

PROYECTO COMPILANDO CONOCIMIENTO

MATEMÁTICAS DISCRETAS

Teoría de Números

Una Pequeña Introducción

AUTOR:

Rosas Hernandez Oscar Andres

Índice general

1. Enteros y Naturales	2
1.1. Divisibilidad	3
2. Combinatoria	4
2.1. Definición	5

Capítulo 1

Enteros y Naturales

1.1. Divisibilidad

Definición Formal

Dados dos números cualquiera $a, b \in \mathbb{Z}$. Decimos que la proposición “**b** divide a “**a**” $b|a$ es verdad si y solo si $\exists q \in \mathbb{Z}, a = bq$.

Definición Alterna

Veamos que lo que de verdad nos estan preguntando si es que $\frac{a}{b} \in \mathbb{Z}$.

Ya que de ser así eso quiere decir que podemos escribir a a como $a = bq$. Y con esto logramos ver que $\frac{bq}{b} = q$ y habiamos dicho que $q \in \mathbb{Z}$.

Por lo tanto podemos resumir esto en que: “ a divide a b si y solo si es que $\frac{a}{b}$ continua estando en los enteros”

$$b|a \Leftrightarrow \frac{a}{b} \in \mathbb{Z}$$

Ideas Importantes

- Si $b|a$ y $b \neq 0$ entonces q es único.
- Si $b|a$ y $a \neq 0$ entonces $|b| \leq |a|$.

Demostración:

Supongamos entonces que b divide a a y que $a \neq 0$, por lo tanto la frase $a = bq$ nos da mucha información, pues obliga a que b y q no sean ninguno 0, entonces tenemos que $a = bq$ donde $b \neq 0$ y $q \neq 0$.

Luego ya que no son 0, tenemos que $|q| \geq 1$ y $|b| \geq 1$, ya que sabemos como funcionan los números enteros tenemos que sin importar cuanto valgan q y b se cumple que $|b||q| \geq |b|$ esto es lo mismo que $|bq| \geq |b|$ y sabemos que $a = bq$, por lo tanto tenemos que $|a| \geq |b|$.

Esto es lo mismo que $|b| \leq |a|$

Capítulo 2

Combinatoria

2.1. Definición

Una relación R entre dos conjuntos A y B es ante todo otro conjunto, una relación binaria es aquella que es en el fondo un conjunto de pares ordenados (x,y) donde x es un elemento de A , y así mismo y es un elemento de B .

Este nuevo conjunto R nos muestra como es que esta relacionados algunos (o todos) elementos de A con otros elementos de B .

Definiciones Formales

Una Relación $R : A \rightarrow B$ es un subconjunto de $A \times B$.

Solemos escribir la proposición $(x, y) \in R$ como xRy para que se vea más bonito.

Solemos escribir la proposición $(x, y) \notin R$ como $x \not R y$ para que se vea más bonito.