

## 上海交通大学在线考试诚信承诺书

## SJTU Online Examination Honor Code Letter

考试不仅是对学习成效的检查，更是对道德品质的检验。自觉维护学校的考风考纪，营造公平、公正的考试环境是全体同学的共同责任和义务。特别在疫情防控的特殊时期，更应强化自律意识，恪守诚信，拒绝舞弊，做一名诚实守信的新时代大学生，用诚信的考试构筑诚信的人生。

Examination is the evaluation of both learning effect and morality. It is the responsibility and obligation of all students to consciously maintain the school's common examination practice, abide by the discipline and create a fair and just examination environment. Especially in the special period of epidemic prevention and control, we should strengthen the consciousness of self-discipline, abide by the integrity, refuse to cheat, be an honest and trustworthy college student in the new era, and build an honest life from the integrity test.

## 我郑重承诺 I solemnly promise:

(1) 本人将履约践诺，知行统一；遵从诚信规范，恪守学术道德；自尊自爱，自省自律。I will fulfill my promise, unify between knowledge and action, abide by the rules of integrity, academic ethics, be self-respected and self-disciplined.

(2) 在线考试过程中，自觉遵守学校和老师宣布的考试纪律（详见《上海交通大学本科生学生手册》中的《学生考试纪律规定》，沪交教【2019】28号），不剽窃，不违纪，不作弊。In the process of online examination, I will consciously abide by the examination discipline announced by the school and the teachers (see the regulations on student examination discipline in the undergraduate student handbook of Shanghai Jiao Tong University, HJJ [2019] No. 28), and do not plagiarize, violate discipline or cheat.

(3) 若违反相关考试规定和纪律要求，自愿接受学校的严肃处理或处分。In case of violation of relevant examination regulations and discipline, students shall bear the serious treatment or punishment from the school.

承诺人 Committed by: 李呈翰

(学号 Student No: 520021910279)

日期 Date (Y/M/D): 2023 年 1 月 12 日



姓名 李呈翰

成绩 \_\_\_\_\_

承诺人: 李呈翰

[illegible]

②: 设  $X$  为  $MST$   $T_1$  的一部分, 则边  $e$  有两种情况:

证: 若  $e$  与  $x$  不属于同一个 MST, 则设  $S$  与  $V-S$  中间某边  $e'$  与  $x$ .

属于同一个 MST,  $T_1$  中  $S$  中点与  $V-S$  中分别连通, 则同时连接  $S$  与  $V-S$  之间的  $e$  与  $e'$  时可构成一个环。根据 lemma: 对于连通图, 移除  $e$  之后仍可连通, 故移除  $e'$  后仍为一个连通图。由于此时 一个成环也

无环, 故  $X \cup \{e\}$  是另一个 MST  $T_2$  的一部分, 且  $T_2$  的权重和为:

$T_1 = w(e') + w(e)$ 。由于  $e$  为  $S$  与  $V-S$  中间权重最小边，故  $w(e) \leq w(e')$

所以  $T_2 = T_1 - w(e') + w(e) \leq T_1$ 。而  $T_1$  已为一个 MST，故权重

$T_1 \geq T_2$  所以  $T_1 = T_2$ , 所以  $T_2$  仍为一个 MST。



## 上海交通大学答题纸

(2022至2023学年第1学期)

20221910209

课程名称

算法设计

姓名

李呈翰

② 解:

① 算法: 使用分治法求解。每个子问题为父问题的一半。

当一个划分长度为0时直接返回0, 当一个划分只包含两个元素时  $a_i, a_j$  时若  $a_i > a_j$  则返回1, 反之返回0。

对合并两个子问题时, 先将两个子问题所得个数相加, 之后分别遍历左右两部分, 获取对应最大值, 若左侧大于右侧, 则加上 (当) 2 个结果, 若最小值在左侧小于右侧, 则加0。若两为最小值最大值区间有交集, 则对左面值通过二分查找确定位置之后加上相应个数, 复杂度为  $O(\log n)$ , 故为  $O(\ln \log n)$ 。

② 时间复杂度分析:  $T(n) = 2T(\frac{n}{2}) + O(\ln)$ 

则最后个数即为结果。

由大师定理有:  $T(n) = n \log n$ ② 时间复杂度:  $T(n) = 2T(\frac{n}{2}) + O(\ln \log n)$ ∴ 由大师定理有:  $T(n) = O(n \log n)$ 

## 上海交通大学答题纸

(2022至2023学年第1学期)

520021910279

课程名称

算法设计

姓名

李显翰

3. ①: 当  $(x, y, z) = (2.5, 2.5, 0)$  时能取到最优解.

②: 对偶线性规划为:

$$\max. m_1 + 2m_2 - 1$$

$$m_1, m_2 \geq 0$$

$$m_1 \geq 2.$$

$$m_2 \leq 4.$$

$$m_1 - 4m_2 = 0.$$

③: 对偶线性规划最优解为:

$$\begin{cases} m_1 = 2 \\ m_2 = \frac{1}{2} \end{cases} \text{ 时 } \text{最优解为: } 2 + 2 \times \frac{1}{2} - 1 = 2.$$





## 上海交通大学答题纸

(2022至2023学年第1学期)

520021910279

姓名 李昱翰

课程名称

算法设计

9.11

11: 对于有向图  $G$  以及给定的顶点  $s, t$ , 从顶点  $s$  开始进行 DFS, 并标记途中遇到的所有边, 若无法到达  $t$ , 则去除这次 DFS 的标记。

且不可以访问已标记过的边,

(例如可将标记边入栈再出栈)。每找到一条  $s-t$  路径计数器加 1。当  $s$  不可达  $t$  后, 从  $t$  开始 DFS, 重复上述过程, 且使用同一个计数器, 当  $t$  不可达  $s$  时算法结束, 计数器值即为最大数目。

② 另一种做法: 对于若  $s, t$  之间有边, 则计数器初值为 1, 否则初值做

为 0。遍历边集  $E$ , 对于每条边  $e(s, u) \in E$ , 及每边将  $u$  加入集合  $S$ ,

对于每条边  $e(u, v) \in E$ , 将  $u$  加入集合  $T$  之后对于  $S, T$  中每对点  $(u, v)$ ,

使用 DFS 检查是否有

12: 对于无向图  $G'$ , 建立与之等价的有向图  $G$ ,  $G$  中  $V$  与  $G'$  中  $V$  完全相同。

对于  $G'$  中每条边  $(u, v)$  在  $G$  中添加两条边,  $u \rightarrow v$  和  $v \rightarrow u$ 。

仍从  $s$  开始 DFS, 标记途中所有访问的边, (且不可以访问已标记过的边) 若无法到达  $t$ , 则去除这次 DFS 的标记。每找到一条  $s-t$  路径, 计数器加 1, 之后当  $s$  不可达  $t$  时, 使用相同计数器从  $t$  开始重复上述过程, 当  $t$  不可达  $s$  时算法结束, 计数器值即结果。

还



## 上海交通大学答题纸

(2022至2023 学年 第 1 学期)

课程名称

算法设计

520021910279  
姓名 李易翰5. 解: ①.  $n$ -边形三角剖分的个数:

$$n(N) = \begin{cases} 1, & n=3 \\ 2, & n=4 \\ n, & n>4 \end{cases}$$

II. 定义距离函数  $D(i, j) = \sqrt{(x(i)-x(j))^2 + (y(i)-y(j))^2}$ ,  
表示顶点编号为  $i$  和  $j$  两个顶点的距离。

定义此问题的子问题为  $C(i, j)$ , 表示逆时针  
在剩余未划分部分的三角剖分最小花费。

则对于逆时针顺序位于  $j$  之前的中间点  $k$ , 有如下

动态规划范式: 定义  $S$

$$C(i, j) = \begin{cases} C(i, k) + D(i, k), & k=j+1 \\ C(j, k) + D(j, k), & k=i-1 \\ C(i, k) + C(j, k) + D(i, k) + D(j, k), & k \text{ 为其余中间点} \end{cases}$$

则  $C(i, j)$  为  $S$  中 3 个选项中最小值。

则空间复杂度:  $O(n^2)$ , 因为要填一个二维表, 每一维为  $O(n)$ ,

故为  $O(n^2)$

时间复杂度: 共需填  $n^2$  次表, 对于  $j > i$  的情况,

每次填表为  $O(n)$ , (如  $C(1, n)$ ), 故总体时间复杂度为  $O(n^3)$



## 上海交通大学答题纸

(20 22 至 20 23 学年 第 1 学期)

520021910279

课程名称

算法设计

姓名

李昱翰

⑥ 证明

证明: ①-即要证明对于给定两图  $G, H$ , 可在多项式时间内 找到一个双射使其同构。

②-由于  $f$  一定是双射, 故一定是顶点之间一一对应, 故若  $|V(G)| \neq |V(H)|$ , 则可直接该解验证图  $G$  与  $H$  不同构。

证: 设图  $G, H$  中所有边权重均为 1。对于  $V$  点  $u \in V(G)$ ,

运行 Dijkstra 算法求其到其他所有点的最短路径,

运行 BFS 算法, 获取从  $u$  到其他每个点的所有路径。

对  $V \in V(H)$ , 重复上述过程。由于单次 BFS 为  $O(|V|+|E|)$ ,

故对每个图找所有其他点所有路径为:  $O(|V|^2(|V|+|E|))$ 。

在一个点  $u$  到其他某点  $v$  有  $M$  条路径, 故可在多项式时间内

找到一组匹配, 使得  $G$  中点  $u$  与  $H$  中点  $v$ , 任意路径长度同,

且中间点个数相同, 则对中间点进行一一对应, 则认为找到了  $f$ ,

故可验证同构, 若不能匹配, 则不同构。

证: 若算法已经给出了映射  $f$ , 故可在多项式时间内

算出每一个  $G$  中点对应  $H$  中点, 也可验证两点之间是否

相同, 故也可在多项式时间内验证

证: 综上, 图同构为 NP 问题。

