# 第二章矩阵及其运算

马燕鹏, 华北电力大学

Github: https://github.com/datawhalechina

CSDN: <a href="https://lsgogroup.blog.csdn.net">https://lsgogroup.blog.csdn.net</a>

## 2.5 矩阵LU分解

- 2.5.1 *LU*分解的概念
- 2.5.2 *LU*分解的应用

### 2.5.1 LU分解的概念

$$\left\{egin{array}{ll} 2x_1+x_2+x_3=4\ 4x_1+3x_2+3x_3+x_4=11\ 8x_1+7x_2+9x_3+5x_4=29\ 6x_1+7x_2+9x_3+8x_4=30 \end{array}
ight.$$

$$A = egin{bmatrix} 2 & 1 & 1 & 0 \ 1 & 3 & 3 & 1 \ 8 & 7 & 9 & 5 \ 6 & 7 & 9 & 8 \end{bmatrix}, A = LU$$

$$L = egin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \ 2 & 1 & 0 & 0 \ 4 & 3 & 1 & 0 \ 4 & 3 & 1 & 1 \end{bmatrix}, U = egin{bmatrix} 2 & 1 & 1 & 0 \ 0 & 1 & 1 & 1 \ 0 & 0 & 2 & 2 \ 0 & 0 & 0 & 2 \end{bmatrix}$$

矩阵的分解是把矩阵A表示成两个或多个矩阵的乘积。

A = LU是关于高斯消元法的全新认知,也是最基础的矩阵分解。

一般地,设A是n阶可逆矩阵,若存在n阶下三角形且主对角元素全为1的矩阵L,U是与A等价的上三角形矩阵,满足A=LU,则称为A的LU分解。

### 2.5.2 LU分解的应用

$$Ax=b, A=LU$$
  $LUx=b, Ly=b, Ux=y$ 

#### 概念:

1. 矩阵分解

#### 方法论:

- 1. 矩阵的LU分解
- 2. 利用矩阵LU分解求解线性方程组