

现代密码学作业——第四讲

第三节

1、

$$\begin{aligned} & b_3x^3 + b_2x^2 + b_1x + b_0 \\ &= (a_3x^3 + a_2x^2 + a_1x + a_0)(03x^3 + 01x^2 + 01x + 02) \\ &= (a_3 * 03)x^6 + (a_3 * 01 + a_2 * 03)x^5 + (a_3 * 01 + a_2 * 01 + a_1 * 03)x^4 \\ &\quad + (a_3 * 02 + a_2 * 01 + a_1 * 01 + a_0 * 03)x^3 + (a_2 * 02 + a_1 * 01 + a_0 * 01)x^2 \\ &\quad + (a_1 * 02 + a_0 * 01)x + a_0 * 02 \\ &= (a_3 * 02 + a_2 * 01 + a_1 * 01 + a_0 * 03)x^3 + (a_3 * 03 + a_2 * 02 + a_1 * 01 + a_0 * 01)x^2 \\ &\quad + (a_3 * 01 + a_2 * 03 + a_1 * 02 + a_0 * 01)x + (a_3 * 01 + a_2 * 01 + a_1 * 03 + a_0 * 02) \end{aligned}$$

上述公式表达的即为题中所示的矩阵乘法。

2、 $0x87=1000\ 0111$ 即 $a(x)=x^7+x^2+x+1$

$$0x03=0000\ 0011$$

$$A^{(0)}=a(x) \bmod m(x)=x^7+x^2+x+1$$

$$A^{(1)}=x*A^{(0)} \bmod m(x)=x^4+x^2+1$$

$$a(x)*b(x)=A^{(0)}+A^{(1)}=x^7+x^4+x$$

$$\text{那么, } 0x87*0x03=1001\ 0010=0x92$$

3、

5 密钥及密钥参量

加密密钥长度为 128 比特,表示为 $MK=(MK_0,MK_1,MK_2,MK_3)$,其中 $MK_i(i=0,1,2,3)$ 为字。

轮密钥表示为 $(rk_0,rk_1,\cdots,rk_{31})$,其中 $rk_i(i=0,\cdots,31)$ 为 32 比特字。轮密钥由加密密钥生成。

$FK=(FK_0,FK_1,FK_2,FK_3)$ 为系统参数, $CK=(CK_0,CK_1,\cdots,CK_{31})$ 为固定参数,用于密钥扩展算法,其中 $FK_i(i=0,\cdots,3)$ 、 $CK_i(i=0,\cdots,31)$ 为字。

6 轮函数 F

6.1 轮函数结构

设输入为 $(X_0,X_1,X_2,X_3)\in(Z_2^{32})^4$,轮密钥为 $rk\in Z_2^{32}$,则轮函数 F 为:

$$F(X_0,X_1,X_2,X_3,rk)=X_0\oplus T(X_1\oplus X_2\oplus X_3\oplus rk)$$

6.2 合成置换 T

$T:Z_2^{32}\rightarrow Z_2^{32}$ 是一个可逆变换,由非线性变换 τ 和线性变换 L 复合而成,即 $T(\cdot)=L(\tau(\cdot))$ 。

(1) 非线性变换 τ

τ 由 4 个并行的 S 盒构成。

设输入为 $A=(a_0,a_1,a_2,a_3)\in(Z_2^8)^4$,输出为 $B=(b_0,b_1,b_2,b_3)\in(Z_2^8)^4$,则

$$(b_0,b_1,b_2,b_3)=\tau(A)=(\text{Sbox}(a_0),\text{Sbox}(a_1),\text{Sbox}(a_2),\text{Sbox}(a_3))$$

其中,Sbox 数据如下:

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	A	B	C	D	E	F
0	D6	90	E9	FE	CC	E1	3D	B7	16	B6	14	C2	28	FB	2C	05
1	2B	67	9A	76	2A	BE	04	C3	AA	44	13	26	49	86	06	99
2	9C	42	50	F4	91	EF	98	7A	33	54	0B	43	ED	CF	AC	62
3	E4	B3	1C	A9	C9	08	E8	95	80	DF	94	FA	75	8F	3F	A6
4	47	07	A7	FC	F3	73	17	BA	83	59	3C	19	E6	85	4F	A8
5	68	6B	81	B2	71	64	DA	8B	F8	EB	0F	4B	70	56	9D	35
6	1E	24	0E	5E	63	58	D1	A2	25	22	7C	3B	01	21	78	87
7	D4	00	46	57	9F	D3	27	52	4C	36	02	E7	A0	C4	C8	9E
8	EA	BF	8A	D2	40	C7	38	B5	A3	F7	F2	CE	F9	61	15	A1
9	E0	AE	5D	A4	9B	34	1A	55	AD	93	32	30	F5	8C	B1	E3
A	1D	F6	E2	2E	82	66	CA	60	C0	29	23	AB	0D	53	4E	6F
B	D5	DB	37	45	DE	FD	8E	2F	03	FF	6A	72	6D	6C	5B	51
C	8D	1B	AF	92	BB	DD	BC	7F	11	D9	5C	41	1F	10	5A	D8
D	0A	C1	31	88	A5	CD	7B	BD	2D	74	D0	12	B8	E5	B4	B0
E	89	69	97	4A	0C	96	77	7E	65	B9	F1	09	C5	6E	C6	84
F	18	F0	7D	EC	3A	DC	4D	20	79	EE	5F	3E	D7	CB	39	48

注:输入'EF',则经 S 盒后的值为表中第 E 行和第 F 列的值,Sbox(EF) 84。

(2) 线性变换 L

非线性变换 τ 的输出是线性变换 L 的输入。设输入为 $B \in Z_2^{32}$, 输出为 $C \in Z_2^{32}$, 则:

$$C = L(B) = B \oplus (B \ll 2) \oplus (B \ll 10) \oplus (B \ll 18) \oplus (B \ll 24)$$

7 算法描述

7.1 加密算法

本加密算法由 32 次迭代运算和 1 次反序变换 R 组成。

设明文输入为 $(X_0, X_1, X_2, X_3) \in (Z_2^{32})^4$, 密文输出为 $(Y_0, Y_1, Y_2, Y_3) \in (Z_2^{32})^4$, 轮密钥为 $rk_i \in Z_2^{32}$, $i=0, 1, 2, \dots, 31$ 。加密算法的运算过程如下:

(1) 32 次迭代运算: $X_{i+4} = F(X_i, X_{i+1}, X_{i+2}, X_{i+3}, rk_i)$, $i=0, 1, \dots, 31$;

(2) 反序变换: $(Y_0, Y_1, Y_2, Y_3) = R(X_{32}, X_{33}, X_{34}, X_{35}) = (X_{35}, X_{34}, X_{33}, X_{32})$ 。

7.2 解密算法

本算法的解密变换与加密变换结构相同, 不同的仅是轮密钥的使用顺序。解密时, 使用轮密钥序 $(rk_{31}, rk_{30}, \dots, rk_0)$ 。

7.3 密钥扩展算法

本算法轮密钥由加密密钥通过密钥扩展算法生成。

加密密钥 $MK = (MK_0, MK_1, MK_2, MK_3) \in (Z_2^{32})^4$, 轮密钥生成方法为:

$(K_0, K_1, K_2, K_3) = (MK_0 \oplus FK_0, MK_1 \oplus FK_1, MK_2 \oplus FK_2, MK_3 \oplus FK_3)$,
 $rk_i = K_{i+4} - K_i \oplus T'(K_{i+1} \oplus K_{i+2} \oplus K_{i+3} \oplus CK_i)$, $i=0, 1, \dots, 31$ 。

其中:

(1) T' 是将 6.2 中合成置换 T 的线性变换 L 替换为 L' :

$$L'(B) = B \oplus (B \ll 13) \oplus (B \ll 23);$$

(2) 系统参数 FK 的取值为:

$$FK_0 = (\text{A3B1BAC6}), FK_1 = (\text{56AA3350}), FK_2 = (\text{677D9197}), FK_3 = (\text{B27022DC});$$

(3) 固定参数 CK 取值方法为:

设 $ck_{i,j}$ 为 CK_i 的第 j 字节 ($i=0, 1, \dots, 31, j=0, 1, 2, 3$), 即 $CK_i = (ck_{i,0}, ck_{i,1}, ck_{i,2}, ck_{i,3}) \in (Z_2^8)^4$, 则 $ck_{i,j} = (4i+j) \times 7 \pmod{256}$ 。

固定参数 CK_i ($i=0, 1, \dots, 31$) 具体值为:

00070E15, 1C232A31, 383F464D, 545B6269,
70777E85, 8C939AA1, A8AFB6BD, C4CBD2D9,
E0E7EEF5, FC030A11, 181F262D, 343B4249,
50575E65, 6C737A81, 888F969D, A4ABB2B9,
C0C7CED5, DCE3EAF1, F8FF060D, 141B2229,
30373E45, 4C535A61, 686F767D, 848B9299,
A0A7AEB5, BCC3CAD1, D8DFE6ED, F4FB0209,
10171E25, 2C333A41, 484F565D, 646B7279。

4、

```
1. # S 盒乘法逆元及仿射实现
2. # 求最高幂次数
3. def Nonzero_MSB(value):
4.     v2str = '{:09b}'.format(value)
5.     for i in range(9):
6.         if int(v2str[i]):
7.             return 9 - i
8.
```

```

9. # 模 2 除法: m 为被除数。b 为除数, q 为商, r 为余数
10. def Mode2_div(fx, gx):
11.     n = Nonzero_MSB(fx)
12.     m = Nonzero_MSB(gx)
13.     if n < m:
14.         return [0, fx]
15.     deg = n - m
16.     fx = fx ^ (gx << deg)
17.     [q, r] = Mode2_div(fx, gx)
18.     return [(1 << deg) | q, r]
19.
20. # 多项式乘法
21. #  $v3 = v1 - q3 * v2$ 
22. def Calculate(v1, q3, v2):
23.     value = 0
24.     for i in range(32):
25.         if (q3 & (1 << i)):
26.             value = value ^ (v2 << i)
27.     return v1 ^ value
28.
29. # 欧几里得算法
30. def poly_gcd(r1, r2, v1=1, v2=0, w1=0, w2=1):
31.     if r2 == 0 or r2 == 1:
32.         return w2
33.     q3, r3 = Mode2_div(r1, r2) #  $q3(x)=r1(x)|r2(x)$ ,  $r2(x)=r1(x) \bmod r2(x)$ 
34.     v3 = Calculate(v1, q3, v2) #  $v3 = v1 - q3 * v2$ 
35.     w3 = Calculate(w1, q3, w2) #  $w3 = w1 - q3 * w2$ 
36.     return poly_gcd(r2, r3, v2, v3, w2, w3)
37.
38. def sym2int(sym):
39.     power = [sym[i + 2] for i in range(len(sym)) if sym[i] == 'x']
40.     if '+1' in sym: power.append('0')
41.     data = 0
42.     for p in power:
43.         data = data | (1 << int(p))
44.     return data
45.
46. def int2sym(data):
47.     int2str = '{:09b}'.format(data)
48.     sym = ''
49.     for i in range(9):
50.         if int(int2str[i]) == 1:
51.             if 8 - i:

```

```

52.             sym += 'x^%d' % (8 - i)
53.         else:
54.             sym += '+1'
55.     return sym[1:]
56.
57. def xor(a, b):
58.     if a == b:
59.         return '0'
60.     else:
61.         return '1'
62.
63. def fangshe(a):
64.     a = a[::-1]
65.     c = '11000110'
66.     b = ''
67.     for i in range(7, -1, -1):
68.         b += xor(xor(xor(xor(xor(a[i], a[(i + 4) % 8]), a[(i + 5) % 8
69.             ]), a[(i + 6) % 8]), a[(i + 7) % 8]), c[i])
70.     return b
71.
72. if __name__ == '__main__':
73.     bi = bin(int(input('请输入两位 16 进制数: '), 16))[2:]
74.     print("16 进制转为为 2 进制为: {}".format(bi))
75.     xstr = ''
76.     for i in range(len(bi)):
77.         if bi[i] == '1':
78.             if i < len(bi) - 1:
79.                 xstr += "x^{}".format(len(bi) - i - 1)
80.             elif i == str(len(bi)):
81.                 xstr += '+1'
82.     xstr = xstr[1:]
83.     inverse = int2sym(poly_gcd(283, sym2int(xstr)))
84.     data = hex(sym2int(inverse))
85.     print('你输入的多项式 :', xstr)
86.     print('默认既约多项式 :', int2sym(283))
87.     print('乘法逆元为 :', inverse)
88.     print('乘法逆元的 16 进制: ', data)
89.     print('---- 多项式乘法逆元求解完成 ----')
90.     data = bin(int(data, 16))[2:].zfill(8)
91.     print('最终结果为: ', fangshe(data))
92.     print('16 进制表示为', hex(int(fangshe(data), 2)))

```

第四节

1、OFB 模式（输出反馈模式）：密码算法的输出会反馈到密码算法的输入当中。其是将“明文分组”和“密码算法的输出”进行 XOR 来产生“密文分组”。优点：传输过程中密文在某位上发生的错误不会影响解密后明文其他位。缺点：失去同步，如果加密端和解密端移位寄存器不同步，那么恢复的明文将是一些无用的杂乱数据，任何使用 OFB 的系统必须有检测失步的机制，并用新的初始向量 IV 填充双方移位寄存器重新获得同步；抗消息流篡改攻击能力不如 CFB。

2、CCM 模式（认证保密模式）：CCM 是 CTR 加密模式和 CMAC 认证算法的混合使用，常用在需要同时加密和认证的领域，比如 WiFi 安全中的 WPE 协议，它就使用了 AES-CCM 模式。其首先使用 CBC-MAC 模式来认证传输帧，然后使用 CTR 模式来加密帧。