## Pruebas de hipótesis

## Diego Alberto Baños Lopez A01275100

23-08-2023

## Primer Problema - Enlatados

Los pesos de 21 latas de duraznos empacados elegidas al azar fueron:

```
11.0,\ 11.6,\ 10.9,\ 12.0,\ 11.5,\ 12.0,\ 11.2,\ 10.5,\ 12.2,\ 11.8,\ 12.1,\ 11.6,\ 11.7,\\ 11.6,\ 11.2,\ 12.0,\ 11.4,\ 10.8,\ 11.8,\ 10.9,\ 11.4,\ 10.8,\ 11.8,\ 10.9,\ 11.4,\ 10.8,\ 11.8,\ 10.9,\ 11.4,\ 10.8,\ 11.8,\ 10.9,\ 11.4,\ 10.8,\ 11.8,\ 10.9,\ 11.4,\ 10.8,\ 11.8,\ 10.9,\ 11.4,\ 10.8,\ 11.8,\ 10.9,\ 11.4,\ 10.8,\ 11.8,\ 10.9,\ 11.4,\ 10.8,\ 11.8,\ 10.9,\ 11.4,\ 10.8,\ 11.8,\ 10.9,\ 11.4,\ 10.8,\ 11.8,\ 10.9,\ 11.4,\ 10.8,\ 11.8,\ 10.9,\ 11.4,\ 10.8,\ 11.8,\ 10.9,\ 11.4,\ 10.8,\ 11.8,\ 10.9,\ 11.4,\ 10.8,\ 11.8,\ 10.9,\ 11.4,\ 10.8,\ 11.8,\ 10.9,\ 11.4,\ 10.8,\ 11.8,\ 10.9,\ 11.4,\ 10.8,\ 11.8,\ 10.9,\ 11.4,\ 10.8,\ 11.8,\ 10.9,\ 11.4,\ 10.8,\ 11.8,\ 10.9,\ 11.4,\ 10.8,\ 11.8,\ 10.9,\ 11.4,\ 10.8,\ 11.8,\ 10.9,\ 11.4,\ 10.8,\ 11.8,\ 10.9,\ 11.4,\ 10.8,\ 11.8,\ 10.9,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\ 11.4,\
```

Por estudios anteriores se saber que población del peso de las latas se distribuye normalmente. Si a los dueños no les conviene que el peso sea menor, pero tampoco mayor a 11.7, prueba la afirmación de que el verdadero peso de las latas es de 11.7 con un nivel de confianza de 0.98 haciendo uso de los datos obtenidos en la muestra.

## Paso 1: Definir la hipotesis

```
\begin{split} H_0: \mu = 11.7 \ H_1: \mu \neq 11.7 \\ \text{Estadistico: } \bar{x} \end{split} Distribucion del estadistico: t de Student \mu_{\bar{x}} = 11.7, \, \sigma_{\bar{x}} = \frac{s}{\sqrt{n}} \end{split}
```

## Paso 2: Regla de Decision

Nivel de Confianza =  $0.98 \alpha = 0.02$ 

```
X <- c(
          11.0, 11.6, 10.9, 12.0, 11.5, 12.0, 11.2, 10.5,
          12.2, 11.8, 12.1, 11.6, 11.7, 11.6, 11.2, 12.0,
          11.4, 10.8, 11.8, 10.9, 11.4
)
alfa <- 0.02
n <- length(X)
t0 <- qt(alfa / 2, n - 1) # Valor frontera
cat("t0=", t0)</pre>
```

## t0 = -2.527977

## Paso 3: Calculos

t\*: es el numero de desviaciones estandar al que  $\bar{x}$  esta lejos de  $\mu$   $H_0$  se rechaza si:

- $|t^*| > 2.53$
- valor p < 0.02

Tenemos que calcular:

- $t^*$  (que tan lejos esta  $\bar{x}$  de  $\mu$ )
- Valor p (la probabilidad de que  $\bar{x}$  este en las colas de la distribucion)

\*Calculo de t\*\*

```
m <- mean(X)
s <- sd(X)
sm <- s / sqrt(n)

te <- (m - 11.7) / sm
cat("t* =", te)</pre>
```

```
## t* = -2.068884
```

 $Calculo\ de\ valor\ p$ 

```
valorp <- 2 * pt(te, n - 1)
cat("Valor p=", valorp)</pre>
```

## Valor p= 0.0517299

## Paso 4: Conclusiones

- Como valor p(0.05173)es mayor que 0.02, entonces no  ${\bf R} H_0$
- Como |t\*| (2.07) es menor que 2.53, entonces no  ${\bf R} H_0$

En el contexto del problema esto significa que la hipotesis se rechaza.

#### Mas facil:

```
t.test(X, alternative = "two.sided", mu = 11.7, conf.level = 0.98)

##

## One Sample t-test

##

## data: X

## t = -2.0689, df = 20, p-value = 0.05173
```

```
## alternative hypothesis: true mean is not equal to 11.7
## 98 percent confidence interval:
## 11.22388 11.74755
## sample estimates:
## mean of x
## 11.48571
```

## Segundo Problema - Fowle Marketing Research, Inc.

Fowle Marketing Research, Inc., basa los cargos a un cliente bajo el supuesto de que las encuestas telefónicas (para recopilación de datos) pueden completarse en un tiempo medio de 15 minutos o menos. Si el tiempo es mayor a 15 minutos entonces se cobra una tarifa adicional. Compañías que contratan estos servicios piensan que el tiempo promedio es mayor a lo que especifica Fowle Marketing Research Inc. así que realizan su propio estudio en una muestra aleatoria de llamadas telefónicas y encuentran los siguientes datos: Tiempo: 17, 11, 12, 23, 20, 23, 15, 16, 23, 22, 18, 23, 25, 14, 12, 12, 20, 18, 12, 19, 11, 11, 20, 21, 11, 18, 14, 13, 13, 19, 16, 10, 22, 18, 23

Por experiencias anteriores, se sabe que  $\sigma$ =4 minutos. Usando un nivel de significación de 0.07, ¿está justificada la tarifa adicional?

## Paso 1: Definir la hipótesis

```
H_0: \mu = 15 \ H_1: \mu \neq 15
```

Estadistico:  $\bar{x}$ 

Distribucion del estadistico: Normal

$$\mu_{\bar{x}} = 15, \, \sigma_{\bar{x}} = \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$$

#### Paso 2: Regla de decisión

Nivel de significancia:  $\alpha = 0.07$ 

```
alfa <- 0.07

z0 <- qnorm(1 - alfa)

cat("z0 =", z0)
```

## z0 = 1.475791

## Paso 3: Calculos

Necesitamos calcular el valor del estadistico de prueba z\* en donde  $z^* = \frac{\bar{x} - \mu}{\frac{\sigma}{\sqrt{n}}}$ 

x es la media de la muestra.

 $\mu$  es la media hipotética (en este caso, 15 minutos).

 $\sigma$  es la desviación estándar de la población (dada como 4 minutos).

n es el tamaño de la muestra.

```
X2 <- c(
    17, 11, 12, 23, 20, 23, 15,
    16, 23, 22, 18, 23, 25, 14,
    12, 12, 20, 18, 12, 19, 11,
    11, 20, 21, 11, 18, 14, 13,
    13, 19, 16, 10, 22, 18, 23
)
sigma <- 4
n2 <- length(X2)
m2 <- mean(X2)

z_estrella <- (m2 - 15) / (sigma / sqrt(n2))
cat("z* =", z_estrella)</pre>
```

## z\* = 2.95804

## Paso 4: Conclusiones

Aqui comparamos los resultados de z\* con  $z_0$  si z\* es mayor se rechaza la hipotesis nula  $H_0$ 

- Si se rechaza  $H_0$  esi indica que hay evidencia para afirmar que el tiempo promedio de las llamadas es mayor a 15 min. justificando la tarifa adicional
- De lo contrario no hay evidencia para que el tiempo promedio sea mayor a 15 min. injustificando la tarifa adicional

```
decision <- ifelse(z_estrella > z0, "Rechazar", "No Rechazar")
cat("Decisión:", decision)
```

## Decisión: Rechazar

## Graficas

```
curve(dnorm(x), -3, 3,
    main = "Distribución Normal Estándar",
    xlab = "z", ylab = "Densidad"
)
abline(v = z0, col = "red", lwd = 2)
abline(v = z_estrella, col = "blue", lwd = 2)
legend("topright", legend = c("z0", "z*"), col = c("red", "blue"), lwd = 2)
```

# Distribución Normal Estándar

