# 模拟集成电路设计课程

第7章 噪声

程 林,潘东方

eecheng@ustc.edu.cn



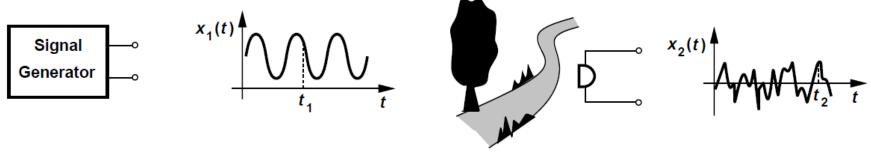
# 本章内容

- 7.1 噪声的统计特性
- 7.2 噪声类型
- 7.3 电路中的噪声表示
- 7.4 单级放大器中的噪声
- 7.5 电流镜中的噪声
- 7.6 差动对中的噪声
- 7.7 噪声与功率的折中
- 7.8 噪声带宽
- 7.9 输入噪声积分的问题

噪声限制了一个电路能够正确 处理的最小信号电平, 噪声与功耗、速度和线性度之 间存在折中



#### 7.1 噪声的统计特性



- 噪声是一个随机过程, 其值在任何时候都不能被预测
  - 信号发生器输出的正弦波x₁(t), 其在t₁时刻的值可以 从观测到的波形预测
  - 麦克风拾取的水流声的输出 $x_2$ (t), 其在 $t_2$ 时刻的值无法 预测
- 如何将噪声引入到电路分析中?
  - 通过长时间的观测,构造一个统计模型来描述噪声
  - 噪声的平均功率是可以被预测的, 电路中的大多数 噪声源都被证明有固定的平均功率



#### 平均功率

• 平均功率的定义: 
$$P_{av} = \frac{1}{T} \int_{-T/2}^{+T/2} \frac{v^2(t)}{R_L} dt$$

• 噪声的信号不是周期性的, 所以必须进行长时间测量

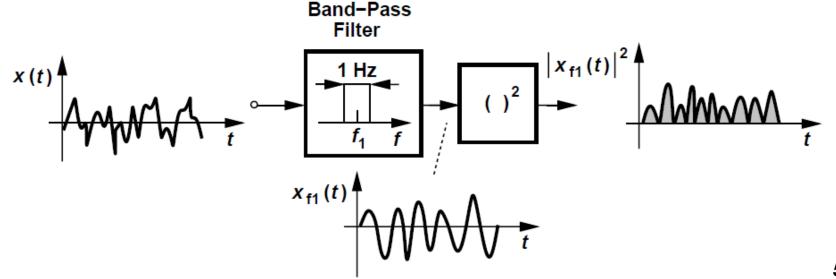
- 为简化计算, $P_{av}$ 可定义为  $P_{av} = \lim_{T \to \infty} \frac{1}{T} \int_{-T/2}^{+T/2} x^2(t) dt$
- 也可以为噪声定义一个均方根电压  $\sqrt{P_{av}}$

注意单位

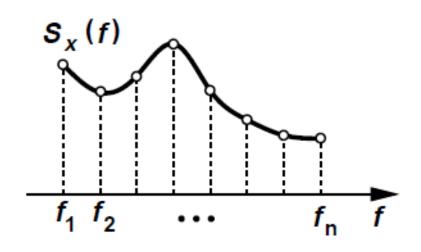


# 噪声谱

- 频谱表示在每个频率上信号具有的功率大小, 也称为 "功率谱密度" (Power Spectral Density, PSD)
- 噪声波形x(t)的PSD  $S_x(f)$  定义为 f 附近1 Hz带宽内x(t)具有的平均功率
- 如何得到 S<sub>x</sub>(f)?
  - 把x(t)加到中心频率为f<sub>1.</sub> 带宽为1Hz的带通滤波器 ,对输出取平方,在一个长的时间内计算平均值

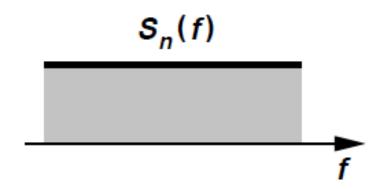


# 噪声谱



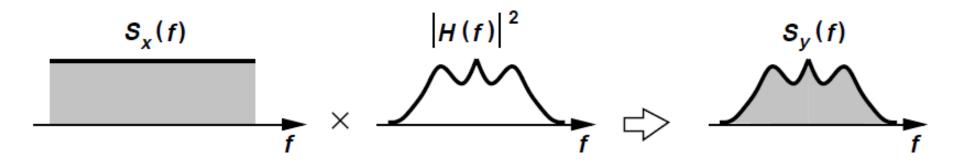
- 采用不同中心频率的带通滤波器,重复以上的过程,就可以得到S<sub>x</sub>(f)完整的波形
- $S_x(f)$ 以下的总面积表示噪声在所有频率中具有的功率,即总功率
- 按照 $P_{av}$ 的定义,习惯上从 $S_x(f)$ 中去掉 $R_L$ ,则其单位应该为 $V^2/Hz$ ,而不是W/Hz
- 通常也对  $S_x(f)$  取平方根,则单位为 $V/\sqrt{Hz}$





- 白噪声的PSD在整个频率范围内显示出相同的值
- 严格地说,白噪声是不存在的,否则噪声的总功率是 无限的
- 对于任何一种噪声谱,如果在所关心的频带内是平坦的,通常可被认为是白噪声

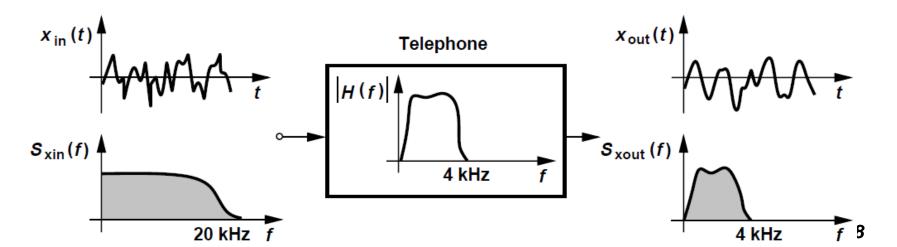
# 定理



• 如果把噪声谱为 $S_x(f)$ 的一个信号加在一个传输函数是 H(s)的线性时不变系统上,在输出谱为:

$$S_Y(f) = S_x(f)|H(f)|^2$$
  $H(f) = H(s = 2\pi jf)$ 

• 信号的噪声谱被系统的传输函数整形



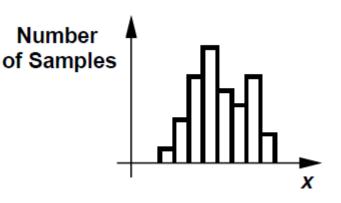


# 幅值分布

- 噪声的瞬时幅值是不可预测的,但是可以通过长时间的观察噪声波形构造出其幅值的分布,表示出每个值出现的频繁程度
- 概率密度函数(Probability density function, PDF), 被定 义为:

$$p_X(x)dx$$
 = probability of  $x < X < x + dx$ 





• 随机信号的PDF服从高斯分布

$$p_X(x) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} \exp \frac{-(x-m)^2}{2\sigma^2}$$



### 相关噪声源和非相关噪声源

- 电路中通常存在多个噪声源,需要把所有噪声源的影响相加来获得总噪声
- 叠加原理适用于确定的电压和电流,但是不适用于随机噪声信号
- 噪声相加, 总噪声的平均噪声功率为:

$$P_{av} = \lim_{T \to \infty} \frac{1}{T} \int_{-T/2}^{+T/2} [x_1(t) + x_2(t)]^2 dt$$

$$= \lim_{T \to \infty} \frac{1}{T} \int_{-T/2}^{+T/2} x_1^2(t) dt + \lim_{T \to \infty} \frac{1}{T} \int_{-T/2}^{+T/2} x_2^2(t) dt$$

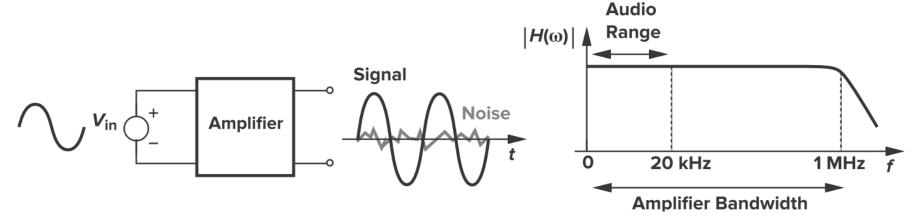
$$+ \lim_{T \to \infty} \frac{1}{T} \int_{-T/2}^{+T/2} 2x_1(t) x_2(t) dt$$

$$= P_{av1} + P_{av2} + \lim_{T \to \infty} \frac{1}{T} \int_{-T/2}^{+T/2} 2x_1(t) x_2(t) dt$$

• 非相关噪声源的功率可以叠加



#### 信噪比



• 信噪比(Signal-to-Noise Ratio, SNR)

$$SNR = \frac{P_{sig}}{P_{noise}}$$

• 噪声具有的总平均功率等于噪声频谱下的面积

$$P_{noise} = \int_{-\infty}^{+\infty} S_{noise}(f) df$$

- 电路的带宽必须总是限制在可接受的最小值,以使被积分的噪声功率最小
  - 可以在放大器内实现,也可通过后置低通滤波器实现



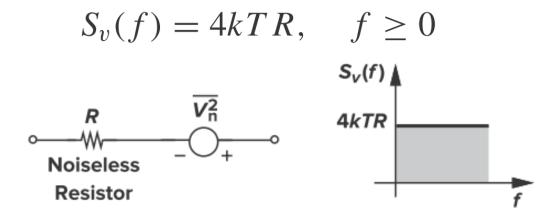
# 噪声分析步骤

- 电路的输出信号被电路内的噪声源损坏,因此我们感兴趣的是输出端观察到的噪声
- 如何得到输出端的噪声?
  - Step 1. 识别各个噪声源,并写出每个噪声源的功率谱
  - Step 2. 求出每个噪声源到输出的传输函数(如同噪声源是一个确定性信号)
  - Step 3. 计算每个噪声源提供的输出噪声功率谱  $S_Y(f) = S_x(f)|H(f)|^2$
  - Step 4. 对所有的输出噪声功率谱进行叠加,主要区分相 关源和非相关源
  - Step 5. 将输出噪声谱对频率积分,产生总输出噪声



#### 7.2 噪声类型-热噪声

- 导体中电子的随机运动会引起两端电压的波动,尽管 其平均电流为0.
- 电阻R上的热噪声可以用一个串联的电压源来模拟, 其单边谱密度为

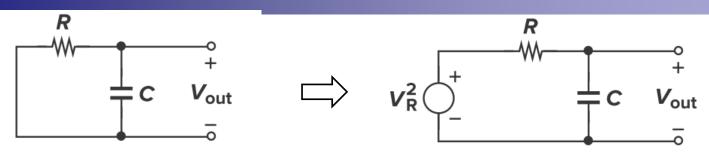


- 可以认为, 电阻的热噪声是白噪声
- 在常温300K下,  $50\Omega$ 的电阻的热噪声为  $8.28 \times 10^{-19} \text{ V}^2/\text{Hz}$
- 噪声是随机量,极性并不重要,但是需要在分析时保持一致

13



# 例7.3 计算RC低通电路的噪声



- Step 1. R的噪声谱为  $S_v(f) = 4kTR$
- Step 2. 用一个串联的电压源 $V_R$ 模拟R的噪声, $V_R$ 到 $V_{out}$  的传输函数为

$$\frac{V_{out}}{V_R}(s) = \frac{1}{RCs + 1}$$

Step 3. 输出噪声谱为

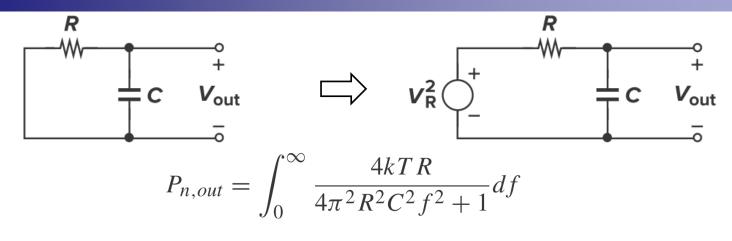
$$S_{out}(f) = S_v(f) \left| \frac{V_{out}}{V_R} (j\omega) \right|^2 = 4kTR \frac{1}{4\pi^2 R^2 C^2 f^2 + 1}$$

Step 4. 输出总噪声功率

$$P_{n,out} = \int_0^\infty \frac{4kTR}{4\pi^2 R^2 C^2 f^2 + 1} df$$

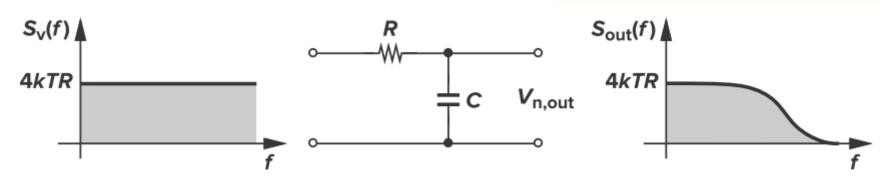


#### 例7.3 计算RC低通电路的噪声



$$\int \frac{dx}{x^2 + 1} = \tan^{-1} x \quad \square > \quad P_{n,out} = \frac{2kT}{\pi C} \tan^{-1} u \Big|_{u=0}^{u=\infty} = \frac{kT}{C}$$

#### 总噪声与R的值无关!



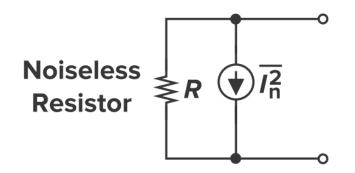
• 只能通过增加电容C的值来减小噪声

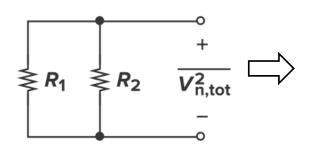


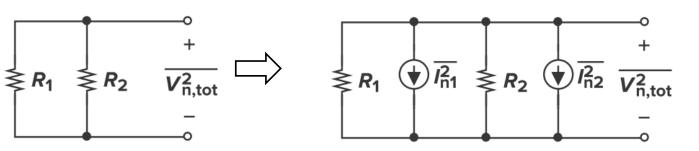
### 电流源表示热噪声

电阻的热噪声也可以用并联的 电流源模型表示

$$\overline{V_n^2}/R^2 = \overline{I_n^2} \Longrightarrow \overline{I_n^2} = 4kT/R$$







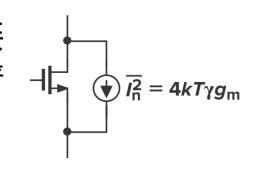
$$\overline{I_{n,tot}^2} = \overline{I_{n1}^2} + \overline{I_{n2}^2} = 4kT \left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2}\right)$$

$$\overline{V_{n,tot}^2} = \overline{I_{n,tot}^2} (R_1 || R_2)^2 = 4kT (R_1 || R_2)$$



# MOS晶体管沟道的热噪声

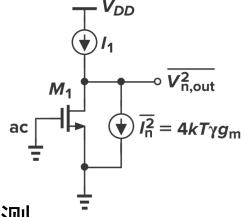
沟道中产生的热噪声,可以用一个连接 在漏源两端的电流源来模拟,其功率谱 密度为



- $\overline{I_n^2} = 4kT\gamma g_m$
- 系数y (不是体效应系数)与工艺有关。对于长沟道 晶体管为2/3,对于亚微米晶体管则值会更大
- 负载为电流源是输出端噪声电压最大

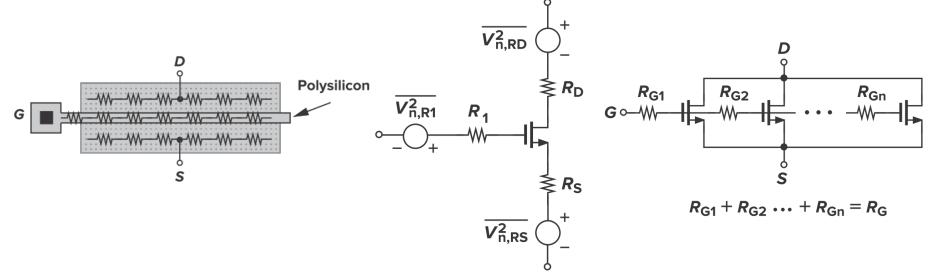
$$\overline{V_n^2} = \overline{I_n^2} r_O^2 = (4kT\gamma g_m) r_O^2$$

- 跨导减小, 噪声电流也减小
- 计算输出噪声时输入置为0, 所以输出端测 得的噪声与输入端位置无关
- 输出电阻r。不产生噪声,因为不是实体电阻





#### MOS晶体管栅极电阻的热噪声



- 栅、源和漏端的材料都有一定的电阻,会产生噪声。 一般源漏电阻可忽略,但是栅极的分布电阻需考虑
- 用集中电阻R<sub>1</sub>表示分布的栅电阻,则

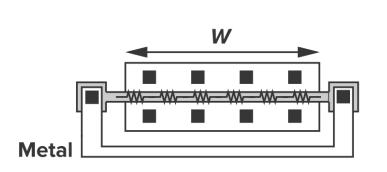
$$R_1 = R_G/3$$

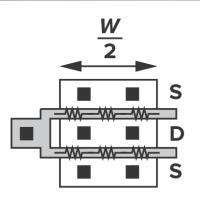
• 栅电阻产生的热噪声为

$$\overline{V_{nRG}^2} = 4kTR_G/3$$

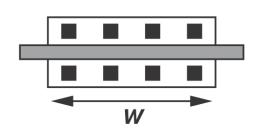


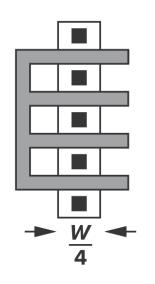
# 通过版图设计减小RG的影响





R<sub>g</sub>减小为 原来的1/4

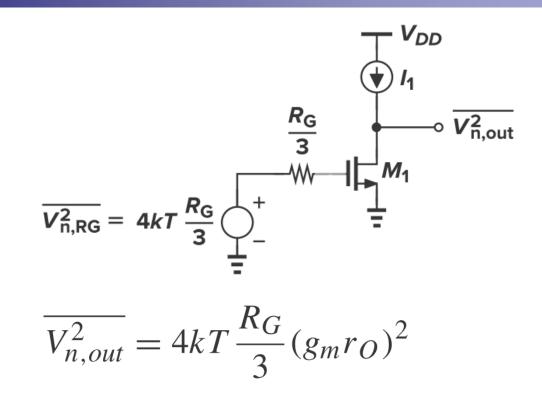




R<sub>g</sub>减小为 原来的 1/16



#### 输出端的栅极电阻热噪声

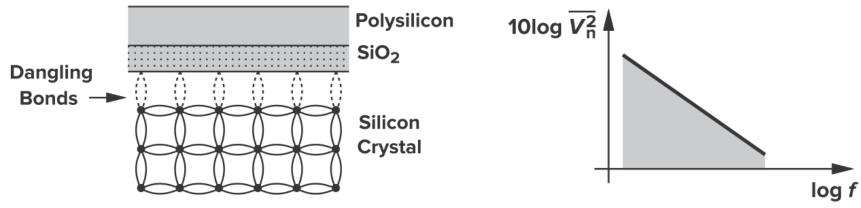


• 栅极电阻热噪声可以忽略的条件

$$\frac{R_G}{3} \ll \frac{\gamma}{g_m}$$



# MOS管的闪烁噪声



- 栅氧化层和硅衬底的界面出现很多"悬挂"键,产生额外的能态。当电荷载流子运动到这个界面时,被随机地俘获,随后又被这些能态释放,在漏电流中产生"闪烁"噪声
- 闪烁噪声与具体工艺有关,一般用一个与栅极串联的电压源来模拟  $_{K}$  1

 $\overline{V_n^2} = \frac{K}{C_{ox}WL} \cdot \frac{1}{f}$ 

• 噪声谱密度与频率成反比,也成为1/f噪声



# 例7.8 输出电流中闪烁噪声的计算

- 在1kHz到1MHz的频带内,计算一个NMOS电流源的漏电流总的热噪声和1/f噪声
- 在频带内总的热噪声为:

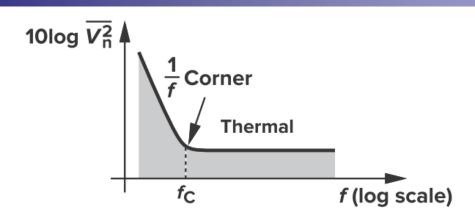
$$\overline{I_{n,th,tot}^2} = 4kT\gamma g_m (10^6 - 10^3) \approx 4kT\gamma g_m \times 10^6 \text{ A}^2$$

• 对于1/f噪声,单位带宽内的漏噪声电流为

$$\overline{I_{n,1/f}^2} = \frac{K}{C_{ox}WL} \cdot \frac{1}{f} \cdot g_m^2$$



# 1/f噪声的转角频率



• 交叉点对应的频率f<sub>c</sub>称为1/f 噪声的转角频率

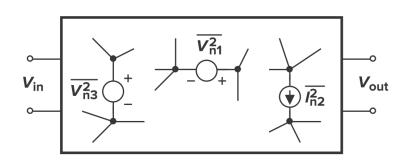
$$4kT\gamma g_m = \frac{K}{C_{ox}WL} \cdot \frac{1}{f_C} \cdot g_m^2 \quad \Longrightarrow \quad f_C = \frac{K}{\gamma C_{ox}WL} g_m \frac{1}{4kT}$$

- f<sub>c</sub>一般由器件的面积和跨导决定
- 在低于f<sub>c</sub>的频率,热噪声可以忽略不计
- 可由测得的转角频率反推出K的值

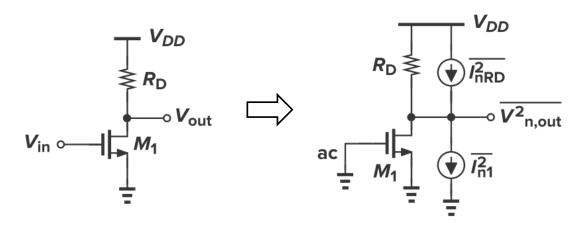


#### 7.3 电路中的噪声表示

输出参考噪声



• 输入置为0, 计算电路中各种噪声源在输出产生的总 噪声, 也是实验和仿真时测量噪声的方法

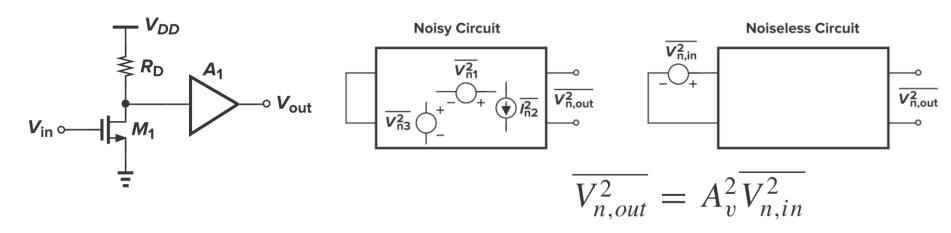


$$\overline{V_{n,out}^2} = \left(4kT\gamma g_m + \frac{K}{C_{ox}WL} \cdot \frac{1}{f} \cdot g_m^2 + \frac{4kT}{R_D}\right) R_D^2$$
 噪声源是  
非相关的



#### 输入参考噪声

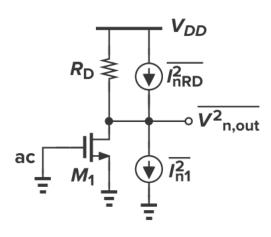
输出参考噪声无法对不同电路的噪声性能提供合理的 比较



- 规定电路的"输入参考噪声"
  - 在输入端用一个信号源代表电路中所有噪声源的影响
  - 显示了输入信号被电路中的噪声损坏到什么程度,不同 电路可以用输入参考噪声做合理的比较
  - 是一个虚构的量,不能在电路的输入端被测量到,只是 在数学上等价



#### 例7.11 计算输入参考噪声



$$\overline{V_{n,out}^2} = \left(4kT\gamma g_m + \frac{K}{C_{ox}WL} \cdot \frac{1}{f} \cdot g_m^2 + \frac{4kT}{R_D}\right) R_D^2$$

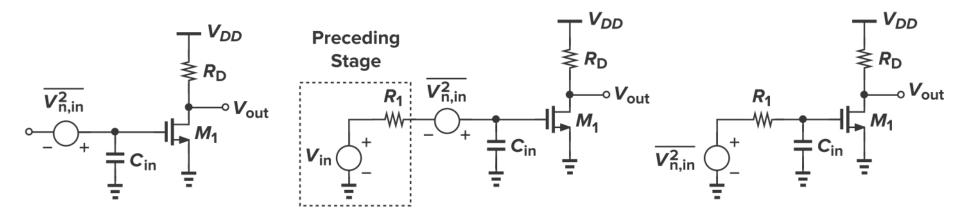
$$= \left(4kT\gamma g_m + \frac{K}{C_{ox}WL} \cdot \frac{1}{f} \cdot g_m^2 + \frac{4kT}{R_D}\right) R_D^2 \frac{1}{g_m^2 R_D^2}$$

$$=4kT\frac{\gamma}{g_m}+\frac{K}{C_{ox}WL}\cdot\frac{1}{f}+\frac{4kT}{g_m^2R_D}$$
 为什么当 $R_D$ 增大时

输入噪声会减小?



# 使用输入参考噪声的问题



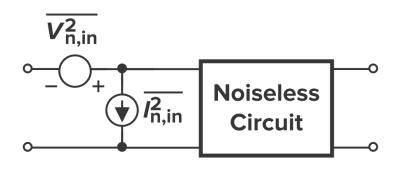
- 如果电路有一定的输入阻抗,且前级电路有一定的输出 阻抗,这种表示是不完善的
- 例如共源级电路的输出热噪声应该与前一级无关,但是采用输入参考噪声表示后,则输出噪声变为

$$\overline{V_{n,out}^2} = \overline{V_{n,in}^2} \left| \frac{1}{R_1 C_{in} j\omega + 1} \right|^2 (g_m R_D)^2 = \frac{4kT \gamma g_m R_D^2}{R_1^2 C_{in}^2 \omega^2 + 1}$$

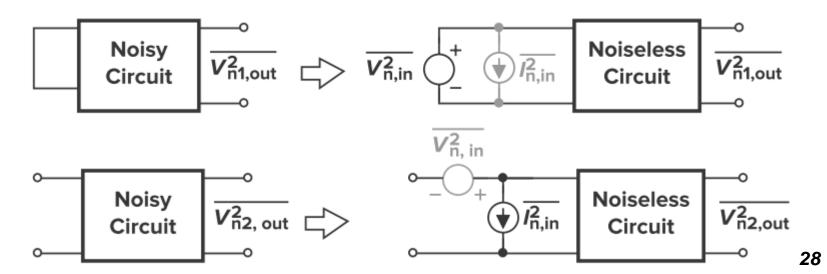
如果电路的输入阻抗有限,不可以仅用一个 电压源模拟输入参考噪声 输出噪声 变小了, 不正确!



### 电压源+电流源表示输入参考噪声

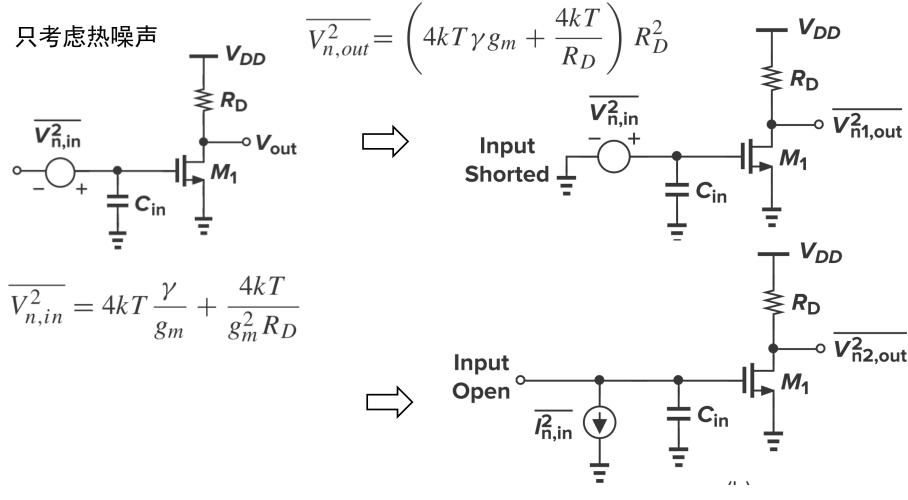


- 用一个串联电压源和一个并联电流源一起模拟输入参考 噪声
- 如何计算  $V_{n,in}^2$  和  $I_{n,in}^2$ ?
  - 考虑两种极端情况: 信号源阻抗为0和无穷大





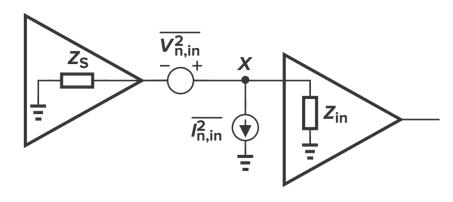
### 例7.12计算输入参考噪声电压和电流



$$\overline{V_{n2,out}^2} = \overline{I_{n,in}^2} \left(\frac{1}{C_{in}\omega}\right)^2 g_m^2 R_D^2 \quad \Longrightarrow \quad \overline{I_{n,in}^2} = (C_{in}\omega)^2 \frac{4kT}{g_m^2} \left(\gamma g_m + \frac{1}{R_D}\right)$$



#### 输入噪声电流的影响



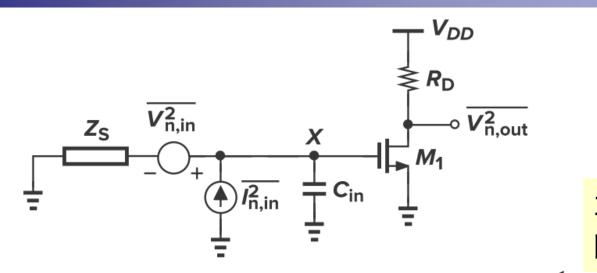
- 当Zin不是很高时, Inin 才变得重要
- 在X处的噪声电压为

$$V_{n,X} = \frac{Z_{in}}{Z_{in} + Z_S} V_{n,in} + \frac{Z_{in} Z_S}{Z_{in} + Z_S} I_{n,in}$$

- 如果  $\overline{I_{n,in}^2}|Z_S|^2 \ll \overline{V_{n,in}^2}$ , 输入参考噪声电流可以忽略不计
- 输入参考噪声的电压和电流是相关的,因为包含来自同一噪声源的影响。噪声计算需要考虑两者相关性。



# 是否把噪声计算了2次?



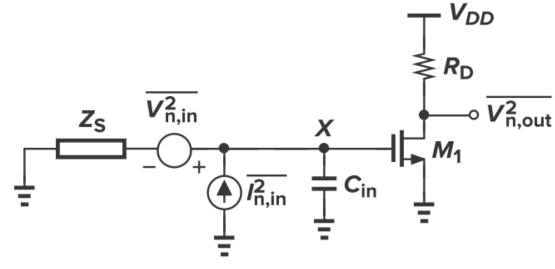
$$\overline{V_{n,in}^2} = 4kT\frac{\gamma}{g_m} + \frac{4kT}{g_m^2 R_D}$$

$$\overline{V_{n,in}^2} = 4kT \frac{\gamma}{g_m} + \frac{4kT}{g_m^2 R_D} \qquad \Longrightarrow V_{n,in} = V_{n,M1} + \frac{1}{g_m R_D} V_{n,RD}$$

$$\overline{I_{n,in}^2} = (C_{in}\omega)^2 \frac{4kT}{g_m^2} \left( \gamma g_m + \frac{1}{R_D} \right) \Longrightarrow I_{n,in} = C_{in} s V_{n,M1} + \frac{C_{in} s}{g_m R_D} V_{n,RD}$$



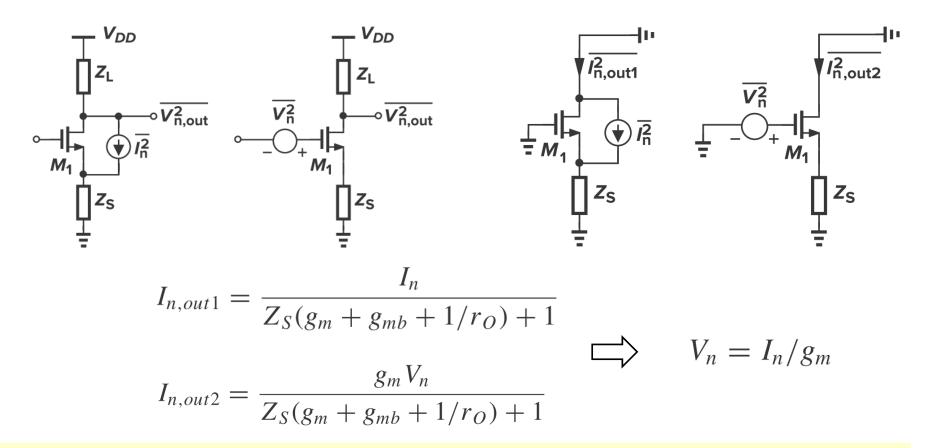
#### 是否把噪声计算了2次?





#### 7.4单级放大器中的噪声

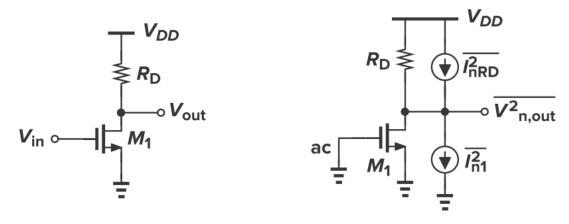
• 辅助定理: 如果  $\overline{V_n^2} = \overline{I_n^2}/g_m^2$  并且两个电路均由有限阻抗驱动,则在低频时这两个电路是等效的



对于任意Z。,噪声源都能由漏源电流变换成和栅串联的电压



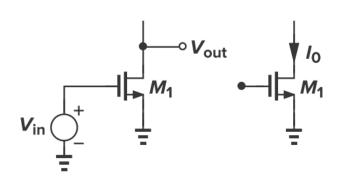
#### 7.4.1共源级



• 共源级电路每单位带宽的输入参考噪声电压为:

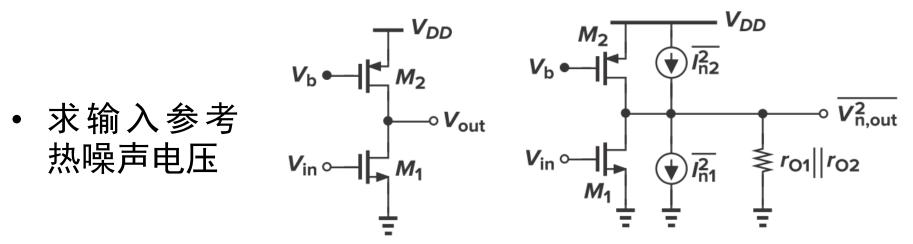
$$\overline{V_{n,in}^2} = 4kT \left( \frac{\gamma}{g_m} + \frac{1}{g_m^2 R_D} \right) + \frac{K}{C_{ox} WL} \frac{1}{f}$$

- 如何减小 $\overline{V_{n,in}^2}$ ?
  - 尽可能增大M<sub>1</sub>的跨导
  - 如果晶体管是要放大其栅极上的 电压信号,则g<sub>m</sub>尽可能大
  - 如果作为电流源,则g<sub>m</sub>尽可能小





### 例7.15 电流源作负载的共源级



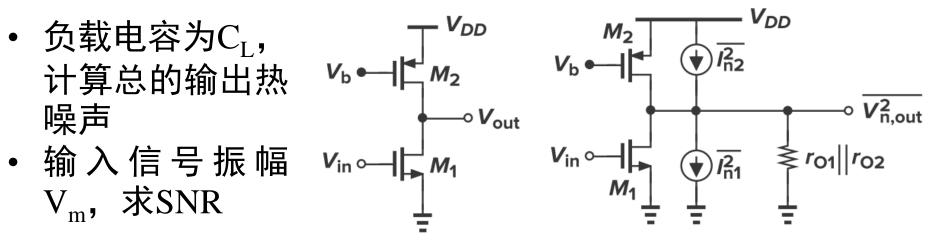
$$\overline{V_{n,out}^2} = 4kT(\gamma g_{m1} + \gamma g_{m2})(r_{O1}||r_{O2})^2$$

$$\overline{V_{n,in}^2} = 4kT(\gamma g_{m1} + \gamma g_{m2}) \frac{1}{g_{m1}^2}$$
$$= 4kT\gamma \left(\frac{1}{g_{m1}} + \frac{g_{m2}}{g_{m1}^2}\right)$$



# 例7.15 电流源作负载的共源级

- V<sub>m</sub>, 求SNR



• 将每单位带宽输入参考噪声电压在整个频带内积分

$$\overline{V_{n,out,tot}^{2}} = \int_{0}^{\infty} 4kT \gamma (g_{m1} + g_{m2}) (r_{O1} || r_{O2})^{2} \frac{df}{1 + (r_{O1} || r_{O2})^{2} C_{L}^{2} (2\pi f)^{2}}$$

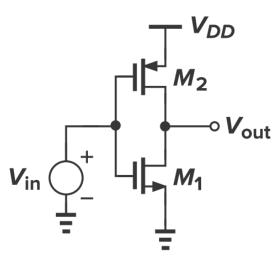
$$\overrightarrow{V_{n,out,tot}^{2}} = \gamma (g_{m1} + g_{m2}) (r_{O1} || r_{O2}) \frac{kT}{C_{L}}$$

$$SNR_{out} = \left[ \frac{g_{m1} (r_{O1} || r_{O2}) V_{m}}{\sqrt{2}} \right]^{2} \cdot \frac{1}{\gamma (g_{m1} + g_{m2}) (r_{O1} || r_{O2}) (kT/C_{L})}$$

$$= \frac{C_{L}}{2\gamma kT} \cdot \frac{g_{m1}^{2} (r_{O1} || r_{O2})}{g_{m1} + g_{m2}} V_{m}^{2} \qquad \text{ $\stackrel{\bullet}{\text{light}}$ $\stackrel{\bullet}{\text{light}}$$$



## 例7.16互补共源级输入参考热噪声电压



$$\overline{V_{n,out}^2} = 4kT(\gamma g_{m1} + \gamma g_{m2})(r_{O1}||r_{O2})^2$$

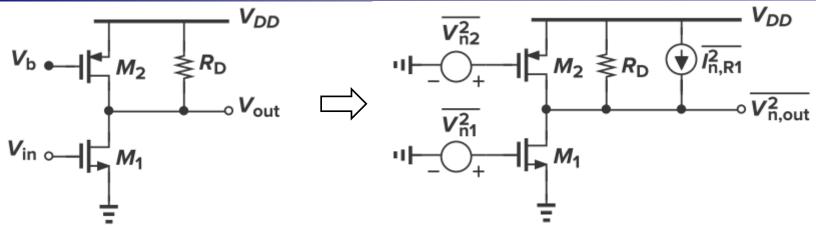
#### 与电流源负载共源级一样

$$A_v = (g_{m1} + g_{m2})(r_{O1}||r_{O2})$$

比电流源负载共源级低



#### 例7.17 计算输入参考1/f和热噪声电压



$$\overline{V_{n,in}^2} = 4kT\gamma \left(\frac{g_{m2}}{g_{m1}^2} + \frac{1}{g_{m1}}\right)$$

$$+ \frac{1}{C_{ox}} \left[ \frac{K_P g_{m2}^2}{(WL)_2 g_{m1}^2} + \frac{K_N}{(WL)_1} \right] \frac{1}{f}$$

$$+\frac{4kT}{g_{m1}^2R_D}$$

M<sub>1</sub>和M<sub>2</sub>的沟道热噪声

 $M_1$ 和 $M_2$ 的1/f噪声

RD的热噪声



## 减小共源级的噪声

- 如何减少热噪声?
  - 增加ID或W/L使gm最大化
  - 增大R<sub>D</sub>
- 如何减少1/f噪声?
  - 增加器件的面积
- 例7.18

$$[K/(WLC_{ox}f)]g_m^2 = [K/(WLC_{ox}f)](\sqrt{2\mu_nC_{ox}(W/L)I_D})^2$$

 $= 2K\mu_n I_D/(L^2 f)$ 

与W无关?

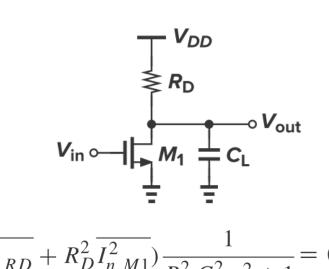
须保持过驱动 电压和I<sub>D</sub>不变 注意噪声与功耗、 电压余度和速度之 间的折中

 $= [K/(WLC_{ox}f)](4I_D^2)/(V_{GS} - V_{TH})^2$ 



#### 例7.19设计电阻负载的共源级

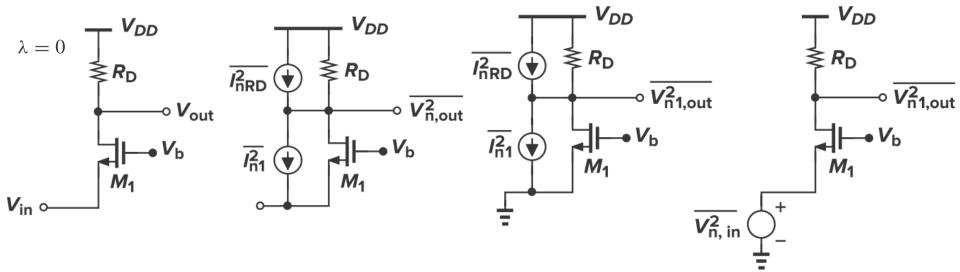
• 指标: 总输入热参考噪声电压  $100 \mu V_{rms}$ , 功耗 1 mW, 带宽 1 GHz, 电源电压 1 V, 忽略沟道长度调制效应



$$\overline{V_{n,out}^2} = (\overline{V_{n,RD}^2} + R_D^2 \overline{I_{n,M1}^2}) \frac{1}{R_D^2 C_L^2 \omega^2 + 1} = (4kTR_D + 4kT\gamma g_m R_D^2) \frac{1}{R_D^2 C_L^2 \omega^2 + 1}$$



#### 7.4.2 共栅级



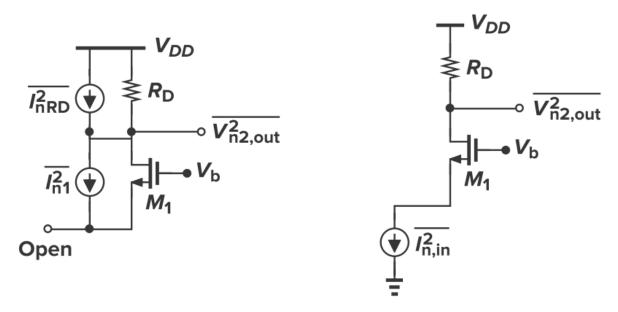
- 共栅级输入阻抗低,输入参考噪声电流不可忽略
- 求输入参考噪声电压,输入接地

$$\left(4kT\gamma g_m + \frac{4kT}{R_D}\right)R_D^2 = \overline{V_{n,in}^2}(g_m + g_{mb})^2 R_D^2$$

$$\overline{V_{n,in}^2} = \frac{4kT(\gamma g_m + 1/R_D)}{(g_m + g_{mb})^2}$$



#### 7.4.2 共栅级的热噪声



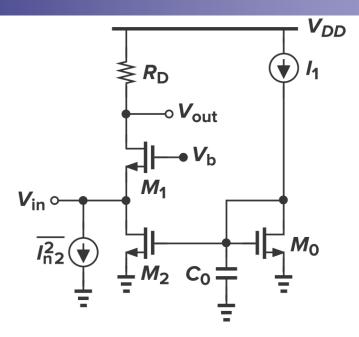
- 求输入参考噪声电流,输入开路
  - $-M_1$ 的源端电流为0,所以 $I_{n1}+I_{D1}=0$ 。表明 $I_{n1}$ 在 $M_1$ 中产生一个与 $I_{n1}$ 大小相等、方向相反的电流,在输出端不产生噪声

$$\overline{I_{n,in}^2}R_D^2 = 4kTR_D$$
  $\Longrightarrow$   $\overline{I_{n,in}^2} = \frac{4kT}{R_D}$ 

负载产生的噪声电流直接等效到输入



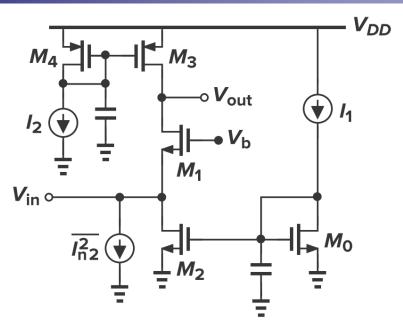
#### 考虑偏置电路



- 采用一个简单电流镜为M₁产生偏置电流
- 电容C<sub>0</sub>把M<sub>0</sub>产生的噪声旁路倒地
- 输入接地, $M_2$ 的漏噪声电流不流过 $R_D$ ,对输入参考噪声电压没有贡献
- 输入开路,输入参考噪声电流由 $M_2$ 和 $R_D$ 产生, $M_2$ 的 噪声电流直接加到了输入参考噪声电流



#### 例7.20 计算共栅级输入参考热噪声



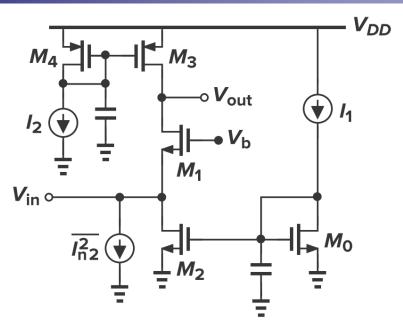
• 计算输入参考热噪声电压,输入接地

$$\overline{V_{n1,out}^2} = 4kT\gamma(g_{m1} + g_{m3})(r_{O1}||r_{O3})^2$$

$$\overline{V_{n,in}^2} = 4kT\gamma \frac{(g_{m1} + g_{m3})}{(g_{m1} + g_{mb1})^2}$$



#### 例7.20 计算共栅级输入参考热噪声



• 计算输入参考热噪声电流,输入开路

$$I_{n,in}|_{M3} \approx I_{n3} \approx 4kT\gamma g_{m3}$$



## 共栅级的1/f噪声

#### 输入接地

$$\overline{V_{n1,out}^2} = \frac{1}{C_{ox} f} \left[ \frac{g_{m1}^2 K_N}{(WL)_1} + \frac{g_{m3}^2 K_P}{(WL)_3} \right] (r_{O1} || r_{O3})^2$$

$$\overline{V_{n1,out}^{2}} = \frac{1}{C_{ox} f} \left[ \frac{g_{m1}^{2} K_{N}}{(WL)_{1}} + \frac{g_{m3}^{2} K_{P}}{(WL)_{3}} \right] (r_{O1} || r_{O3})^{2}$$

$$\overrightarrow{V_{n,in}^{2}} = \frac{1}{C_{ox} f} \left[ \frac{g_{m1}^{2} K_{N}}{(WL)_{1}} + \frac{g_{m3}^{2} K_{P}}{(WL)_{3}} \right] \frac{1}{(g_{m1} + g_{mb1})^{2}}$$

#### • 输入开路

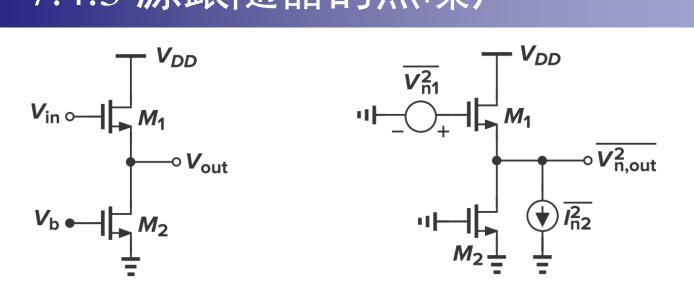
$$\overline{V_{n2,out}^2} = \frac{1}{C_{ox} f} \left[ \frac{g_{m2}^2 K_N}{(WL)_2} + \frac{g_{m3}^2 K_P}{(WL)_3} \right] R_{out}^2$$

$$\overline{I_{n,in}^{2}} = \frac{1}{C_{ox} f} \left[ \frac{g_{m2}^{2} K_{N}}{(WL)_{2}} + \frac{g_{m3}^{2} K_{P}}{(WL)_{3}} \right]$$

 $V_{DD}$   $V_{DD}$   $M_3$   $V_{n,out}$ 



#### 7.4.3 源跟随器的热噪声

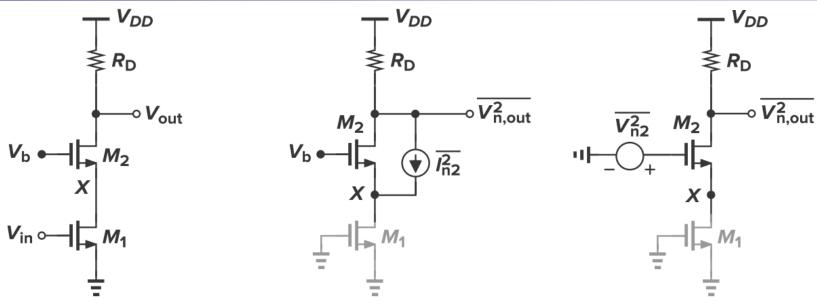


$$\overline{V_{n,out}^2}|_{M2} = \overline{I_{n2}^2} \left( \frac{1}{g_{m1}} \left\| \frac{1}{g_{mb1}} \right\| r_{O1} \| r_{O2} \right)^2$$

#### 低噪声放大器中通常不使用源跟随器



#### 7.4.4 共源共栅级的热噪声



• M<sub>1</sub>和R<sub>D</sub>的噪声电流基本上都流过R<sub>D</sub>, 其噪声贡献为

$$\overline{V_{n,in}^2}|_{M1,RD} = 4kT \left( \frac{\gamma}{g_{m1}} + \frac{1}{g_{m1}^2 R_D} \right)$$

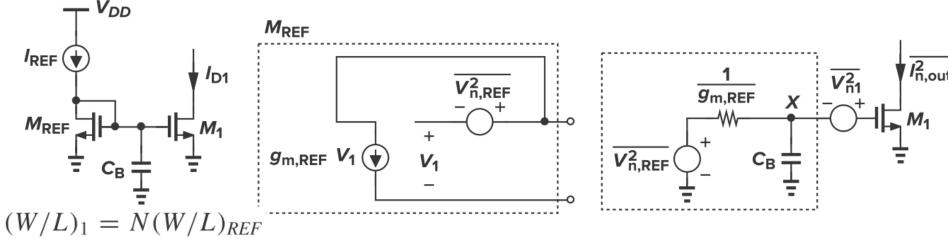
- M<sub>2</sub>在低频时几乎不贡献噪声
- M<sub>2</sub>在高频时,输出噪声增加

$$\frac{V_{n,out}}{V_{n2}} \approx \frac{-R_D}{1/g_{m2} + 1/(C_X s)}$$

在高频时,信号电流部分被电容旁路到地,增益减小, 导致输入参考噪声增加



## 7.5 电流镜中的1/f噪声



- 二极管器件可以产生相当大的1/f 噪声,特别是偏置电流的倍乘因子加剧了影响  $\overline{V_{n,REF}^2} = N\overline{V_{n1}^2}$
- 对M<sub>REF</sub>和噪声进行戴维宁等效
- MREF在结点X的噪声电压和Vn1相加

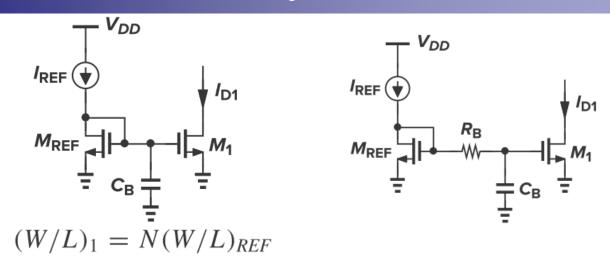
$$\overline{I_{n,out}^2} = \left(\frac{g_{m,REF}^2}{C_B^2 \omega^2 + g_{m,REF}^2} \overline{V_{n,REF}^2} + \overline{V_{n1}^2}\right) g_{m1}^2 \quad \Longrightarrow \quad \overline{I_{n,out}^2} = \left(\frac{N g_{m,REF}^2}{C_B^2 \omega^2 + g_{m,REF}^2} + 1\right) g_{m1}^2 \overline{V_{n1}^2}$$

• 二极管噪声可忽略的条件

$$(N-1)g_{m,REF}^2 \ll C_B^2 \omega^2 \quad \Longrightarrow \quad C_B^2 \gg \frac{(N-1)g_{m,REF}^2}{\omega^2}$$



#### 7.5 电流镜中的1/f 噪声



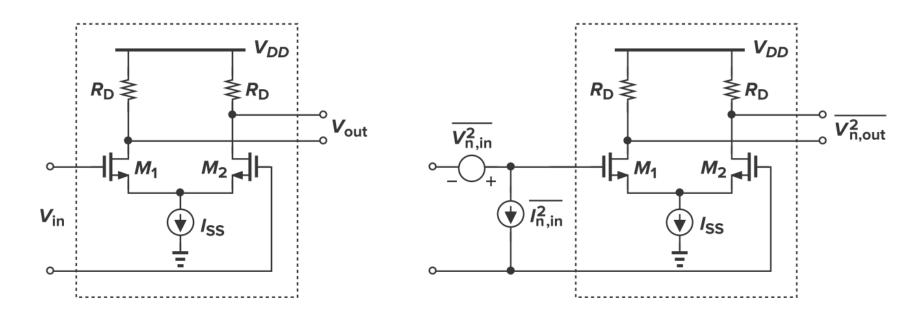
• 为了减少 $M_{REF}$ 产生的噪声,同时避免如此大的电容,可以在栅极和 $C_R$ 之间插入一个电阻

$$\overline{I_{n,out}^2} = \left[ \frac{g_{m,REF}^2}{(1 + g_{m,REF}R_B)^2 C_B^2 \omega^2 + g_{m,REF}^2} (\overline{V_{n,REF}^2} + \overline{V_{n,RB}^2}) + \overline{V_{n1}^2} \right] g_{m1}^2$$

• R<sub>B</sub>降低了滤波器的截止频率,但本身也会产生噪声。



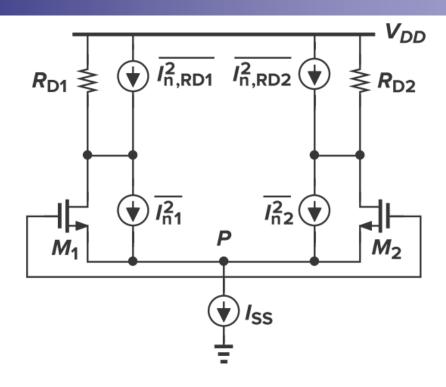
#### 7.6 差动对中的噪声



- 差动对可以被看作是二端口电路,可以使用电压源和 电流源来模拟总的输入噪声。
- 低频工作时,输入参考噪声电流源一般可忽略



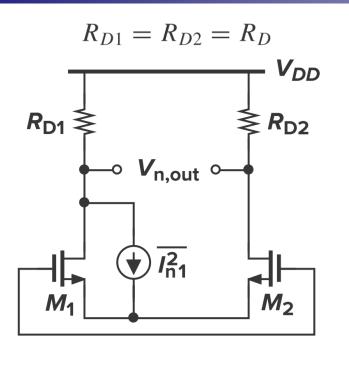
### 输入参考热噪声电压

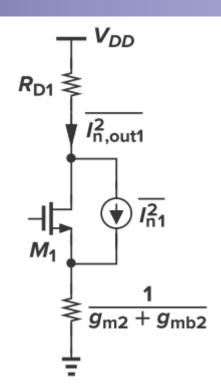


- 为了计算输入参考噪声电压,将两个输入短接
- 电路中的噪声源是非相关的,可以功率叠加
- $I_{n1}$ 和 $I_{n2}$ 不相关,P点不能被认为是虚地,不能使用 半边电路
- 分别推出每个噪声源的影响



#### 输入参考热噪声电压





• 忽略沟道长度调制效应,则 $I_{n1}$ 一半流过 $M_1$ ,一半流过 $M_2$ 。

$$V_{n,out}|_{M1} = \frac{I_{n1}}{2}R_{D1} + \frac{I_{n1}}{2}R_{D2}$$
  $\Longrightarrow$   $\overline{V_{n,out}^2}|_{M1} = \overline{I_{n1}^2}R_D^2$ 

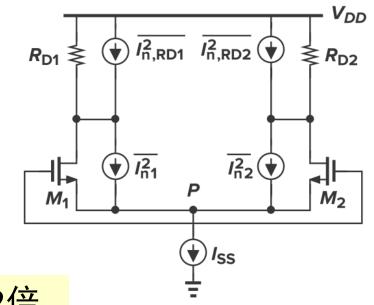
$$\overline{V_{n,out}^2}\big|_{M2} = \overline{I_{n2}^2}R_D^2 \qquad \qquad \square \Rightarrow \qquad \overline{V_{n,out}^2}\big|_{M1,M2} = \left(\overline{I_{n1}^2} + \overline{I_{n2}^2}\right)R_D^2$$



### 输入参考热噪声电压

• 总输出噪声为

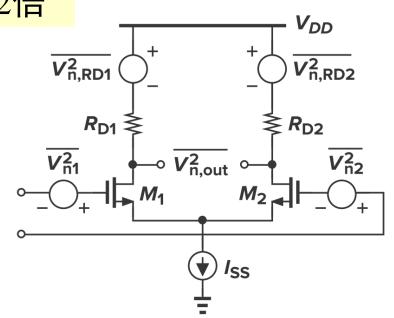
$$\overline{V_{n,out}^2} = \left(\overline{I_{n1}^2} + \overline{I_{n2}^2}\right) R_D^2 + 2(4kTR_D)$$
$$= 8kT \left(\gamma g_m R_D^2 + R_D\right)$$



#### 是共源级输入参考噪声电压平方的2倍

- 也可使用辅助定理进行计算
- 包含1/f 噪声

$$\overline{V_{n,in,tot}^2} = 8kT \left( \frac{\gamma}{g_m} + \frac{1}{g_m^2 R_D} \right) + \frac{2K}{C_{ox}WL} \frac{1}{f}$$





#### 尾电流源的噪声影响

- 如果电路对称且 $\Delta V_{in}$ 为0, $I_{ss}$ 产生的噪声在 $M_1$ 和 $M_2$ 之间平均分配,只在输出产生一个共模噪声电压
- 如果有一个很小的 $\Delta V_{in}$

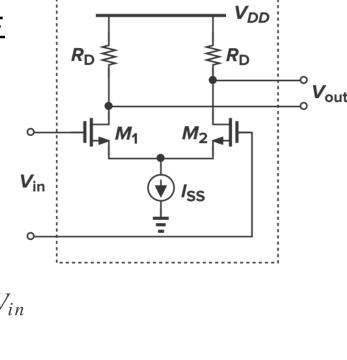
$$\Delta I_{D1} - \Delta I_{D2} = g_m \Delta V_{in}$$

$$= \sqrt{2\mu_n C_{ox} \frac{W}{L} \left(\frac{I_{SS} + I_n}{2}\right) \Delta V_{in}}$$

$$\approx \sqrt{2\mu_n C_{ox} \frac{W}{L} \cdot \frac{I_{SS}}{2} \left(1 + \frac{I_n}{2I_{SS}}\right) \Delta V_{in}}$$

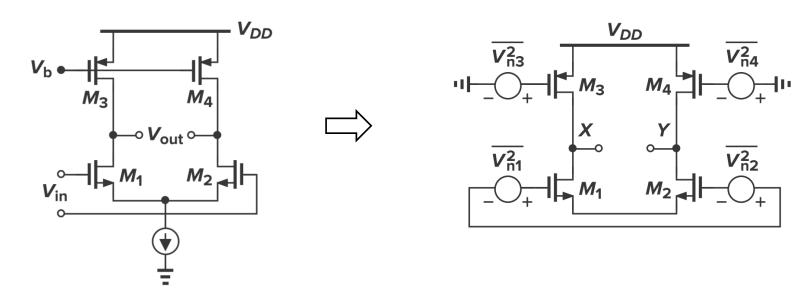
$$=g_{m0}\left(1+rac{I_n}{2I_{SS}}\right)\Delta V_{in}$$
 ( $g_{m0}$ 为无噪声电路的跨导)

• 当电路离开平衡时, I<sub>n</sub>在输出产生差动噪声





#### 例7.22 求输入参考噪声电压

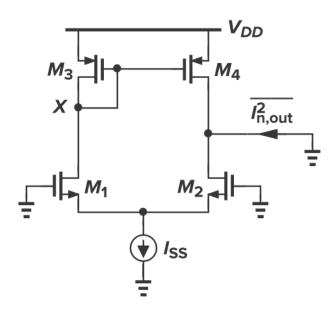


$$\overline{V_{n,in}^2} = 2\overline{V_{n1}^2} + 2\frac{g_{m3}^2}{g_{m1}^2}\overline{V_{n3}^2}$$

$$\overline{V_{n,in}^2} = 8kT\gamma \left(\frac{1}{g_{m1}} + \frac{g_{m3}}{g_{m1}^2}\right) + \frac{2K_N}{C_{ox}(WL)_1 f} + \frac{2K_P}{C_{ox}(WL)_3 f} \frac{g_{m3}^2}{g_{m1}^2}$$



#### 五管OTA的热噪声



$$\overline{I_{n,out}^2} = 4kT\gamma(2g_{m1,2} + 2g_{m3,4})$$

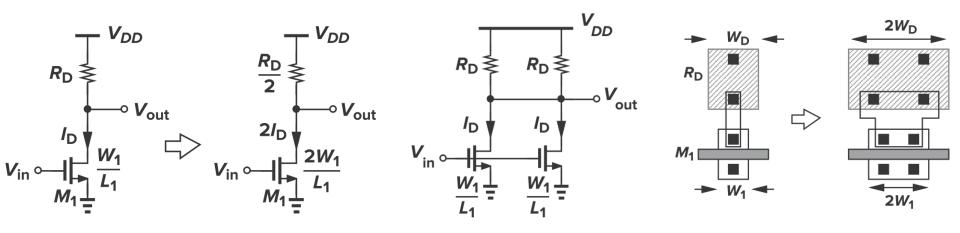
$$R_{out}^2 \approx (r_{O1,2}||r_{O3,4})^2$$

$$\overline{V_{n,in}^2} = 8kT\gamma \left(\frac{1}{g_{m1,2}} + \frac{g_{m3,4}}{g_{m1,2}^2}\right)$$



### 7.7 噪声和功率的折中

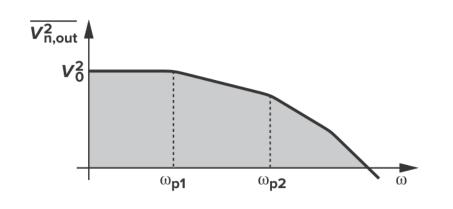
• 在"信号通路"上的MOS管所贡献的噪声和其跨导成 反比,表明了噪声和功耗之间的折中

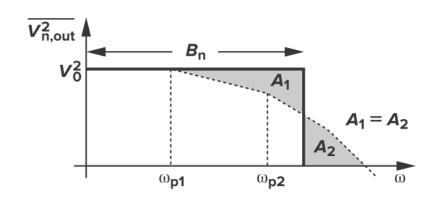


- 电流和宽长比加倍, $R_D$ 减半,保持了增益和输出摆幅不变,输入参考热噪声和闪烁噪声的功率为原来一半
- 称为"线性缩放",可以被视为两个原始电路的实例并联,电阻器和MOS管的宽度都增加了一倍



#### 7.8 噪声带宽





• 电路中的总噪声由电路的带宽内所有频率成分的噪声组成

$$\overline{V_{n,out,tot}^2} = \int_0^\infty \overline{V_{n,out}^2} df$$

• 有时把总噪声简单地表示为  $V_0^2 \cdot B_n$ 

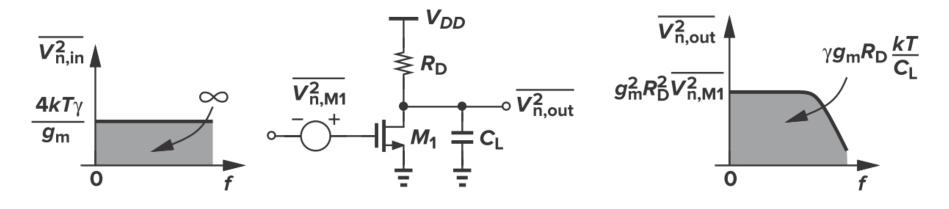
$$V_0^2 \cdot B_n = \int_0^\infty \overline{V_{n,out}^2} df$$

B<sub>n</sub>被称为"噪声带宽",使得具有相同低频噪声,但
 不同高频传输函数的电路进行合理的比较



#### 7.9 输入噪声积分的问题

是否可以对输入参考噪声进行积分?



- 只可以对输出噪声进行积分,输入参考噪声是一个虚构的量
- 为了对不同的设计进行公平的比较,可以将积分输出 噪声除以电路的低频增益

$$\overline{V_{n,in,tot}^2} = \gamma g_m R_D \frac{kT}{C_L} \cdot \frac{1}{g_m^2 R_D^2} = \frac{\gamma}{g_m R_D} \frac{kT}{C_L}$$

# 1958 and Technology

### 本章小结

- 噪声的统计特性
  - 噪声的平均功率可以被预测
  - 采用功率谱描述噪声
  - 白噪声
- 噪声类型
  - 热噪声: 电阻、沟道电流、栅极电阻热噪声
  - 闪烁噪声: 1/f噪声, MOS管
- 噪声的电路表示
  - 输出噪声
  - 输入参考噪声电压和电流
- 单级放大器、电流镜和差动对中的热噪声

## Thank you

程林

Email: eecheng@ustc.edu.cn