

# Universidad de Buenos Aires Facultad de Ingeniería

Guía de Ejercicios Estructuras lineales

Algoritmos y Estructura de datos

Curso Ing. Gustavo Schmidt

Aquí tienes una **guía de ejercicios de complejidad algorítmica**, dividida en **tres niveles de dificultad**. Los ejercicios requieren que los estudiantes planteen la ecuación de recurrencia para un algoritmo dado y resuelvan la complejidad usando **expansión** o el **teorema maestro**.

### Nivel 1: Básico

# 1. Recursión simple

Un algoritmo divide un problema de tamaño n en dos subproblemas de tamaño n/2, con un costo constante en cada paso adicional. Plantea la ecuación de recurrencia y resuélvela.

$$T(n) = 2T\left(rac{n}{2}
ight) + O(1)$$

### 2. Búsqueda binaria

Un algoritmo busca un valor en un array ordenado reduciendo el problema a la mitad en cada paso, con un costo constante para la comparación.

$$T(n) = T\left(rac{n}{2}
ight) + O(1)$$

#### 3. Suma recursiva

Un algoritmo suma los elementos de una lista de n números dividiendo la lista en dos partes de igual tamaño. Encuentra la complejidad.

$$T(n) = 2T\left(\frac{n}{2}\right) + O(n)$$

### Nivel 2: Intermedio

### 4. Merge Sort

Un algoritmo de ordenamiento divide el array en dos partes, las ordena de manera recursiva y luego las fusiona en tiempo lineal.

$$T(n) = 2T\left(\frac{n}{2}\right) + O(n)$$

#### Búsqueda en árbol binario

En un árbol binario balanceado, un algoritmo busca un elemento comparando el nodo actual con el valor buscado. El problema se reduce a la mitad en cada nivel.

$$T(n) = T\left(\frac{n}{2}\right) + O(\log n)$$

### 6. Quick Sort (caso promedio)

Un algoritmo de ordenamiento selecciona un pivote y divide el array en dos partes, ordenando cada parte de manera recursiva. Suponiendo que los pivotes dividen el array en partes iguales en promedio, plantea y resuelve la recurrencia.

$$T(n) = 2T\left(rac{n}{2}
ight) + O(n)$$

# Nivel 3: Avanzado

### 7. Multiplicación de matrices de Strassen

Un algoritmo divide dos matrices  $n \times n$  en matrices más pequeñas y realiza 7 multiplicaciones en lugar de 8, logrando mejorar el método convencional.

$$T(n) = 7T\left(rac{n}{2}
ight) + O(n^2)$$

# 8. Torre de Hanoi

Un algoritmo resuelve el problema de las Torres de Hanoi moviendo discos entre 3 postes. Plantea la recurrencia y encuentra la complejidad.

$$T(n) = 2T(n-1) + O(1)$$

# 9. Algoritmo de búsqueda exponencial

Un algoritmo busca un elemento en un array ordenado duplicando el tamaño del intervalo de búsqueda en cada paso. Plantea la recurrencia y resuélvela.

$$T(n) = T(n/2) + O(\log n)$$

# 10. Karatsuba (Multiplicación rápida de enteros)

Un algoritmo de multiplicación de enteros de gran tamaño utiliza la técnica de dividir y vencerás para reducir el número de multiplicaciones necesarias.

$$T(n)=3T\left(rac{n}{2}
ight)+O(n)$$