第十章 Cuckoo hash

10.1 引例: Memcached 内存缓存

淘宝、京东是深受大家喜爱的购物平台。打开一个淘宝界面,输入某件商品名称,界面便会显示该商品图片、价格、评价等信息。从用户角度看似简单的操作,其实需要淘宝后台复杂的技术支持,这其中最为关键的两大技术就是存储和检索。

在购物网站中,当商品数量庞大时,单一的服务器主机已经无法满足存储要求,此时只能增加服务器数量,将商品分布的存储在多台远程服务器中,并将主机和远程服务器通过高速网络相连。当客户端向服务器主机发送请求时,主机通过网络向远程服务器发送数据库请求,再用返回的结果来处理客户请求。

但频繁的访问数据库操作会导致很大的时间开销,造成请求延迟。为了解决该问题,很多购物网站都引入了内存缓存(memory cache)技术。该技术会在主机内存中开辟一部分空间用于缓存部分商品信息,这些商品往往被高频率访问。这样每次在访问远程数据库前,主机都先访问存储在本地内存中的缓存,如果缓存中没有相应内容,则再访问远程数据库,并将远程数据库返回的内容写入到内存缓存中,以便下次访问。访问本地的内存缓存会远远快于远程服务器,因此这项技术可以有效的提高访问性能。图 10.1.1 展示了某购物平台在使用 memory cache 技术后如何访问后台数据。

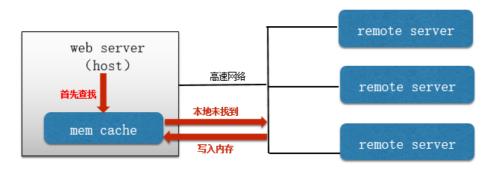


图 10.1.1 访问数据库操作

考虑下面一个现实场景:有一家专门出售服装的网站,该网站之前将商品全部存储在远程数据库中,每次检索某件商品时,都需要访问远程服务器。一件商品有 id,颜色,尺寸,价格这些属性,这些都被存储在如下图所示的数据库表中。

表 10.1.2 数据库中的商品信息

id(主键) 颜色 尺-	价格
--------------	----

现在为了减少检索开销,该网站决定引入 memory cache 技术,那么如何将数据库中的商品信息缓存至主机内存中呢?首先应该考虑的就是如何表示每一件商品。每一件商品都应该有能唯一标识自己的键,用于查找,这一点数据库里的主键可以满足,所以数据库表里的 id 就是键。其他属性颜色、尺寸、价格可以打包至结构体 struct info 中,作为键对应的值。这样每件商品都可以表示成键值对的形式,键用于查找,值包含了商品的所有信息。

例如当用户询问 id=1 的商品颜色时,主机先在 memory cache 中查找 id=1 的键值对,找到该 id 对应的值后,即 info 结构体,再从该结构体中解析出颜色字段,返回给用户。

那么怎么存储这些键值对呢?我们知道 memory cache 的重要应用就在于它能够快速查找,为了满足该特性,所使用的<mark>结构和查找算法一定要快</mark>,cuckoo hash 是能满足该要求的一个好方法,因此,我们可以将一件商品以键值对(key, value)的形式存储在内存里的 cuckoo hash 中,key 和数据库中的主键 id 一致,能够唯一表示一件商品,value 集合了颜色、尺寸、样式这些基本属性。

当多个用户同时发起查找请求时,保证主机的响应时间不受影响最为关键,这就要求主机程序具有并行查找 cuckoo hash 的能力;一般情况下,在用户发起请求时,大多数时候都不会发生对 hash table 的插入、修改,但不排除个别时间存在这样的情况,因此在 cuckoo hash 中,如何在查找、插入同时发生时,既确保数据的一致性又能确保效率又是一大挑战;更极端情况就是多个插入操作同时发生时,又该如何处理?下面的介绍将会重点解决这些问题。

数据库主键

在数据库中,主键由一个或多个属性组成,用来唯一标识数据库表中的一条记录。可以把数据库里的表想象成 excel 表格,一般的 excel 表格都是由头部字段和记录组成。例如统计某个班级的学生信息时,学号、姓名、年龄、家庭住址就构成表格中的字段,班级中每个学生的信息都是表格中的一条记录。字段在数据库表中被称为属性,属性学号可以唯一标识一名学生,因此就可以作为数据库表里的主键。响应时间

响应时间是指从用户提交请求到系统给出应答的时间。例如淘宝网站中,响应时间就指的是从用户 提交某件商品名称开始到界面返回商品信息结束之间的时间。

10.2 Cuckoo hash 基本思想

常规的一些 hash 方法:线性 hash 和链式 hash,这些 hash 方法确实能够提高查找速度,但很难 memory cache 的要求。例如在线性 hash 中,某个键的位置是不确定的,这些位置构成一个探测序列,每次查找一个键时,都需要顺序遍历探测序列,才能确定是否存在该键;链式 hash 将 hash 值相同的键存放在同一个链表中,查找某个键时也需要遍历一次链表。显然常规的 hash 方法都不能满足 memory cache 对查找速度的要求。Cuckoo hash 的重要特点就是能够保证很高的查找效率,因此很适用于 memory cache 系统。

10.2.1 基本组成

但实际上按照两个hash table来处理的

Cuckoo hash 的基本组成是 $\frac{2 \text{ } hash \text{ } 函数}{2 \text{ } mash \text{ } mash$

10.2.2 基本操作

查找 (get)操作: 在 cuckoo hash 中, 因为一个键仅可能出现在 table 中的 h1 (k) 位置或者 h2 (k) 位置, 所以查找时仅需要探测这两个位置。

插入(put)操作:和其它 hash 方法一样, $\frac{\text{cuckoo hash } 避免不了插入时的冲突}{\text{b1 (k) 位置发生冲突,则查看 h2 (k) 位置,为空则将 k 插入至 h2 (k) 位置,但如果 h2 (k) 非空呢?$

也就是说,当一个键在 hash table 中的两个位置都被其它键占据,该如何解决冲突呢?就像 cuckoo 这个名字暗示的一样,解决<mark>这类冲突的方法就是踢出</mark>。例如下图 hash table 中已存在 A、B、D 键,新来的键 C 满足 h1 (C) =h1 (A) 且 h2 (C) =h1 (B),首先 C 会踢出 h1 (C) 位置的 A,A 被踢出;A 查看另一位置 h2 (A) 是否为空,发现该位置已经存在键 D,键 A 踢出键 D;键 D 发现 h2 (D) 位置为空,将自己插入到该位置,踢出过程结束。

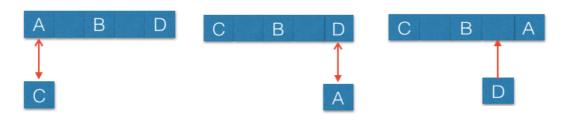


图 10.2.1 插入 C 后的踢出过程

但也有可能出现这样一种异常情况:最后一个被踢出的元素永远无法找到一个空位置,这样整个踢出过程便无法终止。无法终止的踢出过程都会形成一个环,但需要注意的是并不是所有产生环的踢出过程都不能终止,在 10.5.4 会详细说明环的情况。

cuckoo 意为布谷鸟,布谷鸟会偷偷的在其它鸟的巢穴中产蛋,当布谷鸟幼崽孵化出来后,这些幼崽 便会将其它幼鸟踢出巢穴,以获得更大的生存空间。

10.2.3 键值分离存储

以上介绍的都是如何存储键,那么如何存储值呢,以及如何建立起键和值的关联呢?一种简单的方法就是将键和值存储到一起,将〈key, value〉对打包至结构体中一起存到 hash table 里。当查找某个键时,其实就是查找包含该键的键值对结构体。但这种方法要求 value 的大小固定,不太灵活,并且会耗费一部分 hash table 的存储空间,此外在进行踢出操作时,每次移动的都是 struct 结构体,会十分耗时。

另外一种方法就是实现键值分离存储,将值存储在另外的内存空间中,hash table 中每一项存储的是 (key, address), address 记录了值所在的地址。在 32(或 64)位机器中, address 占 4(或 8))个字节的大小,可以指向不同大小的 value 空间,这样做即灵活又能节省 hash table 的存储空间。

10.3 数据结构

下面代码定义了一个大小为 50 的 cuckoo hash table,两个 hash 函数分别为 hash1 和 hash2, get 就是查找操作,put 为插入操作。

```
#include <stdio.h>
 1
2
         #include <assert.h>
 3
         #include <string.h>
 4
         #include <thread>
         #include <mutex>
 5
         #define SIZE (50)
 6
7
         namespace cuckoo{
         typedef int KeyType;
 8
9
         class Cuckoo{
         protected:
10
              std::mutex mtx;
11
12
             KeyType T[SIZE];
             // hash key by hash func 1
13
              int hash1(const KeyType &key);
14
15
             // hash key by hash func 2
              int hash2(const KeyType &key);
16
17
             // find key by hash func 1 in T, exist return key otherwise 0
             KeyType get1(const KeyType &key);
18
             // find key by hash func 2 in T, exist return key otherwise 0
19
20
             KeyType get2(const KeyType &key);
21
             void bt_evict(const KeyType &key, int which, int pre_pos);
22
         public:
             Cuckoo();
23
             //~Cuckoo();
24
25
             KeyType get(const KeyType &key);
             void put(const KeyType &key);
26
27
         };
         };
28
```

10.4 get 实现

10.4.1 基本实现

查找操作即 get, 查找方法是: 先在 hash table 中的 h1(k)位置查找,如果有返回键;否则在 h2(k)位置查找,如果有返回键,没有返回空。下面是它的具体实现:

```
#include "cuckoo.h"
 1
2
         namespace cuckoo{
 3
         Cuckoo::Cuckoo() {
             memset(T, 0, sizeof(KeyType) * SIZE);
 4
 5
         //~Cuckoo();
 6
         int Cuckoo::hash1(const KeyType &key) {
7
 8
             assert (SIZE != 0);
              int half siz = SIZE / 2;
 9
10
             return key%half siz;
11
         int Cuckoo::hash2(const KeyType &key) {
12
             assert (SIZE != 0);
13
              int half_siz = SIZE / 2;
14
             return key/half siz%half siz + half siz;
15
16
         // find key by hash func 1 in T, exist return key otherwise 0
17
         KeyType Cuckoo::get1(const KeyType &key) {
18
19
             return (T[hash1(key)] == key)?key:0;
20
21
         // find key by hash func 2 in T, exist return key otherwise 0
         KeyType Cuckoo::get2(const KeyType &key) {
22
             return (T[hash2(key)] == key)?key:0;
23
24
25
         KeyType Cuckoo::get(const KeyType &key) {
             // O is reserved for null, invalid input
26
              if(key == 0) {
27
                  printf("invalid key\n");
28
29
                  return 0;
30
             KeyType result = get1(key);
31
32
              if(result == 0)
33
                  result = get2(key);
34
35
             return result;
36
37
```

10.4.2 <mark>并行</mark> get

(只进行了查找操作)

当多个 get 请求同时发生时,因为该操作不会修改任何数据,<mark>所以不需要额外的同步机制,上述代码不变</mark>。下面代码中,开辟了 10 个线程,并行的查找一组键。

```
#include "cuckoo.cpp"
2
3
         using namespace cuckoo;
4
         static const int TOTAL = 10;
         int main(int argc, char* argv[]) {
5
             Cuckoo test:
 6
7
             // single-thread to put [1, TOTAL]
             for (int i = 1; i \leq TOTAL; ++i) {
 8
9
                 test.put(i);
10
             }
             // create multiple threads to get in parallel
11
             std::vector<std::thread> threads;
12
                                                       这里对于get的操作没有额外加锁,是由于
13
             threads. clear();
                                                       get操作内部可以认为是atomic的。
             for (int i = 1; i \leq TOTAL; ++i) {
14
                 threads.emplace back([&] (int thread id) {
15
                         printf("thread: %d get %d\n", thread_id, test.get(thread_id));
16
                 }, i);
17
18
             for (int i = 0; i < TOTAL; ++i) {
19
20
                 threads[i].join();
21
22
             return 0;
23
```

10.5 put 实现

10.5.1 基本实现

如何<mark>实现踢出过程是 put 操作的重点</mark>,下面代码的黑色部分就是踢出的过程:

```
#include "cuckoo.h"
 1
 2
          namespace cuckoo{
 3
          template <typename T>
          inline void swap (T* a, T* b) {
4
 5
              assert (a != NULL && b != NULL);
 6
              T tmp = *a;
 7
              *a = *b:
 8
              *b = tmp;
9
         void Cuckoo::put(const KeyType &key) {
10
              if(key == 0) {
11
                  printf("invalid key\n");
12
13
                  return;
14
              if(get(key) != 0) {
15
                  printf("duplicate key, put fail\n");
16
17
                  return;
18
              // basic way
19
              if(T[hash1(key)] == 0)
20
21
                  T[hash1(key)] = key;
              else if(T[hash2(key)] == 0) {
22
```

```
23
                  T[hash2(key)] = key;
24
             }else{ // two place for one certain key has been occupied, need evict others
25
                  // basic way
26
                  KeyType evicted = key;
                  // determine which pos hash1 or hash2 to put key
27
28
                  // 0 is hash1, 1 is hash2
29
                  int which = 0;
                  // first evict key in hash1
30
31
                  int idx = hash1(evicted);
32
                  // != 0 means place has been occupied
                  // if there is a cycle, maybe cannot terminate
33
34
                  int pre pos = -1:
                  while (T[idx] != 0)
35
                      printf("evicted key %d from %d to %d\n", evicted, pre pos, idx);
36
37
                      swap(&evicted, &T[idx]);
38
                      pre_pos = idx;
39
                      which = 1 - \text{which};
                      idx = (which == 0)?hash1(evicted):hash2(evicted);
40
41
42
                  printf("evicted key %d from %d to %d\n", evicted, pre pos, idx);
                  T[idx] = evicted;
43
             }
44
45
46
```

在黑色部分代码中, evicted 保存当前被踢出的 key, idx 保存将要存放 evicted 的新位置,当新位置 idx 不为空时,踢出过程需要继续进行, swap 操作交换了 evicted 和 idx 位置的键, evicted 被插入到 idx 位置上,之前 idx 位置的键成为下一个被踢出的元素, while 循环会一直执行直到为被踢出的键找到一个空位置。

基于<mark>回溯</mark>的实现 这里说的PUT不用加锁一定要有PUT认为是串行的条件,若在某个应用场景中,cuckoo hash 进行的PUT操作更多,就也要加锁,直接只考虑回溯就有问题。

在很多<mark>购物网站</mark>中,对键值对的查询远远多于对键值对的修改,因此,Put 操作要远远少于 Get 操作。在该场景下,可以使用<mark>串行的 Put 操作</mark>(单次只发送一个 Put 请求),从而避免并行 Put 时多个线程之间的同步代价。但此时还有一个问题就是如果沿用之前的踢出方法,Put 和 Get 仍然需要同步。假设在插入键 A 之后,产生的踢出序列为 A->B->C->D->nil,nil 代表一个空位置,按照之前的操作方法: 先将 A 放到 B 所在的位置,B 成为一下个被踢出的元素,在将 B 插入到 C 所在位置之前,两个 hash table 中都不存在键 B,如果此时正好产生了一个 Get (B) 的请求且没有同步机制,得到的结果就是不存在该键,这显然是不对的,这就是 Put 和 Get 需要同步的理由。

我们都知道同步是需要时间代价的,那么有没有一种方法,在串行 Put 和多个并行 Get 同时发生时,不需要同步也不会影响 Get 的返回结果?换种说法就是,有没有一种踢出方法,可以保证被踢出元素一直存在在 hash table 中?答案是可以的,回溯法就是其中一种。

提到回溯大家可能第一个想到的就是递归。递归是基于回溯思想的一种算法结构,例如下面这个求解 阶乘的简单示例:

```
int fac(int n) {
    if(n==1)
    return n;
else
    return n * fac(n-1);
}
```

1. 当 n!=1 时,程序会不断的向下调用,形成一个没有分叉的递归调用树(这里的没有分叉指的是每个父节点都有且仅有一个子节点)。当 n==1 时,程序从调用树的叶子节点返回计算结果,并且每一层都会向调用层返回自己这一层的计算结果,到达根节点时便会得到最终结果。

对于上面上个踢出序列 A->B->C->D->nil,如果从上向下(从 A 到 D)踢出各个元素,便可能产生某个元素不在 hash table 中的问题,那如果反过来呢?先踢出 D,依次向上直到 A,我们便可以发现:在保证将某个键插入到指定位置的操作是原子的前提下,就可以确保这些元素始终在 hash table 里。Cuckoo 数据结构中定义的 bt evict 就是此操作,具体实现可以使用递归法:

```
#include "cuckoo.h"
 1
 2
         namespace cuckoo{
 3
         void Cuckoo::bt evict(const KeyType &key, int which, int pre pos) {
              int idx = (which == 0)?hash1(key):hash2(key);
 4
 5
             // basic case: find a empty pos for the last evicted element
              if(T[idx] == 0)
 6
7
                  printf("evicted key %d from %d to %d\n", key, pre_pos, idx);
 8
                  T[idx] = key;
9
                  return;
             }
10
             printf("evicted key %d from %d to %d\n", key, pre pos, idx);
11
             KeyType cur = T[idx];
12
13
             // first evict latter elements
             bt evict(cur, 1 - which, idx);
14
15
             T[idx] = key;
16
17
         void Cuckoo::put(const KeyType &key) {
18
19
              if(key == 0) {
                  printf("invalid key\n");
20
                  return:
21
22
23
              if(get(key) != 0) {
24
                  printf("duplicate key, put fail\n");
25
                  return;
             }
26
27
             // basic way
              if(T[hash1(key)] == 0)
28
                  T[hash1(key)] = key;
29
             else if(T[hash2(key)] == 0) {
30
                  T[hash2(key)] = key;
31
32
             }else{ // two place for one certain key has been occupied, need evict others
33
                  // backtrace way
                  bt evict (key, 0, -1);
34
             }
35
         }
36
37
```

并行 put

Put 操作用来向 hash table 中插入键值对。与并行 get 不同,当<mark>多个 put 请求同时发生时,因为发生了对数据的修改,就需要同步机制来确保数据的一致性</mark>。

Cuckoo 数据结构体中定义了一个 mutex 对象 mtx,负责同步多个 put 请求。如下面代码所示,std::unique_lock<std::mutex>用来管理该 mutex 对象:一旦创建 unique_lock 实例,该实例便自动获取

mtx 对象,进入锁住状态,<mark>直到该实例被析构时</mark>,才自动释放 mtx 锁。因此,通过 $std::unique_lock < std::mutex > lck 的保护,可以确保黑色加粗部分有且仅有一个线程执行,从而保证了数据一致性。$

```
#include "cuckoo.h"
 1
 2
          namespace cuckoo{
 3
          void Cuckoo::put(const KeyType &key) {
              if(key == 0){
 4
 5
                  printf("invalid key\n");
 6
                  return;
 7
              if (get (key) != 0) {
 8
 9
                  printf("duplicate key, put fail\n");
10
                  return;
11
              // basic way
12
              if(T[hash1(key)] == 0)
13
                  T[hash1(key)] = key;
14
              else if(T[hash2(key)] == 0) {
15
                  T[hash2(key)] = key;
16
              }else{ // two place for one certain key has been occupied, need evict others
17
                  // lock way
18
                  // need lock for write-operations
19
20
                  std::unique lock<std::mutex> lck(mtx);
21
                  KeyType evicted = key;
22
23
                  // determine which pos hash1 or hash2 to put key
                  // 0 is hash1, 1 is hash2
24
25
                  int which = 0:
                  // first evict key in hash1
26
                  int idx = hash1(evicted);
27
28
                  // != 0 means place has been occupied
29
                  // if there is a cycle, maybe cannot terminate
30
                  int pre_pos = -1;
31
                  while (T[idx] != 0) {
                      printf("evicted key %d from %d to %d\n", evicted, pre pos, idx);
32
33
                      swap(&evicted, &T[idx]);
34
                      pre pos = idx;
                      which = 1 - \text{which};
35
36
                      idx = (which == 0)?hash1(evicted):hash2(evicted);
37
                  printf("evicted key %d from %d to %d\n", evicted, pre pos, idx);
38
39
                  T[idx] = evicted;
40
41
42
```

循环路径

下面这段代码向 table 中依次插入键 1至28,代码如下:

```
#include "cuckoo.cpp"
2
3
         using namespace cuckoo;
4
         static const int TOTAL = 28;
5
         int main(int argc, char* argv[]) {
             Cuckoo test;
6
7
             // single-thread to put [1, TOTAL]
             for(int i = 1; i <= TOTAL; ++i) {
8
9
                 test.put(i);
             }
10
11
             return 0;
12
```

在插入键 28,程序陷入死循环,程序输出了踢出操作中键的转移过程,通过分析这些转移,我们可以发现产生了无法终止的循环路径。

程序输出如下:

```
evicted key 3 from 3 to 25
evicted
        key 2 from 25 to 2
evicted
        key 27 from 2
evicted key 26 from 26 to 1
evicted kev
evicted key 28 from 3 to 26
               from 26 to 2
evicted
        kev
            27
evicted
        key
              from 2 to 25
  icted
        key
              from 25 to 1
evicted key 26 from 1 to 26
evicted key 28 from 26
                       to 3
   cted key 3 from 3 to 25
        key 2 from 25
```

图 10.5.1 程序输出

我们可以借用图来表示这些转移过程。首先将 hash table 中所有位置抽象成图里的顶点,并按照位置的先后顺序给顶点编号。如果一个被踢出的键从一个位置移除,存储至另一个位置,那么图中这两个位置对应的顶点之间就有一条有向边,从原始位置指向新位置。最后图表示如下:

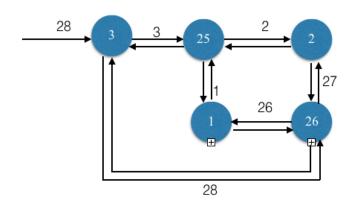


图 10.5.2 插入 28 后的踢出过程图

例如刚插入键 28 时,键 3 被踢出,从位置 3 转移到位置 25,于是图中有一条从顶点 3 指向顶点 25 的边,边的值为 3,代表被踢出的键为 3。在为了更加清楚的看出循环路径,我们对上图进行进一步简化。

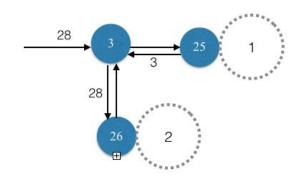


图 10.5.3 简化图

虚线环 1 代表图中 3 到 6 行的转移过程,虚线环 2 代表图中 9 到 12 行的转移过程,可以发现键 28 在两个可选位置 3 和 26 上都各自形成了一个环,也就是说无论 28 暂时放在哪个位置,稍后都会被其他键踢出,并在这两个位置之间不断往复,无法终止。

上面这个例子描述了无法终止的环,让我们再考虑另外一种可以终止的环。下面这个例子中,在插入A后,踢出了位置0的B,B踢出了C,C又反过来踢出了刚插入位置0的A,使得图上形成了环,A只能被存储到h2(A)上,踢出了D,D发现自己的可选位置h2(D)为空,就直接存储在该位置 上,整个过程得以终止。

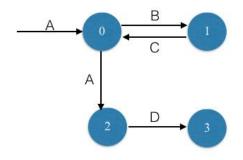


图 10.5.4 可以终止的环

通过以上两个例子的对比可以发现: 只有当一个键的两个可选位置都各自形成一个环结构时, 才会导致整个过程无法终止, 例 2 虽然产生了环, 但当 A 被踢出到 h2(A)位置上时, 并不会形成环, 也就是说可以为最后一个被踢出的键找到一个为空的位置。

在具体实现中,检测循环路径的方法也比较简单,可以预先设定一个阈值(threshold), 当循环次数或者递归调用次数超过阈值时,就可以认为产生了循环路径。一旦发生循环路径 之后,常规方法就是进行 rehash 操作。

10.6 性能分析

为了证明 cuckoo hash 确实能取得优越的查找性能,本章对 cuckoo hash 和链式 hash 进行比较。

链式 hash 是一种实现简单、性能较好的 hash 策略。它将 hash 值相同的键插入到同一

个 bucket 里并用链表实现,之后记录下链表的地址,这样在下次查找该 hash 值的某个键时,便可以通过该地址,迅速找到键所在的链表。但是由于无法确定该键在链表中的确切位置,所以需要遍历操作,也就是从表头到表尾顺序扫描一遍(如果找到该键就提前结束)。可以发现,影响链式 hash 查找速度最主要的因素就是链表的遍历。

在查找某个键 k 时, cuckoo hash 会查看 h1(k)和 h2(k)两个位置的键,并将这两个位置的键与 k 比较,当查找一组键时,这些比较次数的累加就是决定 cuckoo hash 性能的主导因素。同理,链式 hash 也需要将链表中的键与 k 进行比较,查找一组键时,比较总次数越少,链式 hash 查找速度越快。所以为了对比两种 hash 方法的查找性能,我们可以简单的比较它们在查找一组键时的比较次数。为了便于观察,这里采用平均比较次数,例如查找一组键 kset,键总数为|kset|,查找过程中产生的总比较次数为 C,那么平均比较次数的计算公式如下:

平均比较次数 =
$$\frac{C}{|kset|}$$

下表对两种 hash 方法的平均比较次数做了对比:

表 10.6.1

查找键总 数 Hash 方 法	50	250	375	500
Cuckoo hash	1	1	1.33	1.5
链式 hash	1	3	4.67	5.5

一共进行了四组对比实验,每次查找的键的总数分别为 50、250、375、500。当然查找每组键之前,必须确保它们都已经被插入到两种方法的 hash 表中。Cuckoo hash 的总容量限制为 500 个键,链式 hash 因为采取动态分配 list 的方法,所以容量不受限制(在计算机内存容量以内),buckets 的总数为 50。

通过上表的数据可以发现,随着查找键数量的增多,两种方法的平均比较次数都有增加,但 cuckoo hash 的增加速度要显著慢于链式 hash。最开始时,链式 hash 能取得和 cuckoo hash 一样的查找性能,这是因为链式方法使用了 50 个 buckets,插入 50 个键时冲突较少,每个 bucket 中大约只有一个键,查找这些键时自然也就比较快。但随着键的总数越来越多,键的 hash 值冲突也就越多,每个 bucket 的长度也会有所增加,最终导致查找时比较次数的增多。但 cuckoo hash 不同,因为查找某个键时,它最多只会访问两个位置的键,所以每次的比较次数不会超过 2,平均比较次数当然就在 2 以内。从表中也可以发现,当 cuckoo hash的负载因子分别为 0.10、0.50、0.75、1.00 时,平均比较次数都维持在 2 以内。

所以, 当查找键的数量越多时, cuckoo hash 的性能优势就越明显。

负载因子

负载因子,英文为 load factor,是用来衡量 hash 表空/满的程度,计算公式为:

负载因子 = 键的总数 总容量

10.7 本章小结

本章从 memory cache 技术着手,引入了 cuckoo hash 的基本概念。本章着重介绍了 cuckoo hash 的两个常用操作:查找(get)和插入(put)。cuckoo hash 的查找操作简单,并且对比其他 hash 方法能取得较好的性能。插入时可能产生踢出操作,但只要 hash table 的内存空间足够大,就能减少冲突次数,从而减少踢出次数。此外,本章也对插入过程中可能产生的循环路径问题作了说明,目前该问题没有很好的解决方法,只能进行 rehash 操作。

10.8 练习题

本章的示例代码中并没有存储值,而是简单的用键代替了值。请你设计一个能真正存储键值对的cuckoo hash系统。有如下两种方案:

- 1, 键值对合并存储在hash table中。
- 2, 键值分离存储(详见10.2.3)。

```
类的声明如下:
```

```
// 键值对合并存储
class CuckooPair{
protected:
    std::mutex mtx;
   KeyValue T[SIZE];
   // 请设计你自己的第一个hash函数
   int hash1(const KeyType &key);
   // 请设计你自己的第二个hash函数
   int hash2(const KeyType &key);
   // find key-value by hash func 1 in T, exist return key
   // otherwise 0
   KeyValue get1(const KeyType &key);
   // find key-value by hash func 2 in T, exist return key
   // otherwise 0
   KeyValue get2(const KeyType &key);
   void bt_evict(const KeyType &key, int which, int pre_pos);
public:
   Cuckoo();
   //~Cuckoo();
   // 根据键key返回相应的键值对
   KeyValue get(const KeyType &key);
   // 插入键值对kv
   void put(const KeyValue &kv);
};
// 键值分离存储
class CuckooSeparate {
protected:
    std::mutex mtx;
```

```
KeyAddr T[SIZE];
   // 使用vector存储键值对,键值对在vector中的位置就是它的地址
   std::vector<KeyValue> kv_store;
   // 请设计你自己的第一个hash函数
   int hash1(const KeyType &key);
   // 请设计你自己的第二个hash函数
   int hash2(const KeyType &key);
   // find key-value by hash func 1 in T, exist return key
   // otherwise 0
   KeyValue get1(const KeyType &key);
   // find key-value by hash func 2 in T, exist return key
   // otherwise 0
   KeyValue get2(const KeyType &key);
   void bt evict(const KeyType &key, int which, int pre pos);
public:
   Cuckoo():
   //~Cuckoo();
   // 根据键key返回相应的键值对
   KeyValue get(const KeyType &key);
   // 插入键值对kv
   void put(const KeyValue &kv);
};
```

以上两种方法中,KeyValue结构体存储的是键和值,KeyAddr结构体存储的是键和值的地址,如果用vector存储键值对的话,值的地址就可以表示成vector中的位置,请你合理的设计自己的KeyValue和KeyAddr结构体。

Project说明如下:

- 1, 请你根据以上类的声明,分别实现两种方法,尽量避免踢出操作时产生循环路 径。
- 2, 为了避免循环路径的问题,一种可行的输入数据如下:

hash1	Key%(SIZE/2)	
hash2	Key/(SIZE/2)+(SIZE/2)	
Key(int type)	[1, SIZE/2],	
	$\{y \mid y=x*(SIZE/2)+x\}$ x=1, 2···(SIZE/2)	

当hash1、hash2分别为表中所示时,插入表中两段区间的key值将不会发生任何死循环,并可以插满整个hash table。你可以通过这种方法生成键,并随机生成每个键对应的值。

3, 比较两种方案的运行时间: 请分别在负载因子为0.1、0.5、1.0时, 比较两种方法 查询一组键值对query set的时间(请自行确定query set的大小和内容)。

负载因子	方法1	方法2
0.1		
0. 5		
1.0		

10.9 文献阅读

[Litwin, Witold (1980)] 和 [Cormen, Thomas H.;等 (2009)] 分别对线性 hash、链式 hash 作了详细介绍,是很好的参考资料。Cuckoo hash 的思想最初来源于论文[Pagh, Rasmus; Rodler, Flemming Friche (2001)],论文中也包含了详细的理论证明。 [https://web.stanford.edu/class/cs166/lectures/13/Small13.pdf]对循环路径问题作了很好的说明。