

# Beschreibung von Tiefpassfiltern im Zeit- und Frequenzbereich

## Masterkolloquium Elektro-und Informationstechnik

Sebastian Pasinski

TH Aschaffenburg

8. Februar 2026

# Gliederung der Präsentation

- 1 Definition Tiefpass
- 2 Tiefpass im Frequenzbereich
- 3 Tiefpass im Zeitbereich
- 4 Ausblick

# Definition Tiefpass

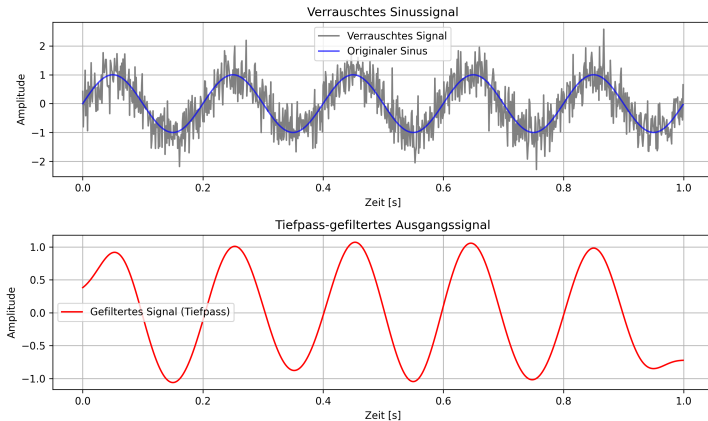


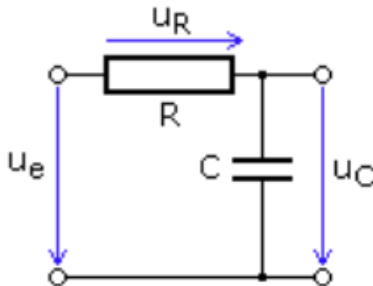
Abbildung: Filterung eines Sinussignals mit einem RC-Tiefpass

# Beschreibung im Frequenzbereich: Übertragungsfunktion

$$\frac{U_c}{U_e} = \frac{Z_C}{Z_R + Z_C}$$

$$\left| \frac{U_c}{U_e} \right| = \frac{1}{\sqrt{1 + (\omega RC)^2}}$$

(Ulrich Tietze 2019)



(Mietke 2026)

Abbildung: RC-Schaltung

Übertragungsfunktion:

- Spannungsverstärkung abhängig von der Frequenz
- im Frequenzbereich kann Systemantwort bestimmen

$$Y(\omega) = H(\omega) X(\omega)$$

(Mewes 2022)

# Grenzfrequenz

Bei der Grenzfrequenz fällt die Ausgangsspannung auf  $1/\sqrt{2}$  des Eingangswerts. Kann aus Übertragungsfunktion berechnet werden:

- 1 Betrag bilden:

$$|H(j\omega)| = \frac{1}{\sqrt{1 + (\omega RC)^2}}$$

- 2  $-3$  dB-Bedingung anwenden:

$$|H(j\omega_c)| = \frac{1}{\sqrt{2}}$$

- 3 Gleichsetzen und lösen:

$$\frac{1}{\sqrt{1 + (\omega_c RC)^2}} = \frac{1}{\sqrt{2}} \Rightarrow \omega_c = \frac{1}{RC}$$

(Hagmann 2006)

# Amplitudengang eines RC-Tiefpasses

Dämpfung von Ein- zu  
Ausgang

$$A_{\text{dB}}(\omega) = 20 \log_{10}(|H(j\omega)|)$$

Bei  $\omega_g$ : Amplitude  
fällt auf  $-3 \text{ dB}$

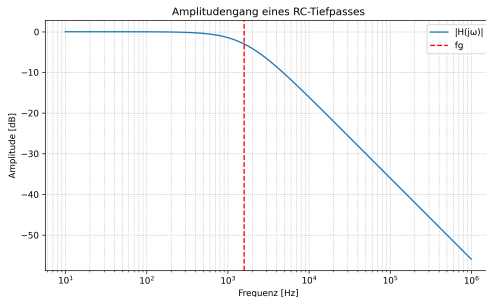


Abbildung: Amp.gang RC-TP

(Ulrich Tietze 2019)

# Phasengang eines RC-Tiefpasses

Phasenverschiebung  
von Ein-zu Ausgang

$$\varphi(\omega) = -\arctan(\omega RC)$$

bei  $f_g$  : Verschiebung  
von  $-45^\circ$

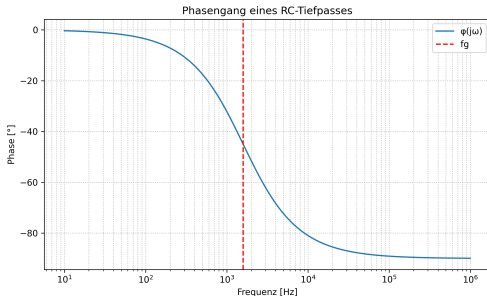


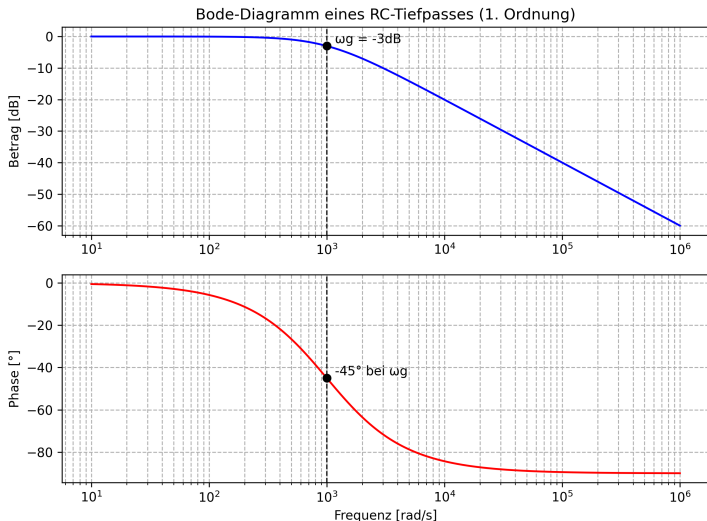
Abbildung: Ph.gang RC-TP

(Ulrich Tietze 2019)



# Bodediagramm

## Darstellung beider Verhalten auf einen Blick



# Tiefpass im Zeitbereich

Systembeschreibung mit DGL  
Maschengleichung

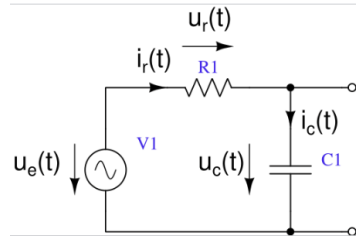
$$-u_e(t) + u_R(t) + u_C(t) = 0$$

Differentialgleichung

$$RC \frac{du_C(t)}{dt} + u_C(t) = u_e(t)$$

(Mewes 2022)

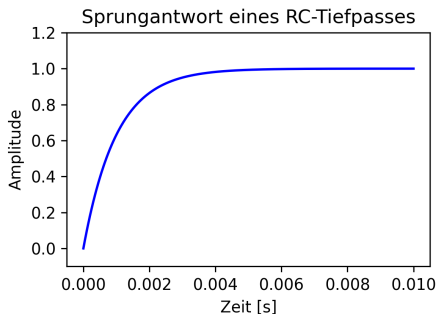
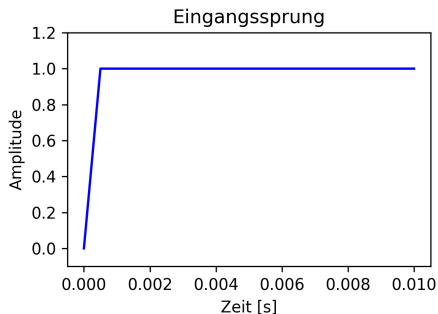
Berechnungen von DGL oft komplex und aufwendig



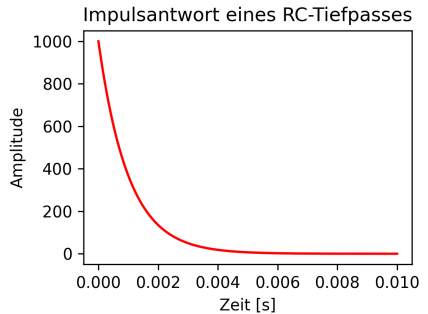
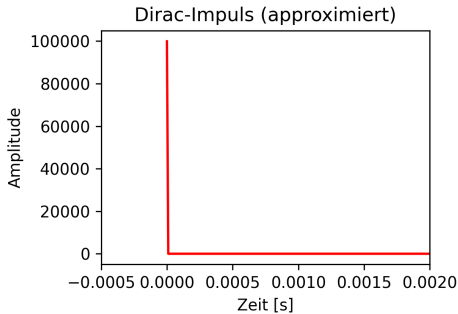
RC-Tiefpass-Schaltung

Quelle: (Sommavilla 2026)

# Sprungantwort



Sprungsantwort RC-Tiefpass  
(Ulrich Tietze 2019)



Impulsantwort RC-Tiefpass  
(Mewes 2022)

# Darstellung von Signalen als Impulsfolge

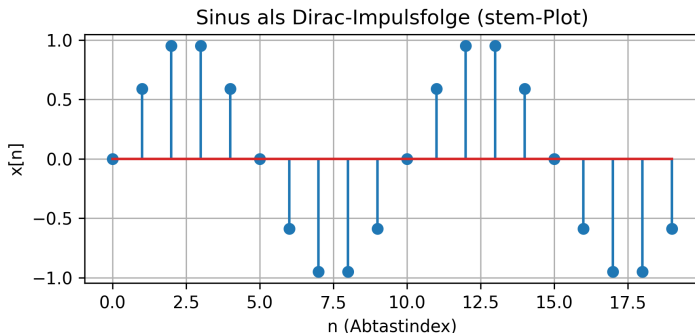


Abbildung: Sinus als Dirac-Impulsfolge

(Baraniuk 2026)

# Übertragungsfunktion und Impulsantwort

Impulsantwort ist die Inverse Laplace-Transformation der Übertragungsfunktion:

$$H(s) = \mathcal{L}\{h(t)\}$$

$$h(t) = \mathcal{L}^{-1}\{H(s)\}$$

(Mewes 2022)

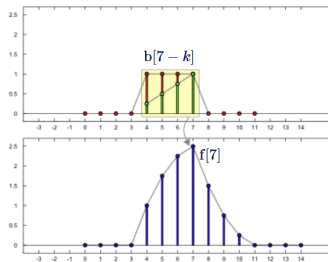
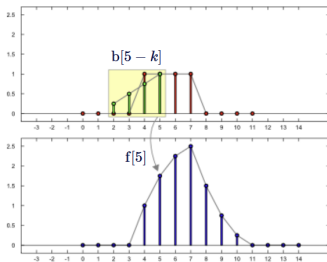
# Faltung als Beschreibung im Zeitbereich

Berechnung Ausgangssignal mit Eingangssignal und Impulsantwort:

$$y(t) = (x * h)(t)$$

$$y(t) = \int_{-\infty}^{\infty} x(\tau) h(t - \tau) d\tau$$

(Baraniuk 2026)



Graphische Faltung


Quelle: (Thormählen 2024)

## Abhängig von Anforderungen und Anwendungsfall

- Verschiedene Arten
- Unterschiedliche Ordnungen
- Auslegungsverfahren





**Vielen Dank für Ihre Aufmerksamkeit!**

 Baraniuk, R. (2026), 'Continuous time convolution'. [https://eng.libretexts.org/Bookshelves/Electrical\\_Engineering/Signal\\_Processing\\_and\\_Modeling/Signals\\_and\\_Systems\\_%28Baraniuk\\_et\\_al.%29/03%3A\\_Time\\_Domain\\_Analysis\\_of\\_Continuous\\_Time\\_Systems/3.03%3A\\_Continuous\\_Time\\_Convolution](https://eng.libretexts.org/Bookshelves/Electrical_Engineering/Signal_Processing_and_Modeling/Signals_and_Systems_%28Baraniuk_et_al.%29/03%3A_Time_Domain_Analysis_of_Continuous_Time_Systems/3.03%3A_Continuous_Time_Convolution), last visited: 31.01.2026.

 Hgmann, G. (2006), *Aufgabensammlung zu den Grundlagen der Elektrotechnik*, Aula.

 Mewes, H. (2022), *Vorlesung Signale und Systeme*, TH Aschaffenburg.

 Metke, D. (2026), 'Passive rc- und rl-tiefpässe'.  
<https://www.elektroniktutor.de/analogtechnik/tiefpass.html>, last visited: 31.01.2026.

 Somnavilla, T. (2026), 'Spannungen und ströme am rc-tiefpass'.  
<https://de.wikipedia.org/wiki/RC-Glied>, last visited: 31.01.2026.

 Tormählen, T. (2024), 'Multimediale signalverarbeitung faltung und impulsantwort'.

[https://www.mathematik.uni-marburg.de/~thormae/lectures/mmk/mmk\\_3\\_1\\_ger\\_web.html#1](https://www.mathematik.uni-marburg.de/~thormae/lectures/mmk/mmk_3_1_ger_web.html#1), last visited: 31.01.2026.



Ulrich Tietze, Christoph Schenk, E. G. (2019), *Halbleiterschaltungstechnik*, Springer Buchverlag.