小结: 自由/原子中电子

- 如何求解电子状态?
 - 1. 解薛定谔方程,得到波函数,同时得到能量-波矢 关系(色散关系):有→2a,无→2b

$$-\frac{\hbar^2}{2m}\nabla^2\psi + V\psi = i\hbar\frac{\partial\psi}{\partial t}$$

• 2a. 利用能量-波矢关系, 算得群速度(波包速度):

$$\boldsymbol{v} = \frac{d\omega}{d\boldsymbol{k}}$$

• 3a. 在准经典近似下,利用群速度列出运动方程并求解

小结: 自由/原子中电子

- 如何求解电子状态?
 - 1. 解薛定谔方程,得到波函数,同时得到能量-波矢 关系(色散关系):有→2a,无→2b

$$-\frac{\hbar^2}{2m}\nabla^2\psi + V\psi = i\hbar\frac{\partial\psi}{\partial t}$$

- 2b. 利用电子能级填充规律填充电子
- 3b. 和光子(电磁波)作用,利用能量守恒求解

小结: 氢原子中的电子

- 氢原子中电子状态
 - 库仑势、束缚态
 - 量子数 (n l m s m_s) 标记状态: 原子轨道
 - 1s, 2s, 2p(2p_x, 2p_y, 2p_z), 3s, 3p(3p_x, 3p_y, 3p_z), 3d(3d_{xy}, 3d_{yz}, 3d_{zx}, 3d_{x^2-y^2}, 3d_{z^2}), 4s, ...
 - 电子能级、原子大小
- 氢原子中电子和电磁场的相互作用
 - 电子-光子作用
 - 发射光谱和吸收光谱

小结: 多电子原子中的电子

- 多电子原子中电子能级和氢原子类似
 - 角量子数对能量有贡献
- 泡利不相容原理
 - 不能有两个波函数完全一样的电子
- 非氢原子中电子能级填充规律
 - 从低到高依次填充
 - 不能有两个波函数完全一样的电子
 - 自旋有两种取值
 - $1s^2 2s^2 2p^6 3s^2 3p^6 4s^2 3d^{10} 4p^6 ...$

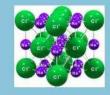
第二部分: 能带结构

- 自由电子的状态
- 原子中电子的状态
 - 氢原子模型
 - 多电子原子模型
- 晶体中电子的状态
 - 两个原子间的化学键
 - 共价键在晶体中的推广与紧束缚模型
- 绝缘体、半导体、导体的区别

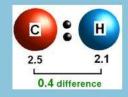
原子之间的作用: 化学键

TYPES OF CHEMICAL BONDS

• Ionic bonds



Covalent bonds



Metallic bonds



离子键:库仑力

共价键: 价电子 "共有化运动"

金属键:价电子"共有化运动",可传播

这些键的本质是什么?

单电子分子中的电子

例子: 氢分子阳离子 H_2 ⁺



薛定谔方程
$$-\frac{\hbar^2}{2m}\nabla^2\psi - \frac{e^2}{4\pi\epsilon_0r_1}\psi - \frac{e^2}{4\pi\epsilon_0r_2}\psi = -i\hbar\frac{\partial\psi}{\partial t}$$

解出的分子波函数也称为"分子轨道"(molecular orbital)

有精确解,但非常复杂,并且难以推广

近似解法: 量子化学中的原子轨道线性组合理论(linear combination of atomic orbitals, LCAO),或称分子轨道理论(MO)

量子物理中的紧束缚近似理 论(tight binding)

分子轨道理论求解波函数

- 分子波函数为相应原子波函数的线性组合
 - $\psi = \alpha \psi_1 + \beta \psi_2$
- 这些线性组合中,平均能量最低的态为大致的分子波函数(因为电子基态的能量最低)
 - $\int \psi^* \hat{E} \psi dV$ 取极小值
 - 与该分子波函数正交的其它态中,能量最低的态也为 大致的分子波函数(因为电子第一激发态的能量次低)
 - 以此类推
- 线性组合前后波函数数目守恒
 - ψ_1 、 ψ_2 会组合出两个分子波函数

注意事项

- 分子轨道理论只是一个近似方法
 - 线性组合中 $\psi = \alpha \psi_1 + \beta \psi_2$

$$\psi$$
満足
$$-\frac{\hbar^2}{2m}\nabla^2\psi - \frac{e^2}{4\pi\epsilon_0 r_1}\psi - \frac{e^2}{4\pi\epsilon_0 r_2}\psi = -i\hbar\frac{\partial\psi}{\partial t}$$

$$\psi_1$$
満足
$$-\frac{\hbar^2}{2m}\nabla^2\psi_1 - \frac{e^2}{4\pi\epsilon_0 r_1}\psi_1 = -i\hbar\frac{\partial\psi_1}{\partial t}$$

$$\psi_2$$
満足
$$-\frac{\hbar^2}{2m}\nabla^2\psi_2 - \frac{e^2}{4\pi\epsilon_0 r_2}\psi_2 = -i\hbar\frac{\partial\psi_2}{\partial t}$$

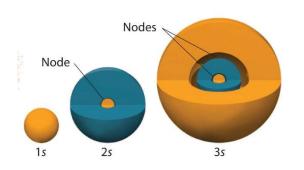
• 故 $\alpha\psi_1$ + $\beta\psi_2$ 并不是 ψ 需要满足的薛定谔方程的 严格解,只能求平均值

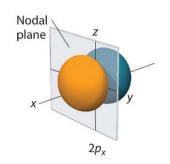
波函数的正交

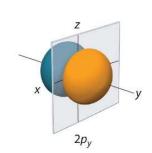
- 定义波函数的内积< $\psi_1,\psi_2>=\int \psi_1^*\psi_2 dV$
- 两波函数正交,则

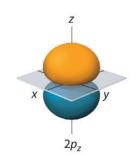
$$<\psi_{1},\psi_{2}>=\int \psi_{1}^{*}\psi_{2}dV=0$$

• 例如: 1s波函数和2s、2p波函数均正交



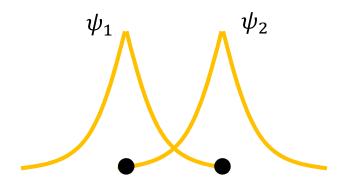






波函数的正交

• 相邻原子波函数正交吗?



- 重叠积分 $S = \int \psi_1^* \psi_2 dV$ 为小量
- 为简便计算,近似认为相邻原子波函数正交, S=0

分子轨道理论求解波函数

- 分子波函数为相应原子波函数的线性组合
 - $\psi = \alpha \psi_1 + \beta \psi_2$
- 这些线性组合中,平均能量最低的态为大致的分子波函数(因为电子基态的能量最低)
 - $\int \psi^* \hat{E} \psi dV$ 取极小值
 - 与该分子波函数正交的其它态中,能量最低的态也为 大致的分子波函数(因为电子第一激发态的能量次低)
 - 以此类推
- 线性组合前后波函数数目守恒
 - ψ_1 、 ψ_2 会组合出两个分子波函数

H2+的波函数、化学键

原子1波函数(1s) ψ_1

基态分子波函数

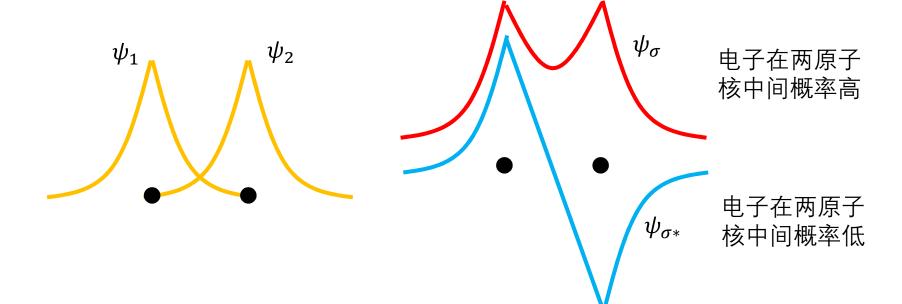
第一激发态波函数

原子2波函数(1s) ψ_2

$$\psi_2$$

$$\psi_{\sigma} = \frac{1}{\sqrt{2}}(\psi_1 + \psi_2)$$

$$\psi_{\sigma*} = \frac{1}{\sqrt{2}}(\psi_1 - \psi_2)$$
彼此正交



H2+的波函数、化学键

原子1波函数(1s) ψ_1

基态分子波函数

第一激发态波函数

原子2波函数(1s) ψ_2

$$\psi_{\sigma} = \frac{1}{\sqrt{2}}(\psi_1 + \psi_2)$$

$$\psi_{\sigma*} = \frac{1}{\sqrt{2}}(\psi_1 - \psi_2)$$

基态电子平均能量

$$\int \psi_{\sigma}^* \hat{E} \psi_{\sigma} dV \sim E_{1s} - T_{1s}$$

薛定谔方程

第一激发态电子 平均能量

$$\int \psi_{\sigma*}^* \widehat{E} \psi_{\sigma*} dV \sim E_{1s} + T_{1s}$$

 $\widehat{H}\psi = \widehat{E}\psi$

$$T_{1s} = -\int \psi_1^* \hat{H} \psi_2 dV = -\int \psi_2^* \hat{H} \psi_1 dV > 0$$
 积分大小和波函数交叠程度有关
交叠越大,T越大

H2+的波函数、化学键

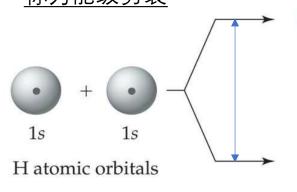
基态电子平均能量

$$\int \psi_{\sigma}^* \hat{E} \psi_{\sigma} dV \sim E_{1s} - T_{1s}$$

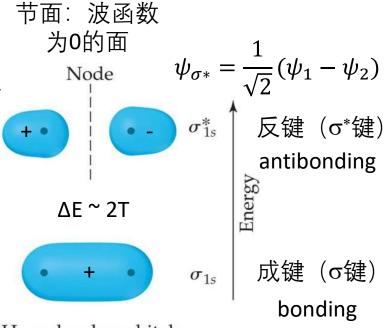
第一激发态电子 平均能量

$$\int \psi_{\sigma*}^* \hat{E} \psi_{\sigma*} dV \sim E_{1s} + T_{1s}$$

基态能量降低,第一激发态能量升高, 称为能级劈裂



两波函数交叠越多, T 越大, 能级劈裂越大

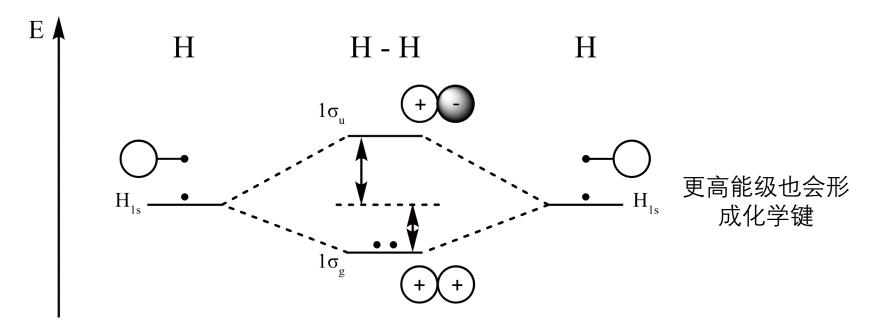


H₂ molecular orbitals

$$\psi_{\sigma} = \frac{1}{\sqrt{2}}(\psi_1 + \psi_2)$$

多电子分子中的电子: H₂

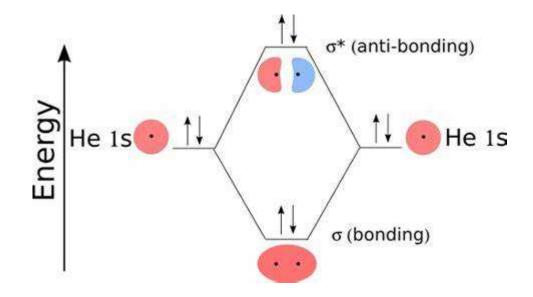
- 复杂, 薛定谔方程无精确解
- 但分子波函数仍和单电子分子相似



由于总体能量降低,氢原子倾向于两两结合形成氢分子 共价键=这种将原子结合在一起的作用="共有化运动"

多电子分子中的电子:He2

- 复杂, 薛定谔方程无精确解
- 但分子波函数仍和单电子分子相似



由于总体能量没有降低,氦原子倾向于彼此分离,不形成He₂

分子中的电子

- 原子波函数的线性组合形成近似的分子波函数
 - 相邻波函数交叠越多,分子轨道间能级劈裂越大
- 电子从低能量到高能量依次"填入"分子轨道
 - 由于电子自旋1/2, 每个分子轨道中可容纳两个电子
- 净能量降低="共有化运动"释放的能量
 - 这种共有化运动称之为共价键
 - 净能量降低称之为共价键的键能

其它分子波函数

1s、2s、2p轨道线性组合也可得到分子波函数

 σ^*_{2pz} $\pi^*_{2px} \pi^*_{2py}$ 能量并非 2p_x 2p_y 2p_z $2p_x 2p_y 2p_z$ 按照比例 $\overline{\sigma_{2pz}}$ 绘制 $\overline{\pi_{2px}}$ π_{2py} π_{2py} π_{2px} Energy σ^*_{2s} σ*_{2s} 2s 2s 哪一种分 σ_{2s} 子轨道能 级劈裂较 大? $\overline{\sigma^*_{1s}}$ σ^*_{1s} 1s 1s $\overline{\sigma_{1s}}$ AO MO AO MO

价电子的概念

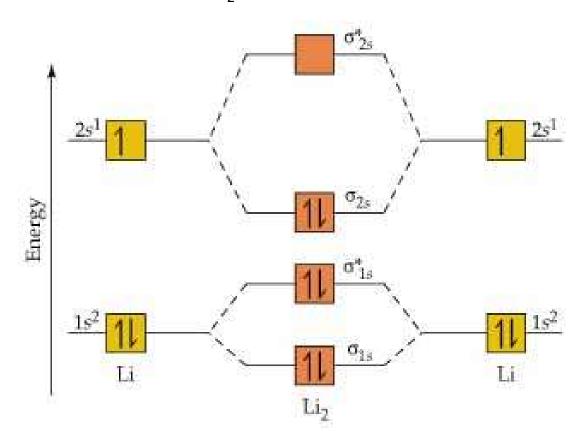
例: Li₂

外层电子的共有化运动导致能量降低,称为价电子(valence electron)

因为能形成共价键

内层电子的共有化运 动没有导致能量降低

而且能级劈裂很小



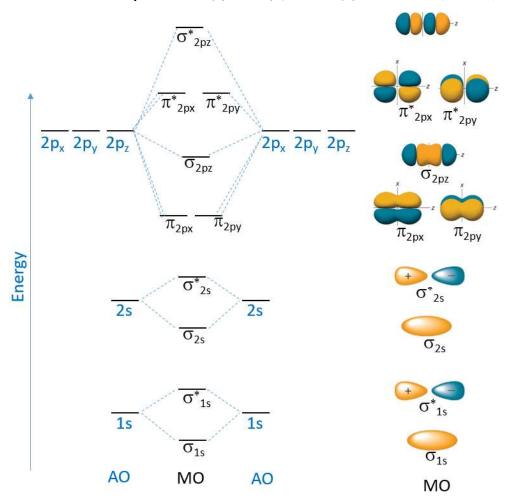
因此, 很多情况下, 可以忽略内层电子的物理效应

其它分子波函数

1s、2s、2p轨道线性组合也可得到分子波函数

能量并非 按照比例 绘制

哪一种分 子轨道能 级劈裂较 大?



Li 2s¹

Be 2s²

 $B 2s^22p^1$

 $C 2s^22p^2$

 $N 2s^22p^3$

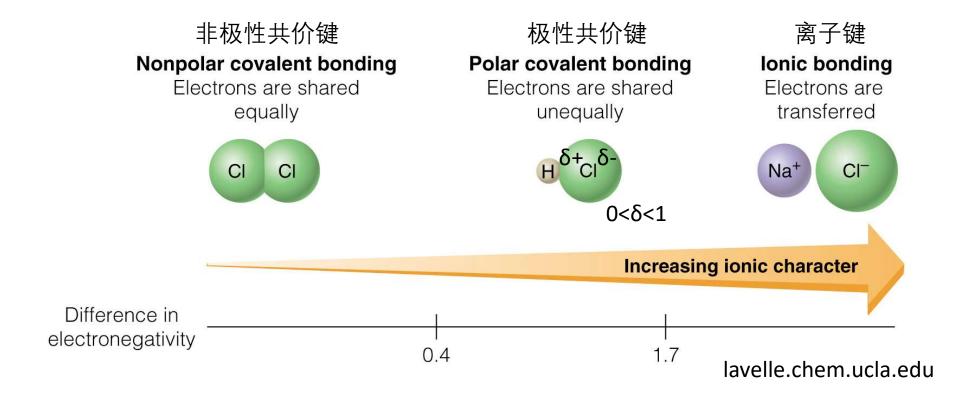
 $O 2s^22p^4$

F 2s²2p⁵

Ne 2s²2p⁶

能否形成双 原子分子?

异核双原子分子



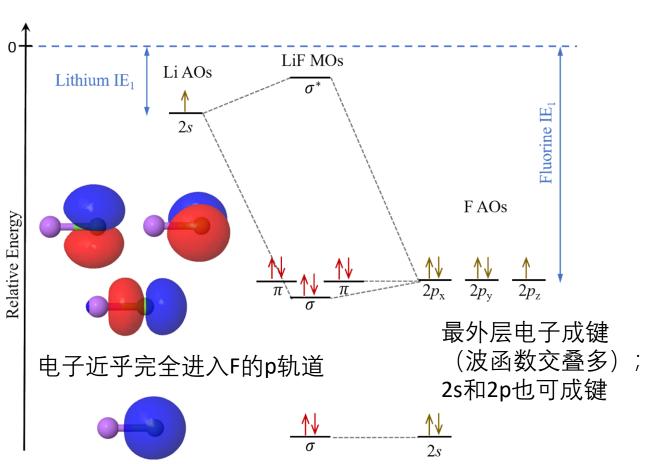
离子键的分子波函数

LiF的分子轨道

LiF的电负性差值 约为3,基本属于 离子键(超强极 性共价键)

"共用电子对"造成 的能量降低基本等 于电子完全转移造 成的能量降低,共 价键键能很低,劈 裂小

两原子吸引主要靠库仑力



https://wisc.pb.unizin.org/chem109fall2021ver 02/chapter/mos-for-heteronuclear-diatomic-molecules/

小结: 分子中电子

- 如何求解电子状态?
 - 1. 解薛定谔方程,利用原子轨道线性组合,得到波函数,近似满足薛定谔方程;同时得到能级

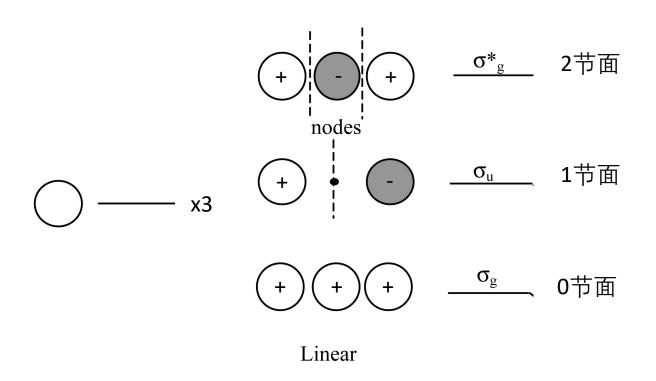
$$-\frac{\hbar^2}{2m}\nabla^2\psi + \nabla\psi = i\hbar\frac{\partial\psi}{\partial t}$$

- 2b. 利用电子能级填充规律填充电子,判断成键与否和分子的稳定性
- (3b. 和光子(电磁波)作用,利用能量守恒求解)

多原子分子

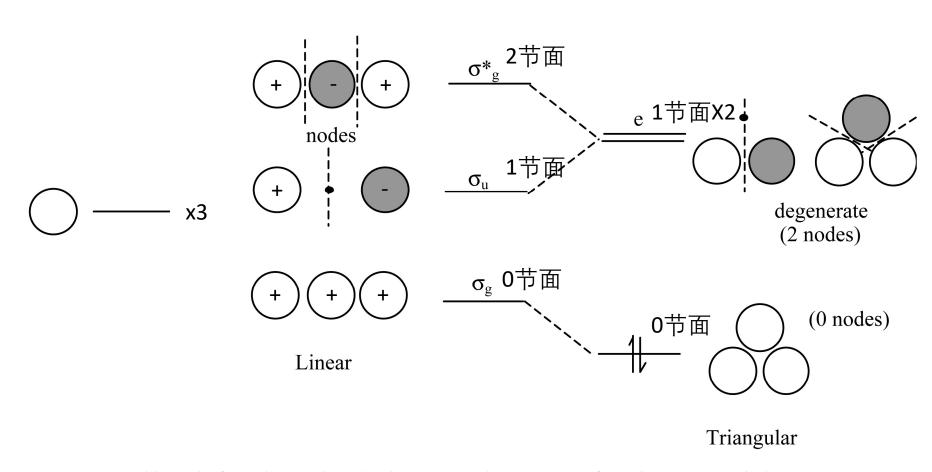
- 分子波函数为相应原子波函数的线性组合
 - $\psi = \alpha_1 \psi_1 + \alpha_2 \psi_2 + \cdots + \alpha_N \psi_N$
- 这些线性组合中,平均能量最低的态为大致的分子波函数(因为电子基态的能量最低)
 - $\int \psi^* \hat{E} \psi dV$ 取极小值
 - 与该分子波函数正交的其它态中,能量最低的态也为大致的分子波函数(因为电子第一激发态的能量次低)
 - 以此类推
- 线性组合前后波函数数目守恒
 - ψ_1 、 ψ_2 、 ...、 ψ_N 会组合出N个分子波函数

为什么氢原子不形成H3?



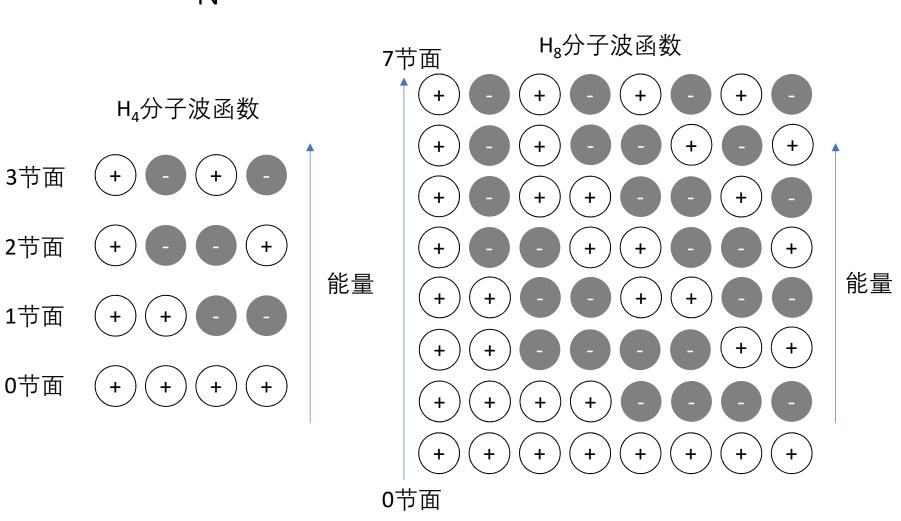
第三个电子能量始终很高,将一个H排斥出去是能量最低的方案

为什么氢原子不形成H3?



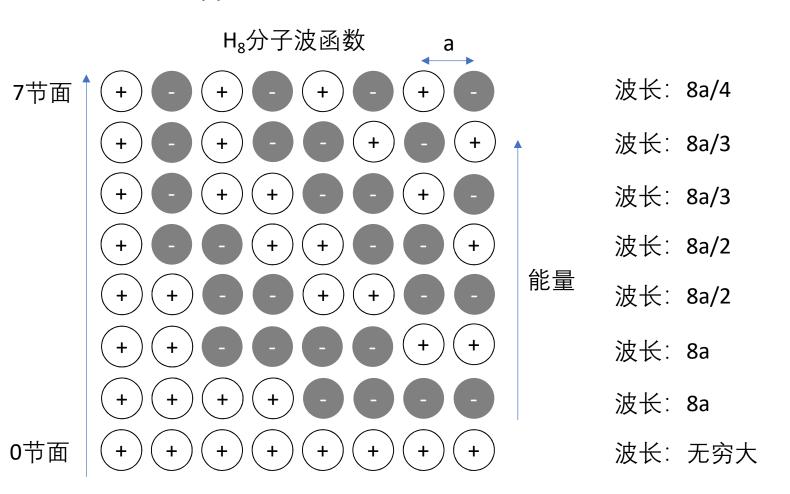
第三个电子能量始终很高,将一个H排斥出去是能量最低的方案

链状Hn的分子波函数



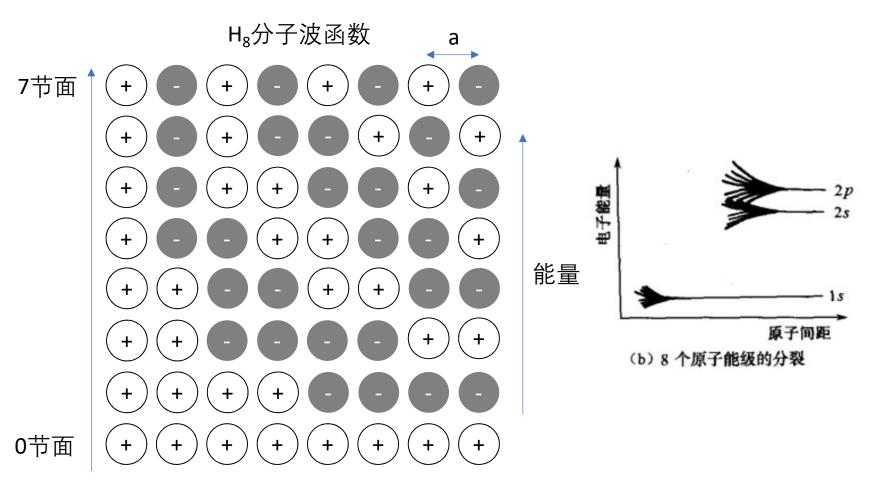
N个氢原子, N个由1s形成的能级; 0到N-1个节面, 能量依次升高

链状Hn的分子波函数的"波长"



 H_N 体系的波函数波长为无穷大、2个8a、2个8a/2、2个8a/3、2a 对应的波矢k = 0、 $\pm 2\pi/8a$ 、 $\pm 4\pi/8a$ 、 $\pm 6\pi/8a$ 、 $8\pi/8a$

链状Hn的分子波函数的能级

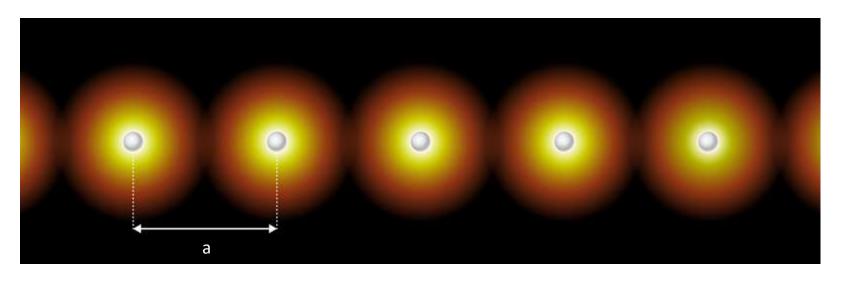


 H_N 体系的波函数波长为无穷大、2个8a、2个8a/2、2个8a/3、2a 对应的波矢k = 0、 $\pm 2\pi/8a$ 、 $\pm 4\pi/8a$ 、 $\pm 6\pi/8a$ 、 $8\pi/8a$

一维氢晶体的波函数

当N很大时, H_N趋近于晶体

氢原子相隔间距a, 排成链状; 有平移对称性

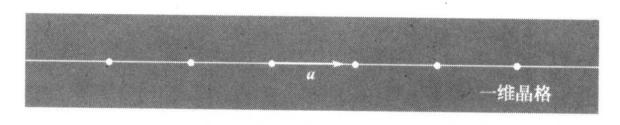


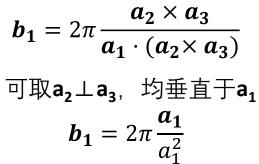
N个氢原子, N个由1s形成的能级; 0到N-1个节面, 能量依次升高

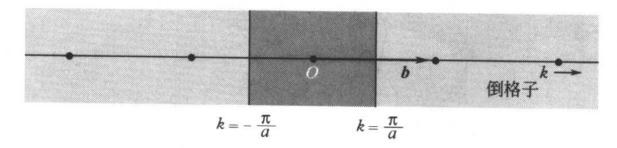
 H_N 体系的波函数波长为无穷大、2个Na、2个Na/2、.....、2个Na/(N/2-1)、2a 对应的波矢k = 0、 $\pm 2\pi/Na$ 、.....、 $\pm (N-2)\pi/Na$ 、 π/a , 即k = $2m\pi/Na$, m = -N/2+1, ..., N/2

倒格子的原胞: 布里渊区

一维晶格的布里渊区





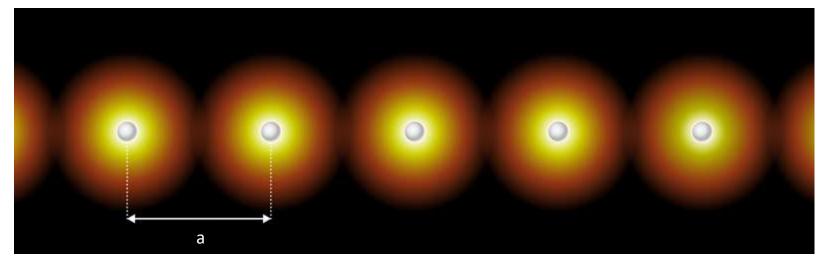


$$b_1 = \frac{2\pi}{a_1}$$

图 11 一维晶体的正格子和倒格子。倒格子空间中的基矢是 b,长度等于 $2\pi/a$ 。由原点出发的最短倒格矢是 b和一b。这些矢量的垂直平分线构成第一布里渊区的边界。边界位于 $k=\pm\pi/a$ 。

紧束缚模型下的一维氢晶体

$$\psi_{1s}(x+2a) \quad \psi_{1s}(x+a) \qquad \psi_{1s}(x) \qquad \psi_{1s}(x-a) \quad \psi_{1s}(x-2a)$$



总波函数
$$\psi(x) = \frac{1}{\sqrt{N}} \sum_{R} e^{i \mathbf{k} \cdot \mathbf{R}} \psi_{1s}(x - R)$$
 R取遍所有正格矢 归一化系数 原子轨道 "波形"式线性组合

$$k = \frac{2m\pi}{Na} \qquad m = -\frac{N}{2} + 1, \dots, \frac{N}{2}$$

波函数的性质

概率密度的平移不变性

$$\psi(\mathbf{x}) = \frac{1}{\sqrt{N}} \sum_{\mathbf{R}} e^{i\mathbf{k}\cdot\mathbf{R}} \psi_{1s}(\mathbf{x} - \mathbf{R})$$

对任意正格矢R'

$$\psi(\mathbf{x} + \mathbf{R}') = \frac{1}{\sqrt{N}} \sum_{\mathbf{R}} e^{i\mathbf{k}\cdot\mathbf{R}} \psi_{1s}(\mathbf{x} - (\mathbf{R} - \mathbf{R}'))$$

$$= e^{i\mathbf{k}\cdot\mathbf{R}'} \frac{1}{\sqrt{N}} \sum_{\mathbf{R}''} e^{i\mathbf{k}\cdot\mathbf{R}''} \psi_{1s}(\mathbf{x} - \mathbf{R}'')$$

$$\mathbf{R}'' = \mathbf{R} - \mathbf{R}'$$
取遍所有正格矢
$$= e^{i\mathbf{k}\cdot\mathbf{R}'} \psi(\mathbf{x}) \qquad k = \frac{2m\pi}{Na} \quad m = -\frac{N}{2} + 1, \dots, \frac{N}{2}$$

因此, $\psi(x)$ 的概率密度在平移后不变

波函数的性质

$$\psi(x) = \frac{1}{\sqrt{N}} \sum_{R} e^{i\mathbf{k}\cdot R} \psi_{1S}(x - R)$$

$$= e^{i\mathbf{k}\cdot x} \frac{1}{\sqrt{N}} \sum_{R} e^{i\mathbf{k}\cdot (R - x)} \psi_{1S}(x - R)$$

$$\equiv e^{i\mathbf{k}\cdot x} u(x) \qquad \text{称为布洛赫 (Bloch) 波}$$
对任意正格矢R'

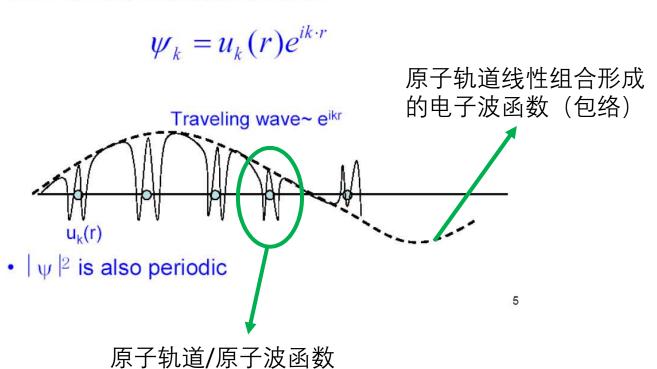
$$u(\mathbf{x})$$
满足
$$u(\mathbf{x}+\mathbf{R}') = \frac{1}{\sqrt{N}} \sum_{\mathbf{R}} e^{i\mathbf{k}\cdot((\mathbf{R}-\mathbf{R}')-\mathbf{x})} \psi_{1s}(\mathbf{x}-(\mathbf{R}-\mathbf{R}'))$$
$$= \frac{1}{\sqrt{N}} \sum_{\mathbf{R}''} e^{i\mathbf{k}\cdot(\mathbf{R}''-\mathbf{x})} \psi_{1s}(\mathbf{x}-\mathbf{R}'')$$
$$= u(\mathbf{x})$$

 $\psi(x) = e^{ik \cdot x} u(x)$, u(x)有晶格的周期性,称为<u>布洛赫定理</u>

布洛赫定理的理解

The periodic potential function in a single crystal material

 In periodic potential, an electron will behave in this manner, i.e., Bloch electron



波函数的能量

平均能量

波函数的能量

平均能量

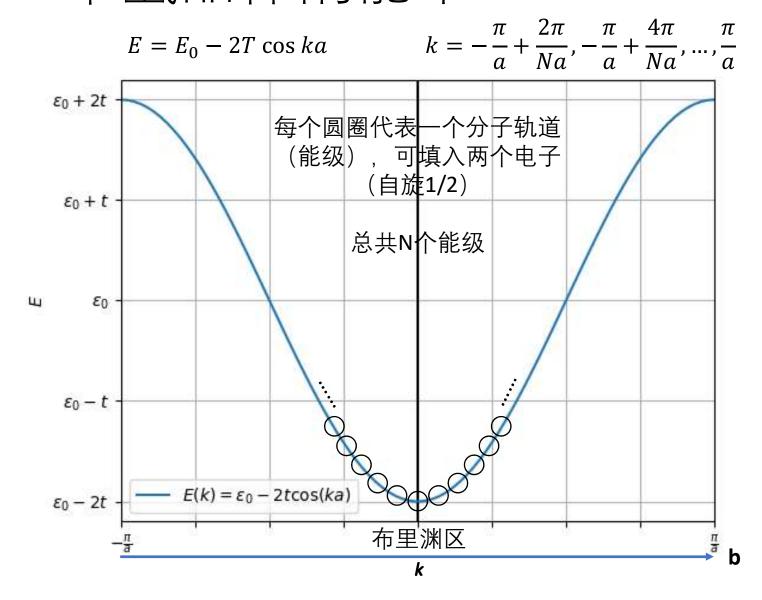
$$\int \psi(\mathbf{x}, t)^* \widehat{E} \psi(\mathbf{x}, t) dV = \sum_{\mathbf{R}} e^{i\mathbf{k}\cdot\mathbf{R}} \int \psi_{1s}(\mathbf{x})^* \widehat{H} \psi_{1s}(\mathbf{x} - \mathbf{R}) dV$$
$$= E_{1s} - Te^{i\mathbf{k}\cdot\mathbf{a}} - Te^{-i\mathbf{k}\cdot\mathbf{a}}$$
$$= E_{1s} - 2T\cos ka$$

一维氢晶体的能带(紧束缚模型)

$$\underline{E(k)} = \underline{E_{1s}} - 2T\cos ka$$
 $k = \frac{2m\pi}{Na}$ $m = -\frac{N}{2} + 1, ..., \frac{N}{2}$

即能量-波矢关系

一维氢晶体的能带



波函数的性质

波函数关于倒格矢的平移不变性

$$\psi(\mathbf{x}) = \frac{1}{\sqrt{N}} \sum_{\mathbf{R}} e^{i\mathbf{k}\cdot\mathbf{R}} \psi_{1S}(\mathbf{x} - \mathbf{R})$$

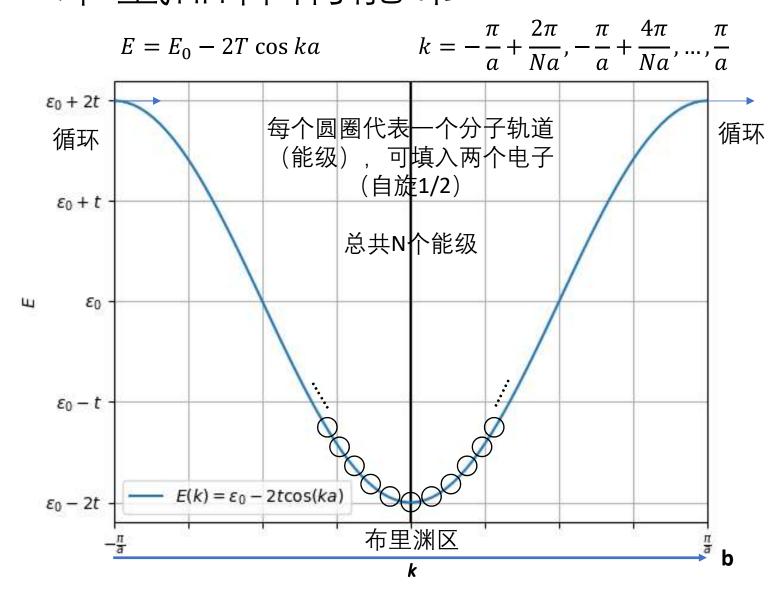
$$\frac{1}{\sqrt{N}} \sum_{\mathbf{R}} e^{i(\mathbf{k}+\mathbf{b})\cdot\mathbf{R}} \psi_{1S}(\mathbf{x} - \mathbf{R}) = \frac{1}{\sqrt{N}} \sum_{\mathbf{R}} e^{i\mathbf{k}\cdot\mathbf{R}} e^{i\mathbf{b}\cdot n\mathbf{a}} \psi_{1S}(\mathbf{x} - \mathbf{R})$$

$$= \frac{1}{\sqrt{N}} \sum_{\mathbf{R}} e^{i\mathbf{k}\cdot\mathbf{R}} \psi_{1S}(\mathbf{x} - \mathbf{R})$$

$$(\mathbf{b} \cdot n\mathbf{a} = 2n\pi)$$

因此,k在经过任意倒格矢平移之后波函数不变

一维氢晶体的能带



晶体波函数的严格解

薛定谔方程
$$-\frac{\hbar^2}{2m}\nabla^2\psi + V\psi = -i\hbar\frac{\partial\psi}{\partial t}$$

$$V = \sum_{R} -\frac{e^2}{4\pi\epsilon_0 |x - R|}$$

可证明,波函数也具有布洛赫波形式 $\psi = e^{i(\mathbf{k}\cdot\mathbf{x} - \omega t)}u(\mathbf{x})$

$$u(\mathbf{x})$$
满足 $u(\mathbf{x} + \mathbf{R}) = u(\mathbf{x})$

其中R为任意正格矢

$$E(k) \sim E_{1s} - 2T\cos ka$$
 $k = \frac{2m\pi}{Na}$ $m = -\frac{N}{2} + 1, ..., \frac{N}{2}$

三种模型中的电子

自由电子
$$\psi = \psi_0 e^{i(\mathbf{k} \cdot \mathbf{x} - \omega t)}$$
 $(\frac{\hbar^2 \mathbf{k}^2}{2m} = \hbar \omega)$

含有波矢量,可以传播,是非束缚态能量 $\hbar\omega$ 和动量 $\hbar k$ 是连续的

氢原子中电子
$$\psi = R_{nl}(r)Y_{lm}(\theta,\phi)e^{-i\omega t}$$
 $(\hbar\omega = -\frac{me^4}{32\pi^2\epsilon_0^2\hbar^2n^2})$

不含波矢量,不能传播,是束缚态 含有角频率,具有能量 $\hbar\omega$,没有动量 能量 $\hbar\omega$ 是不连续的(量子化的)

一维氢原子晶 体能带中电子 $\psi = e^{i(\mathbf{k}\cdot\mathbf{x} - \omega t)}u(\mathbf{x})$ $E(k) \sim E_{1s} - 2T\cos ka$

> 含有波矢量,可以传播,是非束缚态 能量和ħ**k**是不连续的(量子化的)

能量和动量

- $\psi = e^{i(\mathbf{k}\cdot\mathbf{x} \omega t)}u(\mathbf{x})$ 是能量本征态, $E = \hbar\omega$
- 紧束缚模型中 ψ 并非能量本征态,只有平均能量
 - 但近似为能量本征态
 - 求解薛定谔方程得到的能量本征态和紧束缚模型差别 不大
- $\psi = e^{i(\mathbf{k}\cdot\mathbf{x} \omega t)}u(\mathbf{x})$ 是动量本征态吗?
 - $\widehat{\boldsymbol{p}}\psi = -i\hbar\nabla\psi = \hbar\boldsymbol{k}\psi + \frac{\nabla u(x)}{u(x)}\psi$
 - 但ħ**k**表现出了某些动量的性质,称为<u>准动量</u>(或<u>晶</u> 格动量)
 - 因为群速度是 $d\omega/dk$

群速度和准经典近似

- 波包群速度是 $\frac{d\omega}{d\mathbf{k}}$
 - $E(k) = \hbar\omega \sim E_{1s} 2T\cos ka$ $v = \frac{d\omega}{dk} \sim \frac{2Ta}{\hbar}\sin ka$
- 将电子置于力场F中

在dt时间后,力冲量为Fdt 但动量没有良好定义 Fdt ? dp ? $\hbar dk$ 经过dx距离,力做功为Fdx

$$Fvdt = Fdx = dE = \hbar d\omega = \hbar dk \frac{d\omega}{dk} = \hbar vdk$$

因此还是有 $F = \frac{\hbar dk}{dt}$

$$\mathbf{F} = \frac{\hbar d\mathbf{k}}{dt}$$
 其实也正确,可用传播子理论证明(略)

能带的不连续性

能带的能量、波矢分立但靠得很近: 准连续

波矢之间的间距: $\Delta k = \frac{2\pi}{Na}$ 设a为纳米级,Na为厘米级

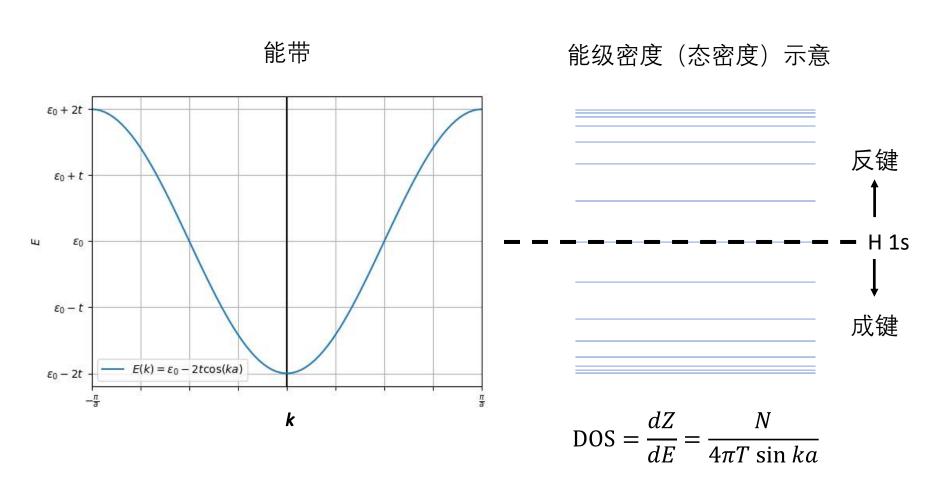
能量之间的间距: $\Delta E = \frac{dE}{dk} \Delta k < 2Ta \frac{2\pi}{Na} = \frac{4\pi T}{N}$ 约10⁻⁷eV量级 (T为键能, eV量级)

单位k值中波函数(电子态)的数目: $\frac{dZ}{dk} = \frac{1}{\Delta k} = \frac{Na}{2\pi}$

单位能量中波函数(电子态)的数目: 态密度(状态密度、能态密度、Density of States/DOS)

DOS =
$$\frac{dZ}{dE} = \frac{dZ}{dk}\frac{dk}{dE} = \frac{Na}{2\pi}\frac{1}{2Ta\sin ka} = \frac{N}{4\pi T\sin ka}$$

态密度



能带其实就是共价键的成键和反键轨道

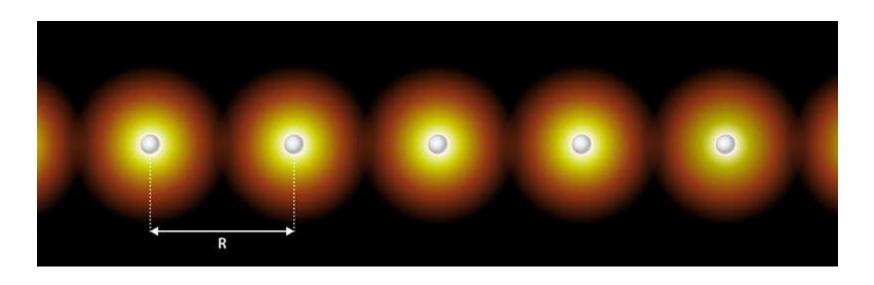
晶体中的共价键是什么?

- 共价键(covalent bond): 由共用电子对对原子 产生作用的机制
- 共价键就是晶体的电子波函数
- 每个共价键中有自旋相反的一对电子
 - 可分为成键和反键两种: 成键能量降低, 反键能量提高(非键通常不算共价键)
- 共价键不是局域的棒状结构

共价键不是局域的棒状结构

- 共价键的位置通常无法良好定义
 - 不确定原理
 - 并不是"没有位置",只是"无法定义":用波函数 (wave function) ψ 描述, $\psi^*\psi$ 为概率密度
- 共价键具有波矢k, 可以向前传播
- 共价键对应的就是能带结构

共价键的局域和离域



化学中的常见共价键: H-H之间两两连接(局域)

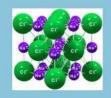


共价键的实质:分子轨道(完全离域),是一组分布于晶体上的波函数 共价键的能量对应能带结构

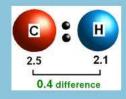
原子之间的作用: 化学键

TYPES OF CHEMICAL BONDS

Ionic bonds



Covalent bonds



Metallic bonds



离子键:库仑力

共价键:价电子 "共有化运动"

金属键: 价电子"共 有化运动", 可传播 本质就是共价键

共价键也对应了能 带结构