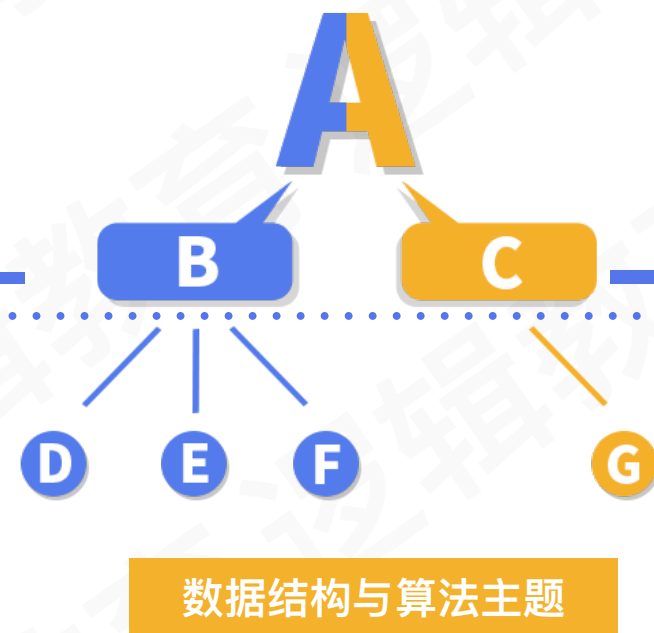




逻辑教育
Logic education

Hello 数据结构与算法

数据结构与算法 一图



@CC老师

全力以赴·非同凡“想”

课程研发:CC老师

课程授课:CC老师



逻辑教育
Logic education

经典数据结构一图

课程研发:CC老师
课程授课:CC老师

转载需注明出处,不得用于商业用途.已申请版权保护



逻辑教育
Logic education

开启“图”版块的学习之旅

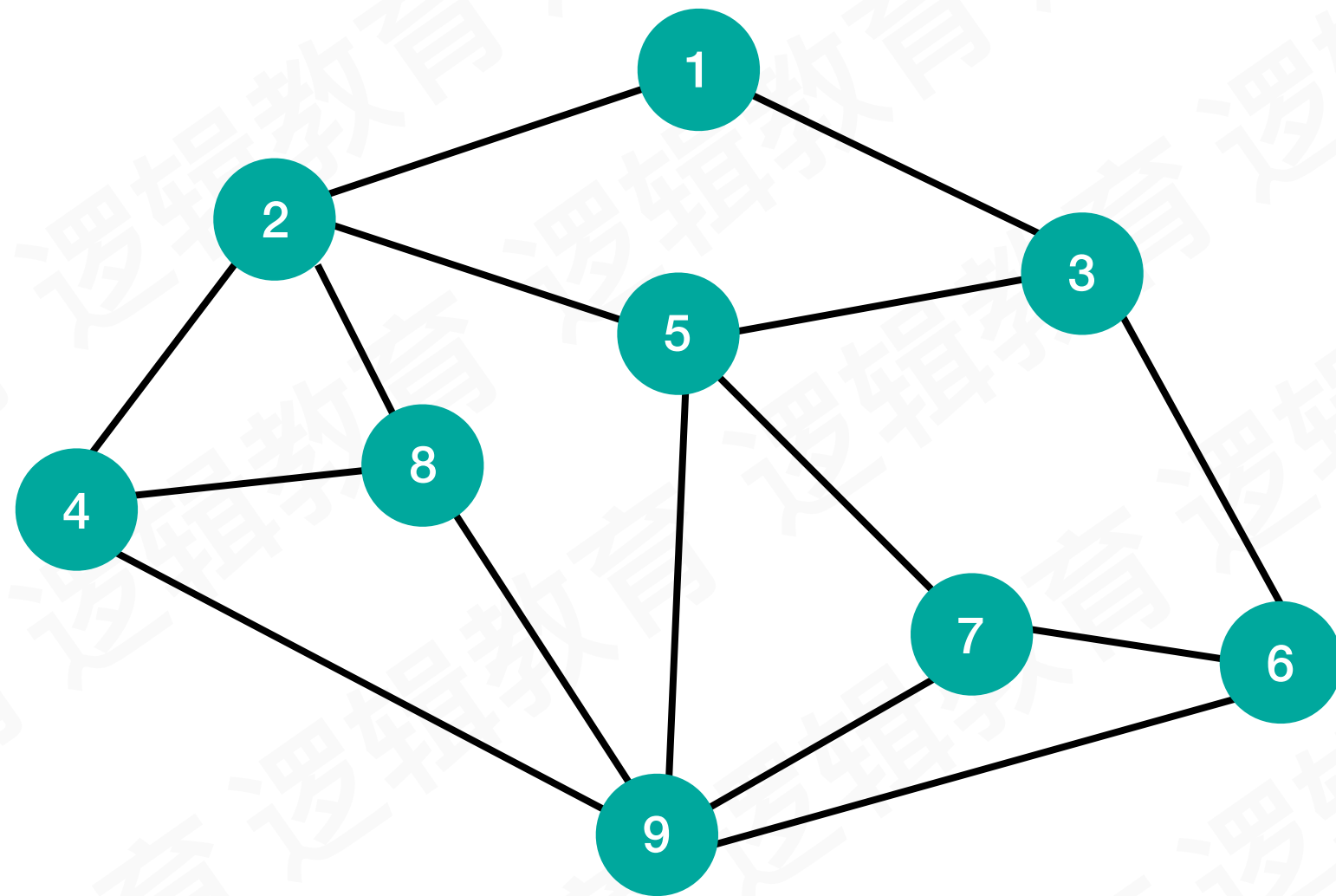


课程研发:CC老师
课程授课:CC老师

转载需注明出处,不得用于商业用途.已申请版权保护



认识图



图(Graph) 是由顶点的有穷非空集合 和 顶点之间边的集合组成. 通常表示为: $G(V, E)$. 其中, G 表示一个图, V 是图 G 中的顶点集合, E 是图 G 中边的集合.

课程研发:CC老师
课程授课:CC老师



逻辑教育
Logic education

认识图



绝世美女图

课程研发:CC老师
课程授课:CC老师



逻辑教育
Logic education

认识图



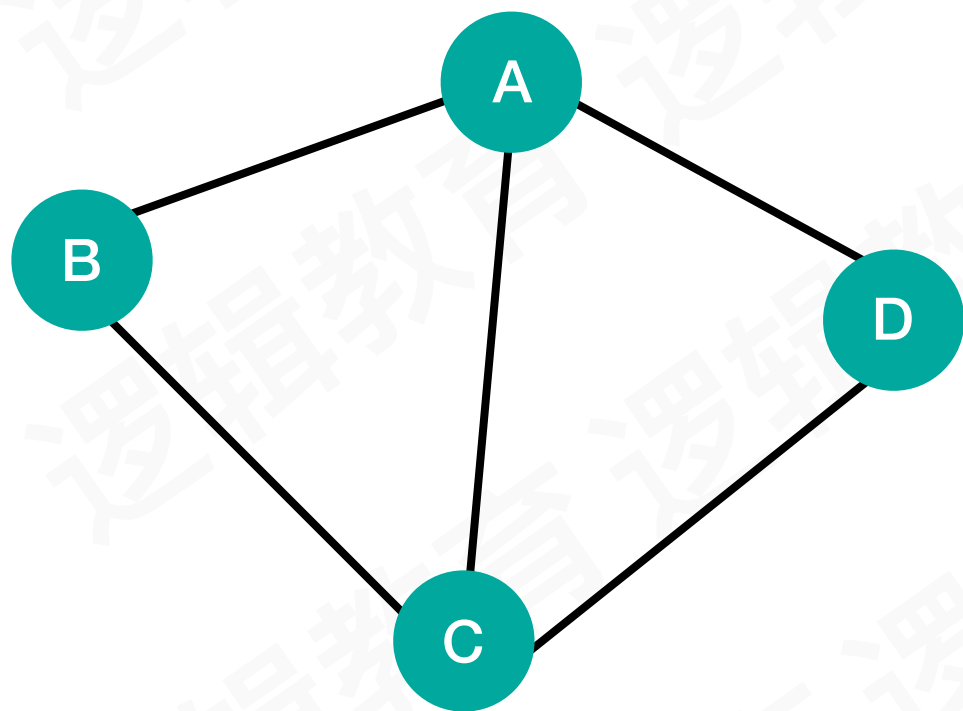
绝世美女图

课程研发:CC老师
课程授课:CC老师

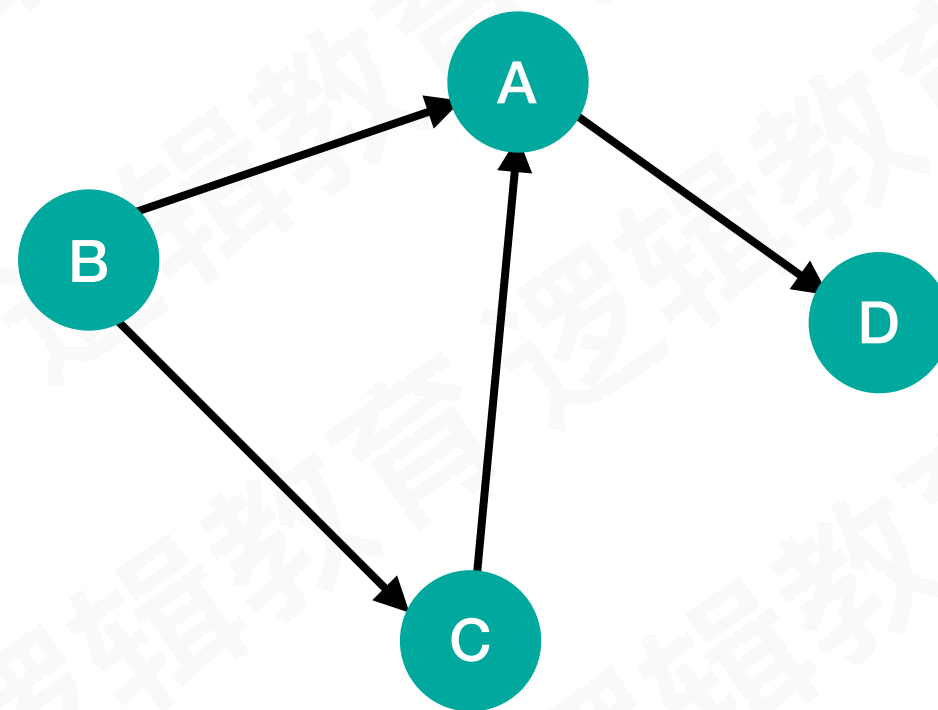
转载需注明出处,不得用于商业用途.已申请版权保护



各种图的定义[01]



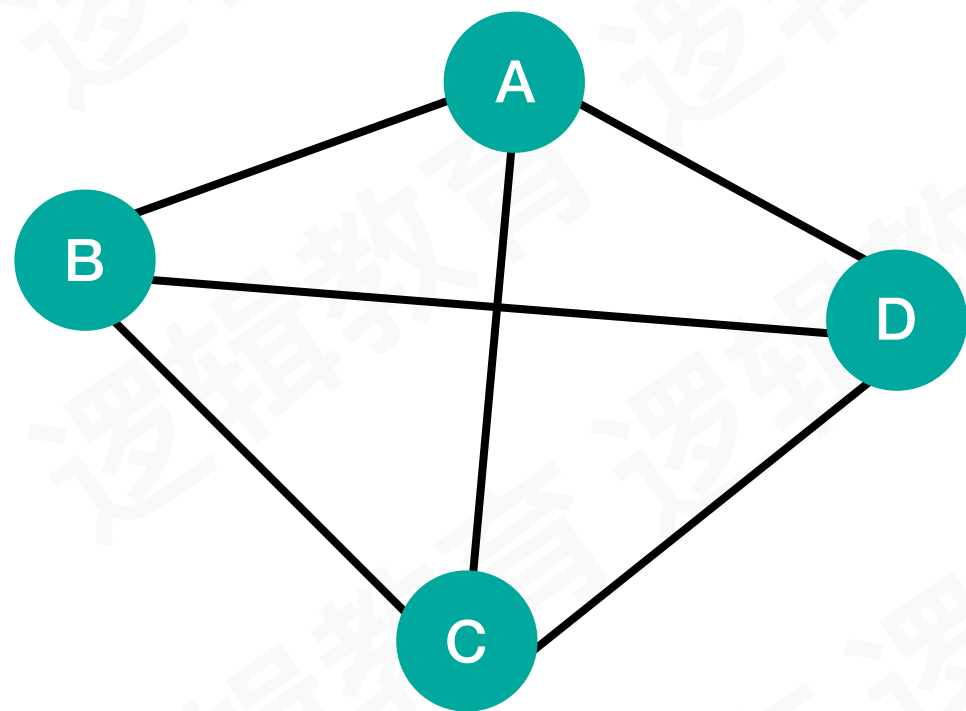
无向图 & 无向边



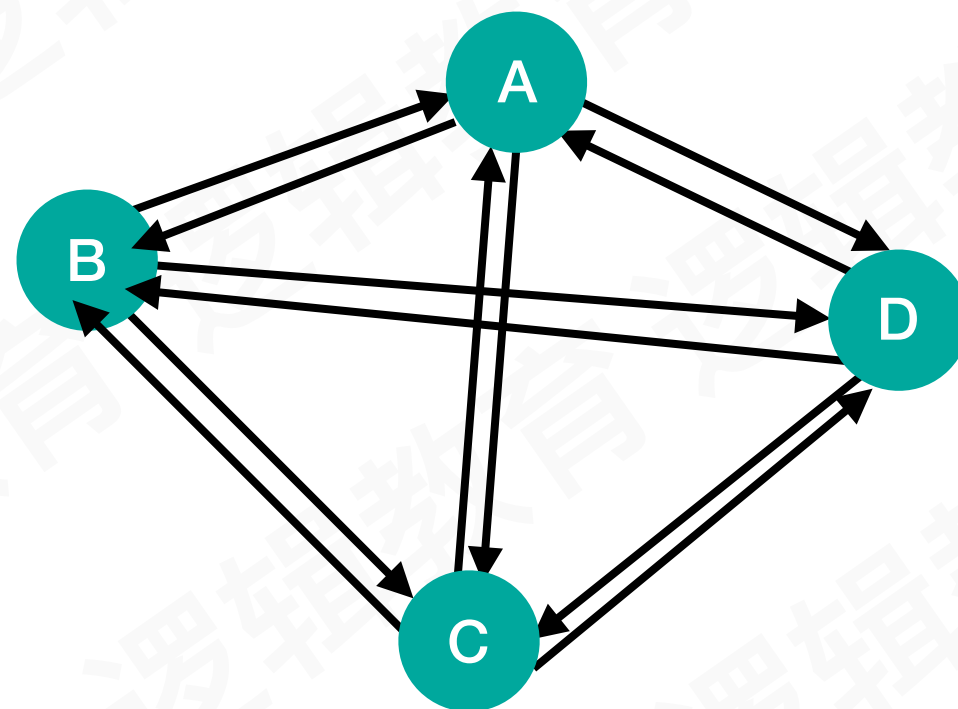
有向图 & 有向边



各种图的定义[02]



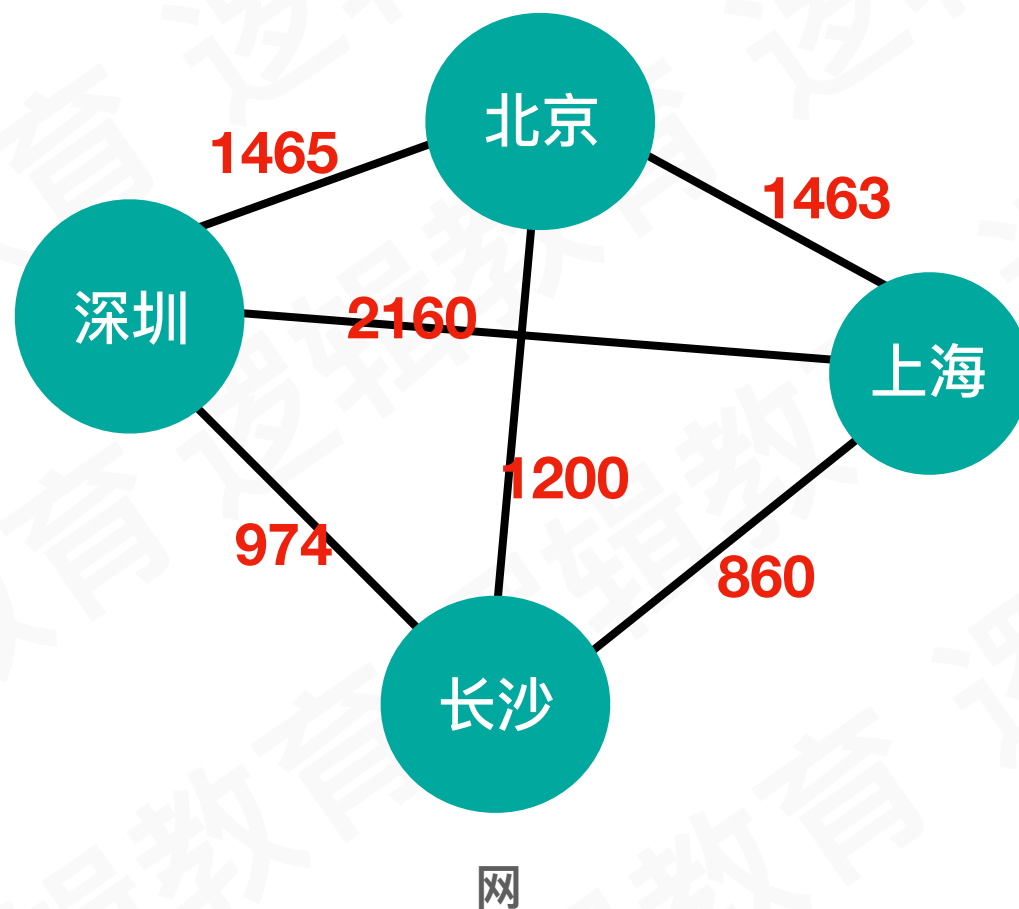
无向完全图



有向完全图

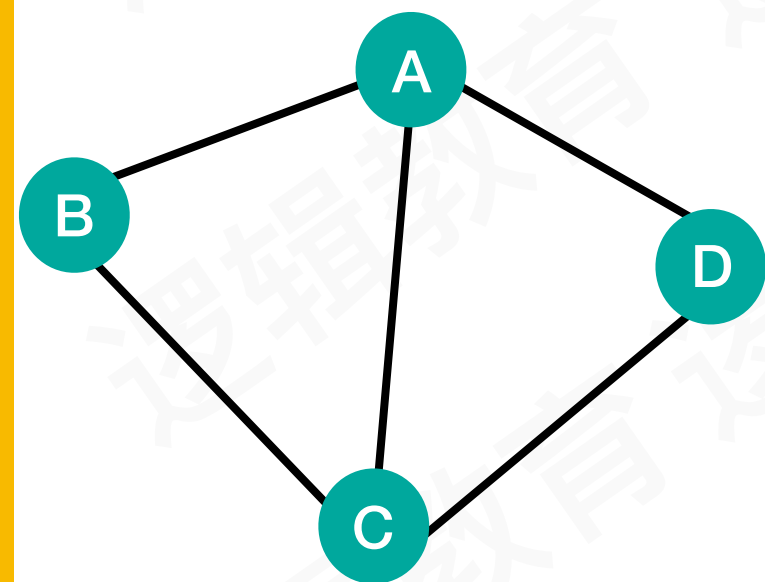


各种图的定义[03]

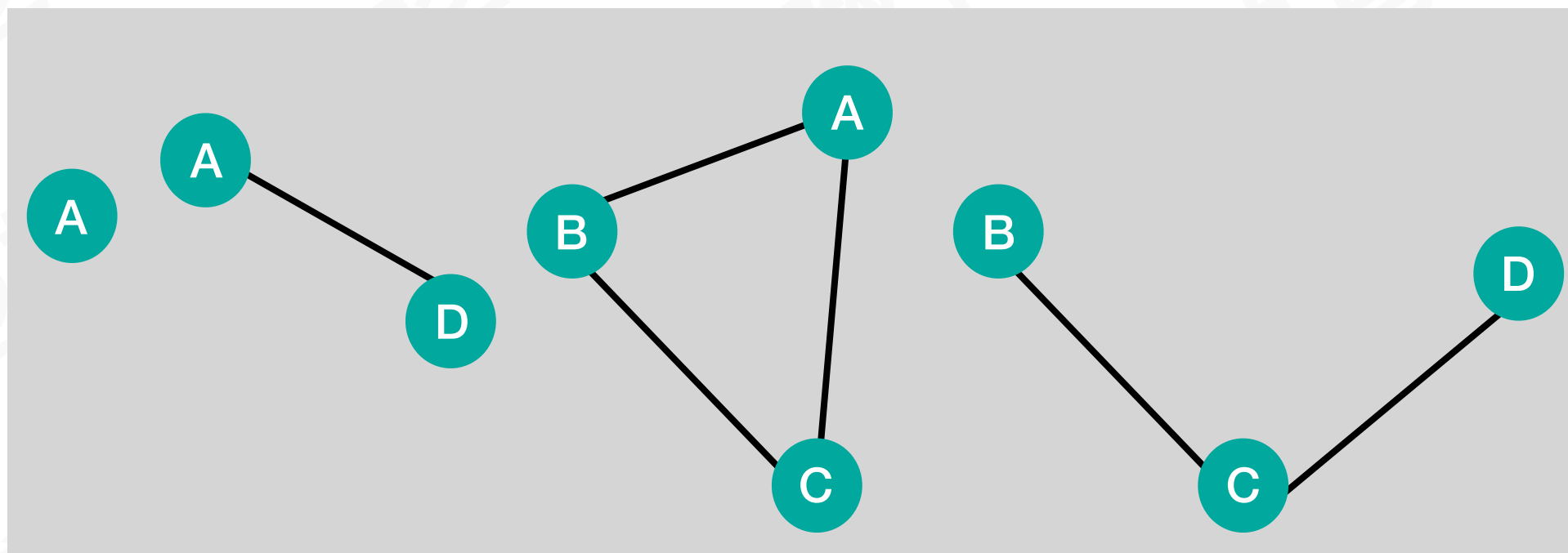




各种图的定义[03]



无向图G

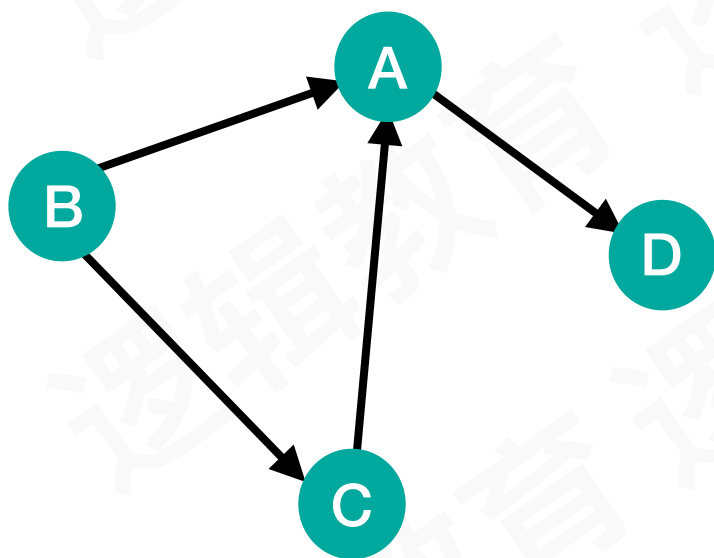


无向图G的子图
(SubGraph)

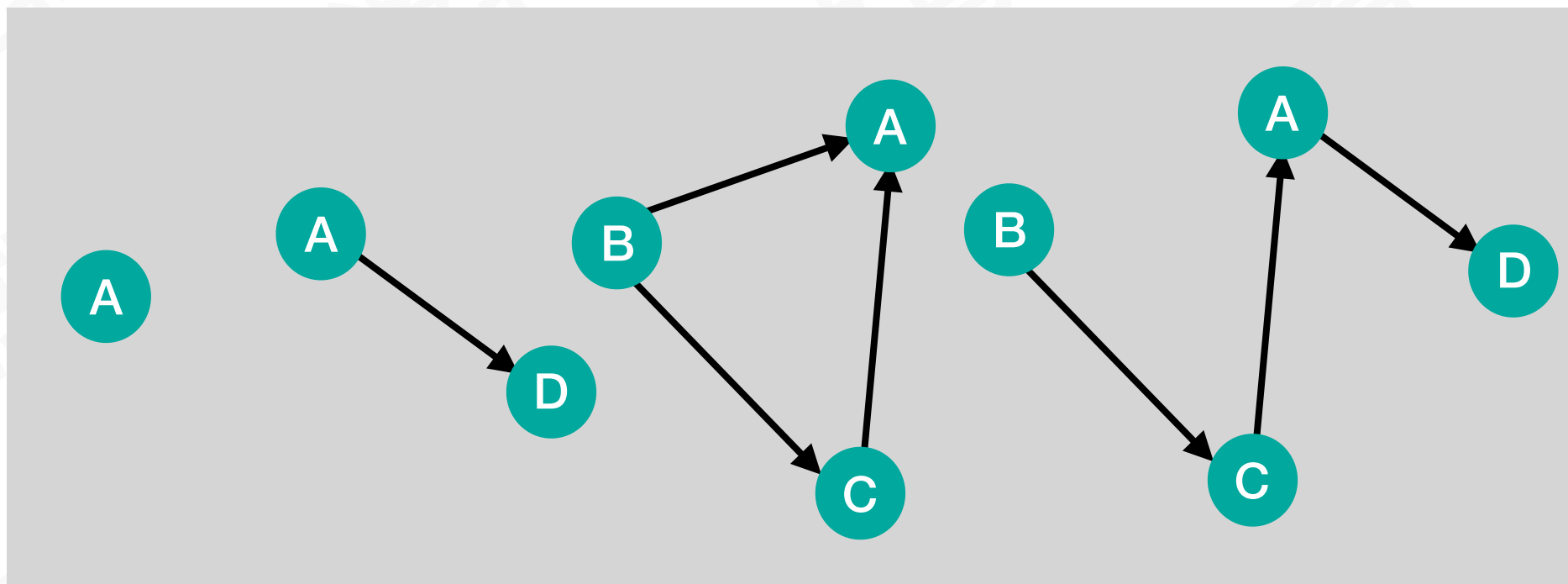
课程研发:CC老师
课程授课:CC老师



各种图的定义[03]



有向图G



有向图G的子图
(SubGraph)

课程研发:CC老师
课程授课:CC老师



各种图的定义[04]

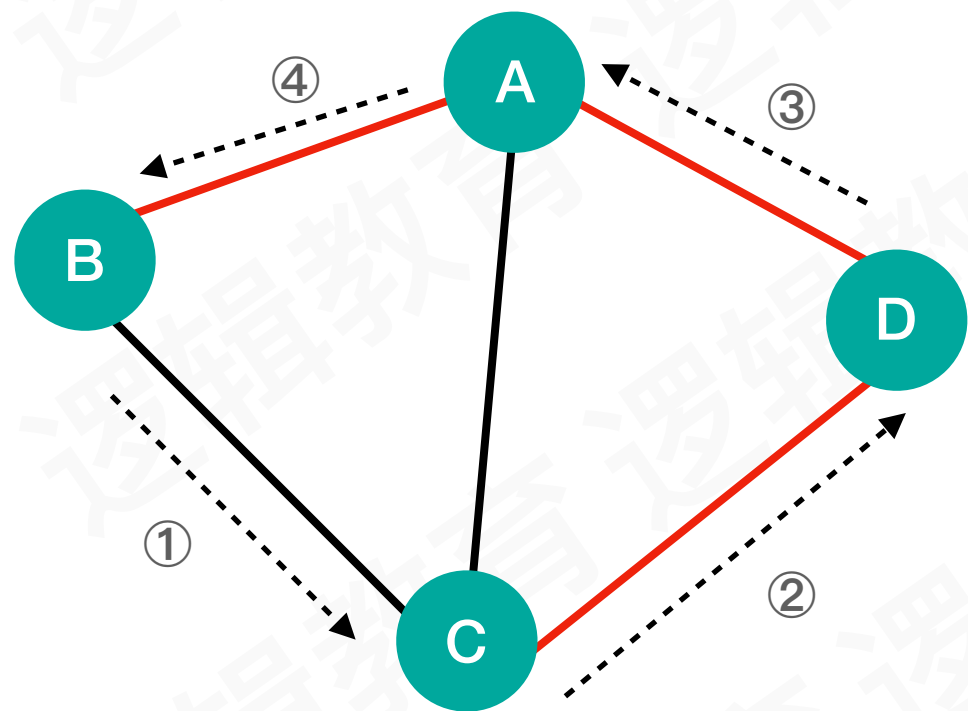


图1

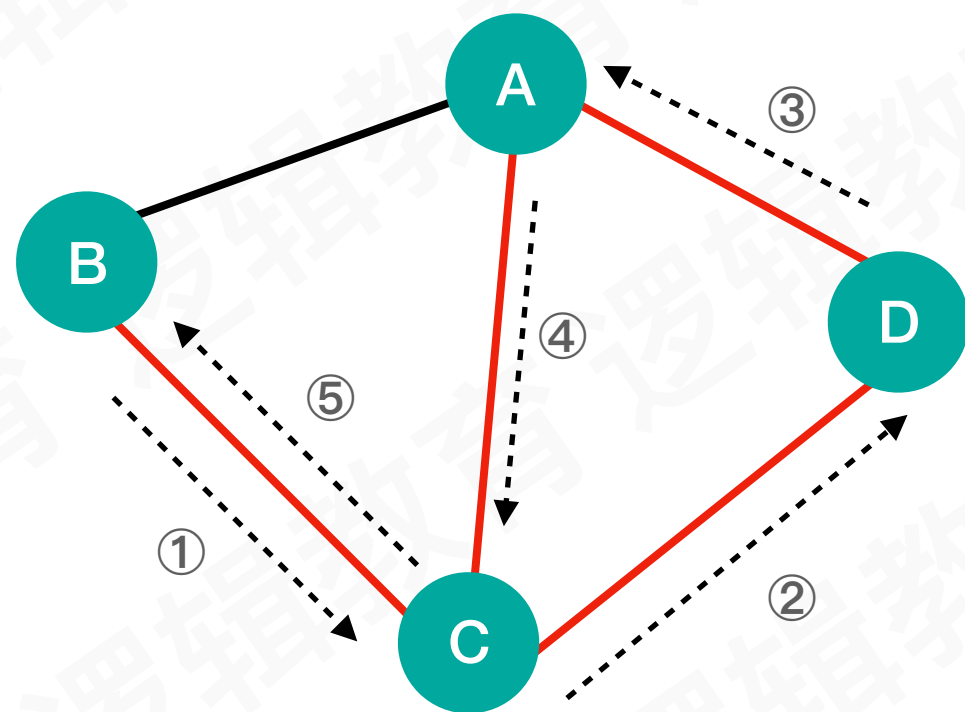


图2

课程研发:CC老师
课程授课:CC老师



各种图的定义[05]

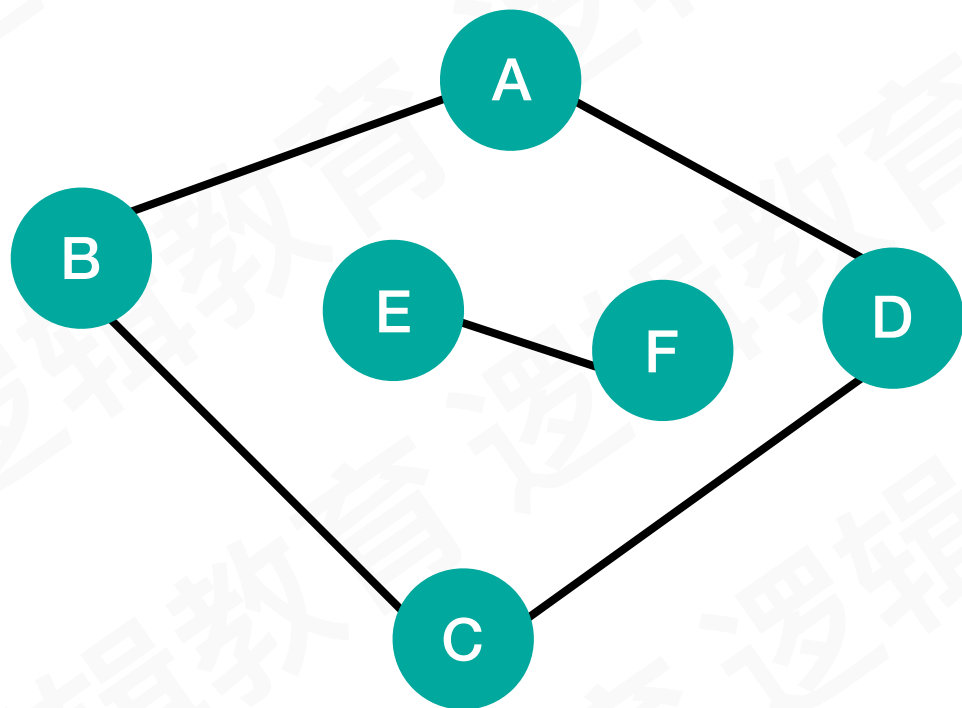


图1

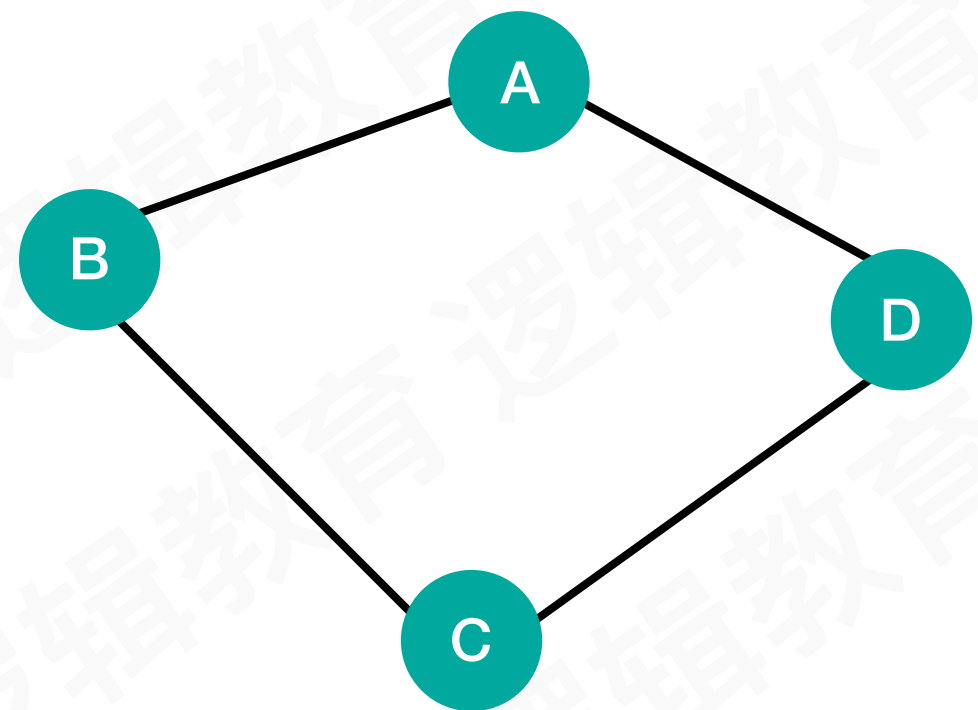


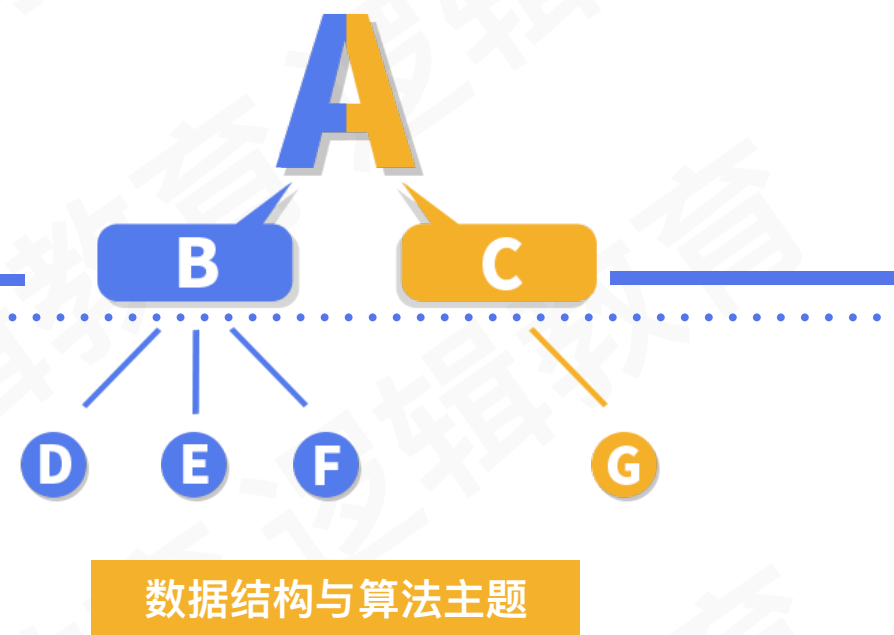
图2



逻辑教育
Logic education

Hello 数据结构与算法

图的应用-图的存储



@CC老师

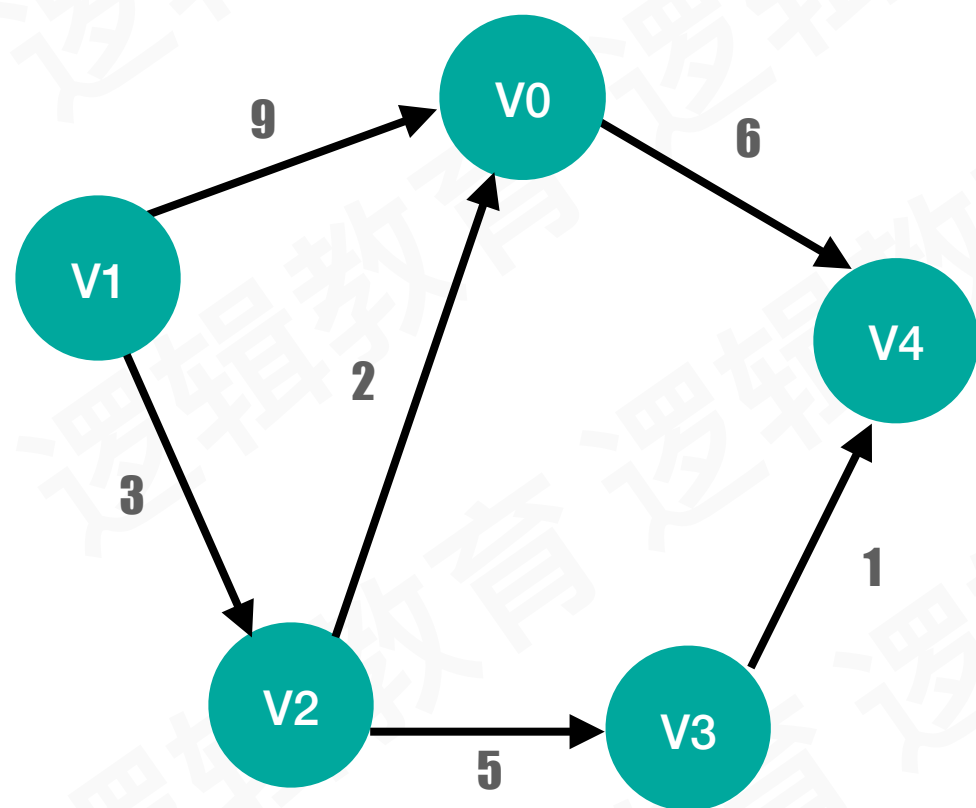
全力以赴·非同凡“想”

课程研发:CC老师

课程授课:CC老师



图的存储思考



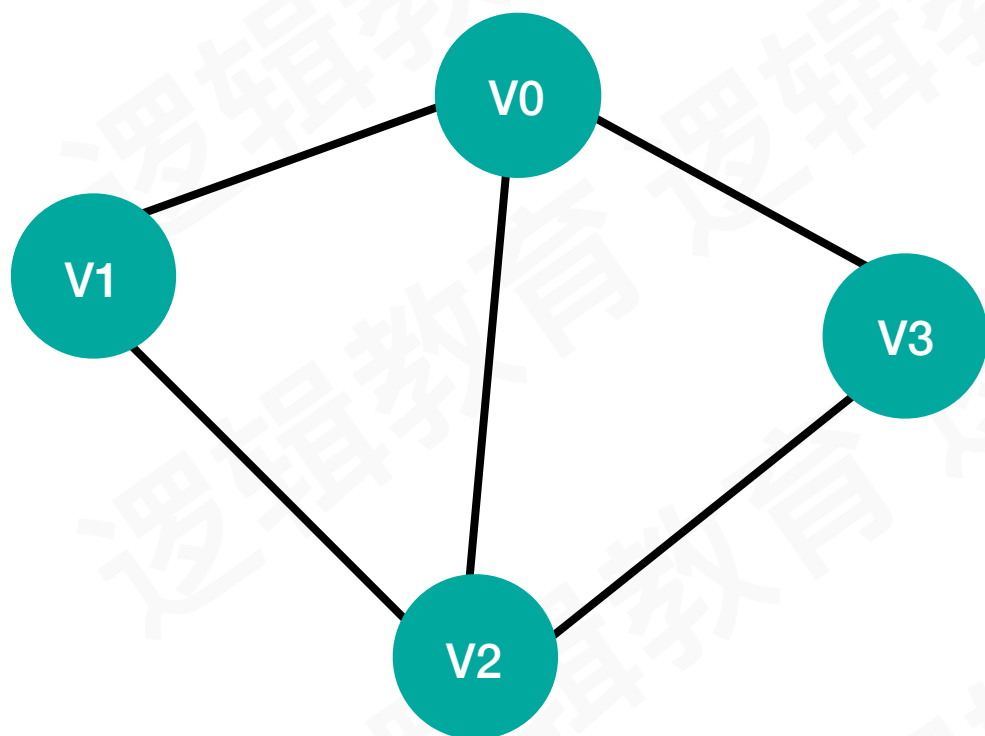
【数据结构与算法设计】 将左边图存储到计算机中.请设计一个数据结构并将其合理存储起来. **#快手面试真题#**



邻接矩阵

设图G有n个顶点, 则邻接矩阵是一个 $n \times n$ 的方阵 定义为:

$$\text{arc}[i][j] = \begin{cases} 1, & \text{若 } (v_i, v_j) \in E \text{ 或者 } \langle v_i, v_j \rangle \in E \\ 0, & \text{反之} \end{cases}$$



边数组:

顶点数组:



主对角线

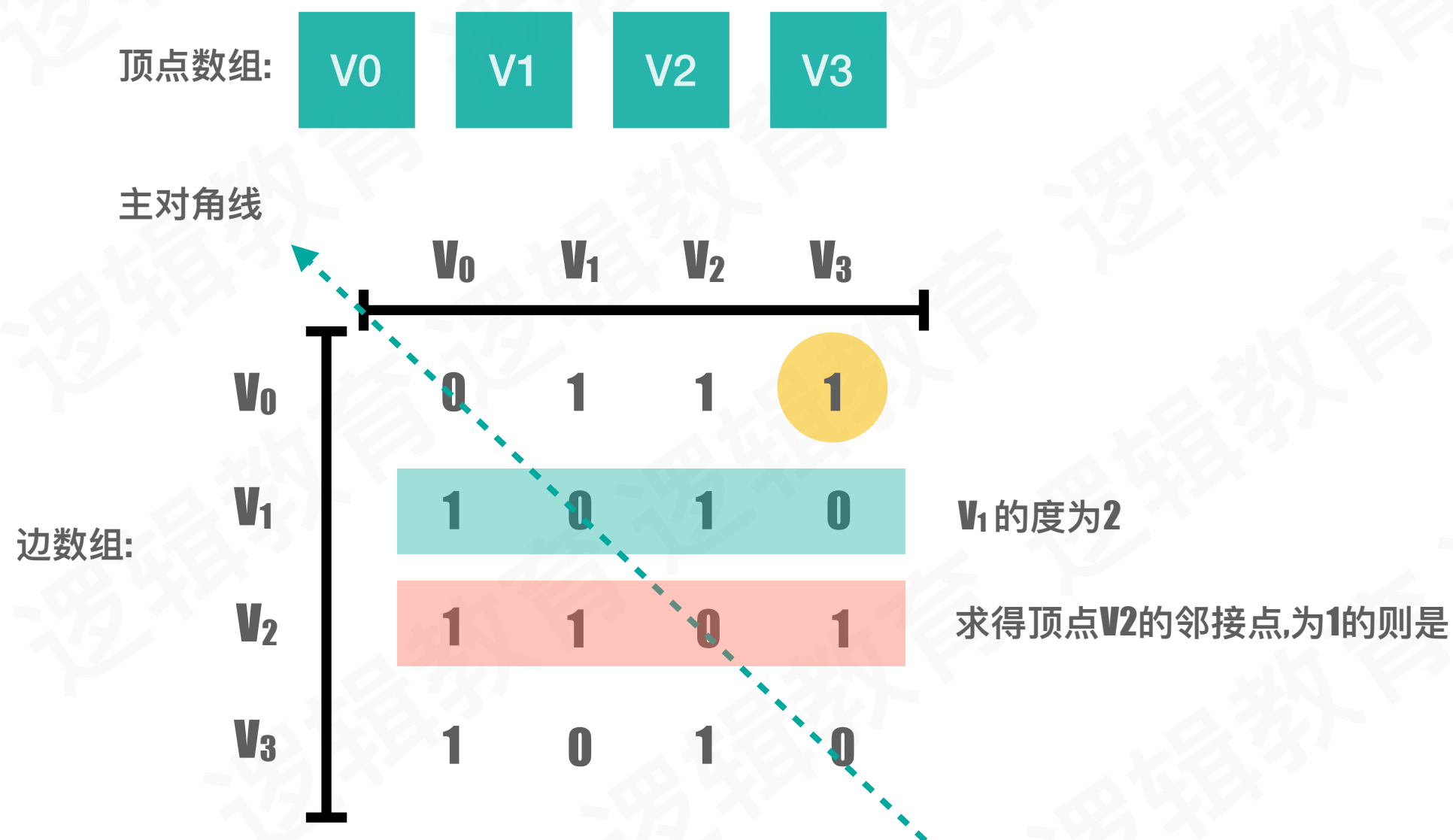
	V ₀	V ₁	V ₂	V ₃
V ₀	0	1	1	1
V ₁	1	0	1	0
V ₂	1	1	0	1
V ₃	1	0	1	0

V₁的度为2

课程研发:CC老师
课程授课:CC老师



邻接矩阵思考



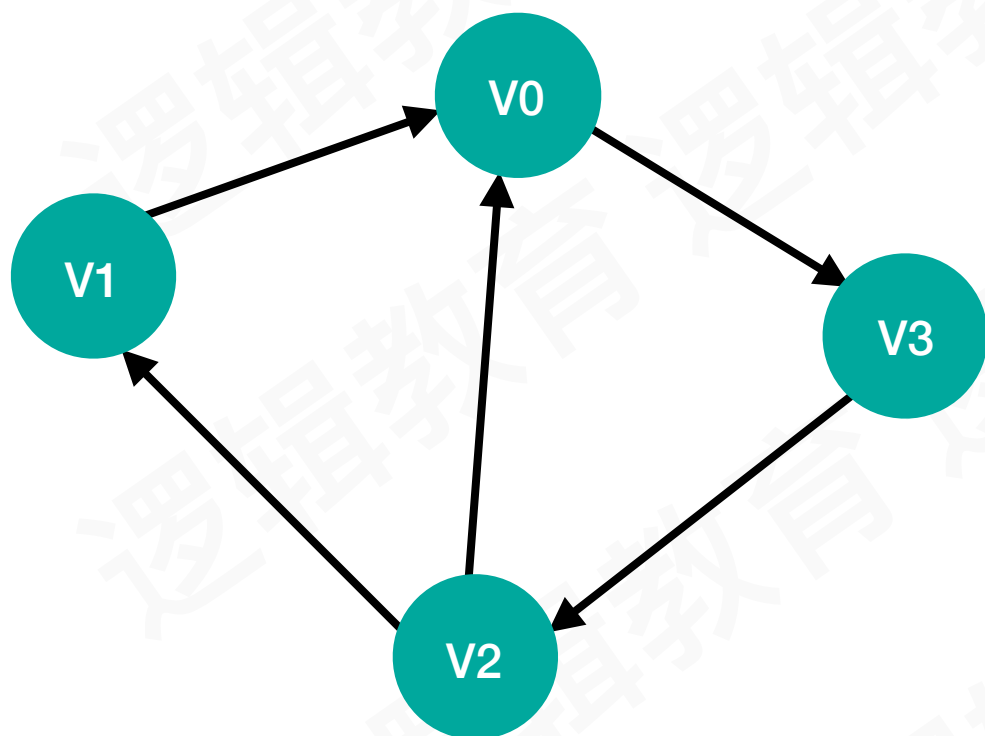
课程研发:CC老师
课程授课:CC老师



邻接矩阵

设图G有n个顶点,则邻接矩阵是一个 $n \times n$ 的方阵 定义为:

$$\text{arc}[i][j] = \begin{cases} 1, & \text{若 } (v_i, v_j) \in E \text{ 或者 } \langle v_i, v_j \rangle \in E \\ 0, & \text{反之} \end{cases}$$



边数组:

顶点数组:



主对角线

	V ₀	V ₁	V ₂	V ₃
V ₀	0	0	0	1
V ₁	1	0	0	0
V ₂	1	1	0	0
V ₃	0	0	1	0

V₁的度为1

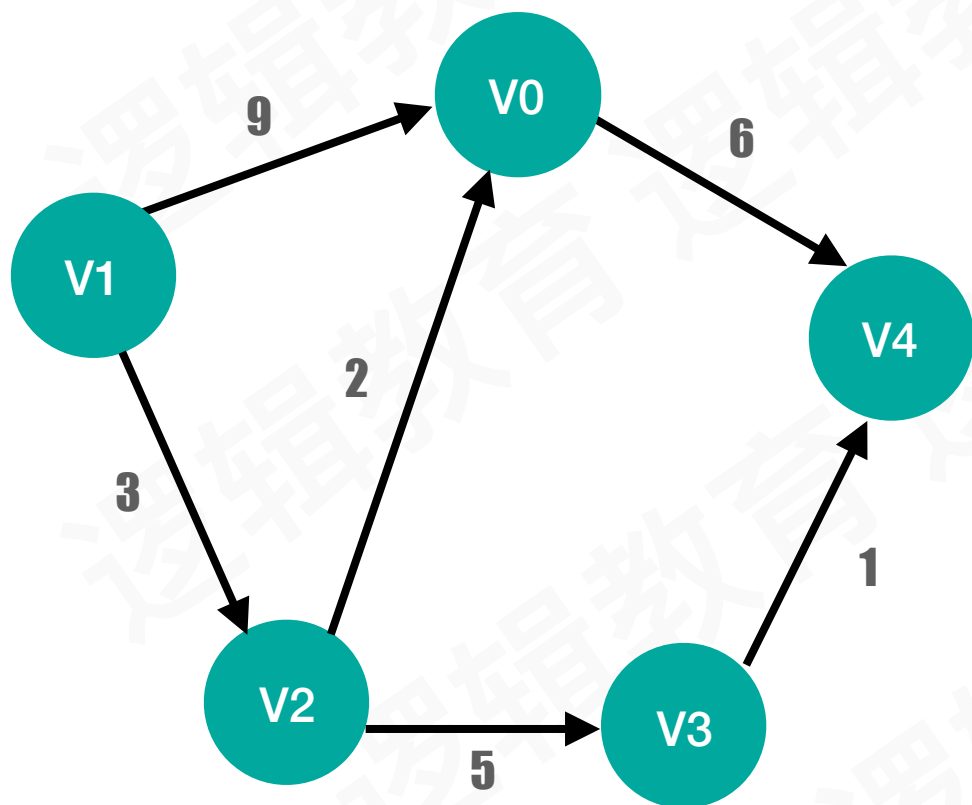
课程研发:CC老师
课程授课:CC老师



邻接矩阵

设图G是网图,有n个顶点,则邻接矩阵是一个 $n * n$ 的方阵 定义为:

$$arc[i][j] = \begin{cases} w_{ij}, & \text{若 } (v_i, v_j) \in E \text{ 或者 } \langle v_i, v_j \rangle \in E \\ 0, & \text{若 } i=j \\ \infty & \text{反之} \end{cases}$$



顶点数组:

V0

V1

V2

V3

V4

	V0	V1	V2	V3	V4
V0	0	∞	∞	∞	6
V1	9	0	3	∞	∞
V2	2	∞	0	5	∞
V3	∞	∞	∞	0	1
V4	∞	∞	∞	∞	0

课程研发:CC老师
课程授课:CC老师



邻接矩阵矩阵存储的数据结构设计

```
#define MAXVEX 100 /* 最大顶点数, 应由用户定义 */
#define INFINITY 65535 /* 用65535表示 $\infty$  */

typedef int Status; /* Status是函数的类型,其值是函数结果状态代码, 如OK等 */
typedef char VertexType; /* 顶点类型应由用户定义 */
typedef int EdgeType; /* 边上的权值类型应由用户定义 */
typedef struct
{
    VertexType vexs[MAXVEX]; /* 顶点表 */
    EdgeType arc[MAXVEX][MAXVEX]; /* 邻接矩阵, 可看作边表 */
    int numNodes, numEdges; /* 图中当前的顶点数和边数 */
}MGraph;
```

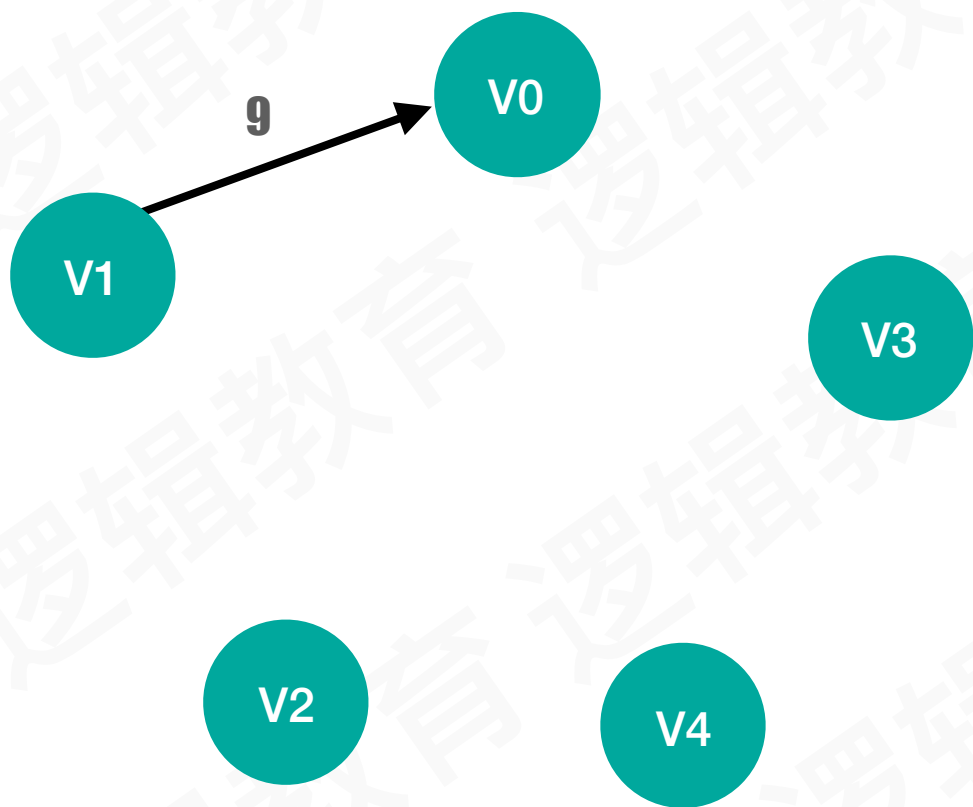



邻接矩阵存储代码实现思路

1. 确定顶点数/边数
2. 读取顶点信息
3. 初始化邻接矩阵
4. 读入边信息
5. 循环打印



邻接矩阵



顶点数组:

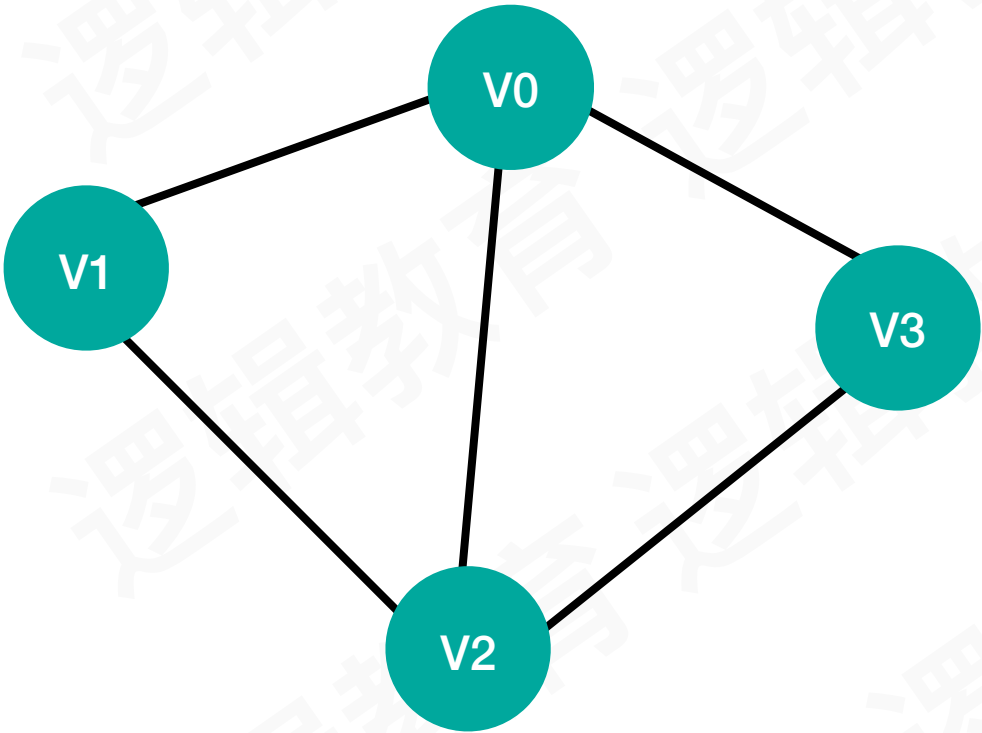


	V ₀	V ₁	V ₂	V ₃	V ₄
V ₀	0	∞	∞	∞	∞
V ₁	9	0	∞	∞	∞
V ₂	∞	∞	0	∞	∞
V ₃	∞	∞	∞	0	∞
V ₄	∞	∞	∞	∞	0

课程研发:CC老师
课程授课:CC老师



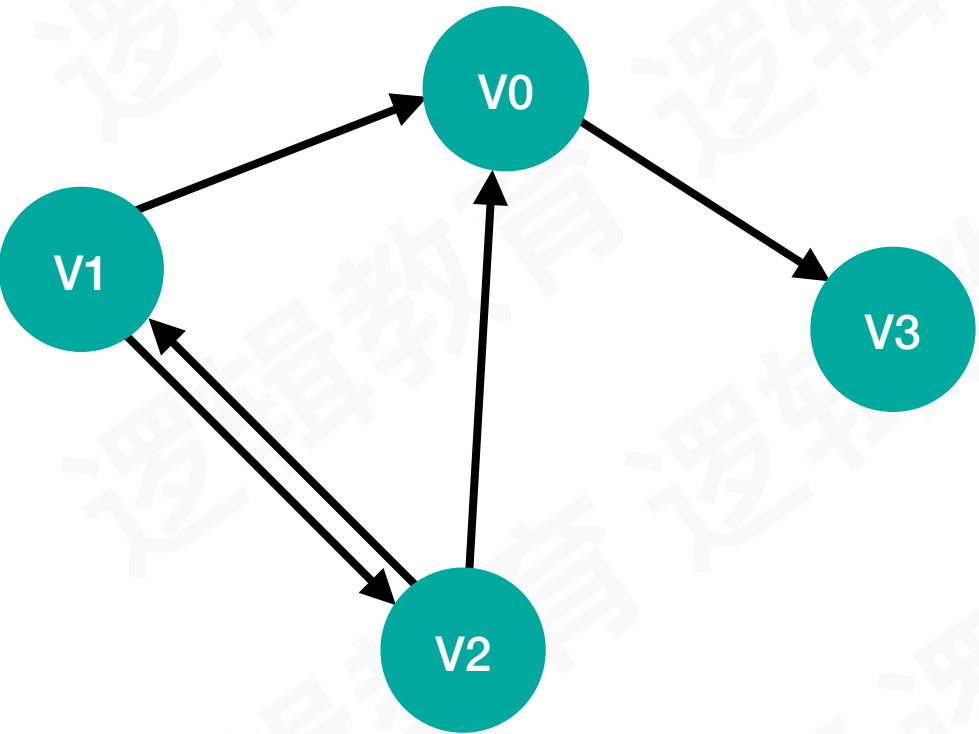
邻接表



下标	data	first edge	adjvex	next
0	V0	→	1	→ 2 → 3 ^
1	V1	→	0	→ 2 ^
2	V2	→	0	→ 1 → 3 ^
3	V3	→	0	→ 2 ^



邻接表



下标	data	first edge	adjvex	next
0	V0	→	3	^
1	V1	→	0	→ 2 ^
2	V2	→	0	→ 1 ^
3	V3	^		

有向图邻接表

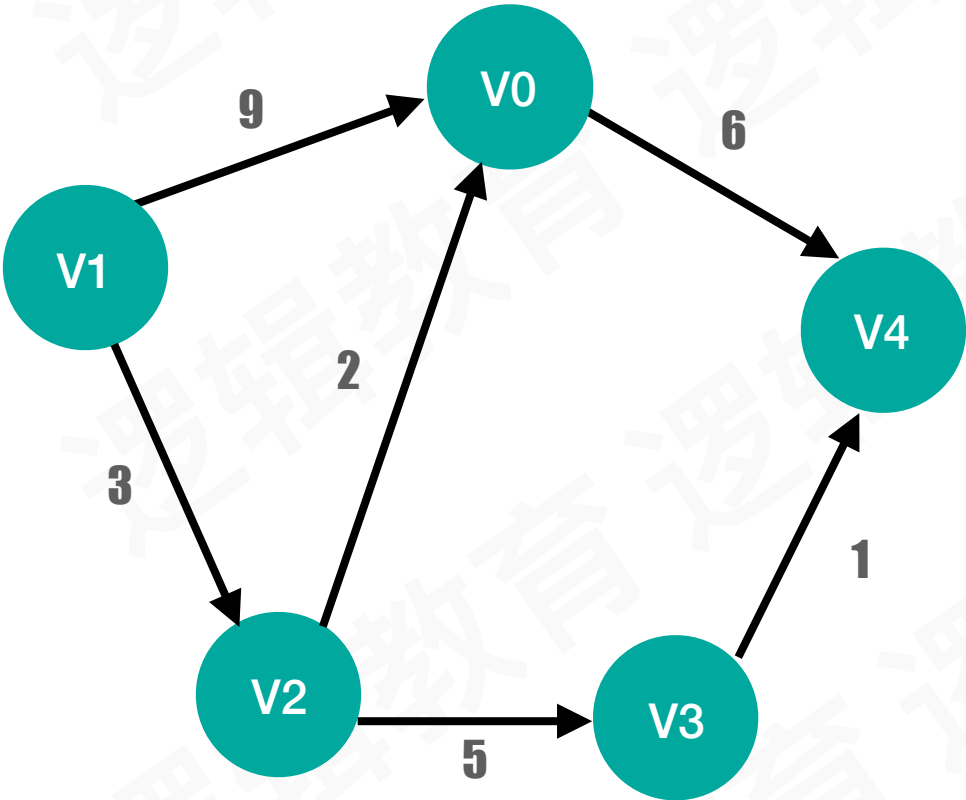
下标	data	first edge	adjvex	next
0	V0	→	1	→ 2 ^
1	V1	→	2	^
2	V2	→	1	^
3	V3	→	0	^

有向图逆邻接表

课程研发:CC老师
课程授课:CC老师



邻接表



下标	data	first edge	adjvex	weight	next
0	V0	→	4	6	^
1	V1	→	0	9	→ 2 3 ^
2	V2	→	0	2	→ 3 5 ^
3	V3	→	4	1	^
4	V4	^			

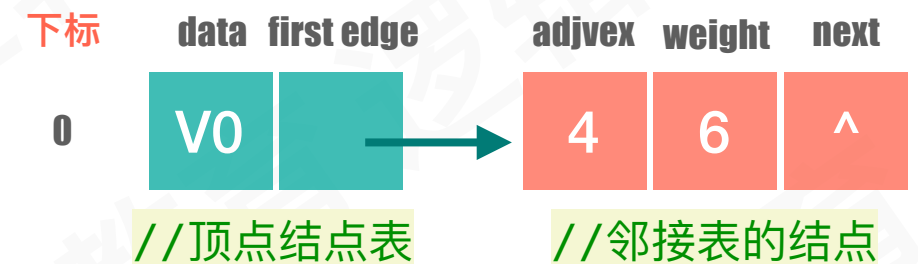


邻接表存储的数据结构设计

```
//邻接表的结点
typedef struct Node{
    int adj_vex_index; //弧头的下标, 也就是被指向的下标
    Element data; //权重值
    struct Node * next; //边指针
}EdgeNode;

//顶点结点表
typedef struct vNode{
    Element data; //顶点的权值
    EdgeNode * firstedge; //顶点下一个是谁?
}VertexNode, Adjlist[M];

//总图的一些信息
typedef struct Graph{
    Adjlist adjlist; //顶点表
    int arc_num; //边的个数
    int node_num; //节点个数
    BOOL is_directed; //是不是有向图
}Graph, *GraphLink;
```





邻接表存储的存储代码实现思路

1. 确定顶点数/边数

2. 读取顶点信息

3. 创建一个结点 插入到对应的顶点数组中

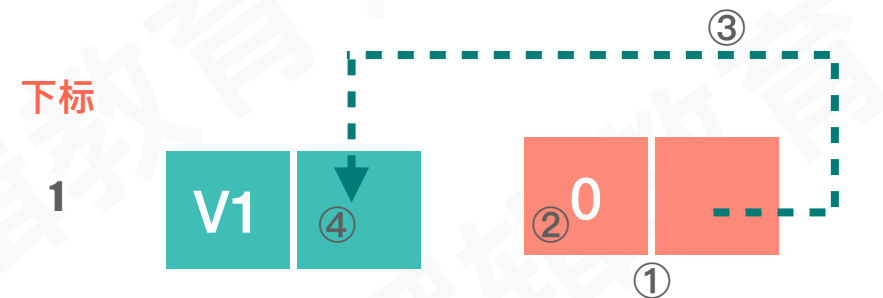
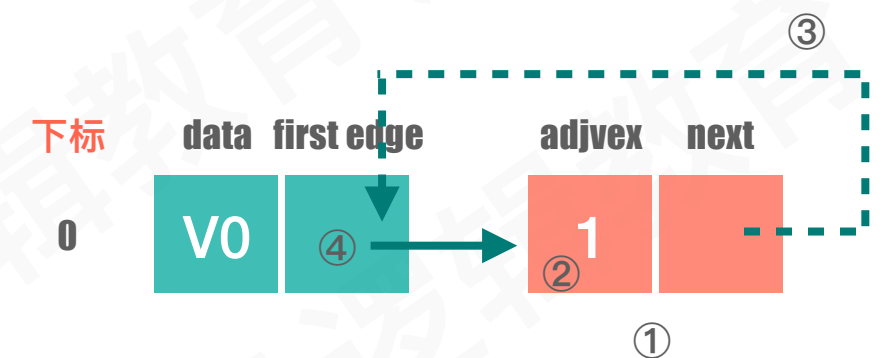
① 创建结点p

② 将结点p的adjvex 赋值 j

③ 将结点p 插入到对应的顶点数组下标i下

④ 将顶点数组[i]的firstedge设置为p

如果是无向图,则循环①~⑤步骤.

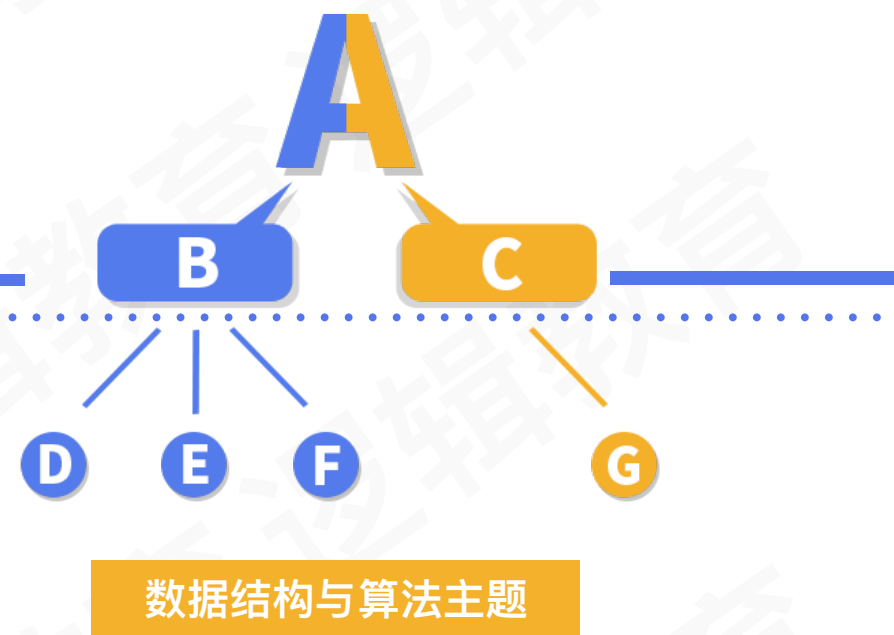




逻辑教育
Logic education

Hello 数据结构与算法

图的应用-图的遍历



@CC老师

全力以赴·非同凡“想”

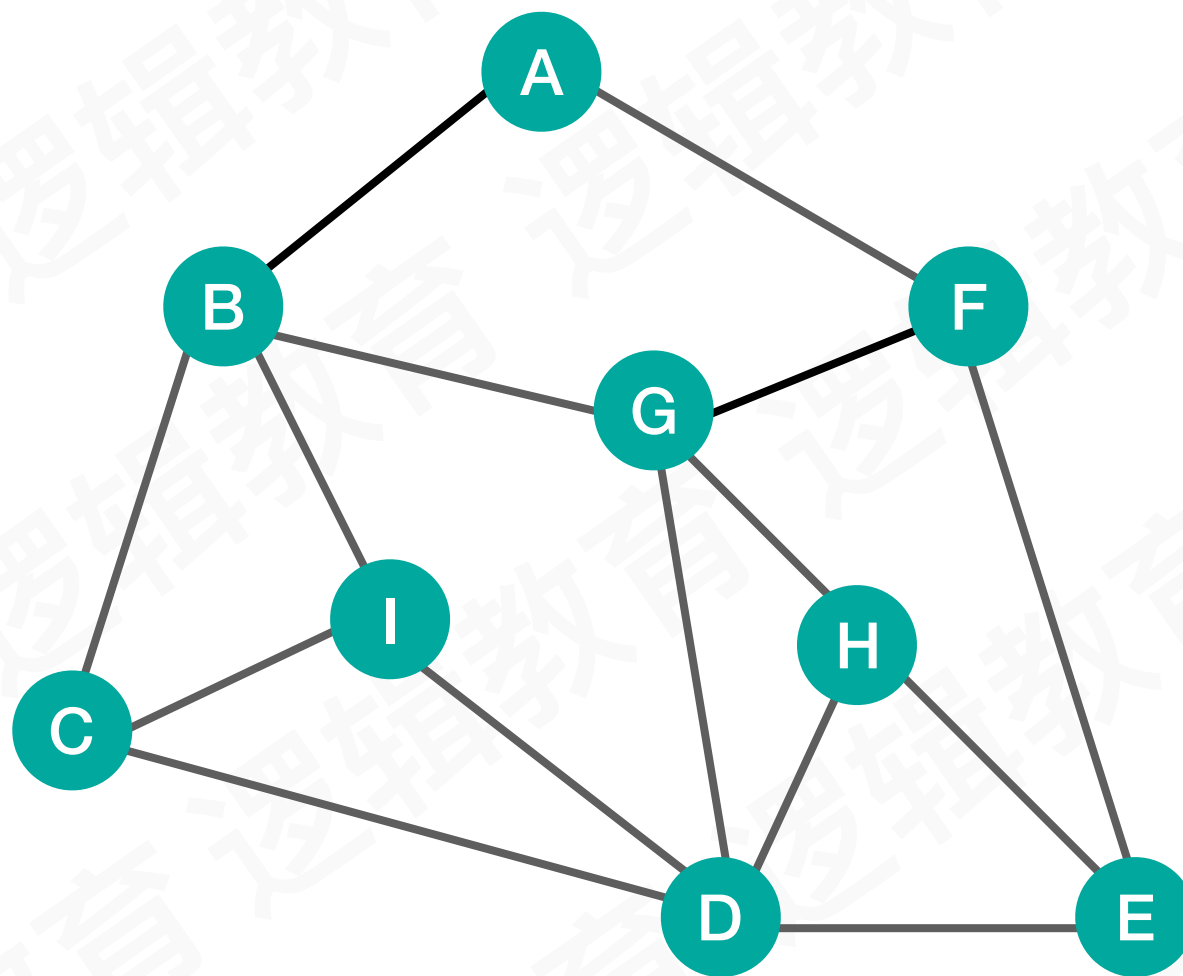
课程研发:CC老师

课程授课:CC老师



逻辑教育
Logic education

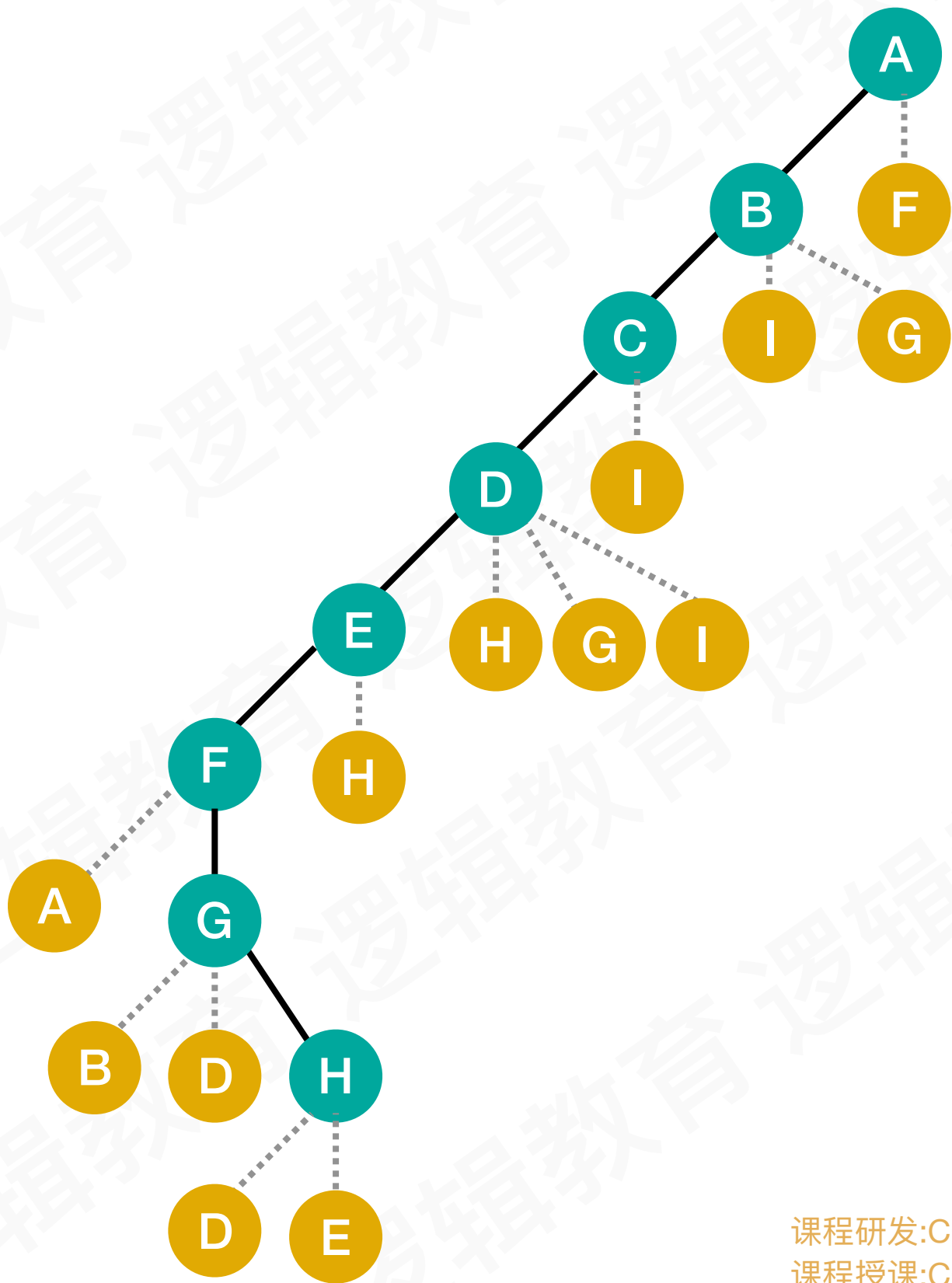
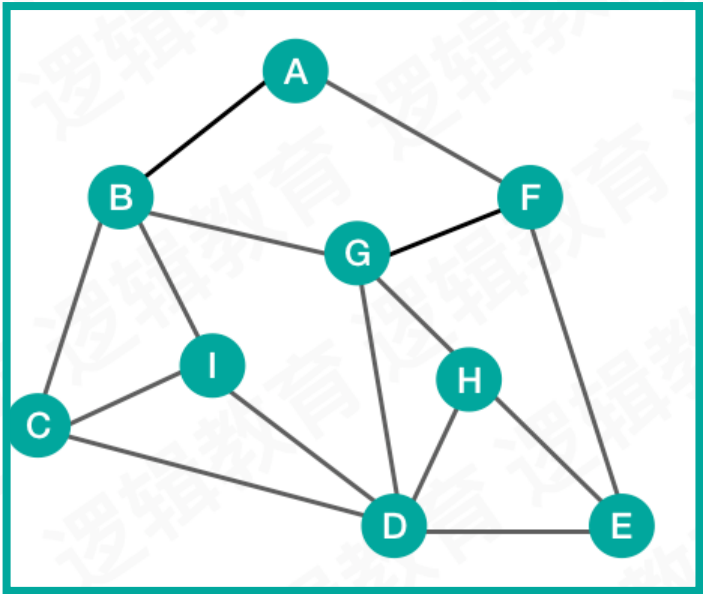
图的遍历



课程研发:CC老师
课程授课:CC老师



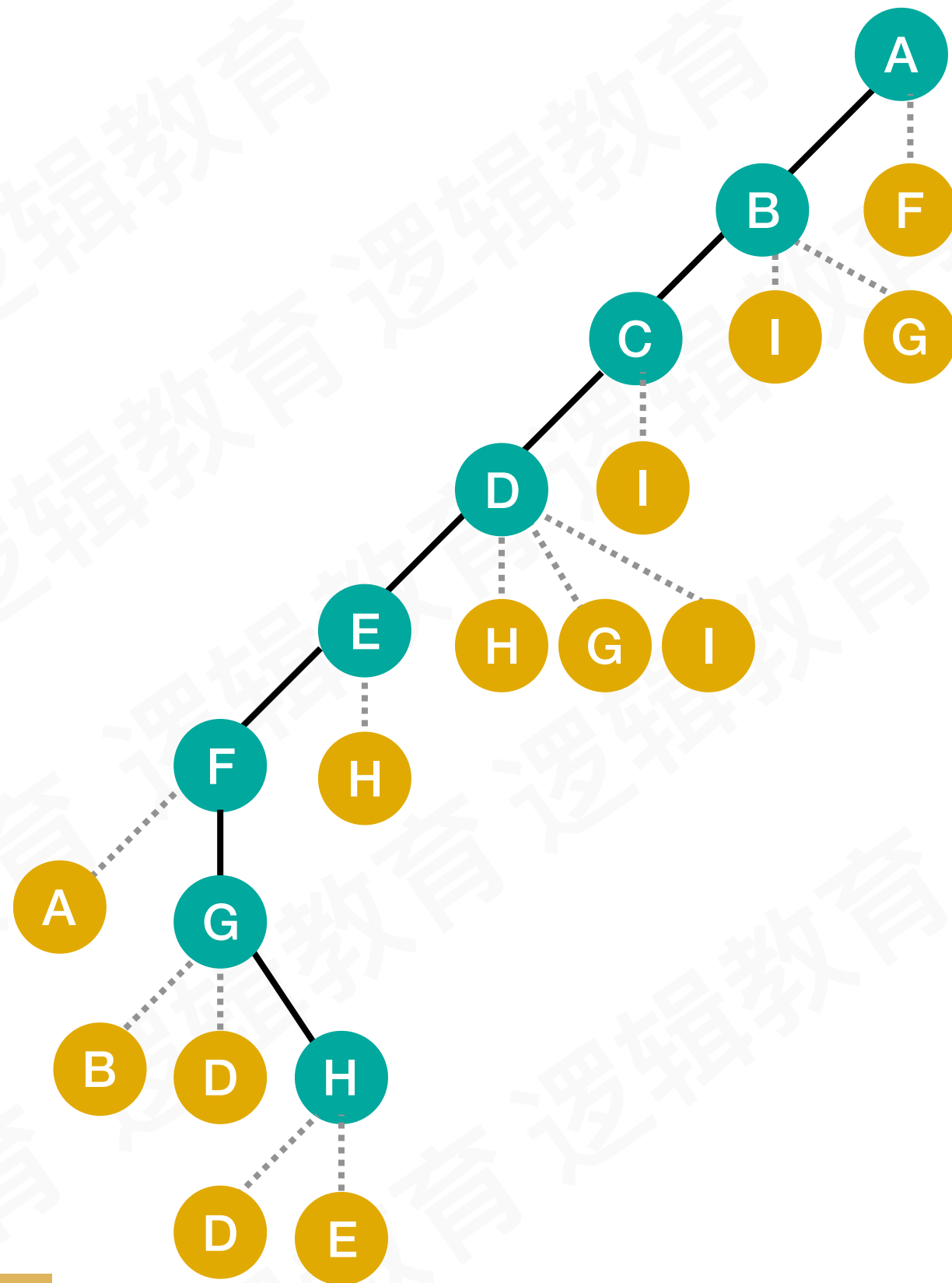
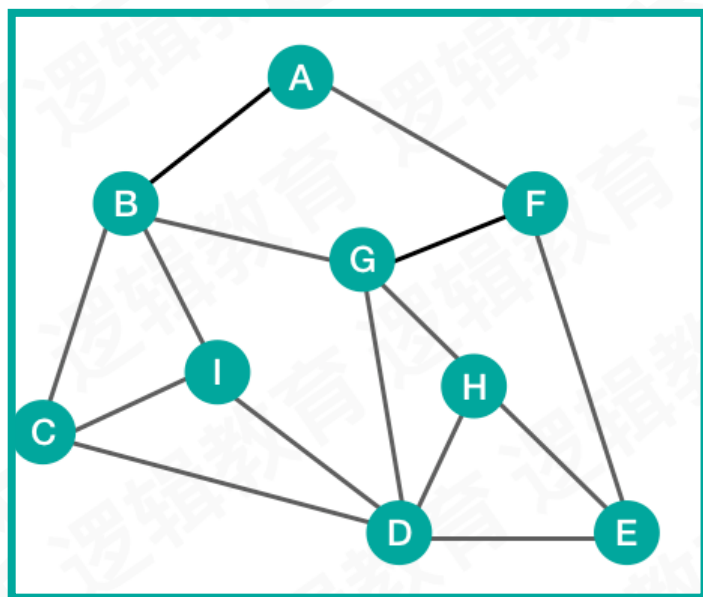
图的遍历



课程研发:CC老师
课程授课:CC老师



图的遍历

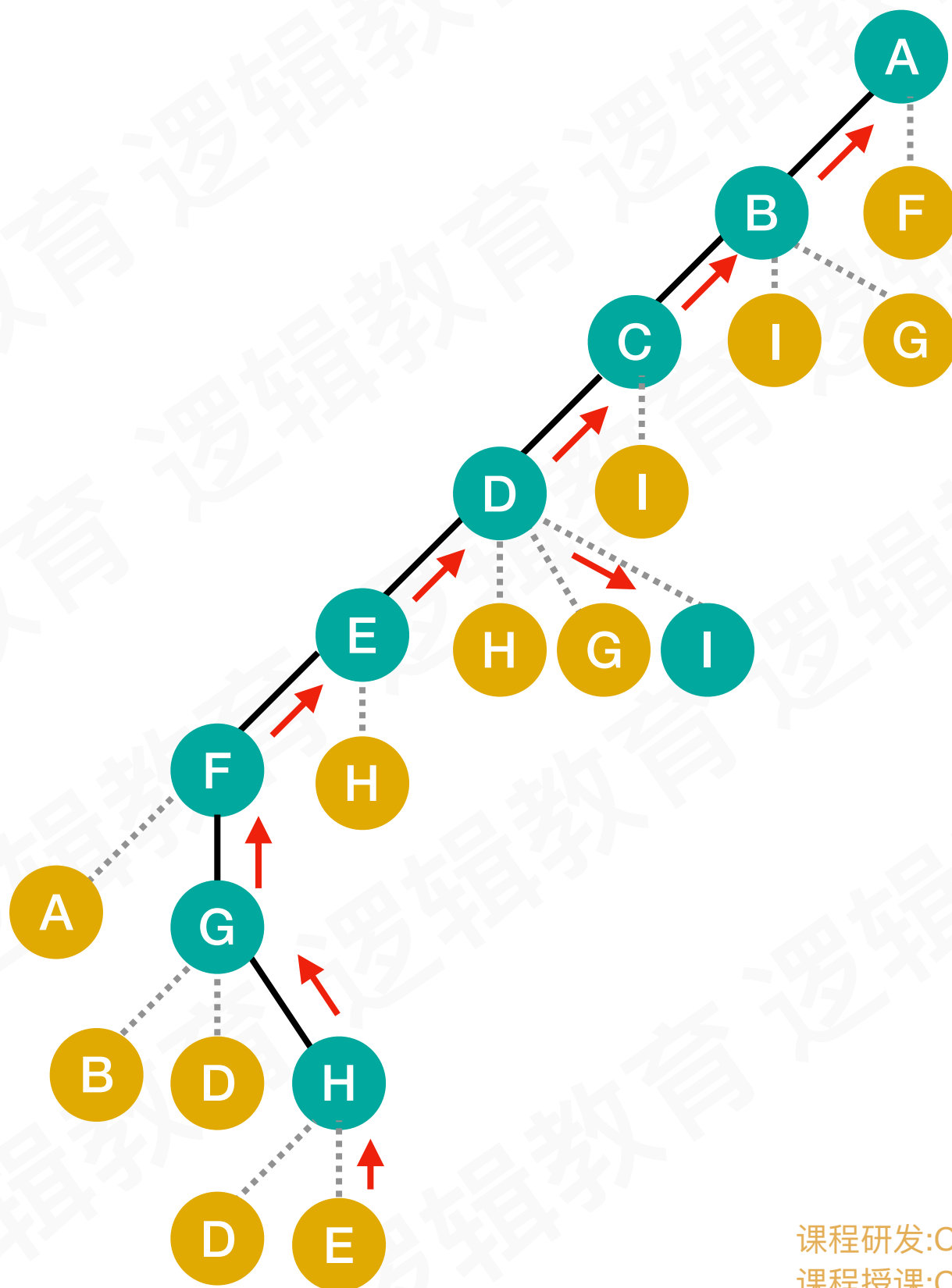
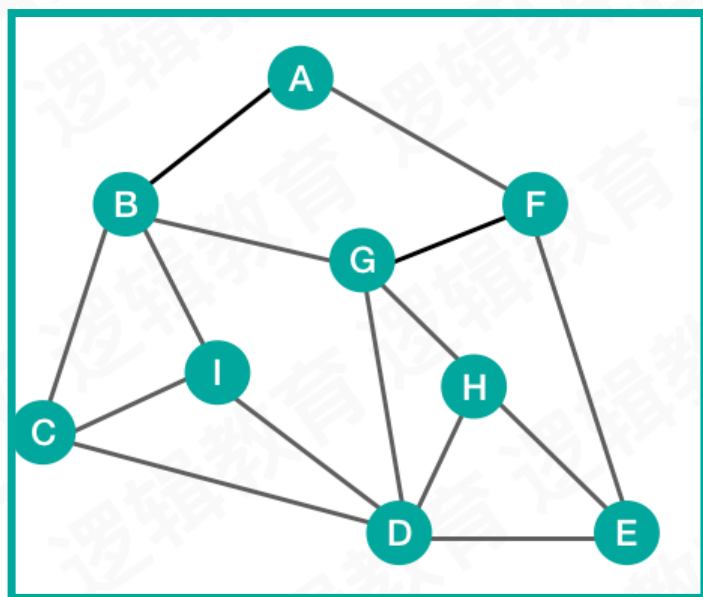


是否找到了所有的顶点了?

课程研发:CC老师
课程授课:CC老师



图的遍历—深度优先遍历



课程研发:CC老师
课程授课:CC老师



图的遍历—邻接矩阵深度优先遍历

顶点数组: A B C D E F G H I

主对角线 A0 B1 C2 D3 E4 F5 G6 H7 I8

A0

0

1

1

B1

1

0

1

1

1

C2

1

0

1

1

D3

1

0

1

1

1

1

E4

1

0

1

1

F5

1

1

0

1

G6

1

1

1

0

1

H7

1

1

1

0

I8

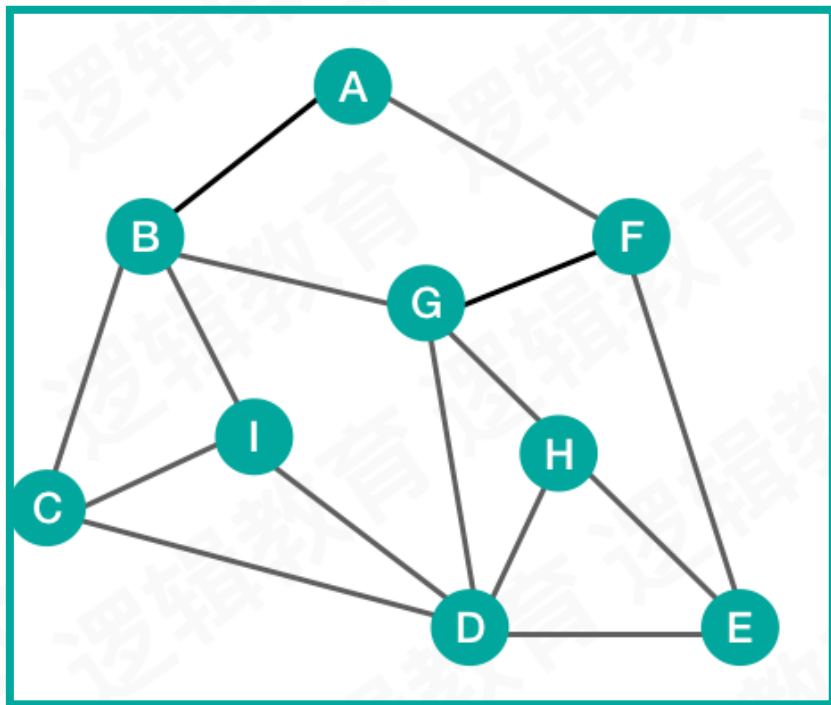
1

1

1

0

边数组:



课程研发:CC老师
课程授课:CC老师

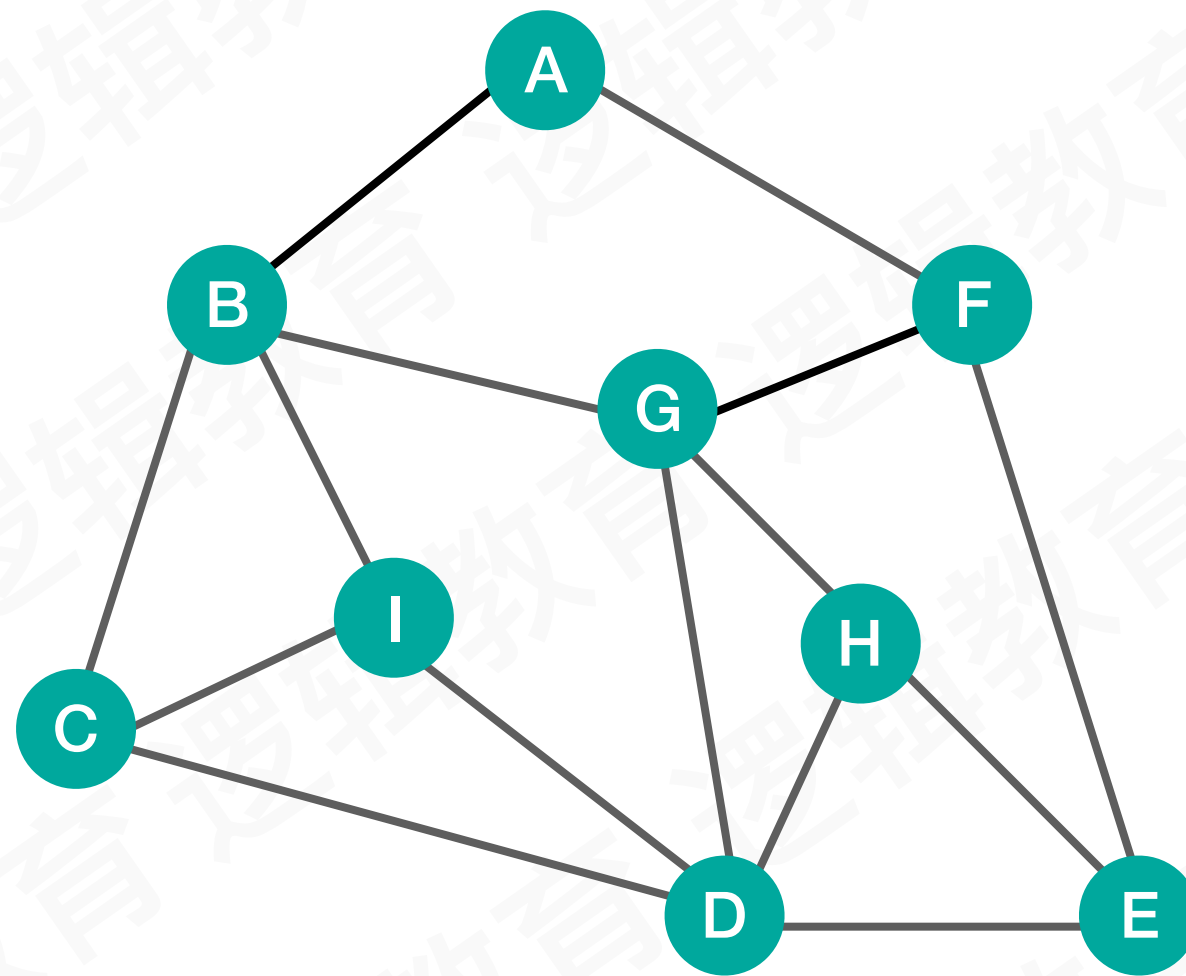


图的遍历—邻接矩阵深度优先遍历代码实现思路

1. 将图的顶点和边信息输入到图结构中;
2. 创建一个**visited** 数组,用来标识顶点是否已经被遍历过.
3. 初始化**visited** 数组,将数组中元素置为**FALSE**
4. 选择顶点开始遍历.【注意非连通图的情况】
5. 进入递归;打印*i* 对应的顶点信息. 并将该顶点标识为已遍历.
6. 循环遍历边表,判断当前 arcl[i][j] 是否等于1,并且当前该顶点没有被遍历过,则继续递归
DFS;



图的遍历—邻接表对图的遍历处理

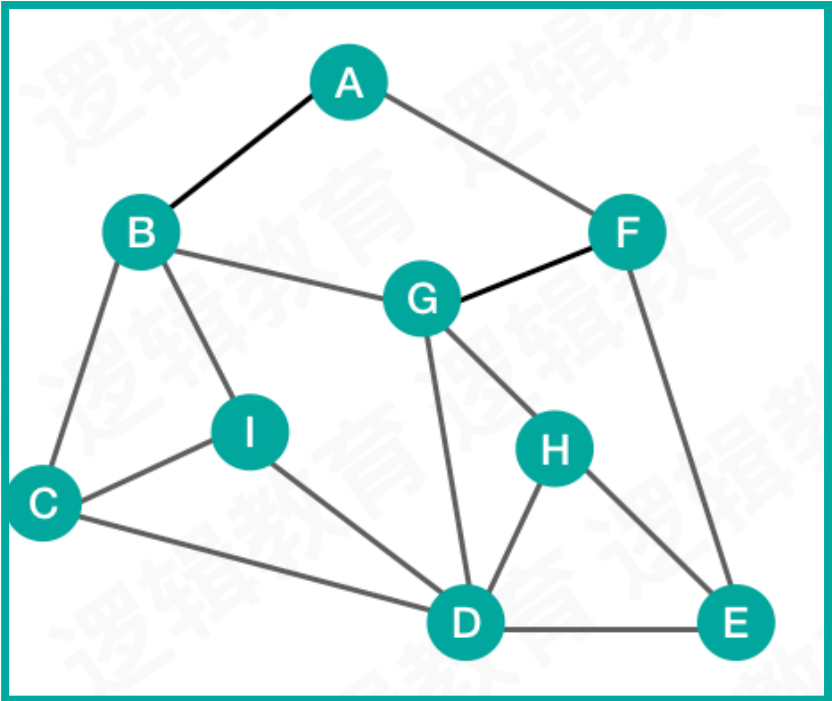


如何存储到邻接表中?

课程研发:CC老师
课程授课:CC老师



图的遍历—邻接表深度优先遍历

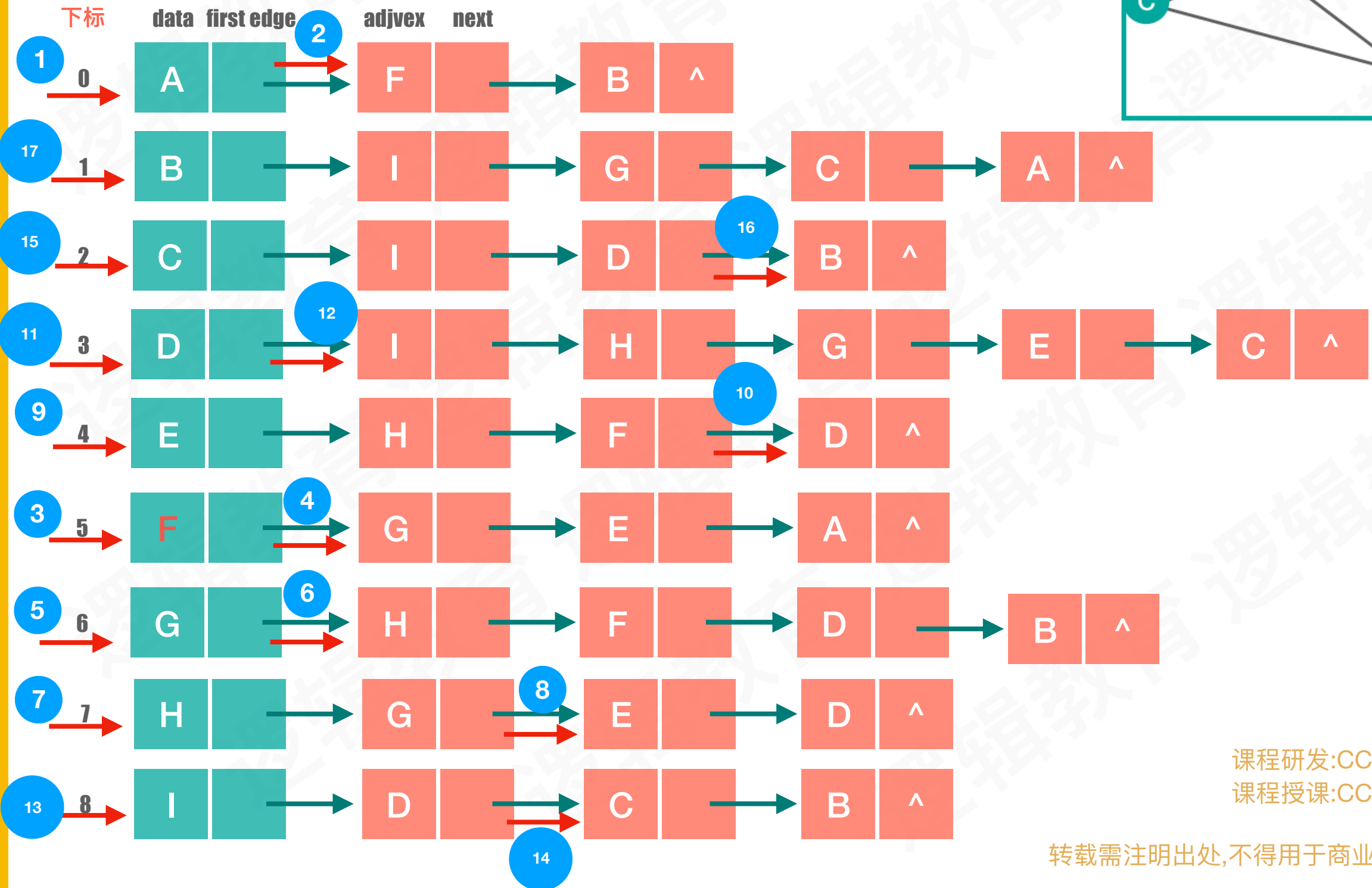
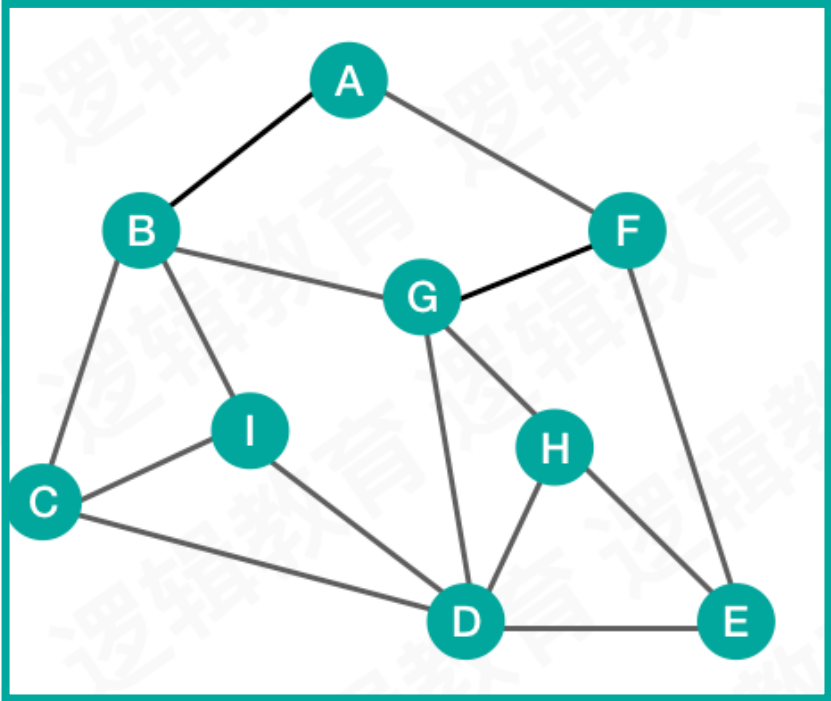


下标	data	first edge	adjvex	next
0	A	→	F	→ B ^
1	B	→	I	→ G → C → A ^
2	C	→	I	→ D → B ^
3	D	→	I	→ H → G → E → C ^
4	E	→	H	→ F → D ^
5	F	→	G	→ E → A ^
6	G	→	H	→ F → D → B ^
7	H	→	G	→ E → D ^
8	I	→	D	→ C → B ^

课程研发:CC老师
课程授课:CC老师



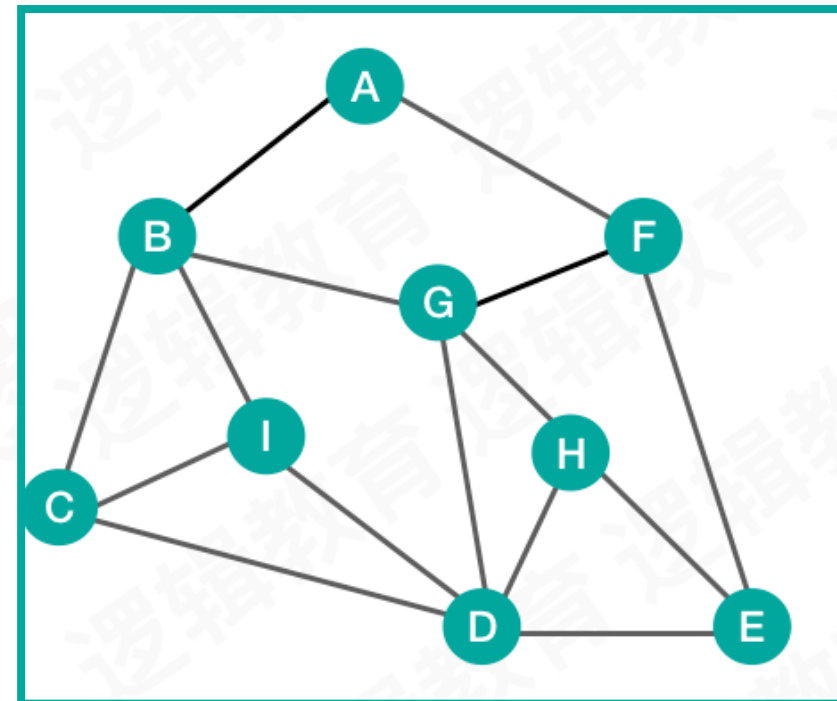
图的遍历—邻接表深度优先遍历



课程研发:CC老师
课程授课:CC老师



图的遍历—邻接表深度优先遍历



下标	data	first edge	adjvex	next
0	A	→	F	→ B ^
1	B	→	I	→ G → C → A ^
2	C	→	I	→ D → B ^
3	D	→	I	→ H → G → E → C ^
4	E	→	H	→ F → D ^
5	F	→	G	→ E → A ^
6	G	→	H	→ F → D → B ^
7	H	→	G	→ E → D ^
8	I	→	D	→ C → B ^

深度优先遍历结果:

A F G H E D I C B

课程研发:CC老师

课程授课:CC老师

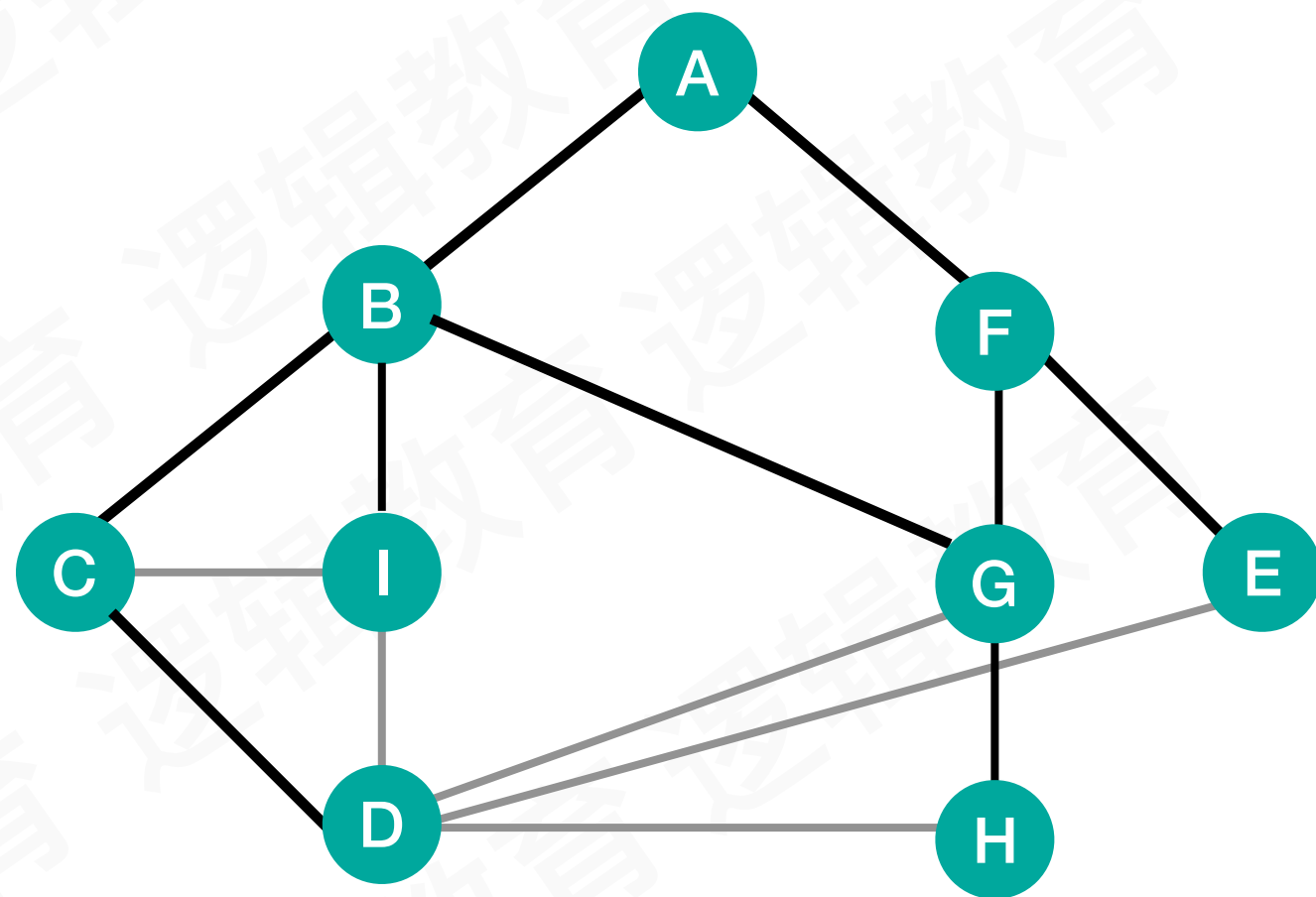
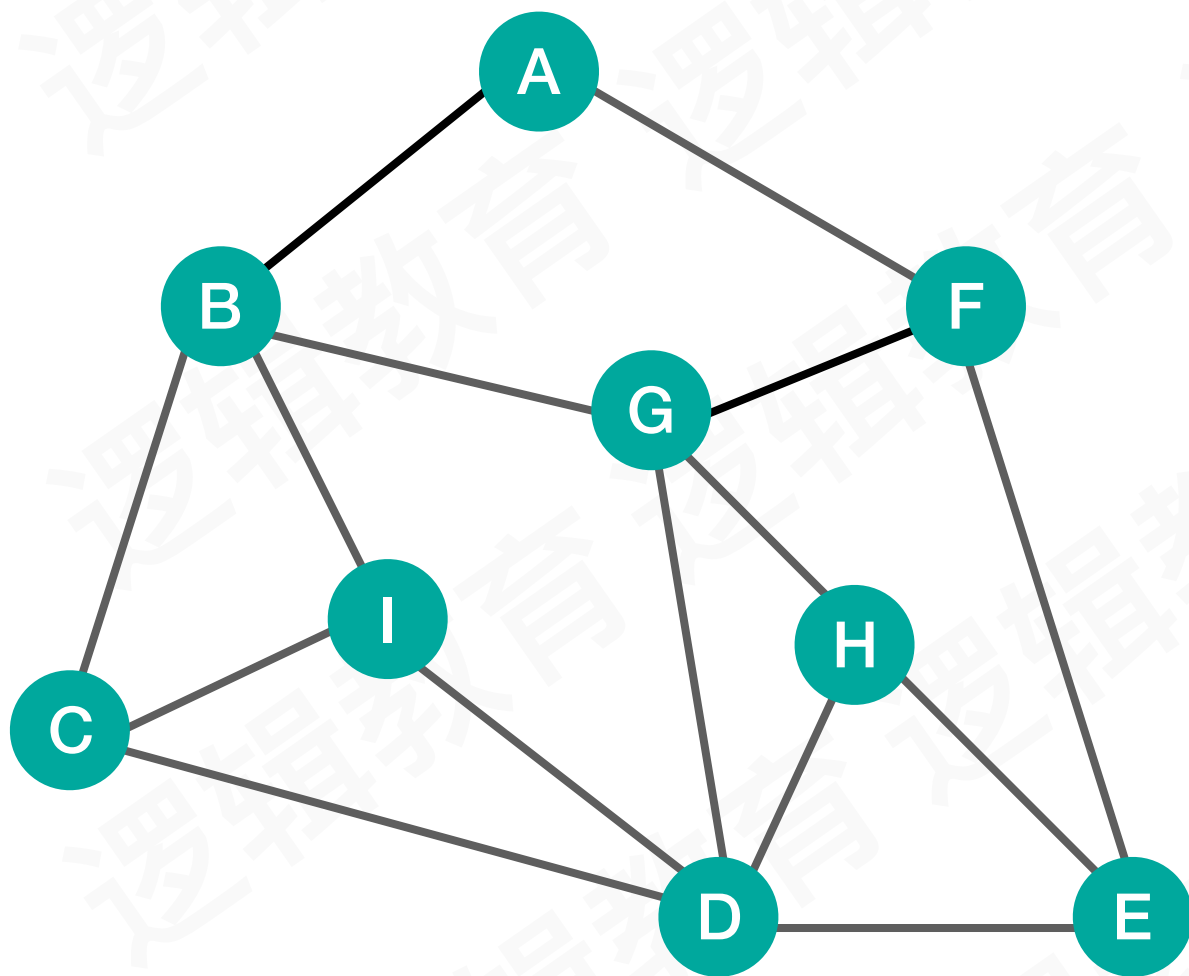


图的遍历—邻接表深度优先遍历代码实现思路

1. 利用邻接矩阵将信息存储到邻接表中
2. 创建一个**visited** 数组,用来标识顶点是否已经被遍历过.
3. 初始化**visited** 数组,将数组中元素置为**FALSE**
4. 选择顶点开始遍历.【注意非连通图的情况】
5. 进入递归;打印*i* 对应的顶点信息. 并将该顶点标识为已遍历.
6. 循环遍历边表,判断当前顶点 是否等于1,并且当前该顶点没有被遍历过,则继续递归
DFS;



图的遍历—广度优先遍历



课程研发:CC老师
课程授课:CC老师

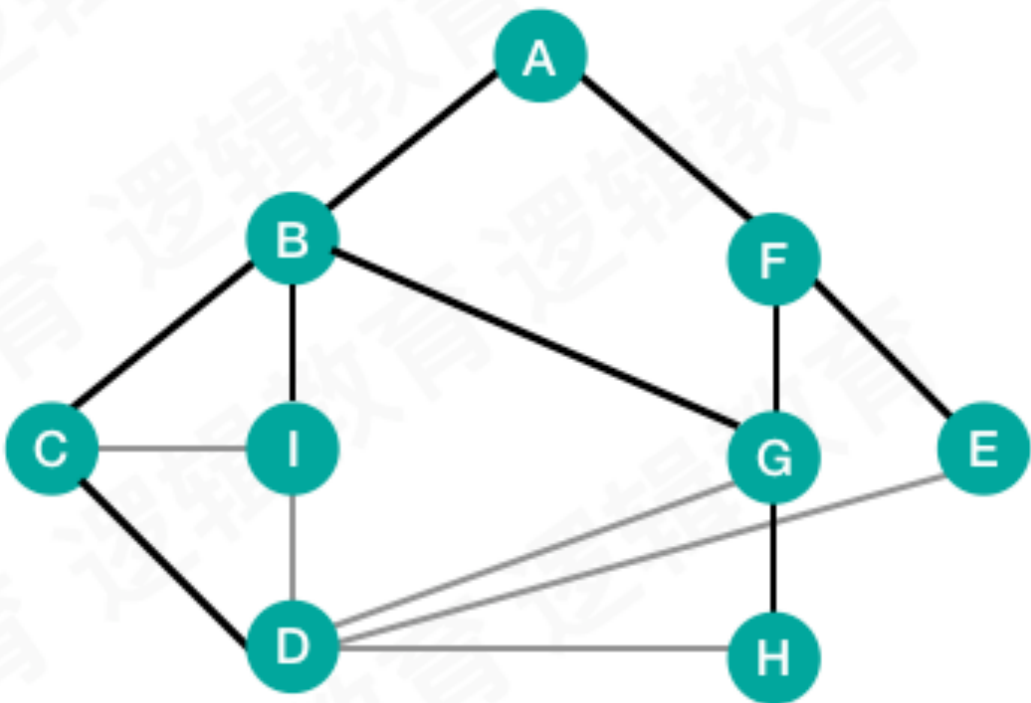


图的遍历—广度优先遍历特点

- 1、把根节点放到队列的末尾。
- 2、每次从队列的头部取出一个元素，查看这个元素所有的下一级元素，把它们放到队列的末尾。并把这个元素记为它下一级元素的前驱。
- 3、找到所要找的元素时结束程序。
- 4、如果遍历整个树还没有找到，结束程序。



图的遍历—广度优先遍历



结果

出队列

/

入队列

/

①



A



A

②



B F



B

③



F C I G



F

④



C I G E



C

⑤



I G E D



I

⑥



G E D



G

⑦



E D H



E

⑧



D H



D

⑨



H



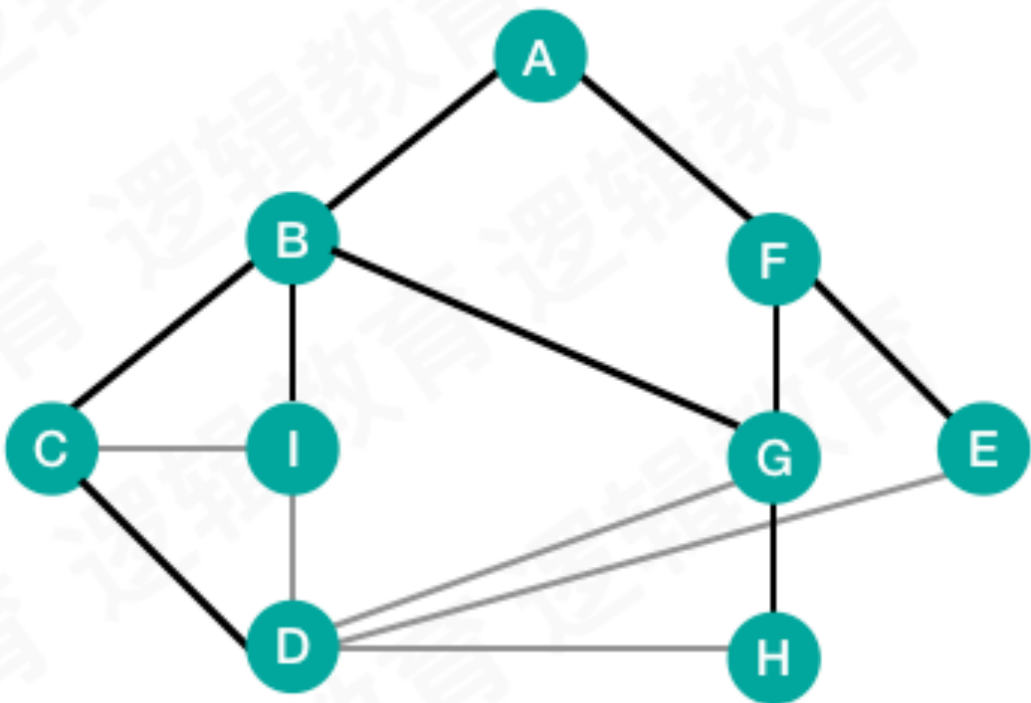
H

⑩





图的遍历—广度优先遍历



出队列		入队列	
/	①	A	
A	②	B F	
B	③	F C I G	
F	④	C I G E	
C	⑤	I G E D	
I	⑥	G E D	
G	⑦	E D H	
E	⑧	D H	
D	⑨	H	
H	⑩		



逻辑教育
Logic education

图的遍历—邻接矩阵/邻接表广度优先遍历

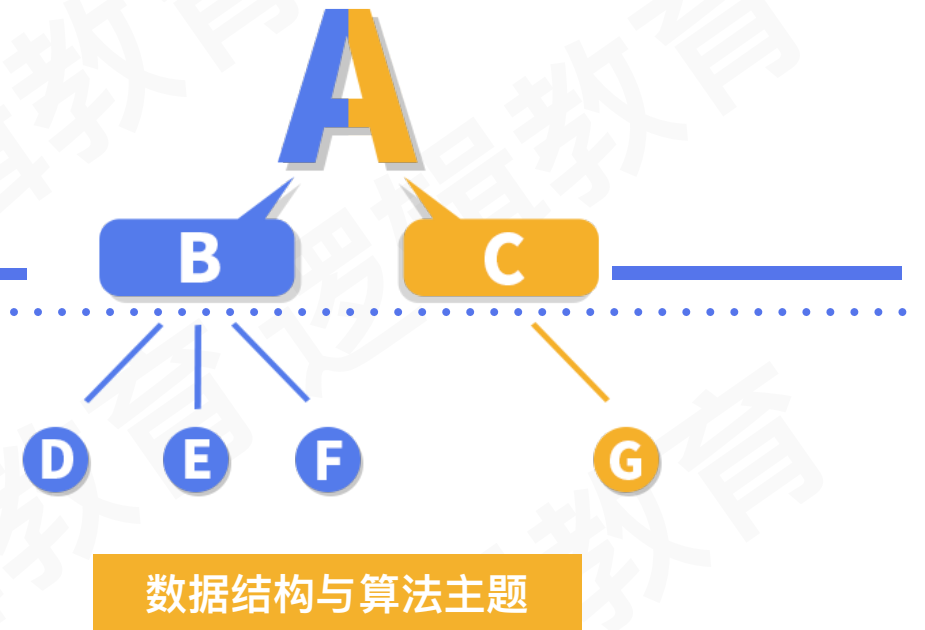
详细代码实现-请阅读胖C DEMO

课程研发:CC老师
课程授课:CC老师



逻辑教育
Logic education

*Class Ending !
thanks, see you next time*



@CC老师

全力以赴·非同凡“想”

课程研发:CC老师
课程授课:CC老师

转载需注明出处,不得用于商业用途.已申请版权保护



逻辑教育
Logic education

课程研发:CC老师
课程授课:CC老师

转载需注明出处,不得用于商业用途.已申请版权保护