Coningé

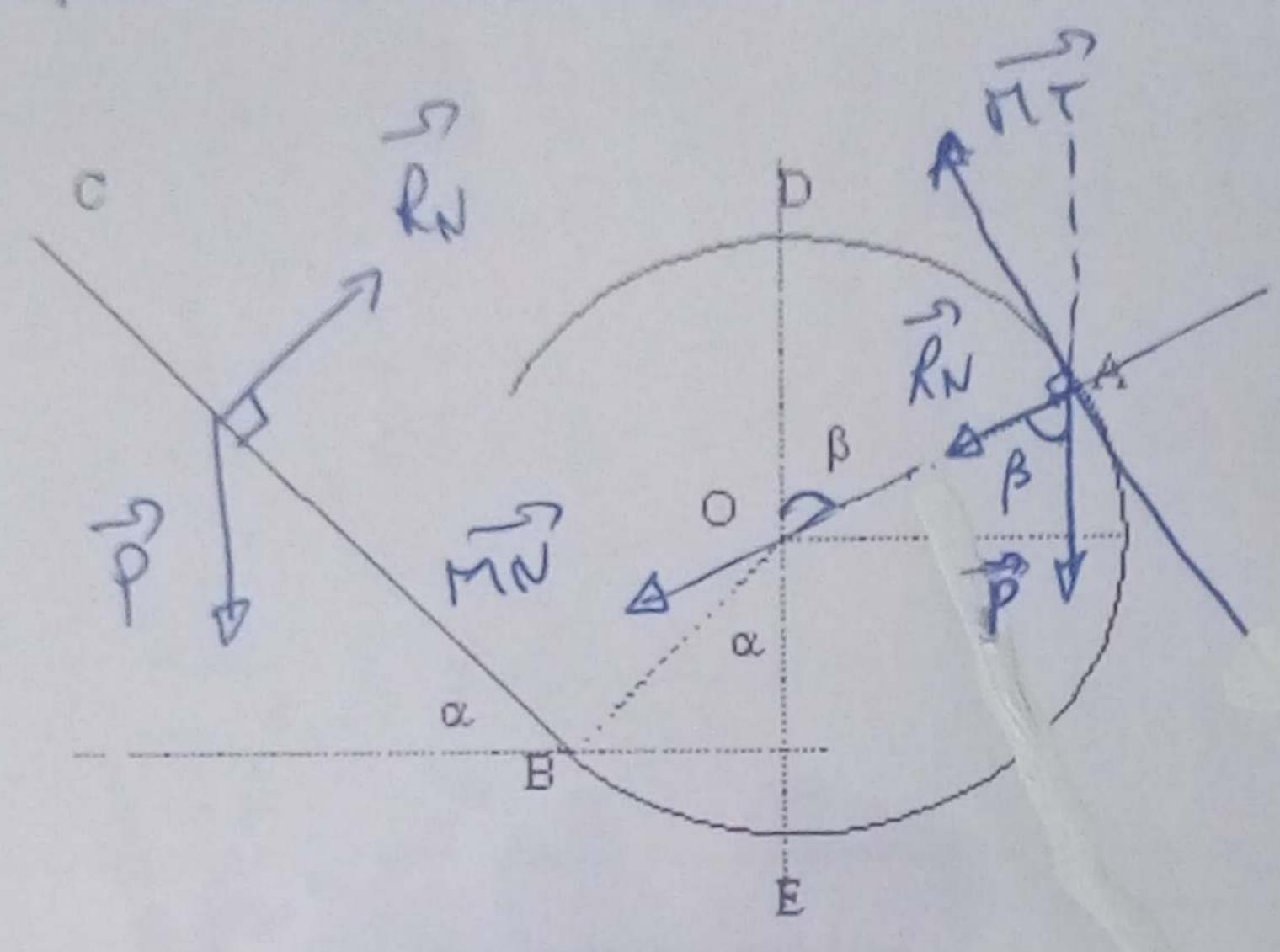
Février 2017 GROUPE:.....

Contrôle n°2 de Physique

Les calculatrices et les documents ne sont pas autorisés. Réponses exclusivement sur le sujet

Exercice 1 (7 points)

Un solide de masse m se déplace dans une glissière constituée d'une partie rectiligne BC suivie d'une partie circulaire de centre O et de rayon R. Les frottements sont négligés. Le solide est lâché du point C sans vitesse initiale. On a α=(BOE) et β=(AOD).



1-a) Représenter les forces agissant sur le solide entre C et B.

b) Utiliser le théorème d'énergie cinétique pour exprimer la vitesse au pc nt B. On prend l'origine des altitudes au point B. Le trajet BC est incliné d'un angle α. Faire le calcul pour BC = 2m; g = 10m.s⁻²; α = 30°.

$$\Delta E = w(RN) + w(P)$$

$$\Delta E = 0 + mgh \text{ avec } h = BC \sin(g)$$

$$\frac{1}{2} m^{2}B^{2} - 0 = mgh \cos(\alpha)$$

$$\Delta B = \sqrt{2gBC \sin(\alpha)}$$

$$A.N: NB = \sqrt{2x \log 2x} = 2V5 ms$$

2- a) Utiliser le théorème d'énergie mécanique pour exprimer la vitesse au point A en fonction de BC, α , β , R et g. Faire le calcul pour R = 0,5m; β = 60°; BC = 2m; g = 10m.s⁻²; α = 30°.

$$\frac{F_{MA} = F_{MC} \quad \text{Con flottement's Megliglo}}{\frac{1}{2} \text{ km}^{3} A^{2} + \text{ kng}^{3} A} = \frac{1}{2} \text{ km}^{3} A^{2} + \text{ kng}^{3} A = \frac{1}{2} \text{ kn}^{3} A^{2} + \text{ kng}^{3} A = \frac{1}{2} \text{ kn}^{3} A^{2} + \text{ kng}^{3} A = \frac{1}{2} \text{ kn}^{3} A^{2} + \text{ kng}^{3} A = \frac{1}{2} \text{ kn}^{3} A^{2} + \frac{1}{2} \text{ kn}^{3} A^{$$

- b) Représenter sur le schéma les forces appliquées sur le solide au point A.
- c) Utiliser la deuxième loi de Newton dans la base de Frenet (\vec{u}_T, \vec{u}_N) , pour exprimer la norme de la réaction R_N au point A, en fonction de m, g, BC, R, α et β .

$$\begin{aligned}
& \neq \text{Fat} = \text{ma} \\
& \text{P} + \text{RN} = \text{ma} \\
& \text{Projection Pour MN} : \text{RN} + \text{P}(0s(\beta) = \text{man} \\
& \text{RN} = \text{m} \frac{\text{NA}^2}{R} - \text{mgcos}(\beta) \\
& \text{RN} = \text{m} \left[2g \left(\frac{\text{Bcsi}(\alpha)}{R} - \frac{\text{R}(cos(\alpha) + (os\beta)}{R} \right) - \text{mg}(os\beta) \right] \\
& \text{RN} = \text{mg} \left[2 \frac{\text{Bc}}{R} \sin(\alpha) - 2\cos\alpha - 2\cos\beta - \cos(\beta) \right] \\
& \text{RN} = \text{mg} \left[2 \frac{\text{Bc}}{R} \sin(\alpha) - 2\cos\alpha - 2\cos\beta - \cos(\beta) \right]
\end{aligned}$$

3- Calculer l'énergie mécanique minimale au point C pour atteindre le point D. On donne m = 200g.

au point
$$E_{m} = E_{c} + E_{pp} = mg B c 8in (x)$$
.

au pt $M : E_{m} = \frac{1}{2} m J_{D}^{2} + mg J_{D} = \frac{1}{2} m J_{D}^{2} + mg (R+Rape)$

$$E_{mc} = E_{mD} = \sum_{m} mg B c 8in (x) = \frac{1}{2} m J_{D}^{2} + mg (R) (1+tota)$$

$$E_{mc} = E_{mc} \quad lorsque J_{D} = 0$$

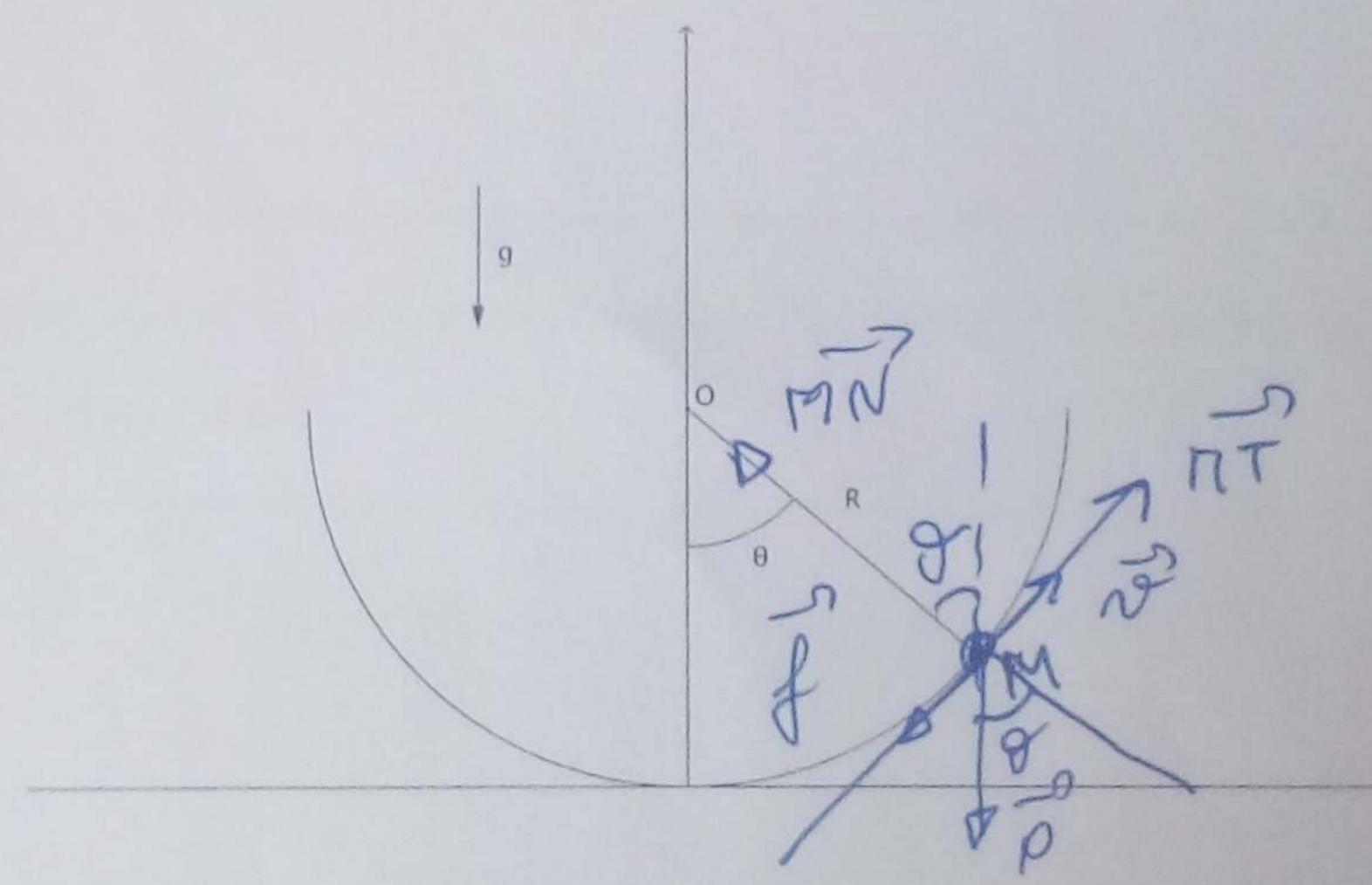
$$mc \quad min \quad lorsque J_{D} = 0$$

$$mc \quad min \quad min \quad lorsque J_{D} = 0$$

$$mc \quad min \quad min \quad mg R (1+cos(x)=0.12.x10.\frac{1}{2}(1+\frac{v_{3}}{2}).$$

Exercice 2 Etude d'une oscillation amortie (6 points).

(V3~1,7).



On s'intéresse au mouvement d'un objet M de masse m le long d'un demi-cercle de rayon R et de centre O. Les frottements pouvant être modélisés par : $\vec{f} = -\alpha \vec{v}$. La masse m est lâchée à un angle θ_0 , sans vitesse initiale.

1-Citer les forces extérieures appliquées au point M et les représenter sur le schéma.

2-a) Ecrire la deuxième loi de Newton. Projeter cette équation dans la base de Frenet (\vec{u}_T, \vec{u}_N) .

SFar =
$$m\vec{a}$$

 $O \int m MT: -f - mg \sin(o) = m do = mat.$
 $O \int m MT: -f - mg \cos(o) = m N = man.$
 $O \int m MT: -RN - mg \cos(o) = m N = man.$

b) En déduire l'expression de la réaction R_N , ainsi que l'équation différentielle qui exprime l'angle $\theta(t)$ en fonction de ses dérivées $\hat{\theta}$ et $\hat{\theta}$.

$$\begin{array}{lll}
(1) & \Rightarrow & m & d & (R\dot{\theta}) + mg / \sin(\theta) + d (R\dot{\theta}) = 0 \\
m & R\dot{\theta}^{i} + mg / \sin(\theta) + d R\dot{\theta} = 0 \\
\dot{\theta}^{i} + q & \sin(\theta) + d \dot{\theta}^{i} = 0 \\
\dot{\theta}^{i} + \alpha & \dot{\theta}^{i} + q & \sin(\theta) = 0 \\
RN & = m R\dot{\theta}^{2} + mg \cos(\theta)
\end{array}$$

$$\begin{array}{lll}
(2) & \Rightarrow & RN = m R\dot{\theta}^{2} + mg \cos(\theta) \\
RN & = m R\dot{\theta}^{2} + mg \cos(\theta)
\end{array}$$

c) On se place dans le cas où la masse m est lâchée avec un angle θ_0 suffisamment petit pour pouvoir dire que sin $(\theta) \approx \theta$. Réécrire l'équation différentielle et préciser les différents régimes selon les valeurs du coefficient de frottement a.

d) Illustrer à l'aide des courbes θ(t), les régimes cités dans la question (2c).

average de coefficient de frotement a.

d) Mustrer à l'aide des courbes
$$\theta(t)$$
, les régimes cités dans la question (20).

l'éqt dù pl de le cas obs poet tes oscillations

8 in 2 o o o o o poet tes oscillations

eqt canacteristique: n' + d n + g - o

eqt canacteristique: n' + d n + g - o

n' \(\text{A} \) = \(\frac{1}{R} \)

Exercice 3 Les questions 1, 2 et 3 sont indépendantes. (7 points)

1-Un calorimètre contient une masse $m_1 = 200g$ d'eau. La température initiale de l'ensemble est $\theta_1 = 20^{\circ}C$. On ajoute une masse $m_2 = 300g$ d'eau à la température $\theta_2 = 80^{\circ}C$.

a) Quelle serait la température d'équilibre thermique θ_e de l'ensemble si la capacité thermique C_{ent} du calorimètre était négligeable? On donne la capacité massique de l'eau ; $c_e = 4.10^{4} \text{JK}^{-1} \text{kg}^{-1}$,

$$\frac{2}{m_1} \frac{Q_1 = 0}{Q_2} \frac{1}{Q_1} + \frac{1}{m_2} \frac{Q_2}{Q_2} \frac{1}{Q_2} \frac{1$$

b) On mesure en fait une température d'équilibre thermique $\theta_e = 50^{\circ}\text{C}$. Déterminer la capacité thermique C_{cal} du calorimètre.

$$\frac{2 \text{ (Qn = 0.)} \quad \text{(} \text{(} \text{(} \text{Q2 + } \text{(} \text{Qcal = 0.)} \text{)} \text{)}}{\text{mi Ce } \left(\frac{\partial e_q}{\partial - \partial_n} \right) + \text{mi Ce } \left(\frac{\partial e_q}{\partial - \partial_n} \right) + \text{Cial } \left(\frac{\partial e_q}{\partial - \partial_n} \right) = 0.}$$

$$\frac{\partial e_q}{\partial - \partial_n} = \frac{\partial e_q}{\partial - \partial_n} \cdot \frac{\partial e_q}{\partial - \partial$$

2- Un calorimètre de capacité négligeable contient une masse m₁ = 200g d'eau à la température initiale $\theta_1 = 70^{\circ}$ C. On y place un glaçon de masse $m_2 = 80$ g sortant du congélateur à la température $\theta_2 = -23^{\circ}$ C. Déterminer la température d'équilibre 0e sachant que le glaçon fond dans sa totalité.

Données: Chaleur latente de fusion de la glace: L_f = 300.10³ Jkg⁻¹.

Capacité massique de l'eau: c_e = 4.10³ JK⁻¹ kg⁻¹.

Capacité massique de la glace: c_g = 2.10³ JK⁻¹ kg⁻¹.

3- On désire obteneir un bain d'eau tiède à 37°C, d'un volume total V = 250L, en mélangeant un volume V_1 d'eau chaude à la température initiale θ_1 =70°C et un volume V_2 d'eau froide à la température initiale $\theta_2=15$ °C.

Déterminer les volumes V1 et V2 en supposant négligeables toutes les fuites thermiques lors du mélange. Données: Capacité massique de l'eau: ce = 4.103 JK-1 kg-1.

Masse volumique de l'eau: $\rho_e = 1 \text{kg/L}$.

$$\frac{2}{\sqrt{2}} = 0 \quad (2n + 2 = 0).$$

$$m(4e(4e^{-2n}) + me/e(4e^{-2n}) = 0.$$

$$pVn(4e^{-2n}) + pVe(4e^{-2n}) = 0.$$

$$Vn(37-70) + Ve(37-15) = 0.$$

$$(-33Vn + 22Ve = 0 = -3Vn + 2Ve = 0.$$

$$Vn+Ve = 250$$

$$Vn+Ve = 250$$

$$V_{1} = 500 = V_{1} = 150L$$