Revisión del Model

Yimin Pan, L12 Revisado a: Pablo Carbonell (Problema 15)

November 7, 2019

1 Juegos de Prueba para el Modelo Revisado

1. Juego de prueba 1

El primer juego de prueba consiste en un problema de 3 franjas horarias y 3 companias. Los otros parametros, tales como precios que paga la companía por el paquete, los minutos que pide la companía para cada franja horaria... són generados aleatoriamente.

En este caso vemos que las companías ofrecen mucho más que si vendemos los minutos por separado. Por ejemplo, para k_0 podemos ver que vendiendo los minutos que pide esta companía a minoristas, obtenemos mucho menos: $42*0.04+56*1.43+64*1.21 \approx 158$, que es menor que los 72947 que ofrece k_0 . Igual para las otras companías, siempre y cuando recordando escoger la companía que más paga en relación a los minutos que pide. En este caso k_1 .

La solución que muestra el solver coinside con lo que habiamos pensado, acepta el paquete de k_1 y los minutos restantes se lo vende a minorista. Por lo que obtenemos una función objetivo de 73238.

2. Juego de prueba 2

En el segundo juego de prueba intentaremos balancear un poco la oferta de las companías, que no haya tanta diferencia. El número de compaía no afecta mucho en ver si el modelo funciona o no, por lo que lo dejamos igual. En cuanto al precio para los minoristas deberá ser baja, ya que sinó la solución es trivial, lo vendemos todo a los minoristas.

La solución óptima debería ser vender a k_0 y k_2 ya que ambos piden 40 minutos para cada franja, por lo que suman 80 en cada franja, pagando 240+240=480 que es mayor que los 340 que ofrece k_1 por 90 en cada franja.

```
set Kompanies := K0 K1 K2;
param Bundle_price :=
K1 470631
param Bundle_minutes: K0 K1 K2 :=
PØ 42 56 64
param Period_price :=
param Period_minutes :=
```

```
ampl: solve;
Gurobi 5.1.0: optimal solution; objective 73238.2403
ampl: display choose_bundle;
choose_bundle [*] :=
K0 1
K1 0
K2 0
   ampl: display minutes_period;
minutes_period [*] :=
PO 172
P1 17
P2 214
```

Figure 2: Solución Juego 1

La solución que muestra el solver es correcta, con la estratégia indicada anteriormente obtenemos 480+1*20*3 = 540, igual a la función objetivo del solver.

```
set Kompanies := K0 K1 K2;
set Periods := P0 P1 P2;
param Bundle_price :=
KØ 240
K1 340
K2 240
param Bundle_minutes: K0 K1 K2 :=
PØ 40 90 40
P1 40 90 40
P2 40 90 40
param Period_price :=
PØ 1.0
P1 1.0
P2 1.0
param Period_minutes :=
PØ 100
P1 100
P2 100
```

Figure 3: Juego 2

2 Aspectos Mejorables del Modelo

Dado que se trata de problemas simples, el modelo se ajusta bastante bien a lo que pide el enunciado. Como hemos visto en los juegos de prueba anteriores la solución que muestra el solver coincide con lo que pensamos.

Un aspecto a mencionar es que, no se sabe por qué razón a pesar de que la variable $choose_bundle$ se ha definido como binario en el modelo, si no entramos el comando optionsolvergurobi; en AMPL, lo cual elegimos un solver en específico. Esa variable puede adquirir valores reales, y eso no es posible para este problema, o vendemos todo el paquete a una companía, o no lo vendemos.

```
ampl: solve;
Gurobi 5.1.0: optimal solution; objective 540
ampl: display choose_bundle;
choose_bundle [*] :=
K0 1
K1 0
K2 1
;
ampl: display minutes_period;
minutes_period [*] :=
P0 20
P1 20
P2 20
;
```

Figure 4: Solución juego 2

3 Variante del Modelo

La modificación que tiene se ha hecho respecto al modelo anterior son:

- Se ha eliminado la variable *minutes_period* que indica los minutos restantes despues de venderlos a las companias, ya que esta variables se puede calcular simplemente restando para cada periodo los minutos que dispones con los vendidos a las companias.
- Una variable *moneyFromCompanies* que indica la ganancia que proviene de las companias.
- Una variable *moneyFromRetail* que indica los beneficios que se ha obtenido vendiendo los minutos de cada periodo separado.
- La función objetivo revenue ahora se calcula como la suma de moneyFromCompanies y moneyFromRetail.

```
set Kompanies;
set Periods;

param Bundle_price {Kompanies} >= 0 default 0;
param Bundle_minutes {Periods, Kompanies} >= 0 default 0;
param Period_price {Periods, >= 0 default 0;
param Period_minutes {Periods} >= 0 default 0;
param Period_minutes {Periods} >= 0;

var choose_bundle {Kompanies} binary;

var moneyFromCompanies =
    sum(k in Kompanies) ( Bundle_price[k]*choose_bundle[k] );

var moneyFromRetail =
    sum(i in Periods) ((Period_minutes[i] - sum(k in Kompanies) ( Bundle_minutes[i,k]*choose_bundle[k])) * Period_price[i]);

maximize revenue : moneyFromRetail+moneyFromCompanies;

s.t. time_not_negative(i in Periods) :
Period_minutes[i] - sum(k in Kompanies) (Bundle_minutes[i,k]*choose_bundle[k]) >= 0;
```

Figure 5: Variante del modelo

En teoría con este variante deberiamos poder maximizar la ganancia total, venderemos los minutos a las companias si es rentable y actualizamos los minutos

que dispones. La restricción de no tener tiempo de franja negativa, hace que no podamos vender a las companias cuando no tenemos suficiente tiempo como lo que piden. Dicho esto, deberiamos poder obtener resultados iguales que el modelo original con los juegos de prueba que hemos hecho.

```
ampl: solve;
MINOS 5.5: ignoring integrality of 1 variables
MINOS 5.5: optimal solution found.
1 iterations, objective 73238.2403
ampl: display moneyFromCompanies;
moneyFromCompanies = 72947
ampl: display moneyFromRetail;
moneyFromRetail = 291.24
```

Figure 6: Solución juego 1 por modelo 2

```
ampl: solve;
Gurobi 5.1.0: optimal solution; objective 540
ampl: display moneyFromCompanies;
moneyFromCompanies = 480
ampl: display moneyFromRetail;
moneyFromRetail = 60
```

Figure 7: Solución juego 2 por modelo 2

Como podemos observar los resultados coincide con la solución que daba el modelo original y lo que habiamos argumentado en el apartado de juego de pruebas. Dicho esto, se vé que este variante del modelo es correcto.