Tłumaczenie

Dostępna pamięć: 1500 MB, limit czasu: 1,5 s. IOI 2015, dzień drugi, 30.07.2015

Konie

Mansur, wzorem swoich starożytnych przodków, jest zapalonym hodowcą koni. Posiada obecnie największe stado w całym Kazachstanie. Nie zawsze jednak tak było. Ongiś, N lat temu, Mansur był jedynie dżygitem (kaz. młodym człowiekiem) mającym tylko jednego konia. Marzył wtedy, aby zarobić dużo pieniędzy i stać się bajem (kaz. bogaczem).

Ponumerujmy lata działalności Mansura liczbami $0,1,\ldots,N-1$, od najdawniejszych do najnowszych. Podczas każdego roku stado mogło zwiększyć swoją liczebność, w zależności od pogody. Dla każdego roku i, Mansur pamięta współczynnik wzrostu – całkowitą dodatnią liczbę X[i]. Jeśli na początku roku i stado liczyło h koni, na koniec tego roku było już $h \cdot X[i]$ koni w stadzie.

Konie można było sprzedawać wyłącznie pod koniec roku. Dla każdego roku i, Mansur pamięta również dodatnią liczbę całkowitą Y[i] – cenę, jaką można było otrzymać za sprzedaż jednego konia. Po każdym roku można było sprzedać dowolnie wiele spośród posiadanych koni, wszystkie po tej samej cenie Y[i].

Mansur zastanawia się, ile najwięcej pieniędzy mógł był zarobić, gdyby wybrał najlepsze momenty do sprzedaży koni w ciągu tych N lat. Masz obecnie zaszczyt gościć u Mansura w czasie toi (kaz. wakacji), Mansur zadał więc to pytanie Tobie.

Dodatkowo, w miarę snucia opowieści, Mansur przypomina sobie nowe fakty. Dokona on zatem M poprawek swojej historii. Każda z poprawek zmieni dokładnie jedną wartość X[i] albo dokładnie jedną wartość Y[i]. Po każdej poprawce Mansur znowu zapyta Cię o największą sumę pieniędzy, jaką mógł zarobić. Poprawki Mansura kumulują się – każda z Twoich odpowiedzi musi brać pod uwagę wszystkie poprzednie poprawki. Zwróć też uwagę na fakt, że każde X[i] lub Y[i] może być zmieniane wielokrotnie.

Odpowiedzi na pytania Mansura mogą być wielkimi sumami pieniędzy. Aby uniknąć dużych liczb, podaj wszystkie odpowiedzi modulo $10^9 + 7$.

Przykład

Załóżmy, że historia trwa N=3 lata z następującymi parametrami:

rok	0	1	2
X	2	1	3
Y	3	4	1

Dla tych wartości Mansur zarobi najwięcej, jeśli sprzeda oba swoje konie pod koniec roku 1. Cała historia wygląda wtedy następująco:

- Na początku Mansur posiada 1 konia.
- Po roku 0 będzie miał $1 \cdot X/0 = 2$ konie.
- Po roku 1 będzie miał $2 \cdot X/1/2 = 2$ konie.
- Teraz może sprzedać oba konie za łączną sumę $2 \cdot Y/1 = 8$.

Teraz załóżmy, że jest M=1 poprawka: zmiana Y[1] na 2. Po poprawce dane są następujące:

rok	0	1	2
X	2	1	3
Y	3	2	1

W tym wypadku jednym z możliwych najlepszych rozwiązań jest sprzedaż jednego konia po roku 0, a trzech po roku 2. Cala historia wygląda wtedy następująco:

- Na początku Mansur posiada 1 konia.
- Po roku 0 będzie miał $1 \cdot X[0] = 2$ konie.
- Sprzedaje jednego z koni po cenie Y[0] = 3, pozostaje mu więc jeden koń.
- Po roku 1 będzie miał $1 \cdot X/1/1 = 1$ konia.
- Po roku 2 będzie miał $1 \cdot X/2 = 3$ konie.
- Teraz sprzedaje wszystkie konie za sumę $3 \cdot Y[2] = 3$. Zarobił łącznie 3 + 3 = 6.

Zadanie

Dane są liczba N, tablice X, Y oraz lista poprawek. Oblicz maksymalny zysk ze sprzedaży koni Mansura przed wszystkimi poprawkami, a także po każdej poprawce. Wyniki podaj modulo $10^9 + 7$.

Musisz zaimplementować funkcje init, updateX i updateY.

- init(N, X, Y) Program sprawdzający wywoła tę funkcję dokładnie raz.
 - N: liczba lat.
 - X: tablica długości N. Dla każdego $0 \le i \le N-1$, X[i] to współczynnik wzrostu w roku i.
 - Y: tablica długości N. Dla każdego $0 \le i \le N-1$, Y[i] to cena konia po roku i.
 - Wartości X oraz Y to liczby podane przez Mansura na początku (przed wszystkimi poprawkami).
 - Po zakończeniu działania funkcji init tablice X i Y pozostają zaalokowane i możesz dowolnie modyfikować ich zawartość.
 - Funkcja powinna zwrócić maksymalny zysk Mansura dla podanych początkowych wartości X oraz Y, modulo 10⁹ + 7.
- updateX(pos, val)
 - pos: liczba całkowita z zakresu $0, \ldots, N-1$.
 - val: $nowa \ wartość \ X[pos].$
 - Funkcja powinna zwracać maksymalny zysk Mansura po uwzględnieniu tej poprawki, modulo 10⁹ + 7.

178 *Konie*

- updateY(pos, val)
 - pos: liczba całkowita z zakresu $0, \ldots, N-1$.
 - val: $nowa \ wartość \ Y/pos/.$
 - Funkcja powinna zwracać maksymalny zysk Mansura po uwzględnieniu tej poprawki, modulo $10^9 + 7$.

Możesz założyć, że zarówno początkowe, jak i zaktualizowane później wartości X[i] oraz Y[i] są liczbami z zakresu od 1 do 10^9 włącznie. Po jednokrotnym wywołaniu init, program sprawdzający wywoła funkcje updateX oraz updateY pewną liczbę razy. Łączna liczba wywołań updateX i updateY będzie wynosiła M.

Podzadania

podzadanie	liczba	N	M	dodatkowe
	punktów			ograniczenia
1	17	$1 \leqslant N \leqslant 10$	M = 0	$X[i], Y[i] \leqslant 10,$
				$X[0] \cdot X[1] \cdot \dots$
				$\cdot X[N\!-\!1] \leqslant 1000$
2	17	$1 \leqslant N \leqslant 1000$	$0 \leqslant M \leqslant 1000$	brak
3	20	$1 \leqslant N \leqslant 500\ 000$	$0 \leqslant M \leqslant 100\ 000$	$X[i] \geqslant 2 \ oraz$
				$val \geqslant 2 \ odpo$ -
				$wiednio\ dla\ {\tt init}$
				$i \; \mathtt{updateX}$
4	23	$1 \leqslant N \leqslant 500\ 000$	$0 \leqslant M \leqslant 10~000$	brak
5	23	$1 \leqslant N \leqslant 500\ 000$	$0 \leqslant M \leqslant 100\ 000$	brak

Przykładowy program sprawdzający

Przykładowy program sprawdzający czyta dane z pliku horses.in w następującej postaci:

- wiersz 1: N
- wiersz 2: X[0] ... X[N 1]
- wiersz 3: Y[0] ... Y[N 1]
- wiersz 4: M
- wiersze 5, ..., M + 4: trzy liczby type pos val (type = 1 dla updateX oraz type = 2 dla updateY).

Przykładowy program sprawdzający wypisuje wartość zwróconą przez funkcję init, a po niej wartości zwrócone przez wywołania funkcji updateX i updateY.