Dostępna pamięć: 1500 MB, limit czasu: 1 s. IOI 2015, dzień drugi, 30.07.2015

# Sortowanie

Aizhan pragnie posortować ciąg N liczb całkowitych  $S[0], S[1], \ldots, S[N-1]$ . Ciąg ten składa się z parami różnych liczb z zakresu od 0 do N-1. Aizhan chce posortować zadany ciąg rosnąco, zamieniając elementy ciągu parami. Jej przyjaciel Ermek ma także zamiar zamieniać parami niektóre elementy ciągu, ale niekoniecznie w sposób, który pomagałby Aizhan.

Ermek i Aizhan modyfikują ciąg w rundach. W każdej rundzie pierwszą zamianę wykonuje Ermek, a po nim zamiany dokonuje Aizhan. Osoba dokonująca zamiany wybiera dwa indeksy, po czym zamienia miejscami elementy o tych indeksach. Indeksy wybrane do zamiany niekoniecznie muszą być różne – jeśli oba są takie same, oznacza to, że w rzeczywistości element pozostaje na swoim miejscu.

Aizhan wie, że Ermekowi nie zależy na posortowaniu ciągu. Ponadto wie ona, jakich zamian Ermek ma zamiar dokonać. Ermek planuje wziąć udział w co najwyżej M rundach zamian elementów ciągu. Rundy są ponumerowane od 0 do M-1. W i-tej rundzie, dla  $i=0,1,\ldots,M-1$ , Ermek wybiera do zamiany elementy o indeksach X[i] oraz Y[i].

Aizhan chce posortować ciąg S. Przed każdą rundą, jeśli Aizhan widzi, że ciąg jest już posortowany rosnąco, to przerywa cały proces sortowania. Mając dany ciąg S oraz listę zamian, które chce wykonać Ermek, znajdź ciąg zamian dla Aizhan, który pozwoli jej posortować ciąg S. Dodatkowo, w niektórych podzadaniach musisz wyznaczyć najkrótszy taki ciąg. Możesz założyć, że zawsze możliwe jest posortowanie ciągu S w M lub mniej rundach.

Zauważ, że jeśli Aizhan widzi, że ciąg S jest posortowany po zamianie Ermeka, może do zamiany wskazać elementy o tym samym indeksie (np. 0 i 0). W wyniku takiej zamiany ciąg S pozostaje posortowany po całej rundzie, tak więc Aizhan osiąga swój cel. Zauważ także, że jeżeli początkowy ciąg S jest posortowany, to minimalna liczba rund potrzebnych do posortowania go wynosi 0.

## Przykład 1

Załóżmy, że:

- Początkowy ciąg to S = 4, 3, 2, 1, 0.
- Ermek chce wykonać M = 6 zamian.
- Ciągi X i Y opisujące pary indeksów elementów zamienianych przez Ermeka to X=0,1,2,3,0,1 oraz Y=1,2,3,4,1,2. Innymi słowy, pary indeksów elementów, które Ermek zamierza zamienić, to kolejno: (0,1), (1,2), (2,3), (3,4), (0,1) i (1,2).

W tej sytuacji Aizhan może posortować S, otrzymując w trzech rundach kolejność 0, 1, 2, 3, 4. Osiągnie to, wybierając pary indeksów (0,4), (1,3), a na końcu (3,4). Poniższa tabela pokazuje, jak będzie wyglądał ciąg po zamianach Ermeka i Aizhan:

runda	gracz	pary indeksów	ciąg
początek			4,3,2,1,0
0	Ermek	(0,1)	3,4,2,1,0
0	Aizhan	(0,4)	0,4,2,1,3
1	Ermek	(1,2)	0,2,4,1,3
1	Aizhan	(1,3)	0,1,4,2,3
2	Ermek	(2,3)	0,1,2,4,3
2	Aizhan	(3,4)	0,1,2,3,4

## Przykład 2

Załóżmy, że:

- Początkowy ciąg to S = 3, 0, 4, 2, 1.
- Ermek chce wykonać M = 5 zamian.
- Pary indeksów elementów, które Ermek zamierza zamienić ze sobą, to kolejno: (1,1),
  (4,0), (2,3), (1,4) i (0,4).

W tej sytuacji Aizhan może posortować S w trzech rundach, wybierając na przykład pary indeksów (1,4), (4,2) oraz (2,2). Poniższa tabela pokazuje, jak będzie wyglądał ciąg po zamianach Ermeka i Aizhan:

runda	gracz	pary indeksów	ciąg
początek			3,0,4,2,1
0	Ermek	(1,1)	3,0,4,2,1
0	Aizhan	(1,4)	3,1,4,2,0
1	Ermek	(4,0)	0,1,4,2,3
1	Aizhan	(4,2)	0,1,3,2,4
2	Ermek	(2,3)	0,1,2,3,4
2	Aizhan	(2,2)	0,1,2,3,4

#### Zadanie

Dane są: ciąg S, liczba M oraz listy indeksów X i Y. Znajdź kolejność zamian, których Aizhan może użyć do posortowania ciągu S. W podzadaniach 5 i 6 Twój ciąg zamian dodatkowo musi być najkrótszy z możliwych.

Musisz zaimplementować funkcję findSwapPairs:

- findSwapPairs(N, S, M, X, Y, P, Q) Funkcja ta zostanie wywołana przez program sprawdzający dokładnie raz.
  - $-\,$  N:  $długość\,\,ciągu\,\,S.$
  - S: tablica zawierająca początkowy ciąg S.
  - M: liczba zamian, które chce wykonać Ermek.
  - X, Y: tablice liczb całkowitych długości M. Dla  $0 \le i \le M-1$ , Ermek w rundzie i zamieni elementy ciągu S o indeksach X[i] oraz Y[i].

P, Q: tablice liczb całkowitych. Użyj tych tablic, aby podać jeden z możliwych ciągów zamian, których może użyć Aizhan do posortowania ciągu S. Niech R będzie długością ciągu zamian znalezionego przez Twój program. Dla każdego i między 0 a R - 1 włącznie, indeksy zamienione przez Aizhan powinny zostać zapisane w P[i] oraz Q[i].

Możesz założyć, że tablice P i Q zostały już zaalokowane i każda z nich ma długość M.

- Funkcja ta powinna zwrócić wartość R (zdefiniowaną powyżej).

#### Podzadania

podzadanie	liczba	max	M	dodatkowe ogra-	wymagane
	punktów	N		niczenia na $X, Y$	R
1	8	5	$M = N^2$	X[i] = Y[i] = 0	$R \leqslant M$
				dla wszystkich i	
2	12	100	M = 30N	X[i] = Y[i] = 0	$R \leqslant M$
				dla wszystkich i	
3	16	100	M = 30N	X[i] = 0, Y[i] = 1	$R \leqslant M$
				dla wszystkich i	
4	18	500	M = 30N	brak	$R \leqslant M$
5	20	2000	M = 3N	brak	najmniejsze
					możliwe
6	26	200 000	M = 3N	brak	najmniejsze
					$mo\dot{z}liwe$

Możesz założyć, że istnieje rozwiązanie, które wymaga M lub mniej rund. We wszystkich podzadaniach  $N\geqslant 1$ .

## Przykładowy program sprawdzający

Przykładowy program sprawdzający czyta dane z pliku sorting.in w następującej postaci:

- wiersz 1: N
- wiersz 2: S[0] ... S[N 1]
- wiersz 3: M
- wiersze 4, ..., M + 3: X[i] Y[i]

Program wypisuje na wyjście kolejno:

- wiersz 1: wartość zwróconą przez funkcję findSwapPairs
- $wiersz \ 2 + i \ dla \ 0 \leqslant i < R$ : P[i] Q[i]