



解: 如图, 光程 $S = S_A + n S_B$

其中 $S_A = \sqrt{x^2 + h_A^2}$ $S_B = \sqrt{(L-x)^2 + h_B^2}$

由 $\frac{dS}{dx} = 0$ 得: $\frac{x}{S_A} - n \frac{L-x}{S_B} = \sin \theta_A - n \sin \theta_B = 0$

所以满足折射定律的光线是光程稳定的光线.

由于 $\frac{d^2S}{dx^2} = \frac{d}{dx} \left(\frac{x}{S_A} - n \frac{L-x}{S_B} \right) = \frac{1}{S_A} - \frac{x^2}{S_A^3} + \frac{n}{S_B} - \frac{n(L-x)^2}{S_B^3}$
 $= \frac{\cos^2 \theta_A}{S_A} + n \frac{\cos^2 \theta_B}{S_B} > 0$

所以这条光线是光程极短的光线

b. 答案: $\int_{-\infty}^{+\infty} e^{-ix\nu} dx = 2\pi \delta(\nu)$

c. 答案: $\frac{df(x)}{dx}$ 的傅里叶变换是 $i\nu g(\nu)$

$xf(x)$ 的傅里叶变换是 $i \frac{d}{d\nu} g(\nu)$

d. 点数之和为4的组合为 (1,3), (2,2), (3,1)

总共可能的组合数目为 $6 \times 6 = 36$

故所求几率为 $3/36 = 1/12$