.$$

7. Доказать, что $f(x)$ непрерывна в точке x_0 , найти $\delta(\varepsilon)$:

$$f(x) = 3x^2 + 5, x_0 = 8.$$

8. Исследовать функцию на непрерывность в указанных точках:

$$f(x) = \frac{4x}{x+5}, x_1 = 3, x_2 = 4.$$

9. Исследовать функцию на непрерывность и построить ее график:

$$f(x) = \begin{cases} x - 1, & x < 1 \\ x^2 + 2, & 1 \leq x \leq 2 \\ -2x, & x > 2 \end{cases}.$$

1. Вычислить комплексное число $z = \frac{z_1 - z_2}{z_3} + z_4$, найти его модуль и аргумент. Найти z^n и все корни уравнения $x^m + z = 0$.

$$z_1 = 4 + 7i, z_2 = 6 + 5i, z_3 = 3 + 2i, z_4 = -\frac{11}{13} - \left(\frac{10}{13} + \sqrt{3}\right)i, n = 3, m = 6.$$

2. Дан многочлен. Разложить его по степеням x -с:

$$x^4 - 3ix^3 - 4x^2 + 5ix - 1, c = 1 + 2i.$$

3. Доказать, что $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = a$ (указать $N(\varepsilon)$): $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{3n^3}{n^3 - 1}, a = 3$.

4. Вычислить пределы последовательностей: $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{(2n+1)^3 + (3n+2)^3}{(2n+3)^3 - (n-7)^3}, \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n\sqrt{71n} - \sqrt[4]{64n^6 + 9}}{(n - \sqrt[3]{n})\sqrt{11 + n^2}},$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt{n+2}(\sqrt{n+3} - \sqrt{n-4}), \lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{n^2 - 3n + 6}{n^2 + 5n + 1} \right)^{n/2^3}.$$

5. Вычислить пределы функций: $\lim_{x \rightarrow 4} \frac{x^2 - 16}{x^2 + x - 20}, \lim_{x \rightarrow 1} \frac{2x^2 - 3x - 1}{x^4 - 1}, \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x + 14x^2}{1 + 2x + 7x^2}, \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{5x^3 - 3x^2 + 7}{2x^4 + 3x^2 + 1},$

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{2x^2 - x - 1}{x^3 + 2x^2 - x - 2}, \lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^3 - 27}{\sqrt{3x} - x}, \lim_{x \rightarrow 8} \frac{\sqrt{9+2x}-5}{\sqrt[3]{x}-2}, \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x-7}{x} \right)^{2x+1}, \lim_{x \rightarrow 4} \frac{x^3 - 64}{\lg(x-4)}, \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\arctg 5x}{\lg 2x},$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{2x}{(2\pi(x+1/2))}.$$

6. Доказать, что $f(x)$ и $\varphi(x)$ при $x \rightarrow \infty$ являются бесконечно малыми одного порядка:

$$f(x) = \cos x - \cos^3 x, \varphi(x) = 6x^2.$$

7. Доказать, что $f(x)$ непрерывна в точке x_0 , найти $\delta(\varepsilon)$:

$$f(x) = -5x^2 - 7, x_0 = 1.$$

8. Исследовать функцию на непрерывность в указанных точках:

$$f(x) = \frac{2}{3^{x+1}} - 2, x_1 = -1, x_2 = 0.$$

9. Исследовать функцию на непрерывность и построить ее график:

$$f(x) = \begin{cases} 0, & x \leq -1 \\ x^2 - 1, & -1 < x \leq 2 \\ 2x, & x > 2 \end{cases},$$

1. Вычислить комплексное число $z = \frac{z_1 - z_2}{z_3} + z_4$, найти его модуль и аргумент. Найти z^n и все корни уравнения $x^m + z = 0$.

$$z_1 = -7 + 4i, z_2 = 5 - 6i, z_3 = 4 - 3i, z_4 = \frac{103}{25} - \left(\frac{4}{25} + \sqrt{3}\right)i, n = 4, m = 5.$$

2. Дан многочлен. Разложить его по степеням x -с:

$$x^5 - 5x^4 + 7x^3 - 2x^2 + 4x - 8, c = 2.$$

3. Доказать, что $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = a$ (указать $N(\varepsilon)$): $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{2 - 2n}{3 + 4n}, a = \frac{1}{2}$.

4. Вычислить пределы последовательностей: $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{(n+1)^4 - (n-1)^4}{(n+1)^3 + (n-1)^3}, \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\sqrt[3]{n^2 - 7} + \sqrt[3]{n^2 + 4}}{\sqrt[4]{n^5 + 5} + \sqrt{n}},$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{n(n^5 + 9)} - \sqrt{(n^4 - 1)(n^5 + 5)}}{n}, \lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{10n - 3}{10n - 1}\right)^{5n^3}.$$

5. Вычислить пределы функций: $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{-5x^2 + 11x - 2}{3x^2 - x - 10}, \lim_{x \rightarrow -2} \frac{x^2 - 4}{3x^2 + x - 10}, \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{8x^4 - 4x^2 + 3}{2x^4 + 1},$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x - x^6}{x^2 - 2x + 5}, \lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^3 + 5x^2 + 8x + 4}{x^3 + 3x^2 - 4}, \lim_{x \rightarrow 5} \frac{\sqrt{2x + 1} - \sqrt{x + 6}}{2x^2 - 7x - 15}, \lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sqrt[3]{4x - 2}}{\sqrt{2 + x} - \sqrt{2x}}, \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x}{x + 1}\right)^{3 - 2x},$$

$$\lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sin(x - 3)}{x^2 - 27}, \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\cos 3x - \cos x}{2x^2}, \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\arcsin 2x}{\ln(e - x) - 1}.$$

6. Доказать, что $f(x)$ и $\varphi(x)$ при $x \rightarrow \infty$ являются бесконечно малыми одного порядка:

$$f(x) = \frac{x^2}{5 + x}, \varphi(x) = \frac{4x^2}{x - 1}.$$

7. Доказать, что $f(x)$ непрерывна в точке x_0 , найти $\delta(\varepsilon)$:

$$f(x) = 2x^2 + 6, x_0 = 7.$$

8. Исследовать функцию на непрерывность в указанных точках:

$$f(x) = 6^{\frac{2}{4-x}}, x_1 = 3, x_2 = 4.$$

9. Исследовать функцию на непрерывность и построить ее график:

$$f(x) = \begin{cases} x + 4, & x < -1 \\ x^2 + 2, & -1 \leq x < 1 \\ 2x, & x \geq 1 \end{cases}.$$

ИДЗ №10

1. Вычислить комплексное число $z = \frac{z_1 - z_2}{z_3} + z_4$, найти его модуль и аргумент. Найти z^n и все корни уравнения $x^m + z = 0$.

$$z_1 = 2 - 7i, z_2 = 4 + 6i, z_3 = 5 + 2i, z_4 = \frac{94}{29} + \frac{3}{29}i, n = 7, m = 4.$$

2. Дан многочлен. Разложить его по степеням x -с:

$$x^5 + 7x^4 + 16x^3 + 8x^2 - 16x - 16, c = -2.$$

3. Доказать, что $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = a$ (указать $N(\varepsilon)$): $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{2n+3}{n+5}, a = 2$.

4. Вычислить пределы последовательностей: $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{(n+1)^3 + (n-1)^3}{n^3 - 3n}, \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{n^6 + 4} - \sqrt{n-4}}{5\sqrt{n^6 + 6} - \sqrt{n-6}},$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} n(\sqrt{n(n-2)} - \sqrt{n^2 - 3}), \lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{n^2 - 6n + 5}{n^2 - 5n + 5} \right)^{3n+2^3}.$$

5. Вычислить пределы функций: $\lim_{x \rightarrow -3} \frac{4x^2 + 3x - 27}{x^2 - 6x - 27}, \lim_{x \rightarrow 1} \frac{4x^4 - 5x^2 + 1}{x^2 - 1}, \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x^2 + 10x + 3}{2x^2 + 5x - 3},$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{7x^3 - 2x + 4}{2x^2 + x - 5}, \lim_{x \rightarrow -3} \frac{x^2 + 2x - 3}{x^3 + 4x^2 + 3x}, \lim_{x \rightarrow 1} \frac{3x^2 - 3}{\sqrt{8+x} - 3}, \lim_{x \rightarrow 8} \frac{\sqrt{9+2x} - 5}{\sqrt[3]{x^2} - 4}, \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{2-3x}{5-3x} \right)^x, \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(1+5x)}{\sin 3x},$$

$$\lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sin(x-3)}{x^2 - 5x + 6}, \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \sqrt{3x+1}}{\cos(\pi(x+1)/2)}.$$

6. Доказать, что $f(x)$ и $\varphi(x)$ при $x \rightarrow \infty$ являются бесконечно малыми одного порядка:

$$f(x) = \sin 8x, \varphi(x) = \arcsin 5x.$$

7. Доказать, что $f(x)$ непрерывна в точке x_0 , найти $\delta(\varepsilon)$:

$$f(x) = 5x^2 + 3, x_0 = 8.$$

8. Исследовать функцию на непрерывность в указанных точках:

$$f(x) = \frac{3}{5x+4} + 1, x_1 = -5, x_2 = -4.$$

9. Исследовать функцию на непрерывность и построить ее график:

$$f(x) = \begin{cases} -1, x < 0 \\ \cos x, 0 \leq x \leq \pi \\ 1 - x, x > \pi \end{cases}.$$

ИДЗ №11

1. Вычислить комплексное число $z = \frac{z_1 - z_2}{z_3} + z_4$, найти его модуль и аргумент. Найти z^n и все корни уравнения $x^m + z = 0$.

$$z_1 = -5 + 3i, z_2 = -2 + 4i, z_3 = -6 + 4i, z_4 = -\frac{33}{26} - \left(\frac{9}{26} + \sqrt{3}\right)i, n = 7, m = 5.$$

2. Дан многочлен. Разложить его по степеням x -с:

$$x^5 + x^4 - 3x^3 - 4x - 1, c = -5.$$

3. Доказать, что $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = a$ (указать $N(\varepsilon)$): $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{5n+15}{6-n}, a = -5$.

4. Вычислить пределы последовательностей: $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{(2n+1)^3 - (2n+3)^3}{(2n+1)^2 + (2n+3)^2}, \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{n^8+6} - \sqrt{n-6}}{\sqrt[8]{n^8+6} + \sqrt{n-6}},$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt{n^3+8}(\sqrt{n^2+2} - \sqrt{n^3-1}), \lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{6n-7}{6n+4}\right)^{3n+2^3}.$$

5. Вычислить пределы функций: $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{3x^2-7x-6}{2x^2-7x+3}, \lim_{x \rightarrow -2} \frac{x^2+2x}{x^2+4x+4}, \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x^4-2x^2-7}{3x^4+3x+5},$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{11x^3+3x}{2x^2-2x+1}, \lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^3-2x-1}{x^4+2x+1}, \lim_{x \rightarrow -4} \frac{\sqrt{x+20}-4}{x^3+64}, \lim_{x \rightarrow -2} \frac{\sqrt[3]{x-6}+2}{\sqrt[3]{x^3+8}}, \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{2x+1}{2x-1}\right)^{x+2},$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{1+x}-1}{\sin(\pi(x+2))}, \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\cos 2x - \cos 4x}{3x^2}, \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos 2x}{\cos 7x - \cos 3x}.$$

6. Доказать, что $f(x)$ и $\varphi(x)$ при $x \rightarrow \infty$ являются бесконечно малыми одного порядка:

$$f(x) = 1 - \cos 4x, \varphi(x) = x \sin 2x.$$

7. Доказать, что $f(x)$ непрерывна в точке x_0 , найти $\delta(\varepsilon)$:

$$f(x) = -3x^2 - 9, x_0 = 3.$$

8. Исследовать функцию на непрерывность в указанных точках:

$$f(x) = \frac{x+1}{x-2}, x_1 = 2, x_2 = 3.$$

9. Исследовать функцию на непрерывность и построить ее график:

$$f(x) = \begin{cases} x+1, & x \leq 0 \\ (x+1)^2, & 0 < x \leq 2 \\ -x+4, & x > 2 \end{cases}.$$

1. Вычислить комплексное число $z = \frac{z_1 - z_2}{z_3} + z_4$, найти его модуль и аргумент. Найти z^n и все корни уравнения $x^m + z = 0$.

$$z_1 = -4 - 7i, z_2 = -6 - 5i, z_3 = -3 - 2i, z_4 = -\frac{11}{13} - \left(\frac{10}{13} + \sqrt{3}\right)i, n = 7, m = 5.$$

2. Дан многочлен. Разложить его по степеням x -с:

$$x^5 + x^4 - x^3 - 2x - 1, c = 5.$$

3. Доказать, что $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = a$ (указать $N(\varepsilon)$):

$$a_n = \frac{1 + 3n}{6 - n}, a = -3.$$

4. Вычислить пределы последовательностей: $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{(n+6)^5 - (n+1)^5}{(2n+3)^2 + (n+4)^2}, \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{4n^2 - \sqrt[4]{n^8}}{\sqrt[3]{n^6 + n^5 + 1} - 5n},$
 $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\sqrt{(n^2 + 1)(n^2 - 4)} - \sqrt{n^4 - 9} \right), \lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{n+3}{n+5} \right)^{n-2}.$

5. Вычислить пределы функций: $\lim_{x \rightarrow 5} \frac{3x^2 - 6x - 45}{2x^2 - 3x - 35}, \lim_{x \rightarrow 6} \frac{2x^2 - 11x - 6}{3x^2 - 20x + 12}, \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{7x^8 + x}{x^8 - 3x + 2}, \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^7 + 5x^2 - 4x}{3x^2 + 11x - 7},$
 $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^3 - 6x^2 + 12x - 8}{x^3 - 3x^2 + 4}, \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{x^2 + 2} - \sqrt{2}}{\sqrt{x^2 + 1} - 1}, \lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sqrt[3]{9x} - 3}{\sqrt{3 + x} - \sqrt{2x}}, \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{3x+4}{3x} \right)^{-2x}, \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\cos x - \cos^3 x}{5x^2}, \lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{2x} - 1}{\operatorname{tg} 3x},$
 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 + \cos(x - \pi)}{(e^{3x} - 1)^2}.$

6. Доказать, что $f(x)$ и $\varphi(x)$ при $x \rightarrow \infty$ являются бесконечно малыми одного порядка:

$$f(x) = 1 - \cos 4x, \varphi(x) = 6x^2.$$

7. Доказать, что $f(x)$ непрерывна в точке x_0 , найти $\delta(\varepsilon)$: $f(x) = 4x^2 + 4, x_0 = 9$.

8. Исследовать функцию на непрерывность в указанных точках: $f(x) = \frac{x-4}{x+2}, x_1 = -2, x_2 = -1$.

9. Исследовать функцию на непрерывность и построить ее график:

$$f(x) = \begin{cases} 2, & x < -1 \\ 1 - x, & -1 \leq x \leq 1 \\ \ln x, & x > 1 \end{cases}.$$

ИДЗ №13

1. Вычислить комплексное число $z = \frac{z_1 - z_2}{z_3} + z_4$, найти его модуль и аргумент. Найти z^n и все корни уравнения $x^m + z = 0$.

$$z_1 = 6 + 2i, z_2 = -5 - 3i, z_3 = -2 + 3i, z_4 = \frac{7}{13} - \sqrt{3} + \frac{30}{13}i, n = 7, m = 4.$$

2. Дан многочлен. Разложить его по степеням x -с:

$$x^6 - 4x^4 + 8x^3 - 7x + 7, c = -3.$$

3. Доказать, что $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = a$ (указать $N(\varepsilon)$):

$$a_n = \frac{2 - 3n^2}{4 + 5n^2}, a = \frac{3}{5}.$$

4. Вычислить пределы последовательностей: $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{(n+2)^2 - (n-2)^2}{(n+3)^2}$, $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{n+3} - \sqrt[3]{8n^3+3}}{\sqrt[4]{n+4} - \sqrt[5]{n^5+5}}$,
 $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{(n^4+1)(n^2-1)} - \sqrt{n^5-1}}{n}$, $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{7n^2+18n-15}{7n^2+11n+15} \right)^{n+2}$.

5. Вычислить пределы функций: $\lim_{x \rightarrow -8} \frac{2x^2+15x-8}{3x^2+25x+8}$, $\lim_{x \rightarrow -5} \frac{x^2-x-30}{x^3+125}$, $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x^2+7x+3}{5x^2-x+4}$, $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x^2+10x-11}{3x^4-2x+5}$,
 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1+x)^5 - (1+3x)}{x^2+x^5}$, $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sqrt{4x+1}-3}{x^3-8}$, $\lim_{x \rightarrow 1/3} \frac{\sqrt[5]{x/9-1/3}}{\sqrt{1/3+x}-\sqrt{2x}}$, $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x-2}{x+1} \right)^{2x-3}$, $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{7x}{\sin x + \sin 7x}$, $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(1+3x)}{\sin 2x}$,
 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\cos(x+5\pi/2) \operatorname{tg} x}{\arcsin 2x^2}$.

6. Доказать, что $f(x)$ и $\varphi(x)$ при $x \rightarrow \infty$ являются бесконечно малыми одного порядка:
 $f(x) = \sin 3x + \sin x, \varphi(x) = 10x$.

7. Доказать, что $f(x)$ непрерывна в точке x_0 , найти $\delta(\varepsilon): f(x) = 4x^2 - 1, x_0 = 6$.

8. Исследовать функцию на непрерывность в указанных точках: $f(x) = 7^{1/(5-x)} + 1, x_1 = 4, x_2 = 5$.

9. Исследовать функцию на непрерывность и построить ее график:

$$f(x) = \begin{cases} x + 2, & x \leq -1 \\ x^2 + 1, & -1 < x \leq 1 \\ -x + 3, & x > 1 \end{cases}.$$

1. Вычислить комплексное число $z = \frac{z_1 - z_2}{z_3} + z_4$, найти его модуль и аргумент. Найти z^n и все корни уравнения $x^m + z = 0$.

$$z_1 = 7 - 4i, z_2 = -5 + 6i, z_3 = -4 + 3i, z_4 = \frac{103}{25} - \left(\frac{4}{25} + \sqrt{3}\right)i, n = 7, m = 5.$$

2. Дан многочлен. Разложить его по степеням x -с:

$$3x^5 - 7x^3 + 3x^2 - 7, c = -3.$$

3. Доказать, что $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = a$ (указать $N(\varepsilon)$):

$$a_n = \frac{2n - 1}{2 - 3n}, a = \frac{2}{3}.$$

4. Вычислить пределы последовательностей: $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{(n+2)^4 - (n-2)^4}{(n+5)^2 + (n-5)^2}, \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{n+1} - \sqrt[5]{n^5+1}}{\sqrt[4]{n+1} - \sqrt[5]{n^5+1}},$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} (\sqrt[5]{n^2 - 3n + 2} - n), \lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{n^2 + n + 1}{n^2 + n - 1} \right)^{-n^2}.$$

5. Вычислить пределы функций: $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{5x^2 + 4x - 1}{3x^2 + x - 2}, \lim_{x \rightarrow -4} \frac{2x^2 + 7x - 4}{x^3 + 64}, \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{5x^3 - 7x^2 + 3}{2 + 2x - x^3}, \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{6x^3 + 5x^2 - 3}{2x^2 - x + 7},$
 $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^3 - 3x - 2}{x + x^2}, \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{9+x} - 3}{x^2 + x}, \lim_{x \rightarrow 4} \frac{\sqrt{1+2x} - 3}{\sqrt{x} - 2}, \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x+4}{x+8} \right)^{-3x}, \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos 8x}{3x^2}, \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\arcsin 2x}{\operatorname{tg} 4x}, \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos 10(x+\pi)}{e^{x^2} - 1}.$

6. Доказать, что $f(x)$ и $\varphi(x)$ при $x \rightarrow \infty$ являются бесконечно малыми одного порядка:

$$f(x) = \sqrt{9 - x} - 3, \varphi(x) = 2x.$$

7. Доказать, что $f(x)$ непрерывна в точке x_0 , найти $\delta(\varepsilon): f(x) = 2x^2 + 8, x_0 = 5$.

8. Исследовать функцию на непрерывность в указанных

$$\text{точках: } f(x) = 2^{1/(x-3)} + 1, x_1 = 3, x_2 = 4.$$

9. Исследовать функцию на непрерывность и построить ее график:

$$f(x) = \begin{cases} -x, & x \leq 0 \\ x^3, & 0 < x \leq 2 \\ x + 4, & x > 2 \end{cases}.$$

ИДЗ №15

1. Вычислить комплексное число $z = \frac{z_1 - z_2}{z_3} + z_4$, найти его модуль и аргумент. Найти z^n и все корни уравнения $x^m + z = 0$.

$$z_1 = -3 + 2i, z_2 = -5 + 4i, z_3 = -2 - 3i, z_4 = \frac{11}{13} + \frac{3}{13}i, n = 8, m = 5.$$

2. Дан многочлен. Разложить его по степеням x -с:

$$3x^5 - 2x^4 + x^3 - 7x^2 - 12x + 10, c = 2.$$

3. Доказать, что $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = a$ (указать $N(\varepsilon)$):

$$a_n = \frac{3n^2 + 2}{4n^2 - 1}, a = \frac{3}{4}.$$

4. Вычислить пределы последовательностей: $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{(n+10)^2 + (3n+1)^2}{(n+6)^3 - (n+1)^3}, \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n \sqrt[4]{11n} + \sqrt[4]{25n^4 - 81}}{(n-7\sqrt{n})\sqrt{n^2 - n + 1}},$
 $\lim_{n \rightarrow \infty} n^3 (\sqrt{n^2(n^6 + 4)} - \sqrt[3]{n^3 - 1}), \lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{n+4}{n+2}\right)^n.$

5. Вычислить пределы функций: $\lim_{x \rightarrow -5} \frac{x^2 - 2x - 35}{2x^2 + 11x + 5}, \lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^3 - 2x - 4}{x^2 - 11x + 18}, \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x^3 + 7x^2 - 2}{3 - 4x + 6x^3}, \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x^4 + x^2 - 6}{2x^2 + 3x + 1},$
 $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^3 - 3x - 2}{(x^2 - x - 2)^2}, \lim_{x \rightarrow 0} \frac{3x}{\sqrt{1+x} - \sqrt{1-x}}, \lim_{x \rightarrow 4} \frac{\sqrt[3]{16x} - 4}{\sqrt{4+x} - \sqrt{2x}}, \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{1-x}{2-x}\right)^{3x}, \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin^2 3x - \sin x}{x^2}, \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 5x}{\arctg 2x},$
 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\arcsin 2x}{\sin 3(x+\pi)}.$

6. Доказать, что $f(x)$ и $\varphi(x)$ при $x \rightarrow \infty$ являются бесконечно малыми одного порядка:
 $f(x) = \cos 7x - \cos x, \varphi(x) = 2x^2.$

7. Доказать, что $f(x)$ непрерывна в точке x_0 , найти $\delta(\varepsilon): f(x) = 5x^2 + 1, x_0 = 7.$

8. Исследовать функцию на непрерывность в указанных точках: $f(x) = \frac{x-3}{x+4}, x_1 = -5, x_2 = -4.$
 9. Исследовать функцию на непрерывность и построить ее график:

$$f(x) = \begin{cases} -x, & x \leq 0 \\ -(x-1)^2, & 0 < x < 2 \\ x-3, & x \geq 2 \end{cases}.$$

ИДЗ №16

1. Вычислить комплексное число $z = \frac{z_1 - z_2}{z_3} + z_4$, найти его модуль и аргумент. Найти z^n и все корни уравнения $x^m + z = 0$.

$$z_1 = -5 + 8i, z_2 = 5 - i, z_3 = 2 + \sqrt{3}i, z_4 = \frac{15}{13} + \sqrt{3} + \frac{5}{13}i, n = 5, m = 4.$$

2. Дан многочлен. Разложить его по степеням x -с:

$$3x^4 - 6x^3 + 5x^2 + 2x - 2, c = -2.$$

3. Доказать, что $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = a$ (указать $N(\varepsilon)$):

$$a_n = \frac{3n - 2}{2n - 1}, a = \frac{3}{2}.$$

4. Вычислить пределы последовательностей: $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{(3-n)^2 + (3+n)^2}{(3-n)^2 - (n+2)^2}, \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{n-1} - \sqrt{n^2+1}}{\sqrt[3]{3n^3+3} + \sqrt[4]{n^3+1}},$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} (\sqrt{n(n+2)} - \sqrt{(n^2 - 2n + 3)}), \lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{n^3 + n + 1}{n^3 + 2} \right)^{2n^3}.$$

5. Вычислить пределы функций: $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 5x + 6}{x^2 - 12x + 20}, \lim_{x \rightarrow -3} \frac{2x^2 + 11x + 15}{3x^2 + 5x - 12}, \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^3 - 3x^2 + 10}{1 + x + 7x^3}, \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x^3 + 4x^2 - 7x}{2x^2 + 7x - 3},$

$$\lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^3 + 5x^2 + 7x + 3}{x^3 + 4x^2 + 5x + 2}, \lim_{x \rightarrow -4} \frac{\sqrt{x+12} - \sqrt{4-x}}{x^2 + 2x - 8}, \lim_{x \rightarrow -8} \frac{\sqrt{1-x} - 3}{2 + \sqrt[3]{x}}, \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x-1}{x+4} \right)^{3x+2}, \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 3x - \sin x}{5x}, \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\arcsin 3x}{2x},$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(1-7x)}{\sin(\pi(x+7))}.$$

6. Доказать, что $f(x)$ и $\varphi(x)$ при $x \rightarrow \infty$ являются бесконечно малыми одного порядка:

$$f(x) = \cos 3x - \cos 5x, \varphi(x) = x^2.$$

7. Доказать, что $f(x)$ непрерывна в точке x_0 , найти $\delta(\varepsilon): f(x) = -2x^2 - 4, x_0 = 3$.

8. Исследовать функцию на непрерывность в указанных точках: $f(x) = \frac{x+5}{x-2}, x_1 = 3, x_2 = 2$.

9. Исследовать функцию на непрерывность и построить ее график:

$$f(x) = \begin{cases} x - 1, & x \leq 0 \\ x^2, & 0 < x < 2 \\ 2x, & x \geq 2 \end{cases}.$$

ИДЗ №17

1. Вычислить комплексное число $z = \frac{z_1 - z_2}{z_3} + z_4$, найти его модуль и аргумент. Найти z^n и все корни уравнения $x^m + z = 0$.

$$z_1 = 1 + 3i, z_2 = -4 + 5i, z_3 = -3 - 2i, z_4 = \sqrt{3} + \frac{4}{13} - \frac{3}{13}i, n = 5, m = 4.$$

2. Дан многочлен. Разложить его по степеням $x-c$:

$$x^5 - x^3 + x^2 - x + 1, c = -8.$$

3. Доказать, что $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = a$ (указать $N(\varepsilon)$):

$$a_n = \frac{n+1}{1-2n}, a = -\frac{1}{2}.$$

4. Вычислить пределы последовательностей: $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{(n+1)^3 - (n-1)^3}{(n+1)^2 - (n-1)^2}, \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{n^7+5} - \sqrt{n-5}}{\sqrt[3]{n^7+5} + \sqrt{n-5}},$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt[3]{n}(\sqrt[3]{n^2} - \sqrt[3]{n(n-1)}), \lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{n-1}{n+1}\right)^{n^3}.$$

5. Вычислить пределы функций: $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{3x^2 - 11x + 6}{2x^2 - 5x - 3}, \lim_{x \rightarrow 1/2} \frac{8x^3 - 1}{x^2 - 1/4}, \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{5x^2 - 3x + 1}{3x^2 + x - 5}, \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x^5 - 2x + 4}{2x^4 + 3x^2 + 1},$

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{(2x^2 - x - 1)^2}{x^3 + 2x^2 - x - 2}, \lim_{x \rightarrow 5} \frac{\sqrt{x+4} - 3}{\sqrt{x-1} - 2}, \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{x-1}}{\sqrt[3]{x^2-1}}, \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{4-2x}{1-2x}\right)^{x+1}, \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\cos x - \cos 5x}{2x^2}, \lim_{x \rightarrow -2} \frac{\operatorname{tg}(x+2)}{x^2 - 4}, \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \sqrt{\cos x}}{x \sin x}.$$

6. Доказать, что $f(x)$ и $\varphi(x)$ при $x \rightarrow \infty$ являются бесконечно малыми одного порядка:

$$f(x) = \operatorname{tg} 2x, \varphi(x) = \arcsin x.$$

7. Доказать, что $f(x)$ непрерывна в точке x_0 , найти $\delta(\varepsilon): f(x) = 4x^2 + 6, x_0 = 7$.

8. Исследовать функцию на непрерывность в указанных точках: $f(x) = \frac{x+7}{x-2}, x_1 = 2, x_2 = 3$.

9. Исследовать функцию на непрерывность и построить ее график:

$$f(x) = \begin{cases} -2(x+1), & x \leq -1 \\ (x+1)^3, & -1 < x < 0 \\ x, & x \geq 0 \end{cases}.$$

ИДЗ №18

1. Вычислить комплексное число $z = \frac{z_1 - z_2}{z_3} + z_4$, найти его модуль и аргумент. Найти z^n и все корни уравнения $x^m + z = 0$.

$$z_1 = -3i, z_2 = 5 - i, z_3 = 2 + 6i, z_4 = \frac{11}{23} + \frac{43}{23}i, n = 6, m = 3.$$

2. Дан многочлен. Разложить его по степеням х-с:
 $3x^3 - 2x^2 + x + 2, c = -4$.

3. Доказать, что $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = a$ (указать $N(\varepsilon)$):

$$a_n = \frac{4n - 1}{2n + 1}, a = 2.$$

4. Вычислить пределы последовательностей: $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{(n+1)^3 - (n+2)^3}{(3n+2)^2 + (4n+1)^2}, \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n^3 \sqrt{5n^2} + 4\sqrt{9n^3 + 1}}{(n + \sqrt{n}) \sqrt{7 - n + n^2}},$
 $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{(n^2+5)(n^4+2)} - \sqrt{n^6 - 3n^2 + 5}}{n}, \lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{2n-1}{2n+1} \right)^{n+1}.$

5. Вычислить пределы функций: $\lim_{x \rightarrow -3} \frac{2x^2 + 5x - 3}{3x^2 + 10x + 3}, \lim_{x \rightarrow -5} \frac{4x^2 + 19x - 5}{2x^2 + 11x + 5}, \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^3 - 4x^2 + 28x}{5x^3 + 3x^2 + x - 1}, \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{2x^2 - 7x + 1}{x^3 + 4x^2 - 3},$
 $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{(x^3 - 2x - 1)(x + 1)}{x^4 + 4x^2 - 5}, \lim_{x \rightarrow -1} \frac{\sqrt{5+x} - 2}{\sqrt{8-x} - 3}, \lim_{x \rightarrow 1/2} \frac{\sqrt[3]{x/4 - 1/2}}{\sqrt{\frac{1}{2} + x} - \sqrt{2x}}, \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x+2}{x} \right)^{3-2x}, \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos 5x}{2x^2}, \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\arctg 6x}{2x^2 - 3x},$
 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x \sin 2x}{1 + \cos(x - 3\pi)}.$

6. Доказать, что $f(x)$ и $\varphi(x)$ при $x \rightarrow \infty$ являются бесконечно малыми одного порядка:
 $f(x) = 1 - \cos x, \varphi(x) = 8x^2.$

7. Доказать, что $f(x)$ непрерывна в точке x_0 , найти $\delta(\varepsilon): f(x) = 3x^2 - 2, x_0 = 5.$

8. Исследовать функцию на непрерывность в указанных точках: $f(x) = 5^{1/(x-3)}, x_1 = 3, x_2 = 4.$

9. Исследовать функцию на непрерывность и построить ее график:

$$f(x) = \begin{cases} x + 1, & x < 0 \\ x^2 + 1, & 0 \leq x < 2 \\ x + 1, & x \geq 2 \end{cases}.$$

1. Вычислить комплексное число $z = \frac{z_1 - z_2}{z_3} + z_4$, найти его модуль и аргумент. Найти z^n и все корни уравнения $x^m + z = 0$.

$$z_1 = 5 - i, z_2 = 2 + 47i, z_3 = 8 - 4i, z_4 = \frac{9}{26} + \left(\frac{25}{26} + \sqrt{3}\right)i, n = 3, m = 6.$$

2. Дан многочлен. Разложить его по степеням x -с:

$$x^6 - 2x^5 - x^4 - 2x^3 + 5x^2 + 4x + 1, c = -2.$$

3. Доказать, что $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = a$ (указать $N(\varepsilon)$):

$$a_n = \frac{7n + 4}{2n + 1}, a = \frac{7}{2}.$$

4. Вычислить пределы последовательностей: $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{(3-n)^4 - (2-n)^4}{(1-n)^3 - (1+n)^3}, \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\sqrt[3]{n^2-1} + 7n^3}{\sqrt[4]{n^{12}} + n + 1 - n},$
 $\lim_{n \rightarrow \infty} n(\sqrt{n^4 + 3} - \sqrt{n^4 - 2}), \lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{2n^2 + 2n + 3}{2n^2 + 2n + 1}\right)^{3n^2 - 7}.$

5. Вычислить пределы функций: $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{6+x-x^2}{x^3-27}, \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^3-3x+2}{x^2-4x+3}, \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x^4+2x+1}{x^4-x^3+2x}, \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{5x^2-3x+1}{1+2x-x^4},$
 $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^3+x^2-5x+3}{x^3-x^2-x+1}, \lim_{x \rightarrow -2} \frac{\sqrt{2-x}-\sqrt{x+6}}{\sqrt{5-x}-\sqrt{x+1}}, \lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sqrt{x+13}-2\sqrt{x+1}}{x^2-9}, \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{2x}{2x-3}\right)^{3x},$
 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\arctg 2x}{\tg 3x}, \lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{3x}-1}{x^3+27x},$
 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{2^{x+1}-2}{\ln(1+4x)}.$

6. Доказать, что $f(x)$ и $\varphi(x)$ при $x \rightarrow \infty$ являются бесконечно малыми одного порядка:
 $f(x) = 1 - \cos x, \varphi(x) = 3x^2.$

7. Доказать, что $f(x)$ непрерывна в точке x_0 , найти $\delta(\varepsilon): f(x) = -4x^2 - 6, x_0 = 1.$

8. Исследовать функцию на непрерывность в указанных точках: $f(x) = 2^{1/(x-3)} + 1, x_1 = 3, x_2 = 4.$

9. Исследовать функцию на непрерывность и построить ее график:

$$f(x) = \begin{cases} -x, & x \leq 0 \\ x^2, & 0 < x \leq 2 \\ x + 1, & x > 2. \end{cases}$$

1. Вычислить комплексное число $z = \frac{z_1 - z_2}{z_3} + z_4$, найти его модуль и аргумент. Найти z^n и все корни уравнения $x^m + z = 0$.

$$z_1 = 2 - 5i, z_2 = 4 + 9i, z_3 = 5 - 6i, z_4 = -\frac{2}{25} + \frac{35}{25}i, n = 4, m = 5.$$

2. Дан многочлен. Разложить его по степеням x -с:

$$-x^5 - 2x^4 - x^3 + 6x^2 + 1, c = -2i.$$

3. Доказать, что $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = a$ (указать $N(\varepsilon)$):

$$a_n = \frac{1 - 2n^2}{n^2 + 3}, a = -2.$$

4. Вычислить пределы последовательностей: $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{(n+2)^3 + (n-2)^3}{n^4 + 2n^2 - 1}$, $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{n+2} - \sqrt[3]{n^3+2}}{\sqrt[2]{n+2} - \sqrt[5]{n^5+2}}$,
 $\lim_{n \rightarrow \infty} n^2(\sqrt{n(n^4-1)} - \sqrt{n^5-8})$, $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{3n+1}{3n-1}\right)^{2n+3}$, $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{13n+3}{13n-10}\right)^{n-3}$.

5. Вычислить пределы функций: $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^2 - x - 2}{x^3 + 1}$, $\lim_{x \rightarrow -2} \frac{3x^2 + 11x + 10}{x^2 - 5x - 14}$, $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{4x^3 + 7x}{2x^3 - 4x + 5}$, $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{3x^2 + 7x - 4}{x^5 + 2x - 1}$,
 $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{(x^3 - 2x - 1)^2}{x^4 + 2x + 1}$, $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{2 - \sqrt{x^2 + 4}}{3x^2}$, $\lim_{x \rightarrow -2} \frac{\sqrt[3]{x-6} + 2}{x^3 + 8}$, $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{3x}{3x+2}\right)^{x-2}$, $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{tg} 3x}{2 \sin x}$, $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\arcsin 4x}{\operatorname{tg} 5x}$, $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{1+x} - 1}{\sin(\pi(x+2))}$.

6. Доказать, что $f(x)$ и $\varphi(x)$ при $x \rightarrow \infty$ являются бесконечно малыми одного порядка:
 $f(x) = 3 \sin^2 4x$, $\varphi(x) = x^2 - x^4$.

7. Доказать, что $f(x)$ непрерывна в точке x_0 , найти $\delta(\varepsilon)$: $f(x) = 4x^2 - 2$, $x_0 = 5$.

8. Исследовать функцию на непрерывность в указанных точках: $f(x) = 4^{1/(3-x)} + 2$, $x_1 = 2$, $x_2 = 3$.

9. Исследовать функцию на непрерывность и построить ее график:

$$f(x) = \begin{cases} -x, & x < 0 \\ x^2 + 1, & 0 \leq x < 2 \\ x + 1, & x \geq 2 \end{cases}.$$

1. Вычислить комплексное число $z = \frac{z_1 - z_2}{z_3} + z_4$, найти его модуль и аргумент. Найти z^n и все корни уравнения $x^m + z = 0$.

$$z_1 = -1 + 6i, z_2 = 3 - 2i, z_3 = -1 - 2i, z_4 = \frac{7}{13} - \sqrt{3} + \frac{35}{13}i, n = 7, m = 3.$$

2. Дан многочлен. Разложить его по степеням x -с:

$$x^5 - 3x^4 + 2x^3 - 3x^2 + 2, c = -i.$$

3. Доказать, что $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = a$ (указать $N(\varepsilon)$):

$$a_n = \frac{2n - 5}{3n + 1}, a = \frac{2}{3}.$$

4. Вычислить пределы последовательностей: $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{(1+2n)^8 - 8n^8}{(1+2n)^2 + 4n^2}, \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{n^8+1} - \sqrt{n-1}}{\sqrt[3]{n^8+1} - \sqrt{n-1}},$
 $\lim_{n \rightarrow \infty} n(\sqrt{n(n^2+1)} - \sqrt{n^2-1}), \lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{3n+1}{3n-1}\right)^{2n+3}.$

5. Вычислить пределы функций: $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^8 - x^2 + 2x}{x^2 + x}, \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 - 2x + 1}{2x^2 - 7x + 5}, \lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^4 - x^2 + x + 1}{x^4 - 1}, \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{8x^8 + x^2 - 7}{2x^2 - 5x + 3},$
 $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{(x^2 + 3x + 2)^2}{x^8 + 2x^2 - x - 2}, \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{7-x} - \sqrt{7+x}}{\sqrt{7x}}, \lim_{x \rightarrow 1/4} \frac{\sqrt[8]{x/16} - 1/4}{\sqrt{\frac{1}{4} + x} - \sqrt{2x}}, \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x+5}{x}\right)^{3x+4}, \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{tg} x - \sin x}{3x^2}, \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 7x}{\operatorname{tg} 2x},$
 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{tg}(\pi(1+x/2))}{\ln(x+1)}.$

6. Доказать, что $f(x)$ и $\varphi(x)$ при $x \rightarrow \infty$ являются бесконечно малыми одного порядка:
 $f(x) = \operatorname{arctg}^2 3x, \varphi(x) = 4x^2.$

7. Доказать, что $f(x)$ непрерывна в точке x_0 , найти $\delta(\varepsilon): f(x) = 5x^2 - 1, x_0 = 6.$

8. Исследовать функцию на непрерывность в указанных точках: $f(x) = 2^{5/(1-x)} - 1, x_1 = 0, x_2 = 1$

9. Исследовать функцию на непрерывность и построить ее график:

$$f(x) = \begin{cases} x^2 + 1, & x \leq 1 \\ 2x, & 1 < x \leq 3 \\ x + 2, & x > 3. \end{cases}$$

1. Вычислить комплексное число $z = \frac{z_1 - z_2}{z_3} + z_4$, найти его модуль и аргумент. Найти z^n и все корни уравнения $x^m + z = 0$.

$$z_1 = -3 - 2i, z_2 = -5 + 3i, z_3 = -2 - 3i, z_4 = -\frac{17}{13} + \sqrt{3} + \frac{10}{13}i, n = 5, m = 4.$$

2. Дан многочлен. Разложить его по степеням x -с:

$$x^5 - 2ix^4 + 3ix^3 - (3 - i)x^2 + 1, c = i.$$

3. Доказать, что $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = a$ (указать $N(\varepsilon)$):

$$a_n = \frac{7n - 1}{n + 1}, a = 7.$$

4. Вычислить пределы последовательностей: $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{(6-n)^2 - (6+n)^2}{(6+n)^2 - (1-n)^2}$, $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n \sqrt[n]{n} - \sqrt[n]{27n^6 + n^2}}{(n + \sqrt[n]{n})\sqrt{9 + n^2}}$,
 $\lim_{n \rightarrow \infty} n^2 (\sqrt[3]{5 + n^3} - \sqrt[3]{3 + n^3})$, $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{n-10}{n+1} \right)^{3n+1}$.

5. Вычислить пределы функций: $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{2x^2 - 7x + 6}{x^2 - 5x + 6}$, $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{3x^2 + x}{4x^2 - 5x}$, $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{7x^3 - 2x^2 + 4x}{2x^3 + 5}$, $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{6x^3 - 5x + 2}{4x^3 - 2x^2 + 1}$,
 $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^4 - 1}{2x^4 - x^2 - 1}$, $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^2 + x + 12}{\sqrt{x-2} - \sqrt{4-x}}$, $\lim_{x \rightarrow 16} \frac{\sqrt[4]{x} - 2}{\sqrt{x} - 4}$, $\lim_{x \rightarrow 8} \frac{\sqrt{9+2x} - 5}{\sqrt[3]{x} - 2}$, $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x}{x+1} \right)^{2x-3}$, $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\arcsin 5x}{\operatorname{tg} 3x}$, $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos^3 x}{4x^2}$.

6. Доказать, что $f(x)$ и $\varphi(x)$ при $x \rightarrow \infty$ являются бесконечно малыми одного порядка:
 $f(x) = \operatorname{tg}(x^2 + 2x)$, $\varphi(x) = x^2 + 2x$.

7. Доказать, что $f(x)$ непрерывна в точке x_0 , найти $\delta(\varepsilon)$: $f(x) = -4x^2 - 8$, $x_0 = 2$.

8. Исследовать функцию на непрерывность в указанных точках: $f(x) = 9^{1/(2-x)}$, $x_1 = 0$, $x_2 = 2$.

9. Исследовать функцию на непрерывность и построить ее график:

$$f(x) = \begin{cases} x + 3, & x \leq 0 \\ 1, & 0 < x \leq 2 \\ x^2 - 2, & x > 2. \end{cases}$$

1. Вычислить комплексное число $z = \frac{z_1 - z_2}{z_3} + z_4$, найти его модуль и аргумент. Найти z^n и все корни уравнения $x^m + z = 0$.

$$z_1 = -5 - 3i, z_2 = 2 - 6i, z_3 = 5 + 7i, z_4 = -\frac{192}{55} + \frac{142}{55}i, n = 6, m = 3.$$

2. Дан многочлен. Разложить его по степеням x -с:

$$x^5 - ix^4 + 2ix^3 - (3 + 2i)x^2 + i, c = 1 - i.$$

3. Доказать, что $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = a$ (указать $N(\varepsilon)$):

$$a_n = \frac{n}{3n - 1}, a = \frac{1}{3}.$$

4. Вычислить пределы последовательностей: $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{(3-n)^4 - (2-n)^4}{(1-n)^4 - (1+n)^4}, \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{n+6} - \sqrt{n^2-5}}{\sqrt[3]{n^3+3} + 4\sqrt{1+n^3}},$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} (n - \sqrt[3]{n^3 - 5})n\sqrt{n}, \lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{n-1}{n+3}\right)^{n+2}.$$

5. Вычислить пределы функций: $\lim_{x \rightarrow -3} \frac{4x^2 + 7x - 2}{3x^2 + 8x + 4}, \lim_{x \rightarrow 4} \frac{x^3 - 64}{7x^2 - 27x - 4}, \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x^2 + 5x - 7}{3x^2 + x + 1}, \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x^3 + 7x - 1}{3x^4 + 2x + 5},$

$$\lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^3 - 3x - 2}{x^3 - x - 2}, \lim_{x \rightarrow 2} \frac{2x^2 - 9x + 4}{\sqrt{5-x} - \sqrt{x+1}}, \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt[3]{x} - 1}{\sqrt{1+x} - \sqrt{2x}}, \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{3x+4}{3x}\right)^{-2x}, \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{tg} 2x - \sin 2x}{x^2}, \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos 6x}{4x^2},$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{tg} x - \sin x}{x(1 - \cos 2x)}.$$

6. Доказать, что $f(x)$ и $\varphi(x)$ при $x \rightarrow \infty$ являются бесконечно малыми одного порядка:
 $f(x) = \arcsin(x^2 - x), \varphi(x) = x^3 - x.$

7. Доказать, что $f(x)$ непрерывна в точке x_0 , найти $\delta(\varepsilon): f(x) = 2x^2 - 4, x_0 = 3.$

8. Исследовать функцию на непрерывность в указанных точках: $f(x) = 6^{1/(x-3)} + 3, x_1 = 3, x_2 = 4.$

9. Исследовать функцию на непрерывность и построить ее график:

$$f(x) = \begin{cases} x - 3, & x < 0 \\ x + 1, & 0 \leq x \leq 4 \\ 3 + x, & x > 4 \end{cases}.$$