



## Computergrafik (SoSe 2023)

### Blatt 2

fällig Sonntag 7. Mai, 24:00

Verspätet eingereichte Abgaben können nicht berücksichtigt werden.

#### Aufgabe 1 (Theorie: Transformation und Projektion von 3D Punkten)

- (a) (5P) Projizieren und dehomogenisieren Sie die acht Eckpunkte des Würfels, welcher die Kantenlänge 8 besitzt und dessen Zentrum bei  $(4, 2, -6, 1)^T$  liegt, mittels der perspektivischen Standardprojektion  $P_{\text{std}}$ . Zeichnen Sie die Ergebnisse (genauer: die  $x$ - und  $y$ -Koordinaten der Ergebnisse) in ein 2D-Koordinatensystem und verbinden Sie die Punkte (den Würfelkanten entsprechend), so dass sich ein perspektivisches Abbild des Würfels ergibt.
- (b) (3P) Bestimmen Sie die LookAt-Matrix für eine Kamera an Position  $(3, 0, 2)^T$ , welche in Richtung  $(-\frac{4}{5}, 0, \frac{3}{5})^T$  blickt und den  $up$ -Vektor  $(0, 1, 0)^T$  besitzt.
- (c) (2P) Berechnen Sie **mittels Skalarprodukt und/oder Kreuzprodukt**:
- die Länge des Vektors  $\vec{v} = (-5, 4, -20)^T$ .
  - den Winkel zwischen den Vektoren  $\vec{v} = (0, 8, 8)^T$  und  $\vec{w} = (0, 0, -2)^T$ .
  - einen Vektor senkrecht sowohl zu  $\vec{v} = (6, 36, -4)^T$  als auch zu  $\vec{w} = (1, 1, 1)^T$
  - einen Vektor  $\vec{v}$ , so dass  $\vec{w} = ((-1, 8, 7) - \vec{v})^T$  senkrecht zu  $\vec{v}$  ist.



## Aufgabe 2 (Praxis: Transformation und Projektion von 3D Punkten)

- (a) (1P) Ergänzen Sie die Funktion `createPoints`, die ein Array von 3D-Punkten erzeugt. Die Funktion soll mindestens acht Punkte zurückgeben. Diese können eine beliebige nicht-ebene Figur, beispielsweise die Ecken eines Würfels, bilden, und sollen in allen Dimensionen auf den Wertebereich von  $-1$  bis  $+1$  beschränkt sein.

Zur Verwaltung der Punkte steht Ihnen die Klasse `Point` zur Verfügung. Zur Dehomogenisierung eines Punktes besitzt jene die Funktion `dehomogen`.

- (b) (4P) Ergänzen Sie den ersten Teil der Funktion `transform`. In diesem Teil soll die `ModelView`-Matrix aus Rotationsmatrizen und einer `LookAt`-Matrix berechnet werden.

Für die Rotationsmatrizen stehen Ihnen die über die Slider eingestellten Rotationswinkel **in Grad** in den Variablen `rotX`, `rotY` und `rotZ` zur Verfügung.

Die `LookAt`-Matrix soll bewirken, dass die Kamera-Position am Punkt  $(0, 0, \text{camZ})$  liegt. `camZ` lässt sich über einen Slider variieren. Der *right*-Vektor soll  $(1, 0, 0)$ , der *up*-Vektor  $(0, 1, 0)$  und der *direction*-Vektor  $(0, 0, -1)$  sein. Das heißt die Kamera liegt in der  $z$ -Achse und schaut in Richtung  $-z$ .

Zur Verwaltung der Matrizen steht die Klasse `Matrix` zur Verfügung.

- (c) (5P) Ergänzen Sie den zweiten Teil der Funktion `transform`. In diesem Teil soll eine Projektionsmatrix berechnet werden und diese mit den Matrizen aus Aufgabe b auf alle Punkte angewendet werden, die im Parameter `points` übergeben werden.

Die Matrix `projectionMat` ist vorinitialisiert mit einer Parallelprojektion. Dadurch fehlt die perspektivische Verkürzung. Zudem ist die Projektion nur  $2 \times 2$  groß, da die Punkte auf den Wertebereich von  $-1$  bis  $+1$  beschränkt waren, wohingegen das Canvas deutlich größer ist ( $500 \times 500$ ).

Ersetzen sie `projectionMat` daher durch eine perspektivische Projektion, mit Projektionszentrum im Ursprung und Bildebene  $z = -1$ , gefolgt von einer Skalierung der  $x$ - und  $y$ -Koordinaten mit dem Faktor 250. Die  $z$ -Koordinate wird im Folgenden nicht mehr benötigt und kann daher unverändert gelassen werden.

Wenden Sie dann alle Transformationen (Rotationen, `LookAt` und Projektion) vereint auf alle Punkte an und geben Sie die **dehomogenisierten** Ergebnisse zurück.

## Aufgabe 3 (Bonus: Virtueller Trackball)

Ergänzen Sie den Code, so dass eine Rotation der Punktmenge mit der Maus möglich ist. Dazu soll ein virtueller Trackball verwendet werden. In der Übung 2 und den dazugehörigen Folien wird dieser erklärt.

Die vorherigen und aktuellen Mauskoordinaten stehen Ihnen in den Variablen `x0` und `y0`, sowie `x1` und `y1` zur Verfügung. Daraus können Sie die Rotationsachse  $n$  und den Rotationswinkel  $\alpha$  berechnen. Dafür kann die Klasse `Vector` hilfreich sein. Ein geeigneter Radius für den virtuellen Trackball ist  $500/\text{camZ}$ , dadurch können die Punkte unabhängig von ihrer Entfernung zur Kamera rotiert werden. Modifizieren Sie Ihre Lösung von Aufgabe 2b derart, dass die in dieser Bonusaufgabe berechnete Mausrotationsmatrix *zusätzlich* für die Transformation der Punkte verwendet wird.