Halbleiter und Nanotechnologie, Übung 3, Prof. Förster

Christoph Hansen

chris@university-material.de

Dieser Text ist unter dieser Creative Commons Lizenz veröffentlicht.

Ich erhebe keinen Anspruch auf Vollständigkeit oder Richtigkeit. Falls ihr Fehler findet oder etwas fehlt, dann meldet euch bitte über den Emailkontakt.

Inhaltsverzeichnis

Aufgabe 1 2

C. Hansen 2

Aufgabe 1

a)

Der Strom aus dem Behälter ist:

$$j_{N} = \frac{N}{V} \cdot \frac{\langle v \rangle}{4} = \frac{\partial N}{\partial t} \cdot \frac{1}{A}$$

$$\Leftrightarrow N(t + dt) = N(t) - j_{N(t)} \cdot A \cdot dt$$

$$\Leftrightarrow n(t + dt) = n(t) - \frac{j_{N(t)} \cdot A \cdot dt}{V}$$

$$\Leftrightarrow \frac{n(t + dt) - n(t)}{dt} = -\frac{j_{N(t)} \cdot A}{V} = \frac{-n(t) \cdot \langle v \rangle \cdot A}{V \cdot 4}$$

$$\lim_{dt \to 0} \frac{\dot{n}}{n} = \frac{\langle v \rangle \cdot A}{4V} := \frac{1}{\tau}$$

$$\Rightarrow n(t) = n_{0} \cdot e^{-\frac{t}{\tau}}$$

Wir rechnen ein Beispiel mit N_2 Gas bei $T = 300 \,\mathrm{K}$ und $P = 1 \,\mathrm{mbar}$, dabei ist $< v > = 426 \,\mathrm{m/s}$.

$$\tau = \frac{4 \cdot 1}{426 \cdot \frac{(10^{-3})^2 \pi}{4}} = 1.2 \cdot 10^4 \,\mathrm{s}$$

Dieses τ nutzen wir jetzt für die Bestimmung des $50\,\%$ Wertes:

$$\frac{1}{2}n_0 = n_0 \cdot e^{-\frac{t}{\tau}}$$

$$\Leftrightarrow t = -\tau \ln\left(\frac{1}{2}\right) = 8.3 \cdot 10^3 \text{ s}$$