## 2020春季学期"数理逻辑"课程作业一

- 1. 证明 $|PROP| = \aleph_0$  (即证明所有命题的集合和自然数集合等势).
- 2. 证明以下命题永真:
- (a)  $\neg (A \land B) \rightarrow (\neg A \lor \neg B)$
- (b)  $(\neg A \land \neg B) \rightarrow \neg (A \lor B)$
- 3. 判断以下各对命题是否等价:

(a) 
$$(((A \rightarrow B) \rightarrow B) \rightarrow B) \not \exists \exists (A \rightarrow B)$$

- (b)  $(A \land B) \lor C$ 和 $(A \to \neg B) \to C$
- **4.** 证明命题逻辑可以只用命题符 $P_i$ ,逻辑连接符 $\neg$ 和 $\lor$ 以及辅助符(和)进行定义(即证明逻辑连接符 $\land$ 和 $\rightarrow$ 可以基于 $\neg$ 和 $\lor$ 进行定义)。
  - 5. 求下述各命题公式的析合范式及合析范式:
  - (a)  $(\neg((P \to \neg Q) \to R))$
  - (b)  $\neg(\neg(\neg\neg R \land Q) \land P)$