

Ce sujet comporte 3 pages – Documents autorisés

## Exercice 1 : 5 points

Une expression de type est définie inductivement de la sorte :

- Un type de base : *integer*, *real*, *character*, *boolean*, etc. est une expression de type ;
- Une variable de type '*x*' est une expression de type ;
- Un symbole  $\alpha$  est une expression de type ;
- Si  $T_1$  et  $T_2$  sont deux expressions de type,  $(T_1 \times T_2)$  est une expression de type ;
- Si  $T_1$  et  $T_2$  sont deux expressions de type,  $(T_1 \rightarrow T_2)$  est une expression de type ;
- Si  $T_1, T_2, \dots, T_k$ , sont des expressions de type,  $C_k(T_1, T_2, \dots, T_k)$  est une expression de type, où  $C_k$  est un constructeur pour un type d'arité  $k$ .

Dans le code<sup>1</sup> suivant où  $\wedge T$  représente un pointeur sur un type  $T$  et  $\mathbf{x}^\wedge$  la valeur pointée par  $\mathbf{x}$ .

```
1 struct Node {  
2     info : 'x;  
3     left : ^Node;  
4     right : ^Node;  
5 }  
6  
7 function binarySearch(node: ^Node, info: 'y): ^Node;  
8 {  
9     if (Node^.info < info)  
10         return binarySearch(node^.left);  
11     else if (Node^.info > info)  
12         return binarySearch(node^.right);  
13     else  
14         return node;  
15 }
```

---

1. Ce programme ne prévoit pas le cas de l'arbre vide, ou lorsque l'élément cherché dans l'arbre n'est pas présent.

### Questions

1. Écrire l'expression de type de la structure **Node** en utilisant la définition.
2. L'opérateur  $<$  est-il polymorphe ? Pourquoi ?
3. Est-ce qu'on peut connaître a priori la taille de la structure **Node** ? Pourquoi ?
4. Quelle est la condition pour que le typage statique soit garanti avec ce langage de programmation ?

### Exercice 2 : 5 points

Soit  $G$  une grammaire algébrique  $(\{E\}, \{P, M, L, R, N\}, E, R)$  dont les règles de production  $R$  sont les suivantes :

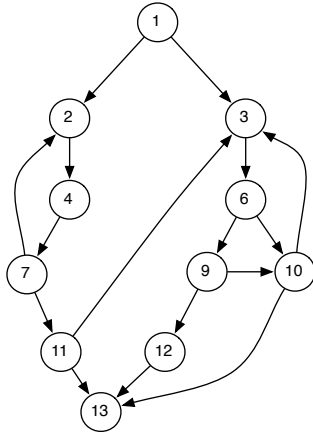
$E \rightarrow E P E$   
 $E \rightarrow E M E$   
 $E \rightarrow L E R$   
 $E \rightarrow N$

### Questions

1. Décrire l'analyse Earley de la séquence  $LNP NRMN$
2. Écrire une séquence qui produit deux analyses distinctes. Montrer comment l'analyseur Earley permet de produire ces deux analyses.
3. Est-il souhaitable que certaines séquences produisent plusieurs analyses différentes pour un compilateur ? Pourquoi ? Proposez une solution décrite dans le cours pour éviter d'avoir 2 analyses pour la même séquence avec cette grammaire.

### Exercice 3 : 5 points

Soit le graphe de flot de contrôle suivant, où 1 représente le bloc initial :



1. Calculer le graphe des dominants
2. Est-ce que ce graphe de flot de contrôle contient une ou plusieurs boucles telles que définies dans le cours ? Si oui, lesquelles ?

## Exercice 4 : 5 points

On considère les lignes de code suivantes :

```
1 L1:
2 if (n <= 3) jump L8
3 L2:
4 m := n mod 2
5 if (m == 0) jump L7
6 L3:
7 d := 3
8 jump L4
9 L4:
10 q := d * d
11 if (q > n) jump L8
12 L5:
13 m := n mod d
14 if (m == 0) jump L7
15 L6:
16 d := d + 2
17 jump L4
18 L7:
19 p := 0
20 jump L9
21 L8:
22 p := 1
23 jump L9
24 L9:
25 f(p)
```

### Questions

1. Dessiner le graphe de flot de contrôle correspondant.
2. Pour chaque bloc de contrôle, indiquer les variables vivantes en entrée et en sortie.
3. Savez-vous ce que calcule ce programme ?