

1. **Mi a belső pont definíciója?**

$a \in A \subset \mathbb{R}$  az  $A$  belső pontja, ha  $\exists K(a) \subset A$

2. **Mikor mondja azt, hogy egy  $f \in \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  függvény differenciálható valamely pontban?**

Az  $f \in \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  deriválható (differenciálható) az  $a \in \text{int}D_f$  pontban, ha  $\exists$  és véges a

$$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(a+h) - f(a)}{h} = f'(a) \text{ határérték.}$$

3. **Mi a kapcsolat a pontbeli differenciálhatóság és a folytonosság között?**

$f \in \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ ,  $a \in \text{int}D_f$ , ekkor  $f \in \mathcal{D}(a) \Rightarrow f \in C(a)$

4. **Mi a jobb oldali derivált definíciója?**

Legyen  $f \in \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ ,  $a \in D_f$

$$\lim_{x \rightarrow a+0} \frac{f(x) - f(a)}{x - a} =: f'_+(a), \quad \text{az } f \text{ jobboldali deriváltja az } a\text{-ban.}$$

5. **Milyen ekvivalens átfogalmazást ismer a pontbeli deriválhatóságra a lineáris közelítéssel?**

$f \in \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ ,  $a \in \text{int}D_f$  Ekkor

$$f \in \mathcal{D}(a) \Leftrightarrow \exists A \in \mathbb{R}, \exists \epsilon : D_f \rightarrow \mathbb{R}, \lim_a \epsilon = 0 \text{ és } f(x) - f(a) = A(x - a) + \epsilon(x)(x - a) \quad (x \in D_f)$$

Ekkor  $A = f'(a)$