Frecce dritte e frecce storte

Giulio Canti

May 4, 2018

Cos'è la programmazione funzionale?

La programmazione funzionale è programmare con le funzioni (fate conto che abbia inserito qui un meme appropriato)

Programmi senza effetti

$$f: A \rightarrow B$$

La funzione f modella un programma con un input di tipo A e che produce un output di tipo B

Programmi senza effetti

```
const len = (s: string): number => s.length
```

Come funzione:

$$\mathtt{len}:A\to B$$

- A = string (input)
- B = number (output)

Programmi con effetti

$$f: A \rightarrow M < B >$$

La funzione f modella un programma con un input di tipo A e che produce un output di tipo B insieme ad un effetto di tipo M

Programmi con effetti

```
const head = (as: Array<string>): Option<string> =>
as.length === 0 ? none : some(as[0])
```

Come funzione:

head :
$$A \rightarrow M < B >$$

- A = Array<string> (input)
- B = string (output)
- M = Option (effetto)

Composition is the essence of programming - Bartosz Milewski

Come si compongono i programmi?

Come si compongono i programmi le funzioni?

Data la funzione g

$$g:A\to B$$

e la funzione f

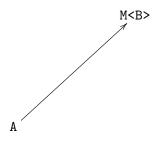
$$f:C\to D$$

quando è possibile comporle?

Rappresentazione

I programmi senza effetti sono rappresentati da frecce dritte

I programmi con effetti sono rappresentati da frecce storte

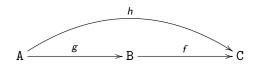


Due programmi senza effetti

$$A \xrightarrow{g} B \xrightarrow{f} D$$

Condizione: Output(g) = Input(f)

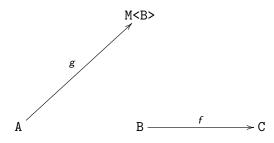
Due programmi senza effetti



Soluzione

$$h = f \circ g$$

Un programma con effetti + un programma senza effetti



Condizione: Output(g) = M < Input(f) >

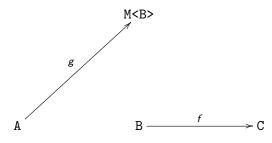
Functor

```
interface Functor<M> {
  map: <A, B>(f: (a: A) => B) => (ma: M<A>) => M<B>
}
```

Functor

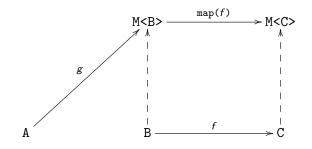
```
interface Functor<M> {
  map: <A, B>(f: (a: A) => B) => ( (ma: M<A>) => M<B> )
}
```

Un programma con effetti + un programma senza effetti

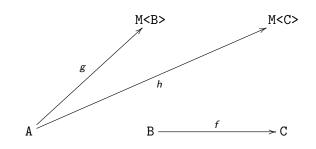


Condizione: M ammette una istanza di Functor

Un programma con effetti + un programma senza effetti



Un programma con effetti + un programma senza effetti



Soluzione

$$h = map(f) \circ g$$

Funzioni con due parametri

$$f: A \times B \rightarrow C$$

Currying

$$f':A\to B\to C$$

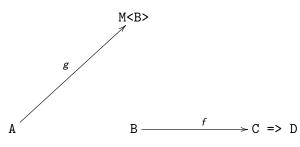
Funzioni con due parametri

```
const sum = (a: number, b: number): number => a + b
```

Currying

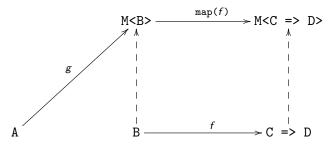
```
const sum = (a: number) => (b: number): number => a + b
```

Un programma con effetti + un programma senza effetti con due parametri



Condizione: Output(g) = M < Input(f) >

Un programma con effetti + un programma senza effetti con due parametri



Condizione: M ammette una istanza di Functor

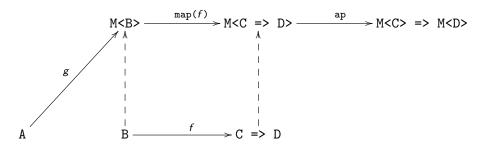
Applicative¹

```
interface Applicative<M> extends Functor<M> {
  of: <A>(a: A) => M<A>,
  ap: <A, B>(mab: M<(a: A) => B>) => (ma: M<A>) => M<B>
}
```

Applicative¹

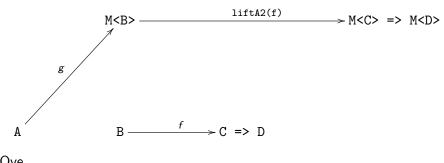
```
interface Applicative<M> extends Functor<M> {
  of: <A>(a: A) => M<A>,
  ap: <A, B>(mab: M<(a: A) => B>) => ( (ma: M<A>) => M<B> )
}
```

Un programma con effetti + un programma senza effetti con due parametri



Condizione: M ammette una istanza di Applicative

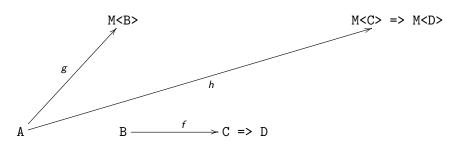
Un programma con effetti + un programma senza effetti con due parametri



Ove

$$liftA2 = ap \circ map$$

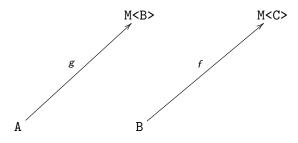
Un programma con effetti + un programma senza effetti con due parametri



Soluzione

$$h = liftA2(f) \circ g$$

Un programma con effetti + un programma con effetti



Condizione: Output(g) = M < Input(f) >

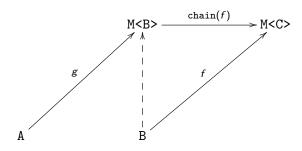
Monad

```
interface Monad<M> extends Functor<M> {
  of: <A>(a: A) => M<A>,
  chain: <A, B>(f: (a: A) => M<B>) => (ma: M<A>) => M<B>
}
```

Monad

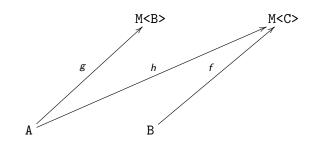
```
interface Monad<M> extends Functor<M> {
  of: <A>(a: A) => M<A>,
  chain: <A, B>(f: (a: A) => M<B>) => ( (ma: M<A>) => M<B> )
}
```

Un programma con effetti + un programma con effetti



Condizione: M ammette una istanza di Monad

Un programma con effetti + un programma con effetti



Soluzione

$$h = \mathit{chain}(f) \circ g$$

Soluzioni

Programma g	Programma f	Composizione
senza effetti	senza effetti	$h = f \circ g$
con effetti	senza effetti	$h = liftA_n(f) \circ g$
con effetti	con effetti	$h = chain(f) \circ g$

ove
$$\mathit{lift}A_1 = \mathit{map}$$