

مستوى:السنة الأولى من سلك الباكالوريا

- شعبة التعليم الأصيل:مسلك العلوم الشرعية و مسلك اللغة العربية
- · شعبة الآداب و العلوم الإنسانية: مُسلك الآداب و مسلك العلوم الْإنْسانية

محتوى الدرس و الأهداف القدرات المنتظرة من الدرس و التعليمات الرسمية

توجيهات تربوية	القدرات المنتظرة	محتوى البرنامج
		- المبدأ العام للتعداد، - عدد الترتيبات، عدد التبديلات، عدد التأليفات. - خاصيات الأعداد مي ؟
_ ينبغي تقديم التعداد بواسطة مبدأي الجداء	_ توظيف شجرة الاختيارات في حالات	 عدد الترتيبات، عدد التبديلات، عدد التأليفات.
والجمع وتقنية الشجرة.	تعدادية	- خاصيات الأعداد CP ؛
- ينبغي تنويع الأنشطة المستقاة من الحياة اليومية.	ـ تطبيق التعداد في حل مسائل متنوعة.	ـ تطبيقات:
		السحب تآنيا؛ السحب بإحلال؛ السحب بدون
		إحلال.

I. المبدأ الأساسى للتعداد:

F و P: نذكر أن لقطعة نقدية وجهين P و

نرمي قطعة نقدية مرة واحدة

ماهى نتائج هذه التجربة ؟

F أو P: يمكن الحصول على

هي امكانية و F هي امكانية أخرى P

اذن لهذه التجربة إمكانيتين فقط اذن مجموعة الامكانيات هي:

 $\Omega = \{P; F\}$

والكتابة : $card(\Omega) = 2$ (إمكانيتين فقط) ورئيسي

 Ω المجموعة

نشاط2: نرمى قطعة نقدية مرتين متتاليتين

ماهى نتائج هذه التجربة ؟

يمكن الحصول على : PP أو FF أو FP أو PF

هى امكانية أخرى FF هى امكانية أخرى PP

اذن لهذه التجربة 4 امكانيات فقط اذن مجموعة الامكانيات هي:

 $\Omega = \{PP; FF; PF; FP\}$

ولدينا : a امكانيات فقط) $card(\Omega) = 4$

يمكن لنا استعمال شجرة الإمكانيات للبحث عن كل الامكانيات

الرمية الثانية	الرمية الأولى
2	2

مبدأ الجذاء $card(\Omega) = 2 \times 2 = 4$

تمرين1 : أو نشاط3: نرمى قطعة نقدية ثلاث مرات متتالية

أرسم شجرة الامكانيات

 $card(\Omega)$ حدد كون الامكانيات Ω وحدد

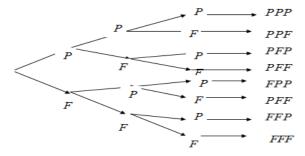
الأجوبة : هذه التجربة لا يمكن توقع نتيجتها مسبقا وبشكل أكيد ومنه هي تجربة عشوائية

ماهي نتائج هذه التجربة ؟

يمكن الحصول على : PPP أو FFF أو

PPP هي امكانية و FFF هي امكانية أخرى و

1)حدد كل الامكانيات وعددها بيمكن لنا استعمال شجرة الإمكانيات



2) اذن لهذه التجربة 8 امكانيات فقط اذن فضاء الامكانيات هو:

(ا امکانیات فقط) $card(\Omega) = 8$

الرمية الثالثة	الرمية الثانية	الرمية الأولى
2	2	2

مبدأ الجذاء

المبدأ:

لتكن E تجربة تتطلب نتائجها اختبارين.

إذا كان الاختيار الأول يتم n_1 طريقة مختلفة والاختيار الثاني يتم $n_1 \times n_2 \times n_2 \times n_1 \times n_2$ طريقة مختلفة. فان عدد النتائج الممكنة هو الجداء: $n_1 \times n_2 \times n_2 \times n_2 \times n_2$

ص 1

الجواب:

 $A_{10}^4 = 10 \times 9 \times 8 \times 7 = 5040$

 $A_4^4 = 4 \times 3 \times 2 \times 1 = 24$

2. التبديلات

نشاط1: نعتبر الأرقام التالية: 4 و 5 و 6

حدد عدد الأعداد المكونة من ثلاث أرقام مختلفة الذي يمكن تكوينه باستعمال الأرقام السابقة فقط

الجواب: رقم الوحدات يمكن اختياره ب ثلاث كيفيات مختلفة لكن رقم العشرات فقط بكيفيتين مختلفتين و رقم المئات بكيفية وحيدة

رقم المئات	رقم العشرات	رقم الوحدات
1	2	3

وحسب المبدأ ألأساسي للتعداد فان عدد الأعداد المكونة من رقمين مختلفين الذي يمكن تكوينه

 $card(\Omega) = 3 \times 2 \times 1 = 6$:

العدد: 465 عدد يمكن تكوينه ويسمى تبديلة

العدد: 456 عدد يمكن تكوينه ويسمى تبديلة

العدد: 564 عدد يمكن تكوينه ويسمى تبديلة

العدد: 546 عدد يمكن تكوينه ويسمى تبديلة كم عدد التبديلات ؟ هناك 6 تبديلات ممكنة

n هو: n عنصر من بين n هو: n

$$A_n^n = n \times (n-1) \times (n-2) \times \dots \times 2 \times 1$$

 $n \times (n-1) \times (n-2) \times \dots \times (n-2)$ نرمز للجذاء $n \times (n-1) \times (n-2) \times \dots \times 2 \times 1$ بالرمز 0!=1يقرأ:" عاملي n", و اصطلاحا نضع

 $\frac{10\times5!}{10^{2}}$ و !5 و!7 و $\frac{15\times01}{10}$

 $5! = 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1 = 120$ $4! = 4 \times 3 \times 2 \times 1 = 24$

 $7! = 7 \times 6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1 = 5040$

 $\frac{10 \times 5!}{6 \times 8!} = \frac{10 \times 9 \times 8 \times 5!}{6 \times 5 \times 8!} = \frac{10 \times 9}{6} = \frac{10 \times 3 \times 3}{3 \times 2} = \frac{10 \times 3}{2}$

تمرين4: ما عدد الكلمات من ستة حروف لها معنى أو لا و التي يمكن كتابتهما باستعمال جميع حروف الكلمة " المغرب"

<u>تمرين5</u> : ما عدد الكلمات من أربع حروف لها معنى أو لا _. و التي

يمكن تكوينها باستعمال الحروف التالية فقط

A e I e I e S

3. التأليفات

 $E = \{a; b; c; d\}$: نعتبر المحموعة التالية : يعتبر المحموعة التالية

حدد عدد أجزاء المجموعة E التي تحتوي على ثلاث عناصر

card(E) = 4:

الجزء: $A_1 = \{a;b;c\}$ يمكن تكوينه ويسمى تأليفة

العدد $A_2 = \{a; b; d\}$ عدد يمكن تكوينه ويسمى تأليفة

الجزء: $\{b;c;d\}$ يمكن تكوينه ويسمى تأليفة

العدد $A_a = \{a; c; d\}$ عدد يمكن تكوينه ويسمى تأليفة

كم عدد التأليفات ؟ هناك 4 تبديلات ممكنة

 $C_4^3 = 4$: بر من بین 4 مختار مختار أعداد مختار ثالث الثلاث أعداد مختار أعداد التألیفات الثلاث الثلث الثلاث الثلث الثلاث الثلث الثلاث الثلث الثلاث الثلث الثلث الثلث الثلاث الثلث الثلث الثلث الثلث الثلاث

تمرين2 : نعتبر الأرقام التالية : 1 و 3 و 5

حدد عدد الأعداد المكونة من رقمين الذي يمكن تكوينه باستعمال الأرقام السابقة فقط

الجواب: رقم الوحدات يمكن اختياره ب ثلاث كيفيات مختلفة كذلك رقمالعشرات

رقم العشرات	رقم الوحدات
3	3

وحسب المبدأ ألأساسي للتعداد فإن عدد الأعداد المكونة من رقمين الذي يمكن تكوينه

 $card(\Omega) = 3 \times 3 = 9$:

الترتيبات - التبديلات -التأليفات:

1. الترتيبات

نشاط1: نعتبر الأرقام التالية: 1 و 2 و 6

حدد عدد الأعداد المكونة من رقمين مختلفين الذي يمكن تكوينه باستعمال الأرقام السابقة فقط

الجواب: رقم الوحدات يمكن اختياره ب ثلاث كيفيات مختلفة

لكن رقم العشرات فقط بكيفيتين مختلفتين

رقم العشرات	رقم الوحدات
2	3

وحسب المبدأ ألأساسي للتعداد فان عدد الأعداد المكونة من رقمين مختلفين الذي يمكن تكوينه

$$card(\Omega) = 3 \times 2 = 6$$
:

العدد: 21 عدد يمكن تكوينه ويسمى ترتيبة

العدد: 12 عدد يمكن تكوينه ويسمى ترتيبة

العدد: 61 عدد يمكن تكوينه ويسمى ترتيبة

العدد: 16 عدد يمكن تكوينه ويسمى ترتيبة

كم عدد الترتيبات ؟ هناك 6 ترتيبات ممكنة

 $A_3^2 = 3 \times (3-1) = 3 \times 2 = 6$: نرمز لعدد الترتيبات ب

n عنصر من بین p عنصر من بین p عنصر من بین pعنصرا حيث

. $n \times (n-1) \times (n-2) \times \cdots \times (n-p+1)$ هو $1 \le p \le n$ نرمز لهذا العدد بالرمز A_n^p . و

 $A_n^p = n \times (n-1) \times (n-2) \times \cdots \times (n-p+1)$ لدينا:

$$\mathbf{A}_n^* = n \times (n-1) \times (n-2) \times \cdots \times (n-p+1)$$

$$rac{A_6^3 imes A_{10}^4}{A_{10}^5}$$
 و A_7^4 و A_5^3 و A_4^2 : المثلة:

$$A_4^2 = 4 \times 3 = 12$$
 $A_5^3 = 5 \times 4 \times 3 = 60$ الجواب:

$$A_7^4 = 7 \times 6 \times 5 \times 4 = 840$$

$$\frac{A_{6}^{3} \times A_{10}^{4}}{A_{10}^{5}} = \frac{6 \times 5 \times 4 \times 10 \times 9 \times 8 \times 7}{10 \times 9 \times 8 \times 7 \times 6} = \frac{5 \times 4}{1} = 20$$

تمرين3: لتشغيل الهاتف المحمول يجب الضغط على الأزرار الأربعة التي تحمل الأرقام المكونة للقن السري حسب ترتيبها وإلا

1. ما عدد الأقنان السرية الممكنة إذا علمت أن الأرقام المكونة لها لا یمکننا تکر ار ها

2. ما عدد الأقنان السرية الممكنة إذا علمت أن الأرقام المكونة لها لا يمكننا تكرارها وتتكون فقط من الأرقام التالية فقط: 1 و 2 و 3 و 4

تعریفSالیکن n عنصرا من $\mathbb N$ و لتکن S مجموعة تحتوي n عنصر علي n

کل جزء من E یتکون من p عنصر (حیث E من عنصی E عنصر من E عنصر من

$: C_{-}^{p}$ الأعداد .4

لكل n من \mathbb{N}^* , و لكل p من \mathbb{N} بحيث $n \geq 0$, لدينا:

$$C_n^p = \frac{n!}{p \bowtie (n-p)!}$$

ولدينا:
$$C_n^n=1$$
 و $C_n^0=1$ و $C_n^p=C_n^{n-p}$

$$C_n^1 = n \quad \mathfrak{c}_n^{n-1} = n$$

 C_7^3 9 C_{12}^3 9 C_7^4 9 C_5^2 9 C_4^2 : Lamber 1

$$oldsymbol{C}_5^4$$
 y $oldsymbol{C}_5^0$ y $oldsymbol{C}_7^7$ y $oldsymbol{C}_{12}^1$ y

$$C_{4}^{2} = \frac{4!}{2!(4-2)!} = \frac{4!}{2!2!} = \frac{4 \times 3 \times 2!}{2!2!} = \frac{4 \times 3}{2!} = 6$$

$$C_{4}^{2} = \frac{5!}{2!(4-2)!} = \frac{5!}{2!2!} = \frac{5 \times 4 \times 3!}{5!} = \frac{5 \times 4}{10!} = \frac{5}{10!}$$

$$C_5^2 = \frac{5!}{2!(5-2)!} = \frac{5!}{2!3!} = \frac{5 \times 4 \times 3!}{2!3!} = \frac{5 \times 4}{2!} = 10$$

$$C_7^4 = \frac{7!}{4!(7-4)!} = \frac{7!}{4!3!} = \frac{7 \times 6 \times 5 \times 4!}{4!3!} = \frac{7 \times 6 \times 5}{3!} = 35$$

$$C_{12}^{3} = \frac{12!}{3!(12-3)!} = \frac{12!}{9!3!} = \frac{12 \times 11 \times 10 \times 9!}{9!3!} = \frac{12 \times 11 \times 10}{3!} = 220$$

$$C_{12}^{1} = 12$$
 9 $C_{5}^{3} = C_{5}^{2} = 10$ **9** $C_{7}^{3} = C_{7}^{4} = 35$

$$C_5^4 = 5$$
 9 $C_5^0 = 1$ 9 $C_7^7 = 1$

تمرين 6: لاجتياز امتحان شفوي على كل مترشح أن يجيب على سؤالين مسحوبين عشوائيا من بين خمس أسئلة مقترحة سؤال: حدد عدد الإمكانيات

 $C_{5}^{2}=10$: 10

$$A = \{6,7,1,0\}$$
 $E = \left\{2,5,6,7,1,0,\frac{3}{4}\right\}$: $\frac{7}{4}$

$$D = \{2\} \quad C = \left\{\frac{3}{4}, 5\right\} \qquad B = \left\{\frac{3}{4}, 2, 7, 6, 1\right\}$$

E من A و B و A أجزاء من A .

 $A, A \cup B, A \cap B$.2.

3. حدد عدد أجزاء E التي تحتوي على ثلاث عناصر

4. حدد عدد أجزاء E التي تحتوي على أربع عناصر

 $oldsymbol{C}_8^5$ و $oldsymbol{C}_{12}^4$ و $oldsymbol{C}_{12}^4$ و $oldsymbol{C}_{12}^6$: أحسب:

 $oldsymbol{C}^8_{11}$ y $oldsymbol{C}^0_{12}$ y $oldsymbol{C}^8_{8}$ y $oldsymbol{C}^1_{10}$ y

 C_{10}^{2} و 7! و 5! و 4! احسب: 9

9 A_7^4 **9** A_7^3 **9** A_8^5 **9** C_{12}^3 **9** C_{13}^4 **9** C_{13}^2

 $, \frac{8 \times 3}{7!}, \frac{12!}{10!} : \mathbf{g} \frac{A_8^2 \times A_{10}^4}{A_5^5} \mathbf{g} \frac{12 \times 7!}{10 \times 8!}$

 $\frac{9 \times 5!}{8 \times 3!}$ $\frac{C_7^4 \times C_{10}^8}{C_{10}^{7}}$ $\frac{A_9^4}{A_2^2}$ $\frac{10^9}{5^8}$ $\frac{9 \times 7!}{5 \times 8!}$

3. تطبیقات

مثال1: السحب تآنيا- التأليفات

يحتوي صندوق غير كاشف على 3 كرات بيضاء و 5 كرات

نسحب كرتين من الصندوق في أن واحد

1. حدد عدد السحبات الممكنة أو عدد الامكانيات أو حدد

حيث Ω هو فضاء الإمكانيات $card(\Omega)$

2. حدد عدد امكانيات سحب كرتين بيضاوين

3. حدد عدد امكانيات سحب كرتين حمر اوين

4. حدد عدد امكانيات سحب كرتين من نفس اللون

5. حدد عدد امكانيات سحب كرتين من لون مختلف

$$=\frac{8!}{2!(8-2)!}=\frac{8!}{2!6!}=\frac{8\times7\times6!}{2!6!}=\frac{8\times7}{2!}=28$$
 (1) الأجوبة

 $card(\Omega) = C_8^2$

$$C_5^2 = \frac{5!}{2!(5-2)!} = \frac{5!}{2!3!} = \frac{5 \times 4 \times 3!}{2!3!} = \frac{5 \times 4}{2!} = 10(3 \quad C_3^2 = 3(2))$$

4)سحب كرتين من نفس اللون أي سحب كرتين بيضاوين

 $C_3^2 + C_5^2 = 3 + 10 = 13$ le 20 le 20

5)سحب كرتين من لون مختلف أي سحب كرة واحدة بيضاء **و** كرة و احدة حمر اء

 $C_3^1 \times C_5^1 = 3 \times 5 = 15$

تمرين<u>10</u> : يحتوي صندوق غير كاشف على 4 كرات بيضاء و 5 كرات حمراء و 3 كرات سوداء

نسحب عشوائيا ثلاث كرات من الصندوق في أن واحد

 $|card\left(\Omega\right)|$ حدد عدد السحبات الممكنة أو عدد الامكانيات أوحدد 1

حيث Ω هو فضاء الإمكانيات

2. حدد عدد امكانيات سحب ثلاث كرات بيضاء 3. حدد عدد امكانيات سحب ثلاث كرات سوداء "

4. حدد عدد امكانيات سحب ثلاث كرات حمراء "

5. حدد عدد امكانيات سحب ثلاث كرات من نفس اللون

6. حدد عدد امكانيات سحب ثلاث كرات من لون مختلف

الحواك $card(\Omega) = C_{12}^3$ ومنه

$$C_{12}^{3} = \frac{12!}{3!(12-3)!} = \frac{12!}{3!9!} = \frac{12 \times 11 \times 10 \times 9!}{3!9!} = \frac{12 \times 11 \times 10}{3!} = \frac{6 \times 2 \times 11 \times 10}{6} = 220$$

$$C_3^3 = 1$$
 $C_4^3 = 4_{(2)}$

$$C_{5}^{3} = \frac{5!}{3!(5-3)!} = \frac{5!}{2!3!} = \frac{5 \times 4 \times 3!}{2!3!} = \frac{5 \times 4}{2!} = 10_{4}$$

5)سحب 3 كرات من نفس اللون أي سحب 3 كرات بيضاء أو 3 كرات حمراء أو 3 كرات سوداء

$$C_4^3 + C_5^3 + C_3^3 = 4 + 10 + 1 = 15$$

الأستاذ: عثماني نجيب

سحب 3 كرات من لون مختلف يعني سحب كرة واحدة حمراء

وواحدة سوداء كرة واحدة بيضاء

 $C_3^1 \times C_4^1 \times C_5^1 = 3 \times 4 \times 5 = 60$

تمرين11 : يحتوي صندوق غير كاشف على 3 كرات بيضاء و 4 كرات حمراء و 3 كرات سوداء

نسحب عشوائيا ثلاث كرات من الصندوق في أن واحد

 $card\left(\Omega\right)$ عدد عدد السحبات الممكنة أو عدد الأمكانيات أوحدد .1 حيث Ω هو فضاء الإمكانيات

- 2. حدد عدد امكانيات سحب ثلاث كرات بيضاء
- 3. حدد عدد امكانيات سحب ثلاث كرات حمراء "
- 4. حدد عدد امكانيات سحب ثلاث كرات من نفس اللون
- 5. حدد عدد امكانيات سحب ثلاث كرات من لون مختلف
 - 6. حدد عدد امكانيات سحب كرة واحدة سوداء فقط
 - 7. حدد عدد امكانيات سحب كرتين حمر اوين فقط

$$card(\Omega) = C_{10}^3(1$$
الأجوبة

$$C_{10}^{3} = \frac{10!}{3!(10-3)!} = \frac{10!}{3!7!} = \frac{10 \times 9 \times 8 \times 7!}{3!7!} = \frac{10 \times 9 \times 8}{6} = \frac{5 \times 2 \times 3 \times 3 \times 8}{6} = 120$$

$$C_n^n = 1$$
: لأننا نعلم ن $C_3^3 = 1$

$$C_n^{n-1} = n$$
 : يُننانعلم ن $C_4^3 = 4$

4)سحب 3 كرات من نفس اللون أي سحب 3 كرات بيضاء أو 3 كرات حمراء أو 3 كرات سوداء

 $C_3^3 + C_4^3 + C_3^3 = 1 + 4 + 1 = 6$

5) سحب 3 كرات من لون مختلف يعني سحب كرة واحدة حمراء

وواحدة سوداء كرة واحدة بيضاء

$$C_3^1 \times C_4^1 \times C_3^1 = 3 \times 4 \times 3 = 36$$

6)سحب كرة واحدة سوداء فقط يعنى كرة واحدة سوداء وكرتين غير

سوداوين يعنى مسحوبة من بين الألوان الأخرى

 $C_3^1 \times C_7^2 = 3 \times C_7^2$

$$C_{7}^{2} = \frac{7!}{2!(7-2)!} = \frac{7!}{2!5!} = \frac{7 \times 6 \times 5!}{2!5!} = \frac{7 \times 6}{2!} = 21$$
 C_{7}^{2}

 $C_3^1 \times C_7^2 = 3 \times 21 = 63$: هو الأمكانيات هو

7)سحب كرتين حمر اوين فقط يعنى سحب كرتين حمر اوين وكرة ثالثة من بين الألوان الأخرى

 $C_6^1 \times C_4^2 = 6 \times C_4^2$

$$C_4^2 = \frac{4!}{2!(4-2)!} = \frac{4!}{2!2!} = \frac{4 \times 3 \times 2!}{2!2!} = \frac{4 \times 3}{2!} = 6$$

 $C_6^1 \times C_4^2 = 6 \times 6 = 36$: هو الأمكانيات هو

تمرين 12 : يحتوي صندوق غير كاشف على كرتين سوداوين مرقمتين 1 و 2

و يحتوي أيضا على 5 كرات صفراء مرقمة 1 و 2 و 3 و 4و 5 نسحب عشوائيا كرتين من الصندوق في أن واحد

1. حدد عدد السحبات الممكنة أو عدد الامكانيات

2. حدد عدد امكانيات سحب كرتين صفر اوين

3. حدد عدد امكانيات سحب كرتين من نفس اللون

4. حدد عدد امكانيات الحصول على رقمين زوجيين

حدد عدد امكانيات سحب كرتين مختلفتين اللون

 $card\Omega = C_7^2 = \frac{7!}{2!(7-2)!} = \frac{7!}{2!5!} = \frac{7 \times 6 \times 5!}{2!5!} = 21$

 $C_{5}^{2} = \frac{5!}{2!(5-2)!} = \frac{5!}{2!3!} = \frac{5 \times 4 \times 3!}{2!3!} = \frac{5 \times 4}{2!} = 10$

 $C_2^2 + C_5^2 = 1 + 10 = 11$

 $C_3^2 = 3_{4}$

5)سحب 3 كرات من لون مختلف

يعنى سحب كرة واحدة حمراء وواحدة سوداء كرة واحدة بيضاء $C_3^1 \times C_4^1 \times C_5^1 = 3 \times 4 \times 5 = 60$

تمرين13 : يحتوي صندوق على إحدى عشرة كرة: 4 بيضاء و 5 سوداء و کرتان زرقاوان نسحب عشوائیا و ثانیا ثلاث کرات من الصندوق (يعني سحب ثلاث كرات في أن واحد).

1. ما عدد السحبات الممكنة أو عدد الامكانيات؟

2. ما عدد السحبات التي نحصل فيها على ثلاث كرات من نفس

3. ما عدد السحبات التي نحصل فيها على كرتين بيضاوين بالضبط؟ مثال2:السحب بدون إحلال- الترتيبات بدون تكرار

يحتوي صندوق غير كاشف على 3 كرات بيضاء و 4 كرات سوداء نسحب عشوائيا بالتتابع وبدون إحلال كرتين من الصندوق

 $card(\Omega)$ عدد عدد السحبات الممكنة أو عدد الأمكانيات أوحدد

حيث Ω هو فضاء الإمكانيات

2. حدد عدد امكانيات سحب كرتين بيضاوين

3. حدد عدد امكانيات سحب كرتين سوداوين

4. حدد عدد امكانيات سحب كرتين من نفس اللون

5. حدد عدد امكانيات سحب كرتين من لون مختلف

 $card(\Omega) = A_7^2 = 7 \times 6 = 42 (1:1)$ الجواب:

 $A_4^2 = 4 \times 3 = 12$ (3 $A_3^2 = 3 \times 2 = 6(2)$

سحب كرتين من نفس اللون أي سحب كرتين بيضاوين

 $A_3^2 + A_4^2 = 3 \times 2 + 4 \times 3 = 18$ أو كرتين سوداوين

5)سحب كرتين من لون مختلف أي سحب كرة واحدة بيضاء **و** كرة واحدة سوداء

 $C_3^1 \times C_4^1 = 3 \times 4 = 12$

تمرين14: يحتوي صندوق غير كاشف على 4 كرات بيضاء و 5 كرات سوداء نسحب عشوائيا بالتتابع وبدون إحلال ثلاث كرات من

 $card\left(\Omega\right)$ عدد عدد السحبات الممكنة أو عدد الأمكانيات أوحدد 1. حيث Ω هو فضاء الإمكانيات

2. حدد عدد امكانيات سحب ثلاث كرات بيضاء

الأستاذ: عثماني نجيب

3. حدد عدد امكانيات سحب ثلاث كرات سوداء

4. حدد عدد امكانيات سحب ثلاث كرات من نفس اللون

 $card(\Omega) = A_9^3 = 9 \times 8 \times 7 = 504(1$ الجواب:

 $A_5^3 = 5 \times 4 \times 3 = 60$ (3 $A_4^3 = 4 \times 3 \times 2 = 24$ (2

 $A_4^3 + A_5^3 = 4 \times 3 \times 2 + 5 \times 4 \times 3 = 24 + 60 = 84$ (4

مثال 3 : السحب بإحلال - الترتيبات بتكرار:

يحتوي صندوق غير كاشف على 3 كرات بيضاء و 4 كرات سوداء نسحب عشوائيا بالتتابع وبإحلال

كرتين من الصندوق:

 $card\left(\Omega
ight)$ عدد عدد السحبات الممكنة أو عدد الإمكانيات أوحدد .1

حيث Ω هو فضاء الإمكانيات

2. حدد عدد امكانيات سحب كرتين بيضاوين

3. حدد عدد امكانيات سحب كرتين سوداوين

4. حدد عدد امكانيات سحب كرتين من نفس اللون

5. حدد عدد امكانيات سحب كرتين من لون مختلف

 $4 \times 4 = 16(3 \quad 3 \times 3 = 9(2$

 $3 \times 3 + 4 \times 4 = 25$ (4

49 - 25 = 24 (5

تمرين<u>15</u>: يحتوي صندوق غير كاشف على 4 كرات بيضاء و 5 كرات سوداء نسحب عشوائيا بالتتابع وبإحلال

كرتين من الصندوق:

1. حدد عدد السحبات الممكنة أو عدد الامكانيات

2. حدد عدد امكانيات سحب كرتين بيضاوين

3. حدد عدد امكانيات سحب كرتين سوداوين

4. حدد عدد امكانيات سحب كرتين من نفس اللون

5. حدد عدد امكانيات سحب كرتين من لون مختلف

ر. الجواب:1)

 $card(\Omega) = 9 \times 9 = 9^2 = 81(1)$

 $5 \times 5 = 25$ (3 $4 \times 4 = 16$ (2

 $4 \times 4 + 5 \times 5 = 41$ (4

81 - 41 = 40 (5

تمارين للبحث

تمرين 1: يحتوي صندوق على إحدى عشرة كرة: 4 بيضاء و 5 سوداء و كرتان زرقاوان. نسحب عشوائيا و ثانيا ثلاث كرات من الصندوق (يعني سحب ثلاث كرات في آن واحد).

4. ما عدد النتائج الممكنة؟

5. ما عدد السحبات التي نحصل فيها على ثلاث كرات من نفس اللون؟

6. ما عدد السحبات التي نحصل فيها على كرتين بيضاوين بالضبط؟ تمرين 2: يحتوي صندوق على 16 بيدقة: 4 حمراء و 7 بيضاء و 5 سوداء. نسحب عشوائيا بالتتابع, و بدون إحلال, أربع بيد قات من الصندوق (يعني نسحب بيدقة نسجل لونها و لا نعيدها إلى الصندوق, نكرر هذه العملية أربع مرات).

1. ما عدد النتائج الممكنة؟

2. ما عدد السحبات التي نحصل فيها على أربع بيد قات كلها بيضاء؟ 3. ما عدد السحبات التي نحصل فيها على بيدقة بيضاء في السحبة الأولى فقط؟

تمرين 3: يحتوي كيس على 12 كرة مرقمة من 1 إلى 12 (كل كرة تحمل رقما) نسحب عشوائيا بالتتابع و بإحلال ثلاث كرات من الكيس (يعني نسحب كرة نسجل رقمها ثم نعيدها إلى الصندوق نكرر هذه العملية ثلاث مرات متتالية).

1. ما عدد النتائج الممكن؟

 ما عدد السحبات التي نحصل فيها على ثلاثة أعداد كلها قابلة للقسمة على 3?

 ما عدد السحبات التي نحصل فيها على ثلاثة أعداد كلها فردية و كلها قابلة للقسمة على 3?

تمرین 4: یحتوی صندوق غیر کاشف علی 4 کرات بیضاء و 6 کرات حمراء و 8 کرات سوداء و کرتین صفراوین

1. نسحب عشوائيا كرتين من الصندوق في أن واحد

2. حدد عدد الإمكانيات

حدد عدد الإمكانيات التي تحتوي على كرتين بيضاوين

4. حدد عدد الإمكانيات التي تحتوي على كرتين سوداوين

5. حدد عدد الإمكانيات التي تحتوي على كرتين صفر اوين

6. حدد عدد الإمكانيات التي تحتوي على كرتين من نفس اللون

تمرين 5: يحتوي صندوق غير كاشف على 5 كتب اللغة العربية و

4 كتب لللغة الفرنسية و 4 كتب للرياضيات 1. نسحب عشوائيا ثلاث كتب من الصندوق في آن واحد

1. حدب حدولي عارك 2. حدد عدد الإمكانيات

3. حدد عدد الإمكانيات سحب ثلاث كتب لللغة العربية

4. حدد عدد الإمكانيات سحب ثلاث كتب لللغة الفرنسية

5. حدد عدد الإمكانيات سحب ثلاث كتب للرياضيات

6. حدد عدد الإمكانيات سحب كتاب من كل مادة

تمرين 6: يتكون قسم من 37 تلميذا و يمارس كل تلميذ من هذا القسم لعبة على الأقل من بين اللعبتين كرة القذم و كرة السلة. إذا علمت أن 30 تلميذا يلعبون كرة القدم و 20 يلعبون كرة السلة.

أحسب عدد التلاميذ الذين يمارسون اللعبتين معا

تمرین 7:یتکون قسم من 38 تلمیذا: 20 أنثی و 18 ذکرا. نرید تکوین لجنة من 4 تلامیذ فی هذا القسم.

1. كم عدد اللجان التي يمكن تكوينها؟

 كم عدد اللجان التي يمكن تكوينها إذا علمت أن 3 تلاميذ معلومين يرفضون ترشيح أنفسهم؟

3. كم عدد اللجان التي تضم تلميذين و تلميذتين؟

4. كم عدد اللجان التي يمكن تكوينها بحيث لا تحتوي على التلميذين حسن و أحمد في نفس الوقت؟

ص 5