

§ 6.4 负反馈放大器的 分析方法

郭圆月 2022年11月21日





§ 6.4 负反馈放大器的分析方法

§6.1 概述

§6.2 单环方框图分析方法

§6.3 深度负反馈放大器





1. 概述

1.模型法(等效电路法)

- ▶建立交流等效电路,求解节点或回路方程,分析电路交流性能;
- ➤要求电路单向化、单级负反馈放大器简单;多级负反馈放大器较为复杂,且负反馈的物理含义较难反映;

2. 方框图法:

ightharpoons 把负反馈放大器 A_f 分解为基本放大器A和反馈网络F两个方框;先开环分析处理、求出基本放大电路A及其动态参数、反馈网络系数F和反馈深度D,然后闭环求解负反馈放大电路 A_f 及其动态参数。

$$\dot{A} R_i R_o f_L f_H f_{bw} \rightarrow 1 + \dot{A}\dot{F} \rightarrow \dot{A}_f R_{if} R_{of} f_{Lf} f_{Hf} f_{bwf}$$

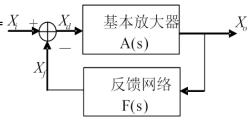
$$\dot{F}$$

→各物理量反馈前后的性质变化可以得到明显表示。



2. 理想单环方框图分析方法

■前提条件



- ▶电路能够明显划分成基本放大器A 和反馈网络F, 并要求它们分别具有独立的电路性能;
- ➤信号只能单向传输,即在基本放大器和反馈网络中,信号只能按箭头单向传输;

■基本假定

- \triangleright 基本放大器A的正向传输远大于反馈网络F的正向传输;
- ▶基本放大器A的反向传输远小于反馈网络F的反向传输;

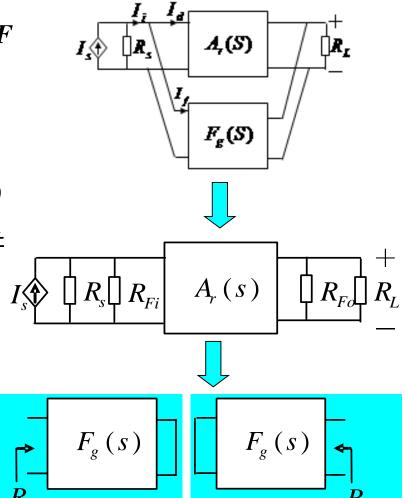




(1) 电压并联负反馈

- ▶ 先 开 环 分 解 、 处 理 基 本 放 大 器 A 和 反 馈 网 络 F
 - , 再用基本反馈方程式闭环计算性质;
- ▶ 反馈网络F"负载效应":求输入端负载时, 令输出量为0;求输出端负载时,输入量为0
- ▶输出端为并联方式应短路;输入端同样为并 联方式,也为短路。
- ▶ 反馈网络系数F:

$$F_g(s) \longrightarrow F_g(s) = \frac{I_f(s)}{V_o(s)}$$

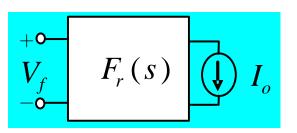




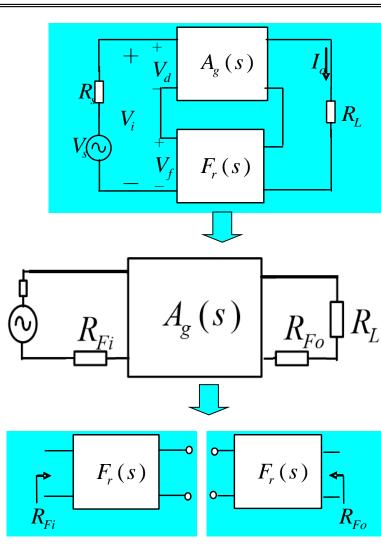


(2) 电流串联负反馈

- ▶ 开环F负载等效: 输入、输出是串联方式, 所以F的等效负载串接于基本放大器中;
- ▶同时另外一端的处理串联作开路。
- ▶ 反馈网络系数F: 在网络的输入端加入电流、得到输出端的开路电压。



$$F_r(s) = \frac{V_f(s)}{I_o(s)}$$

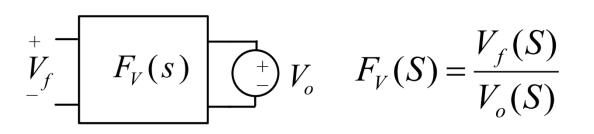


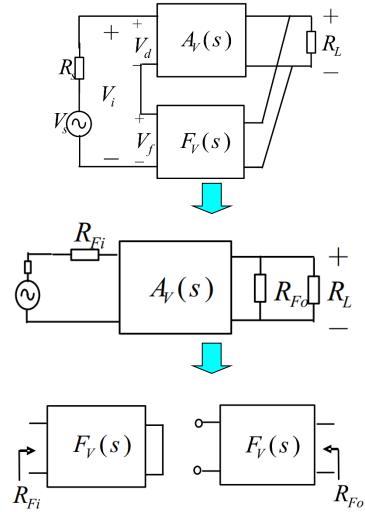




(3) 电压串联负反馈

- → 开环F负载等效: 输入是串联方式、输出 并联方式于基本放大器中;
- ▶ 反馈网络系数F: 在网络的输入端加入电压、得到输出端的开路电压。



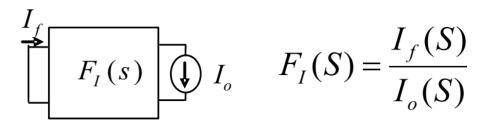


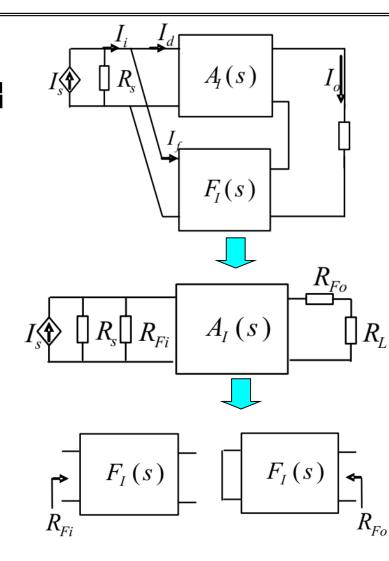




(4) 电流并联负反馈

- ▶ 开环F负载等效: 输入是并联方式、输出 串联方式于基本放大器中;
- ▶ 反馈网络系数F: 在网络的输入端加入电流、得到输出端的短路电流。









(5) 方框图法分析具体步骤

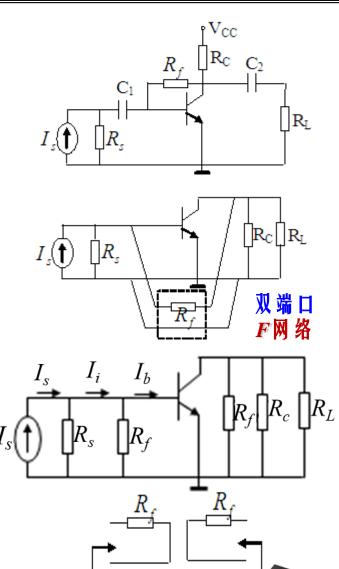
①划分A/F, 判断反馈类型, 处理环外电阻:

电压并联负反馈,传输函数为 A_r 、 F_g , R_c 不是环外电阻。

② $求A网络开环性质; F 网络负载作用,求 <math>R_{fi}和R_{fo}$,开环交流通路图;

$$A_{r} = \frac{V_{o}}{I_{i}} = -\frac{\beta i_{B}(R_{C} || R_{L} || R_{f})}{i_{B} \cdot \frac{R_{f} + h_{ie}}{R_{f}}} = -\frac{\beta (R_{C} || R_{L} || R_{f}) \cdot R_{f}}{R_{f} + h_{ie}}$$

$$A_{rs} = \frac{V_o}{I_s} = -\frac{\beta(R_C || R_L || R_f) \cdot (R_f || R_s)}{(R_f || R_s) + h_{ie}}$$

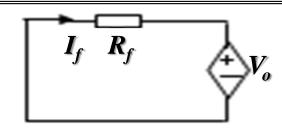




(5) 方框图法分析步骤

③求F网络函数: $F_{g(S)}$ 为电流除以电压,即电压作

用下的短路电流。
$$F_g(S) = \frac{I_f(S)}{V_o(S)} = -\frac{1}{R_f}$$



4求反馈深度D:

$$\boxed{D = 1 + A_r F_g} \Longrightarrow \boxed{D_s = 1 + A_{rs} F_g} \Longrightarrow \boxed{D = 1 + \frac{\beta(R_c || R_L || R_f)}{R_f + h_{ie}}}$$

⑤求闭环性质:__

$$A_{rf} = \frac{A_r}{D} \longrightarrow R_{if} = \frac{R_i}{D} \longrightarrow R_{of} = \frac{R_o}{(D_s)_{\infty}} I_s \uparrow \uparrow R_s$$

⑥求负反馈放大器电压、电流增益性质:

$$A_{vsf} = \frac{V_o}{V_s} = \frac{V_o}{(\frac{R_s + R_{if}}{R_{if}})V_i} = \frac{R_{if}}{R_s + R_{if}} \frac{V_o}{V_i} = \frac{R_{if}}{R_s + R_{if}} \frac{V_o}{I_i R_{if}} = \frac{1}{R_s + R_{if}} \frac{V_o}{I_i} = \frac{1}{R_s + R_{if}} A_{rf}$$

$$A_{if} = \frac{I_o}{I_i} = \frac{V_o}{R_L \cdot I_i} = \frac{A_{rf}}{R_L}$$





深度负反馈放大器

■深 度 负 反 馈 条 件 及 其 推 论

$$A(s)F(s) >> 1$$

 $\Rightarrow D >> 1 \Rightarrow X_i >> X_d \Rightarrow X_f \approx X_i$

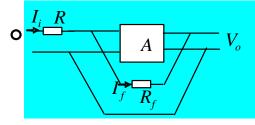
闭环增益:
$$A_f(s) = \frac{A(s)}{1 + A(s)F(s)} \approx \frac{A(s)}{A(s)F(s)} = \frac{1}{F(s)}$$

■深度负反馈放大器,只需求反馈网络即可得到闭环放大器的增 益,但由于没有主网络性质,放大器的很多其它性质无法求, 只能求一部分性质。





例:已知网络满足深度负反馈条件,求 A_{if} A_{if} A_{if}



解: 电压并联负反馈,为 A_r 、 F_g ,R为环外电阻;

$$F_g = \frac{I_f}{V_o} = -\frac{1}{R_f} \Longrightarrow A_{rf} = \frac{1}{F_g} = -R_f$$

$$F_g(S)$$
 $\stackrel{+}{\smile} V_o$

$$\begin{split} V_{i} &= I_{i}R + I_{f}R_{f} + V_{o} = I_{i}(R + R_{f}) + V_{o} \\ &= \frac{V_{o}}{A_{rf}} \cdot (R + R_{f}) + V_{o} = V_{o}(-\frac{R + R_{f}}{R_{f}} + 1) = -\frac{R}{R_{f}}V_{o} \end{split}$$

$$A_{Vf} = \frac{V_o}{V_i} = -\frac{R_f}{R}$$

$$A_{Vf} = \frac{V_o}{V_i} = -\frac{R_f}{R} \left| R_{if} = \frac{V_i}{I_i} = \frac{V_i}{V_o} \cdot \frac{V_o}{I_i} = \frac{A_{rf}}{A_{Vf}} = R$$





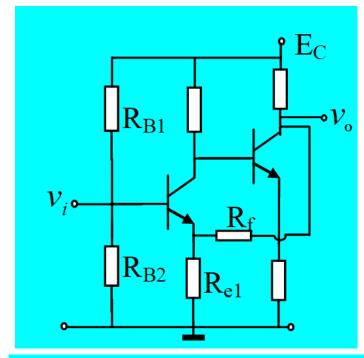
举例

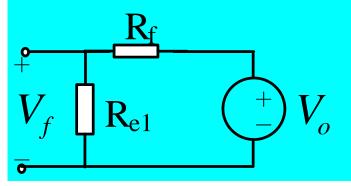
例: 求深度负反馈放大器的闭环电压增益

解: 判断反馈类型为电压串联负反馈,

$$F_{V} = \frac{V_{f}}{V_{o}} = \frac{R_{e1}}{R_{f} + R_{e1}}$$

$$\Rightarrow A_{Vf} = \frac{1}{F_V} = 1 + \frac{R_f}{R_{e1}}$$



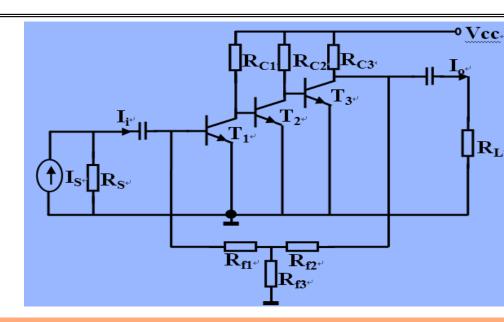






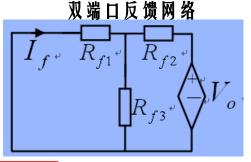
典型题解--深度负反馈的估算

例:右图所示放大器满足深度负 反馈条件,判断反馈类型并写出 电路的电流放大倍数 $A_{If} = \frac{I_o}{I_i}$ 的表达式?



解:反馈类型为电压并联负反馈,满足基本反馈方程式的函数为 A_r 、 F_g 。

$$A_{rf} = \frac{V_o}{I_i} F_g = \frac{I_f}{V_o} = -\frac{R_{f3}}{R_{f1}R_{f2} + R_{f2}R_{f3} + R_{f1}R_{f3}}$$



$$A_{lf} = \frac{I_o}{I_i} = \frac{V_0}{R_L} \cdot \frac{1}{I_i} = \frac{A_{rf}}{R_L} \approx -\frac{1}{R_L} \cdot (R_{f1} + R_{f2} + \frac{R_{f1}R_{f2}}{R_{f3}})$$

 A_{I_sf}

University of Science and Technology of China-



典型例题

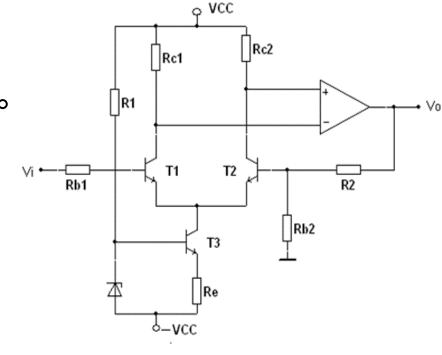
例题: 由三极管和理想运放组成的反馈放大器如图所示,

- (1)指出其中的反馈支路,并判断反馈类型;
- (2)在深度负反馈的假定下,求放大器的电压增益。

解: (1) 反馈支路是 R_2 和 R_{b2} ,输出端电压采样,输入端为串联反馈。

(2)
$$F_V = \frac{R_{b2}}{R_{b2} + R_2}$$

$$A_{Vf} = \frac{V_o}{V_i} = \frac{1}{F_V} = \frac{R_{b2} + R_2}{R_{b2}}$$





典型例题

[例] 已知 R_1 = 10KΩ, R_2 = 100 KΩ, R_3 = 2 KΩ, R_L = 5 KΩ。求解在深度负反馈条件下的 A_{uf} .

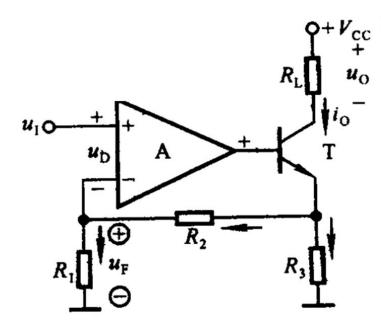
 \mathbf{R} : 反馈支路: \mathbf{R}_3 、 \mathbf{R}_2 与 \mathbf{R}_1 电路引入电流串联负反馈

$$\vec{I}_{R1} = \frac{R_3}{R_1 + R_2 + R_3} \bullet \vec{I}_0$$

$$\dot{U}_f = \vec{I}_{R1} R_1 = \frac{R_3}{R_1 + R_2 + R_3} \bullet \vec{I}_0 R_1$$

$$\dot{F}_{ui} = \frac{\dot{U}_{f}}{\dot{I}_{0}} = \frac{R_{1}R_{3}}{R_{1} + R_{2} + R_{3}}$$

$$\dot{A}_{uf} = \frac{\dot{U}_0}{\dot{U}_i} = \frac{\dot{I}_0 R_L}{\dot{U}_f} \approx \frac{R_L}{\dot{F}_{ui}} = \frac{(R_1 + R_2 + R_3)R_L}{R_1 R_3} = 30$$







§ 6.5 负反馈放大电路的稳定性

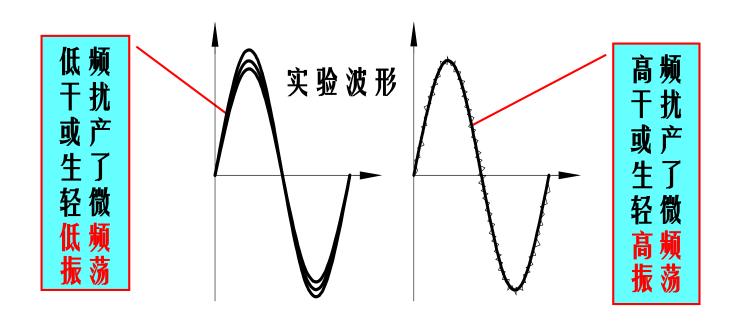
- 一、自激振荡产生的原因及条件
- 二、负反馈放大电路稳定性的分析
- 三、负反馈放大电路稳定性的判断
- 四、消除自激振荡的方法





一、自激振荡产生的原因及条件

- 1. 现象: 输入信号为0时,输出有一定幅值、一定频率的信号,称电路产生了自激振荡。
 - ----负反馈放大电路自激振荡的频率在低频段或高频段。

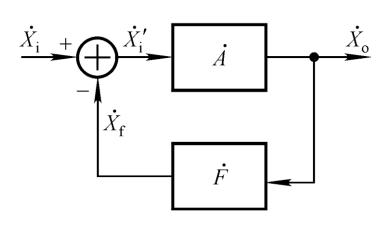






2. 原因

■ 在低或高频段,若存在一个频率 f_0 ,且 当 $f = f_0$ 时,附加相移为 $\pm \pi$,使原本设计在中频的负反馈变为正反馈,从而导致放大器自激。 $\begin{vmatrix} \dot{X}_i \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} \dot{X}_i \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} \dot{X}_f \end{vmatrix}$



■ 在电扰动下,如合闸通电,必含有频率为 f_0 的信号,对于 $f = f_0$ 的信号,产生正反馈过程

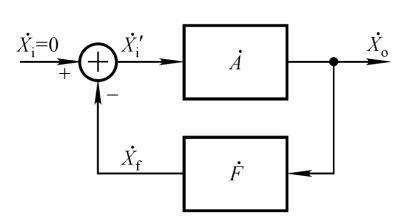
$$\left|\dot{X}_{o}\right|\uparrow\rightarrow\left|\dot{X}_{f}\right|\uparrow\rightarrow\left|\dot{X}_{i}\right|\uparrow\rightarrow\left|\dot{X}_{o}\right|\uparrow\uparrow$$

■ 输出量逐渐增大,直至达到动态平衡,电路产生了自激振荡。



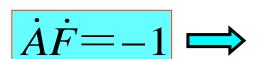


3. 自激振荡的临界条件



$$\dot{X}_{\rm i} = 0$$
时, $\dot{X}_{\rm o}$ 维持 $\dot{X}_{\rm o}$

$$\dot{X}_{\rm o} = -\dot{A}\dot{F}\dot{X}_{\rm o}$$



自激振荡临界条件

 $\begin{vmatrix} |\dot{A}\dot{F}| = 1 \\ \varphi_{\rm A} + \varphi_{\rm F} = (2n+1)\pi \quad (n$ 为整数)

■ 由于 电 路 通 电 后 输 出 量 有 一 个 从 小 到 大 直 至 稳 幅 的 过 程 , 起 振 条 件 为

$$|\dot{A}\dot{F}| > 1$$



幅值平衡条件



二、负反馈放大电路的稳定性分析

- 设 反 馈 网 络 F 为 电 阻 网 络 , 基 本 放 大 电 路 A 为 直 接 耦 合 。
 - ①附加相移由基本放大电路A决定;
 - ②振荡只可能产生在高频段。
- ▶ 对于单管单极点放大电路:

$$f \to \infty$$
时, $\phi'_A \to -90^\circ$, $|\dot{A}| \to 0$

因没有满足相位条件的频率, 故负反馈后不可能振荡。。

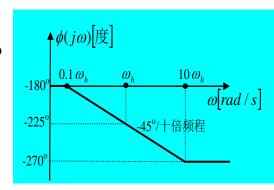


201g|A|

因没有满足幅值条件的频率,故引入负反馈后不可能振荡。

$$ightharpoonup$$
对于三级放大电路: $f \to \infty$ 时, $\varphi_{A} \to -270^{\circ}$, $|\dot{A}| \to 0$

对于产生 - 180°附加相移的信号频率,有可能满足起振条件,故引入负反馈后可能振荡。



-20dB/dec



负反馈放大电路的稳定性分析

- ■什么样的放大电路引入负反馈后容易产生自激振荡?
- 三级或三级以上放大电路引入负反馈后有可能产生高频振荡;同理, 耦合电容、旁路电容等为三个或三个以上的放大电路,引入负反馈 后有可能产生低频振荡。
- ➤ 环路放大倍数AF 越大, 越容易满足起振条件, 闭环后越容易产生自激振荡。
- ▶ 放大电路的级数越多,耦合电容、旁路电容越多,引入的负反馈越深, 产生自激振荡的可能性越大。
- ▶ 中频反馈深度的矛盾: 放大器性能的改善需要一定的反馈深度;放大器的稳定性要求必须控制反馈深度;



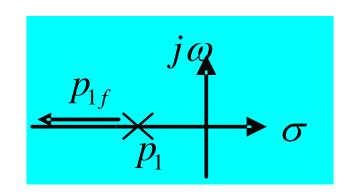


系统极点分布决定系统稳定性

单极点系统

$$\begin{cases} A(s) = \frac{A_0}{1 - \frac{s}{p_1}} \Rightarrow \\ p_1 < 0 \end{cases}$$

$$A_f(s) = \frac{A(s)}{D(s)}$$



$$\Rightarrow D(s) = 1 + A(s)F_0 = 1 + \frac{A_0}{1 - \frac{s}{p_1}}F_0 = 0$$

$$\Rightarrow 1 + \frac{A_0F_0p_1}{p_1 - s} = 0$$

$$\Rightarrow 1 + \frac{A_0 F_0 p_1}{p_1 - s} = 0$$

$$\Rightarrow \frac{(1+A_0F_0)p_1-s}{p_1-s} = 0$$

$$\Rightarrow p_{1f} = (1 + A_0 F_0) p_1 = D_0 p_1$$

结论:单极点系统无论反馈深度多大,系统仍将稳定.





系统极点分布决定系统稳定性

■双极点系统

$$\begin{cases} A(s) = \frac{A_0}{(1 - \frac{s}{p_1})(1 - \frac{s}{p_2})} \\ p_1, p_2 < 0 \end{cases} \longrightarrow A_f(s) = \frac{A(s)}{D(s)} \longrightarrow D(s) = 1 + \frac{A_0}{(1 - \frac{s}{p_1})(1 - \frac{s}{p_2})} F_0 = 0$$

$$\Rightarrow p_{1f}, p_{2f} = \frac{p_1 + p_2}{2} (1 \pm \sqrt{1 - \frac{4D_0 p_1 p_2}{(p_1 + p_2)^2}})$$

$$D_0 = 1$$
 $| p_{1f} = p_1, p_{2f} = p_2 |$

$$\begin{array}{c|c} p_{1f} & j a \\ \hline p_2 & p_1 \\ \hline p_{2f} & \end{array}$$

$$\frac{4D_0p_1p_2}{(p_1+p_2)^2}$$
 = 1时两极点相等, p_{1f} , p_{2f} 重合为 $\frac{p_1+p_2}{2}$ 论反馈深度D多大,系统仍将稳定。

结论: 双极点系统无

$$\frac{4D_0p_1p_2}{(p_1+p_2)^2} > 1$$
时 p_{1f} , p_{2f} 为共轭复极点,实部不变仍为 $\frac{p_1+p_2}{2}$,虚部分开





系统极点分布决定系统稳定性

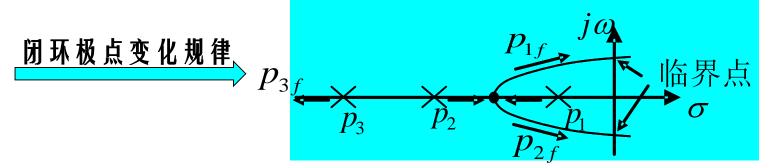
■三极点系统:

$$A(s) = \frac{A_0}{(1 - \frac{s}{p_1})(1 - \frac{s}{p_2})(1 - \frac{s}{p_3})}$$

同理令
$$D(s) = 0$$

$$p_{1f} + p_{2f} + p_{3f} = p_1 + p_2 + p_3$$

$$p_{1f} p_{2f} p_{3f} = D_0 p_1 p_2 p_3$$



- 结论:对三极点及以上系统,当反馈深度大到某一值时,闭环极点就会进入右半平面,造成系统不稳定;
- D₀ 取 值 必 须 受 限。

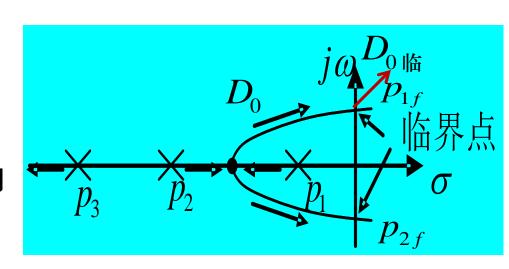




、负反馈放大电路稳定性的判断

(1) 临界点法:

- ightharpoons 闭环极点 P_{if} 随 D_0 增大而向右半平面运动;
- ightharpoonup 闭环极点刚好位于虚轴上的点为临界极点,此时 $D_{
 ho}=D_{
 ho}$ 。



■ 方法与步骤:

- ① 令 D(s) $|_{s=j\omega} = 0$, 即 D(S) = 0 和 $S=j\omega$ 的交点;
- ② 求出临界点处的 o_0 和 $D_{o_{\text{临}}}$
- \bigcirc ③ $D_o < D_{o \bowtie R}$ 时,系统稳定; $D_o > D_{o \bowtie R}$ 时,系统不稳定;





典型例题

例已知 $A(s) = \frac{A_0}{(s+1)(s+2)(s+3)}$, $F=F_0$, 试求使系统稳定时 D_0 应满足的条件。

解:
$$D(s)|_{s=j\omega} = 1 + A(s)F_0|_{s=j\omega} = 0$$

$$\Rightarrow (1+j\omega)(2+j\omega)(3+j\omega) + A_0F_0 = 0$$

$$\Rightarrow 6 + j11\omega - 6\omega^2 - j\omega^3 + A_0F_0 = 0$$

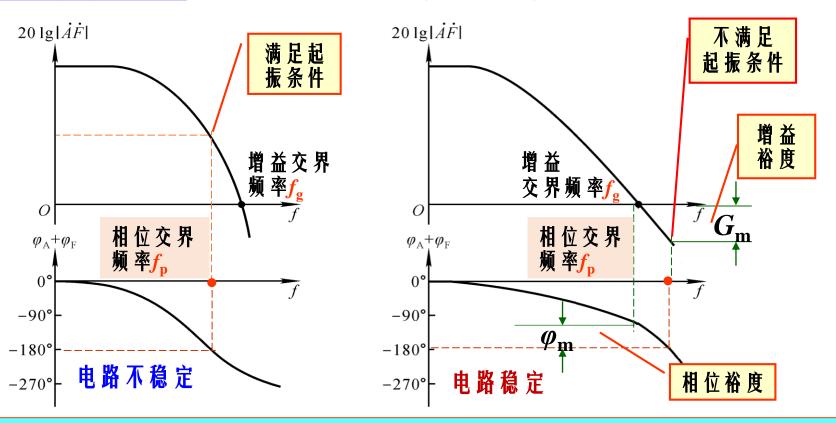
$$\Rightarrow \begin{cases} \omega_0 = \pm \sqrt{11} rad / s \\ A_0 F_0 = 60 \Rightarrow D_0 = 61 \end{cases} \Rightarrow D_0 < 61$$





三、负反馈放大电路稳定性的判断

2) 交 界 频 率 法 : 已 知 A F 环 路 增 益 频 率 特 性 来 判 断 闭 环 后 电 路 稳 定 性 。



 $> f_{
m p} < f_{
m g}$, 电 路 不 稳 定 , 自 激 振 荡 ; $f_{
m p} > f_{
m g}$, 电 路 稳 定 , 无 自 激 振 荡 。

 \rightarrow 当 $G_{\rm m} \le -10 {\rm dB} \, \mathbb{E} \, \varphi_{\rm m} > 45^{\circ}$, 才具有可靠的稳定性。



举例

己知
$$A(s)F(s) = \frac{4}{(1+s)^3}$$
,试分析该系统的稳定性

解: 方法一:
$$\diamondsuit|AF| = \frac{4}{|(1+j\omega_g)^3|} = 1 \Rightarrow \omega_g = 1.23 rad/s$$

方法二:
$$|AF| = \frac{4}{|(1+j\omega_g)^3|} = 1 \Rightarrow \omega_g = 1.23 rad/s$$
 \Rightarrow 相位裕度 $\gamma = 27.33^\circ$ \Rightarrow 系统稳定。

$$\varphi_{AF}(j\omega_g) = -3 \arctan \omega_g = -152.67^\circ$$

方法三:
$$\varphi_{AF}(j\omega_p) = -180^\circ \Rightarrow \omega_p = 1.73 rad/s$$

$$G_p = 0 - (-6dB) = 6dB > 0 \Rightarrow$$
系统稳定





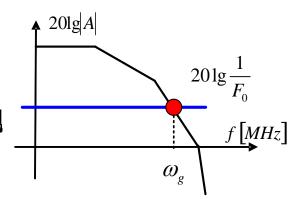
三、负反馈放大电路稳定性的判断

(3)伯德图法:反馈网络为纯阻网络的负反馈放大器

■ 方法: 第一种: 已知A(S), $F=F_0$,

令
$$|A(j\omega_g)| = \frac{1}{|F_0|}$$
,直接得出环路增益 ω_g ,其他

方法同上,也可用Bode图。



第二种: 已知A(S), 求 $F_{0\max}$

先用 A(S) 相位伯德图求环路增益 $\omega_{\mathbf{p}}$,并令 $\omega_{\mathbf{g}}$ 。两由幅度伯德图

得到:

$$|A(j\omega_g)| \longrightarrow F_{0\max} = \frac{1}{|A(j\omega_g)|}$$





举例

例: 已知多级放大器的中频增益 $A_0=10^3$,三个极点的转角频率分别是 $f_1=1$ MHz $f_2=1$ 0MHz $f_3=1$ 00MHz.

- (1)写出该放大器的增益传递函数A(jf)的表达式。
- (2) 若 加 纯 阻 反 馈 网 络 $F_0 = 0.01$, 判 断 电 路 能 否 稳 定 工 作 。
- (3) 若要求电路有的 60° 相位裕量,问 F_{\circ} 为多少。

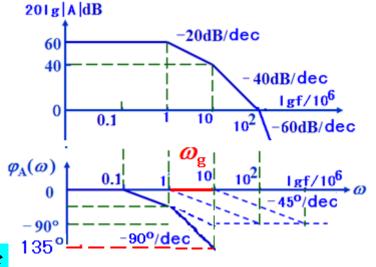
解:
$$(1)A(jf) = \frac{10^3}{(1+\frac{jf}{10^6})(1+\frac{jf}{10^7})(1+\frac{jf}{10^8})}$$





举例

则由其右伯德图可以读出: $\Rightarrow f_g = 10MHz$ 画出其附加相位图 φ_{A_1} 可以读出:



$$\Rightarrow \varphi_A(f_g) = -135^\circ \Rightarrow \gamma = 45^\circ$$
,系统稳定

(3) 若 $\gamma=60^\circ$, 则 $\varphi_A(f_g)=120^\circ$ 故由附加相位图, $\varphi_A(f_g)$ 是前两个虚线值的叠加:

曲
$$\varphi_A(jf_g) = -45 \lg \frac{f_g}{0.1} - 45 \lg \frac{f_g}{1} = -120^\circ$$
,得到 $f_g = 6.84 MHz$

而此时A的幅度 $20\lg |A(jf_g)| = 60 - 20\lg \frac{6.84}{1} = 43.3dB$, 改写数值为 $A(jf_g) = 146.2$ $\Longrightarrow F_0 = 0.0068$



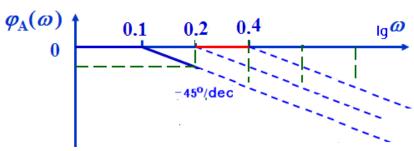
- University of Science and Technology of China-



已知
$$A(s) = \frac{8 \times 10^2}{(s+1)(s+2)(s+4)}$$
, $F = F_0$,试求使该系统稳定的 $F_{0 \text{max}}$

解(1) 归一化整理得:

$$A(s) = \frac{10^2}{(1+\frac{s}{1})(1+\frac{s}{2})(1+\frac{s}{4})}$$



三个极点: $p_1 = -1$, $p_2 = -2$, $p_3 = -4$, 它们各自附加相位伯德图如上图:

$$(3)$$
 求 $F_{0\max}$

$$20\lg 10^{2} - 20\lg \frac{4.3}{1} - 20\lg \frac{4.3}{2} - 20\lg \frac{4.3}{4} \approx 20dB \implies F_{0\max} = 0.1 = -20dB$$





本章小结

■负反馈的概念

- ▶ 熟悉负反馈的基本定义、反馈极性和四种反馈类型;
- ▶ 熟悉单环负反馈放大器的理想模型;
- > 熟悉负反馈放大器的交流性能指标的定义;
- 牢记基本反馈方程式,熟练掌握各种反馈类型中满足该式的增益函数类型;
- > 熟悉负反馈对放大电路各种性能的影响;





本章小结

- ■负反馈放大器的交流分析
 - ▶牢记各种反馈类型所对应的求解F网络反馈函数的等效电路模型;
- ■深 度 负 反 馈 放 大 器 的 交 流 分 析
 - ▶ 理解深度负反馈的作用;
 - 产牢记深度负反馈条件及其推论;
 - ▶熟悉深度负反馈放大器的分析方法和分析步骤;





本章小结

- ■负反馈放大器的稳定性分析
 - ▶ 掌握产生自激振荡的临界条件;
 - ▶熟悉相位交界频率与增益交界频率的定义;
 - ▶ 熟悉相位裕量和增益裕量的定义;
 - ▶掌握临界值法、交界频率、稳定裕量及波特图方法分析 负反馈放大器的稳定性。

