1.4)
$$z(x,y) = 2 + (y+1) + 2(x-1)^2 + 4(x-1)(y+1) + 3(y+1)^2 + o(\rho^2)$$
.

3.3
$$2\pi$$
 .45

4.④ Сходится при
$$\alpha \in [-1;0)$$
.

5.6) Сходится при
$$\alpha > -2$$
, абсолютно при $\alpha > 2$.

6.3) Расходится.
$$\lim_{n \to \infty} |\frac{a_{n+1}}{a_n}| = 4/3$$
.

7. © Сходится на
$$(0;1)$$
 равномерно, на $(1;+\infty)$ — неравномерно.

8.6 На
$$(0;1)$$
 сходится равномерно, на $(1;+\infty)$ сходится неравномерно.

9.4)
$$y = x + \sum_{k=0}^{\infty} \frac{6(-3)^k x^{2k+3}}{\ln 2(2k+2)}$$
, $R = \frac{1}{\sqrt{3}}$

Математический анализ, 1 курс, 2 семестр, 2003/2004 г.

Вариант (42)

1.4
$$z(x,y) = 1 + \frac{1}{3}(x-1) + \frac{1}{3}(y-2) - \frac{2}{27}(x-1)^2 + \frac{5}{27}(x-1)(y-2) - \frac{2}{27}(y-2)^2 + o(\rho^2)$$
.

3.3)
$$\frac{\pi}{2}\sqrt{3} + \pi \ln \left(\frac{1+\sqrt{3}}{\sqrt{2}}\right)$$
.

4.④ Сходится при
$$\alpha \in [-1;0)$$
.

5.6 сходится при
$$\alpha > -\frac{1}{2}$$
, абсолютно при $\alpha > 1$.

6.3 Сходится.
$$\lim_{n \to \infty} |a_n|^{\frac{1}{n}} = \frac{1}{\sqrt{\ln 4}}$$
.

7. © Сходится на
$$(0;1)$$
 неравномерно, на $(1;+\infty)$ — равномерно.

8.6 На
$$(0;1)$$
 сходится неравномерно, на $(1;+\infty)$ сходится равномерно.

9.4)
$$f(x) = -\frac{\pi}{4}x + \sum_{k=0}^{\infty} \frac{8(-16)^k x^{4k+3}}{3 \cdot 9^k (4k+2)}$$
, $R = \frac{\sqrt{3}}{2}$.

1.4)
$$z(x,y) = 2 - 2(y-1) + 2(x-1)(y-1) + 6(y-1)^2 + o(\rho^2)$$
.

2.**3** Het.

3.3
$$\frac{3}{2}$$
.

4.④ Сходится при
$$\alpha \in [-2;0)$$
.

5.6 Сходится при
$$\alpha > -\frac{4}{3}$$
, абсолютно при $\alpha > \frac{2}{3}$.

6.③ Сходится.
$$\lim_{n\to\infty} |\frac{a_{n+1}}{a_n}| = \frac{27}{28}$$
.

7. ⑤ Сходится на
$$(0;1)$$
 равномерно, на $(1;+\infty)$ — неравномерно.

8.6) На
$$(0;1)$$
 сходится равномерно, на $(1;+\infty)$ сходится неравномерно.

9.4)
$$y = \frac{\pi}{4}x^2 + \sum_{k=0}^{\infty} \frac{10(-100)^k C_{-1/2}^k x^{4k+4}}{4k+2}$$
, $R = \frac{1}{\sqrt{10}}$

Математический анализ, 1 курс, 2 семестр, 2003/2004 г.

1.4)
$$z(x,y) = 1 + \frac{1}{2}(x-2) - \frac{1}{2}y - \frac{1}{4}(x-2)y + \frac{1}{4}y^2 + o(\rho^2)$$
.

4.**4**) Сходится при
$$\alpha \in [-\frac{3}{2};0)$$

5.6 Сходится при
$$\alpha > \frac{1}{2}$$
, абсолютно при $\alpha > 1$.

6.③ Расходится.
$$\lim_{n\to\infty}|a_n|^{\frac{1}{n}}=+\infty$$
.

7. © Сходится на
$$(0;1)$$
 неравномерно, на $(1;+\infty)$ — равномерно.

8.6 На
$$(0;1)$$
 сходится неравномерно, на $(1;+\infty)$ сходится равномерно.

9.4)
$$y = \frac{\pi}{4}x + \sum_{k=0}^{\infty} \frac{3(-4)^k C_{-1/2}^k x^{6k+4}}{6k+3}, R = \frac{1}{\sqrt[3]{2}}.$$