EPITA / InfoSup		Janvier 2017
<u>NOM</u> :	PRENOM:	GROUPE:

## Partiel n°1 de Physique

Les calculatrices et les documents ne sont pas autorisés. Réponses exclusivement sur le sujet

Exercice 1	Mouvement en cycloïde	(Sur 7 points)
Partie A		

On se place dans le repère cartésien (Oxyz). On s'intéresse à une roue de rayon R et de centre C qui roule sans glisser dans le plan (x0y) : on admet que l'abscisse du centre de la roue est liée à l'angle  $\theta$  dont a tourné la roue.

On exprime les coordonnées du vecteur position par :

$$\begin{cases} x(t) = A(\omega . t - \sin(\omega . t)) \\ y(t) = A(1 - \cos(\omega . t)) \end{cases} \quad (\theta = \omega . t) ; Où A et \omega \text{ sont des constantes positives.}$$

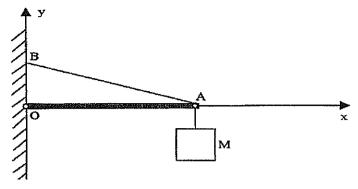
	<i>'''</i>			
1- Déterminer les comp	oosantes cartésiennes des v	vecteurs vitesse et acc	élération.	
5 F 1/1 ' 1			2	
2- En deduire la norme	de chacun de ces vecteurs	$\frac{1 - \cos(a)}{1 - \cos(a)}$	$(x) = 2.\sin^{2}(\alpha/2).$	

3-Tracer la cycloïde (y = f(x)), sur un intervalle de temps de 2 périodes (2 T). Sachant que ω e la période T par ω = 2 π/T  (On prend les valeurs : t = 0 ; t = T/4 ; t = T/2 ; t = 3T/4 ; t = T).	
(emplements values to o, to 171, to 172, to 3171, to 1).	
<u>Partie B</u>	
On considère le mouvement d'une spirale d'équations horaires :	
$\begin{cases} \rho(t) = \rho_0 e^{\omega . t} \\ \theta(t) = \omega . t \end{cases}$ ; Où $\rho_0$ et $\omega$ sont des constantes positives.	
1- Exprimer le vecteur vitesse de ce mouvement en coordonnées polaires. On rappelle que : $\vec{V} = \stackrel{\bullet}{\rho} \vec{u}_{\rho} + \rho \stackrel{\bullet}{\theta} \vec{u}_{\theta}$	

2- Calculer la norme du vecteur vitesse.
3-a) Sachant qu'en base de Frenet : $\vec{V} = V \cdot \vec{u}_T = R(t) \dot{\theta} \vec{u}_T$ , exprimer le rayon R(t) de cette trajectoire.
b) En déduire les composantes du vecteur accélération $\vec{a}(a_T, a_N)$ dans la base de Frenet $(\vec{u}_T, \vec{u}_N)$ .

## **Exercice 2** Système en équilibre (6 points)

Une poutre horizontale OA homogène de longueur L et de masse m = 40 kg est fixée à un mur par son extrémité O. Un câble AB de masse négligeable et inextensible relie le mur et l'extrémité A de la poutre. Une masse M = 150 kg est suspendue au point A. On donne : BAO =  $30^{\circ}$  et g = 10m.s<sup>-2</sup>.



1- Faire le bilan des forces extérieurs appliquées sur la poutre. Représenter ces forces.
2- a) Ecrire la condition d'équilibre de rotation par rapport au point O, en déduire la norme de la tension du câble.
b) Utiliser la condition d'équilibre de translation pour calculer les composantes $(R_x, R_y)$
de $\bar{R}_{mur}$ .

c) Calculer la norme	e de la réaction $\vec{R}_{mur}$ .		
Exercice 3 (7 points)  Un solide ponctuel de masse m se déplace sur la piste schématisée ci-dessous. La portion AB est u arc de cercle de rayon R, d'angle θ, de centre O; la portion BC est un segment horizontal. On lance l solide du point A avec une vitesse V <sub>A</sub> tangente au cercle.  1-a) Faire le bilan des forces extérieures exercées sur le solide entre A et B, sachant que le frottements sur la partie AB sont assimilables à une force constante f. Représenter ces forces.  b) Utiliser le théorème d'énergie cinétique entre A et B pour exprimer la force de frottement f, e fonction de R, g, V <sub>A</sub> , V <sub>B</sub> , m et θ. Faire le calcul avec : m = 0,1kg, g =10ms <sup>-2</sup> , R = 1,5m, V <sub>A</sub> = 2ms · V <sub>B</sub> = 3ms <sup>-1</sup> ; θ = 60° ≈ 1 rad.			
arc de cercle de rayo	on R, d'angle $\theta$ , de centre O; la	portion BC est un segmen	
	$\vec{v}$		
	"А В	С	
fonction de R, g, V	$V_{A}$ , $V_{B}$ , m et $\theta$ . Faire le calcul a	A et B pour exprimer la f avec : m = 0,1kg, g =10ms	force de frottement f, en $^{2}$ , R = 1,5m, $V_{A}$ = 2ms <sup>-1</sup>
			,

a) Les frottemen point C, sachant	ts sur le trajet BC que BC = 2m.	sont assimilables	à une force $f = 0$ ,	,1 N. Calculer la vi	tesse
	Account of the Control of the Contro			•	
Calculer la norme	e de la réaction tota	le $\vec{R}$ qui s'exerce s	sur le solide penda	nt le trajet BC.	
	,				