

## 实验二 三种排序算法的实现与分析

2005010130 侯杰

### 一、实验要求

1. 分别用 C/C++，汇编语言书写冒泡，选择，快速排序。均要求递归实现。
2. 对三种算法的效率进行分析

### 二、实验分析

由于要求递归实现，与以前的程序书写思路稍有不同。现将基本算法思路阐述如下：

#### 1. 冒泡排序的递归算法

目的：实现  $N$  个元素从大到小排序。

算法：如果  $N=1$  则直接返回，否则开始排序。从第一个元素开始，依次比较相邻的两个元素。若前一个元素小于后一个元素，则将前后两元素交换位置。第一轮扫描交换完毕后，最小的元素必然位于最后。这样对于前  $N-1$  个元素又是一个相同的子问题，可以递归地再次调用算法。

C++语言实现：用一个大小为  $N$  的数组存储  $N$  个要排序的元素，递归调用 `Bubble(int* dat, int n)` 实现排序。其中第一个参数 `dat` 为数组名称，第二个参数表示此函数对前  $n$  个元素进行排序。在执行中利用 `for` 循环语句进行比较和交换工作。最后递归调用 `Bubble(dat, n-1)` 完成剩下操作。

汇编语言实现：数据段内定义两个变量 `dat` 和 `N`。其中 `dat` 为数组首地址，`N` 为元素总个数。先将数组首地址和 `N` 的值进行压栈，然后调用子程序 `Bubble`

进行排序。在子程序 Bubble 中，先从栈中取到数组首地址和 N，利用 loop 循环实现比较与交换操作。本轮完成后继续将数组首地址和 N-1 进行压栈，再次递归调用 Bubble 完成剩下的操作。

## 2. 选择排序的递归算法

目的：实现 N 个元素从大到小排序

算法：如果  $N=1$  则直接返回，否则开始排序。从第一个元素扫描到最后一个元素，找到其中最小的元素，若其并不处于最后一个位置，就将其与最后一个元素交换。这样最后一个元素变为最小的元素，而前  $N-1$  个元素的排序又是一个相同的子问题，递归处理即可。

C++语言实现：用一个大小为 N 的数组存储 N 个要排序的元素，递归调用 `select(int* dat, int n)` 实现排序。其中第一个参数 dat 为数组名称，第二个参数表示此函数对前 n 个元素进行排序。在执行中利用 for 循环语句寻找到最小元素的下标并保存。然后与最后一个元素的下标 ( $n-1$ ) 比较，若不相等则将此元素与最后一个元素交换，再递归调用 `select(dat, n-1)` 完成剩下操作。

汇编语言实现：数据段内定义两个变量 dat 和 N。其中 dat 为数组首地址，N 为元素总个数。先将数组首地址和 N 的值进行压栈，然后调用子程序 select 进行排序。在子程序 select 中，先从栈中取到数组首地址和 N，利用 loop 循环实现最小元素的查找，最后判断最小元素是否是最后一个元素，不是则进行交换。本轮完成后继续将数组首地址和 N-1 进行压栈，再次递归调用 select 完成剩下的操作。

## 3. 快速排序的递归算法

目的：实现 N 个元素从大到小排序

算法：首先将待排序元素分组。选第一个元素作为基准，把大于第一个元素的元素全放到左边，把小于第一个元素的元素全放到右边。然后将第一个元素插在这两组之间，递归地排序左边组和右边组元素。

C++语言实现：用一个大小为 N 的数组存储 N 个要排序的元素，递归调用 `Quick(int* dat, int left, int right)` 实现排序。其中第一个参数 `dat` 为数组名称，第二、三个参数表示此次参与排序的元素下标范围。在执行中取下标为 `left` 的元素作为基准进行左右分组，最终基准元素定位于下标 `pivotPos`。然后再递归地执行 `Quick(dat, left, pivotPos-1)` 和 `Quick (dat, pivotPos+1, right)` 完成排序。

汇编语言实现：数据段内定义两个变量 `dat` 和 `N`。其中 `dat` 为数组首地址，`N` 为元素总个数。先将 `dat` 的地址压栈，然后将 0 及 `N-1` 压栈，然后调用 `Quick` 子程序。在子程序中同样先进行左右分组，找到 `pivotPos` 的地址，然后求出它的下标。然后压 `pivotPos` 的下标，压 `dat` 的地址，压 0，压 `pivotPos` 的下标-1，然后调用 `Quick` 子程序。返回后弹 `pivotPos` 的下标，压 `dat` 的地址，压 `pivotPos` 的下标+1，压 `N-1`，再调用 `Quick` 子程序，完成排序。

## 四、具体实现

### 1. 冒泡排序

C++语言实现：(另附 `Bubble.cpp`)

汇编语言实现：(另附 `Bubble.asm`)

### 2. 选择排序

C++语言实现：(另附 `Select.cpp`)

汇编语言实现 : ( 另附 select.asm )

### 3. 快速排序

C++语言实现 : ( 另附 Quick.cpp )

汇编语言实现 : ( 另附 Quick.asm )

## 五、排序速度测试

以上三种排序效率不同, 我自己做了一个测试, 来测定不同语言下, 不同排序算法写的排序程序的运行时间。

测试数据: 20000 个随机数, 大小为 0~0xffff。

测试结果如下:

	冒泡排序程序	选择排序程序	快速排序程序
C++版本	0.479s	0.213s	0.034s
汇编版本	0.775s	0.450s	0.045s

## 六、实验结果分析

首先, 让我们从理论的角度分析一下这三种算法的特点

( 1 )  $n$  个元素进行冒泡排序, 需要进行  $(n-1)+(n-2)+\dots+1=(n-1)*n/2$  次比较。其算法时间复杂度为  $O(n^2)$  的。同时需要有一个 temp 元素作为临时交换用, 所以其空间复杂度为  $O(1)$ 。

( 2 )  $n$  个元素进行选择排序, 需要进行  $(n-1)+(n-2)+\dots+1=(n-1)*n/2$

次比较。其算法时间复杂度也是  $O(n^2)$  的。同时也需要有一个 temp 元素作为临时交换用，所以其空间复杂度也为  $O(1)$

(3)  $n$  个元素进行快速排序，经理论证明得知其平均时间复杂度为  $O(n \log n)$ ，但在最坏情况下时间复杂度也将退化到  $O(n^2)$ 。此算法平均情况下空间复杂度为  $O(\log n)$ ，但在最坏情况下空间复杂度也将达到  $O(n)$ 。

以上理论分析可以看出，快速排序确实是这三种排序里面最快的，同时它的空间需求也较大，在实现的过程中需要较多堆栈空间。而冒泡排序和选择排序时间复杂度就大了一个数量级，所以就会慢的多。但他们的空间需求也较小。

从实验数据可以看出，快速排序用的时间几乎是前两种排序所需时间的十分之一或更小，这与理论相符。但同时也看出，选择排序好像比冒泡排序更快一些。

这一点也可以从理论上找到根据。刚才我们比较的都是进行排序所需要的比较次数，这一点冒泡与选择基本相同。但是冒泡排序每进行一轮，最多可能会发生  $O(n)$  次元素交换操作，而选择排序每进行一轮，只在最后有可能进行一次交换操作，之前进行的仅仅是地址的赋值操作，所以其交换次数应为  $O(1)$ ，小于  $O(n)$ 。正是这个原因，使得选择排序综合运行时间由于冒泡排序。

另外一个敏感的问题，就是 C++ 与汇编写出的程序到底哪个更快些。我在这里的 C++ 版本和汇编版本所用的算法，数据结构是完全相同的，所以运行速度应该取决于指令编译结果的好坏及指令执行的效率。可我发现 C++ 竟然比汇编编的程序执行速度还快。对其原因，我提出了一下几种猜想：

(1) 我用的 C++ 编译器是 Microsoft Visual C++ 2008 的编译器，比较新，可能对于当今流行的 cpu 指令做过优化，有可能运行了一些高级指令，较好地利用了当今 cpu 的性能。

( 2 ) 我的 cpu 是 32 位 cpu , 运行为 16 位 cpu 写的汇编程序时 , 并不能完全发挥出系统的性能优势。

( 3 ) 我的运行平台是 windows vista x86。这里没有 dos 实模式 , 只有一个 cmd 程序 , 实质上是一个虚拟的 dos 环境 , 也就是个虚拟机。有可能这里的指令 , 内存都是经过映射才执行的。就像运行在 java 虚拟机上的 java 程序速度并不佳一样 , 在建立在虚拟机层次的 dos 环境中运行 , 必然会影响速度。

## 六、实验后体会与收获

首先 , 通过本次实验 , 我进一步熟悉了汇编语言的语法及格式 , 对堆栈传参用的更加熟练。同时 , 通过编写快速排序这样具有一定规模的汇编程序 , 锻炼了不少思维。尤其是其中对于堆栈的使用 , 如何取到正确的地址 , 如何在多次调用后保证栈的平衡 , 确实是一个需要好好练习、思考的地方。

其次 , 通过这次实验我感受了同样的算法 , 同样的数据结构在两种语言平台实现感觉的不同。C++可以有抽象的数组的概念 , 而且它的指针也是有类型的 , 会自动根据类型来进行自加自减操作。而汇编中一切都是绝对地址的概念。不同的元素下标 , 不同的首地址 , 不同的元素类型 , 都会使程序完全改写。这样一来编写汇编程序需要注意的事情确实很繁琐 , 而且辛辛苦苦编出来的程序复用性 , 可移植性也较差。C++语言使用方便 , 尤其是递归调用时根本不用自己操心堆栈的问题 , 由系统自动压栈退栈 , 但这在某种程度上也造成了一些资源的浪费 , 影响了效率。所以说 C++更抽象 , 更接近人的思维。汇编更底层 , 更接近机器的实际工作。