#### Séminaire CAML

### QCM nº 5 jeudi 14 sept. 2017

1. Quel est le type de la fonction définie ci-dessous?

```
let f c = let (x,y) = c in let z = (x+1, not y) in (x, z);
```

- (a) int \* bool -> int \* bool
- (b) int \* bool \* int -> (int \* int)
- (c) int \* bool -> int \* int
- (d) int \* bool -> int \* (int \* bool)
- (e) La fonction est fausse.

2. Soient x et y deux valeurs entières définies. À quelles expressions l'expression suivante est-elle équivalente ?

match x with 
$$y \rightarrow y + 1$$
;

- (a) let x = y in y + 1
- (b) let y = x in y + 1
- (c) let x = y in x + 1
- (d) y + 1
- (e) x + 1

3. Quel est le type de la fonction print\_string?

- (a) string -> int
- (b) int -> string
- (c) unit -> string
- (d) string -> unit
- (e) string -> 'a

4. Quel sera le résultat (hors warning éventuel) de l'évaluation de la séquence suivante?

- (a) : "4+2"; unit
- (b) : int = 6; : string = "unit"
- (c) : string = "4+2"; unit : unit = ()
- (d) unit : unit = ()
- (e) Une erreur

5. Que contient le résultat de l'évaluation de la phrase suivante?

- (a) Warning S: this expression should have type unit.
- (b) Error : Unbound value f
- (c) val f : int -> int = <fun>
- (d) val f : int -> unit = <fun>
- (e) Error : This expression has type int but an expression was expected of type unit

6. Que calcule la fonction suivante appelée avec f x  $(x \ge 0)$ ?

```
let rec f = function
    0 -> 1
    | x -> f (x-1) + 1 ;;
```

- (a) x
- (b) x+1
- (c)  $\sum_{i=0}^{x} (i)$
- (d) Rien, elle ne s'arrête pas!
- 7. Quel sera le résultat de l'application de g à la valeur 9?

- (a) 45
- (b) 18
- (c) 729
- (d) Rien, elle ne s'arrête pas!
- 8. Quel est le type de la fonction définie ci-dessous?

```
let rec foo n =
   if n = 0 then
     ()
   else
     begin
     foo (n-1);
     print_int n; print_string " ";
   end;;
```

- (a) unit -> unit
- (b) unit -> int
- (c) int -> unit
- (d) int -> string
- 9. Soit foo la fonction définie à la question précédente. Que donnera l'application foo 5?

```
(a) 5 4 3 2 1 - : unit = ()
```

- (b) 1 2 3 4 5 : unit = ()
- (c) 4 3 2 1 0 : unit = ()
- (d) 0 1 2 3 4 : unit = ()
- (e) Une erreur
- 10. Que calcule la fonction suivante appelée avec f a b (a > 0, b > 0)?

```
let rec f a b =
   if b = 0 then
        a
   else
        f b (a mod b) ;;
```

- (a) a \* b
- (b) Le reste de la division entière de a par b
- (c) pgcd(a, b) (plus grand commun diviseur)
- (d) Rien, elle ne s'arrête pas!

# QCM N°5

jeudi 14 septembre 2017

## Question 11

Soient f une fonction bijective définie sur un intervalle I de  $\mathbb{R}$ , à valeurs dans  $\mathbb{R}$  et  $x \in I$  telle que  $f'(x) \neq 0$ . Alors  $f^{-1}$  est dérivable en y = f(x) et

a. 
$$(f^{-1})'(y) = \frac{1}{f^{-1}(f'(x))}$$

b. 
$$(f^{-1})'(y) = \frac{1}{f'(f^{-1}(y))}$$

c. 
$$(f^{-1})'(y) = \frac{1}{f^{-1}(f'(y))}$$

d. 
$$(f^{-1})'(y) = \frac{1}{f'(x)f^{-1}(y)}$$

e. rien de ce qui précède

### Question 12

Soient I un intervalle de  $\mathbb{R}$ ,  $\varepsilon > 0$ ,  $(a, \ell_1, \ell_2) \in \mathbb{R}^3$  et f une fonction de I dans  $\mathbb{R}$  vérifiant

$$\begin{cases} \exists \eta_1 > 0 \quad \forall x \in I \quad \left( |x - a| < \eta_1 \Longrightarrow \left| f(x) - \ell_1 \right| < \varepsilon \right) \\ \exists \eta_2 > 0 \quad \forall x \in I \quad \left( |x - a| < \eta_2 \Longrightarrow \left| f(x) - \ell_2 \right| < \varepsilon \right) \end{cases}$$
Triggshift Françoise.

Alors on peut écrire

$$|\ell_1 - \ell_2| = |\ell_1 - f(x) + f(x) - \ell_2| \le |\ell_1 - f(x)| + |f(x) - \ell_2| < 2\varepsilon$$

pour tout  $x \in I$  tel que

a. 
$$|x-a| < \operatorname{Min}(\eta_1, \eta_2)$$

b. 
$$|x - a| < \text{Max}(\eta_1, \eta_2)$$

c. rien de ce qui précède

#### Question 13

Soit f une fonction définie sur une partie I de  $\mathbb R$  à valeurs dans  $\mathbb R$ .

fadmet une limite  $\ell \in \mathbb{R}$  en  $x_0 \in \mathbb{R}$  si f est définie au voisinage de  $x_0$  et

a. 
$$\forall \varepsilon > 0 \quad \exists \eta > 0 \quad \forall x \in I \quad \left( |x - x_0| < \eta \text{ et } \left| f(x) - \ell \right| < \varepsilon \right)$$

b. 
$$\forall \varepsilon > 0 \quad \forall \eta > 0 \quad \exists x \in I \quad \left( |x - x_0| < \eta \Longrightarrow \left| f(x) - \ell \right| < \varepsilon \right)$$

c. 
$$\forall \varepsilon > 0 \quad \exists \eta > 0 \quad \exists x \in I \quad \left( |x - x_0| < \eta \text{ et } |f(x) - \ell| < \varepsilon \right)$$

d. 
$$\forall \varepsilon > 0 \quad \exists \eta > 0 \quad \exists x \in I \quad \left( |x - x_0| < \eta \implies |f(x) - \ell| < \varepsilon \right)$$

e. rien de ce qui précède

### Question 14

On note arcsin la fonction réciproque de la fonction sin. Pour tout  $x \in ]-1,1[$ , on a

(a. 
$$\arcsin'(x) = \frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$$

b. 
$$\arcsin'(x) = \frac{1}{\cos(\arcsin(x))}$$

c) 
$$\arcsin'(x) = \frac{1}{\sqrt{1 - \sin^2(\arcsin(x))}}$$

d. 
$$\arcsin'(x) = \frac{1}{x^2 - 1}$$

## Question 15

Pour tout  $x \in \mathbb{R}$ , on a

a. 
$$\arctan'(x) = -\frac{1}{1+x^2}$$

b. 
$$\arctan'(x) = \frac{1}{1 + x^2}$$

c. 
$$\arctan'(x) = \frac{1}{1 + \tan^2(\arctan(x))}$$

d. 
$$\arctan'(x) = \frac{1}{1 - x^2}$$

e. rien de ce qui précède

## Question 16

Soit 
$$z = -\frac{\sqrt{2}}{1+i} e^{i\pi/3}$$
.

(a) 
$$|z| = 1$$

b. 
$$|z| = \sqrt{2}$$

c. 
$$Arg(z) = -\pi/12$$

(d) 
$$Arg(z) = 13\pi/12$$

e. rien de ce qui précède

### Question 17

$$\int_0^1 e^{-x} dt \text{ est égale à}$$

a. 
$$1 - e^{-1}$$

b. 
$$e^{-1} - 1$$

c. 
$$-1 - e^{-1}$$

(d) 
$$e^{-x}$$

e. rien de ce qui précède

## Question 18

Soit  $I = \int_1^e \frac{\ln(x)}{x} dx$ . Alors I est égale à

a.

b. 0

c. −∞

(d.) 1/2

e. rien de ce qui précède

## Question 19

Soit F la fonction définie pour tout  $x \in [0,1]$  par  $F(x) = \int_0^x \ln(1+t^2) dt$ . Alors

(a) 
$$F(0) = 0$$

(b) 
$$F$$
 croissante sur  $[0,1]$ 

c. 
$$F$$
 n'est pas monotone sur  $[0,1]$ 

(d) pour tout 
$$x \in [0, 1], F'(x) = \ln(1 + x^2)$$

e. rien de ce qui précède

## Question 20

Une primitive de  $\frac{e^x}{x}$  est

- a.  $ln(e^x)$
- b.  $e^x \ln(x)$
- c.  $e^{\ln(x)}$
- d.  $\ln\left(\frac{x}{e^x}\right)$
- e, rien de ce qui précède