

# III. Keresések

ADAT := kezdeti érték

**while**  $\neg$ terminálási feltétel(ADAT) **loop**

    SELECT SZ FROM alkalmazható szabályok

    ADAT := SZ(ADAT)

**endloop**

# KR vezérlési szintjei

## vezérlési stratégia

### általános

független a feladattól és annak modelljétől: nem merít sem a feladat ismereteiből, sem a modell sajátosságaiból.

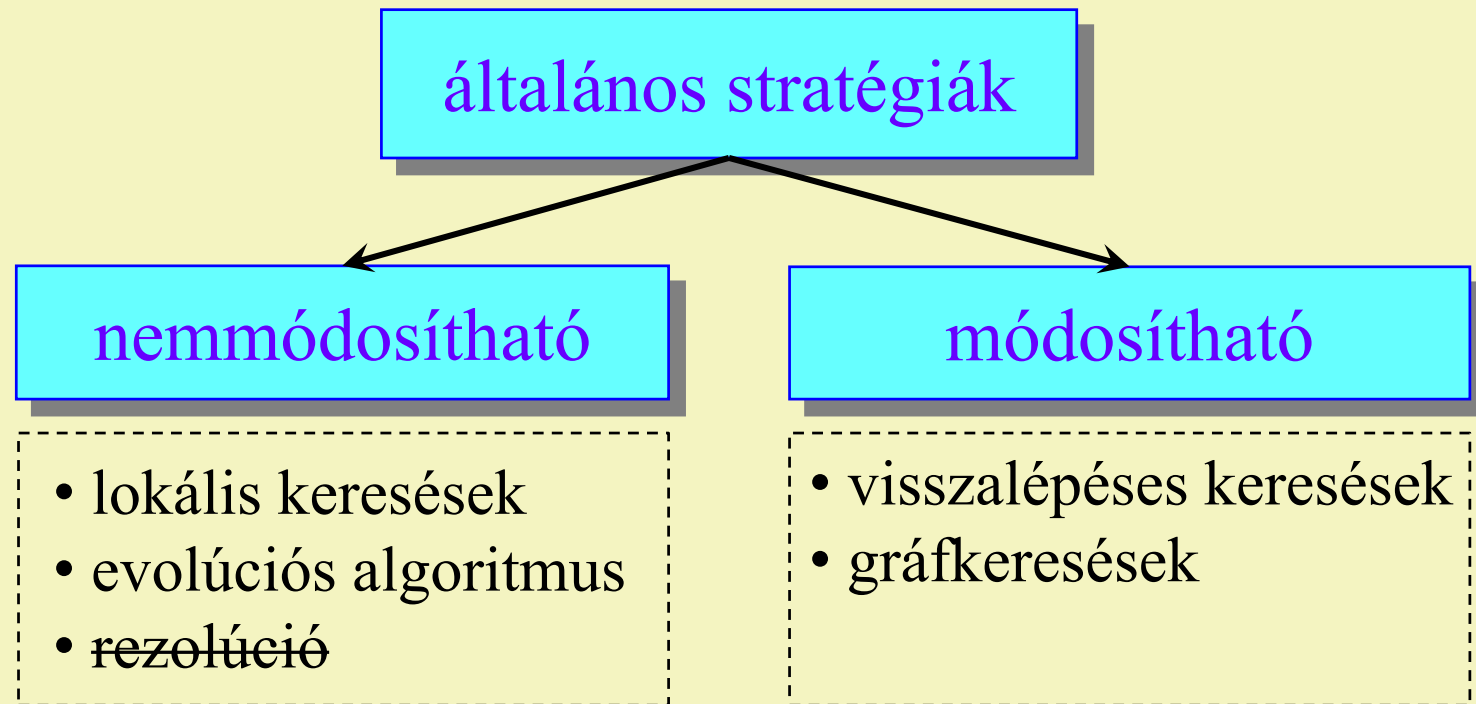
### modell függő

nem függ a feladat ismereteitől, de épít a feladat modelljének általános elemeire.

### heurisztikus

a feladattól származó, annak modelljében nem rögzített, a megoldást segítő speciális ismeret

# *Általános vezérlési stratégiák*



# 1. Lokális keresések

- ❑ A lokális keresés olyan KR, amely a megoldandó útkeresési probléma (reprezentációs) gráfjának egyetlen (az aktuális) csúcsát és annak szűk környezetét tárolja (a **globális munkaterületén**).
  - Kezdetben az aktuális csúcs a startcsúcs, és a keresés akkor áll le, ha az aktuális csúcs a célcsúcs lesz.
- ❑ Az aktuális csúcsot minden lépésben annak környezetéből vett „jobb” csúccsal cseréli le (**keresési szabály**).
- ❑ A „jobbság” eldöntéséhez (**vezérlési stratégia**) egy kiértékelő (cél-, rátermettségi-, heurisztikus) függvényt használ, amely reményeink szerint annál jobb értéket ad egy csúcsra, minél közelebb esik az a célhoz.

```
while  $\neg$ terminálási feltétel(ADAT) loop
    SELECT SZ FROM alkalmazható szabályok
    ADAT := SZ(ADAT)
endloop
```

- Mindig az aktuális (*akt*) csúcs **legjobb** gyermekére lép, amelyik **lehetőleg** nem a szülője.

1.  $akt := start$

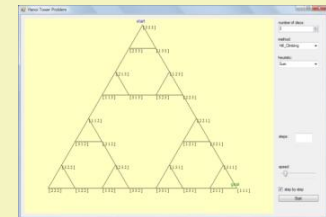
$$3. \quad akt := \underset{\uparrow}{\mathbf{opt}_f} ( \Gamma(akt) - \pi(akt) )$$

## 5. return *akt*

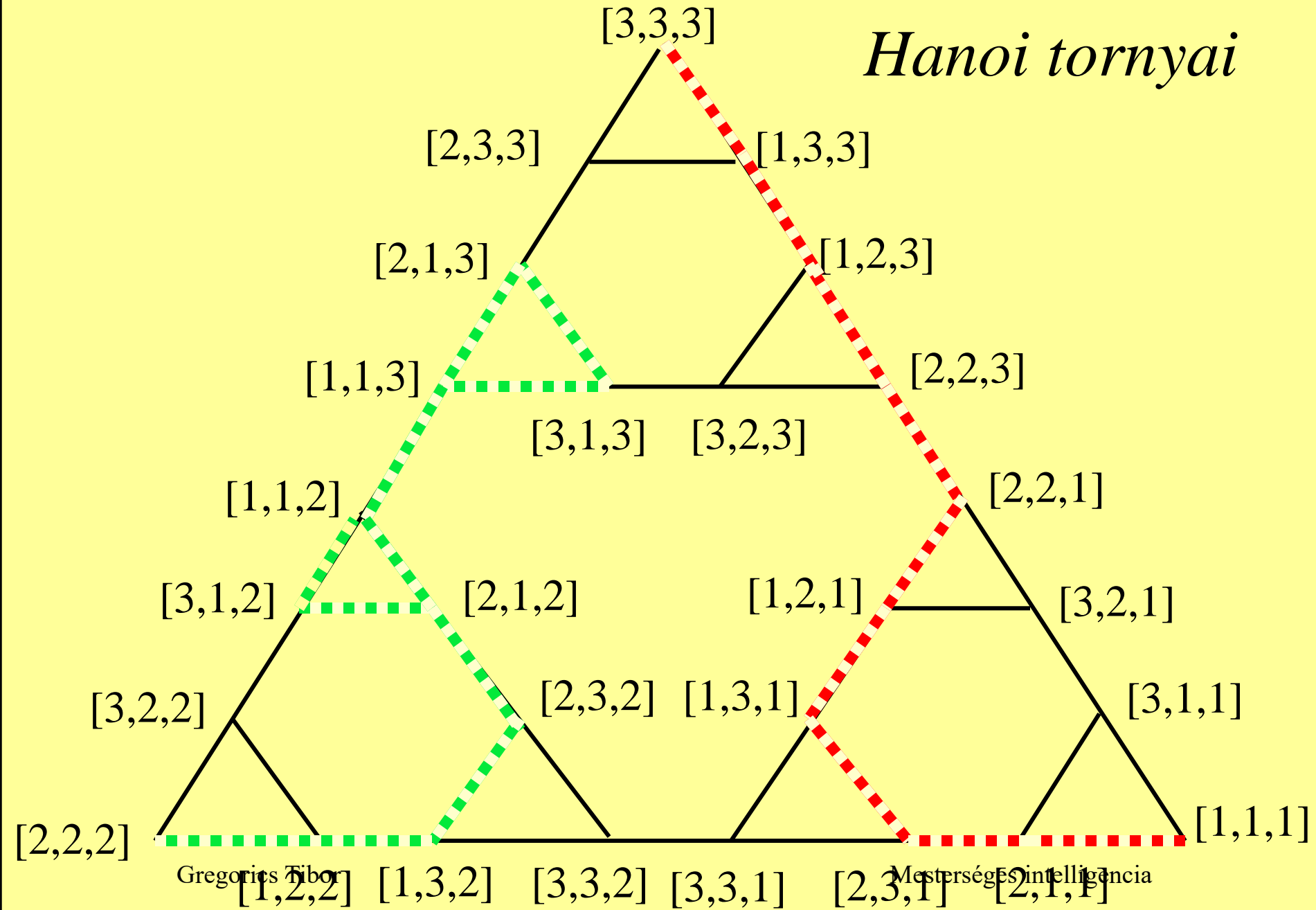
**if**  $\Gamma(akt) - \pi(akt) = \emptyset$  **then**  $akt := \pi(akt)$

**else**  $akt := \mathbf{opt}_f(\Gamma(akt) - \pi(akt))$

- Az eredeti hegymászó algoritmus nem zárja ki a szülőre való lépést, viszont nem engedi meg, hogy az aktuális csúcsot egy rosszabb értékű csúcsra cseréljük (ilyenkor a keresés inkább leáll).



# *Hanoi tornyai*



# Hátrányok

- ❑ Csak **erős heurisztika** esetén lesz sikeres: különben „eltéved” (nem talál megoldást), sőt **zsákutcába** kerülve „beragad”.  
Segíthet, ha:
  - véletlenül választott startcsúcsból újra- és újraindítjuk
  - $k$  aktuális csúcsnak a legjobb  $k$  gyerekére lépünk
  - gyengítjük a mohó stratégiát  $\longrightarrow$  szimulált hűtés
- ❑ **Lokális optimum** hely körül vagy **ekvidisztans felületen** (azonos értékű szomszédos csúcsok között) található körön, végtelen működésbe eshet. Segíthet, ha:
  - növeljük a memóriát  $\longrightarrow$  tabu keresés

# Tabu keresés

- ❑ A **globális munkaterületén** az aktuális csúcson (*akt*) kívül nyilvántartja még
  - az utolsó néhány érintett csúcsot: *Tabu* halmaz
  - az eddigi legjobb csúcsot: optimális csúcs (*opt*)
- ❑ Egy **keresési szabály** minden lépésben
  - az aktuális csúcsnak a legjobb, de nem a *Tabu* halmazban levő, gyerekére lép
  - ha *akt* jobb, mint az *opt*, akkor *opt* az *akt* lesz
  - frissíti *akt*-tal a sorszerkezetű *Tabu* halmazt
- ❑ Terminálási feltételek:
  - ha az *opt* a célcsúcs
  - ha az *opt* sokáig nem változik.



ADAT := kezdeti érték

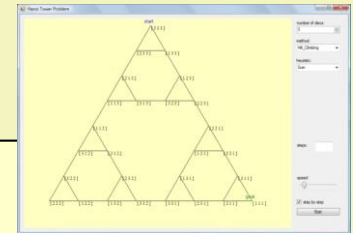
**while**  $\neg$ terminálási feltétel(ADAT) **loop**

    SELECT SZ FROM alkalmazható szabályok

    ADAT := SZ(ADAT)

**endloop**

# Tabu keresés algoritmus



1.  $akt, opt, Tabu := start, start, \emptyset$

2. **while not** ( $opt \in T$  **or**  $opt$  régóta nem változik) **loop**

3.  $akt := \mathbf{opt}_f(\Gamma(akt) - Tabu)$

4.  $Tabu := \text{Módosít}(akt, Tabu)$

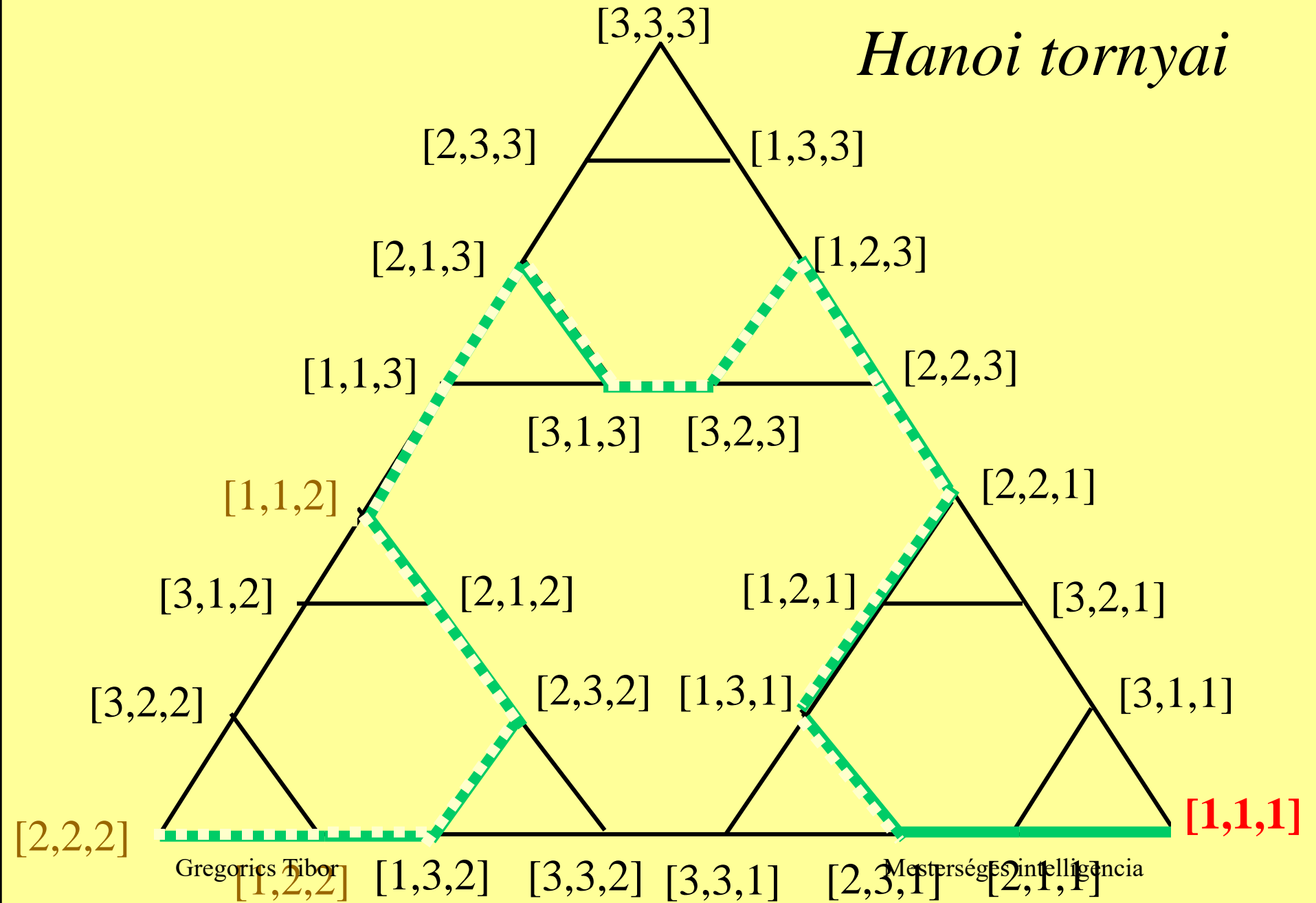
5. **if**  $f(akt)$  jobb, mint  $f(opt)$  **then**  $opt := akt$

6. **endloop**

7. **return**  $akt$

**if**  $\Gamma(akt) = \emptyset$  **then return** nem talált megoldást  
**else if**  $\Gamma(akt) - Tabu = \emptyset$  **then**  $akt := \mathbf{opt}_f(\Gamma(akt))$   
**else**  $akt := \mathbf{opt}_f(\Gamma(akt) - Tabu)$

# *Hanoi tornyai*



# Megjegyzés

## □ Előnyök:

- tabu méreténél rövidebb köröket észleli, és ez segíthet a lokális optimum hely illetve az ekvidisztans felület körüli körök leküzdésében.

## □ Hátrányok:

- a *Tabu* halmaz méretét kísérletezéssel kell belőni
- zsákutcába futva a nem-módosítható stratégia miatt beragad

# Szimulált hűtés

- ❑ A keresési szabály a következő csúcsot véletlenszerűen választja ki az aktuális (*akt*) csúcs gyermekei közül.
- ❑ Ha az így kiválasztott új csúcs kiértékelő függvény-értéke nem rosszabb, mint az *akt* csúcsé (itt  $f(\text{új}) \leq f(\text{akt})$ ), akkor elfogadjuk aktuális csúcsnak
- ❑ Ha az új csúcs függvényértéke rosszabb (itt  $f(\text{új}) > f(\text{akt})$ ), akkor egy olyan véletlenített módszert alkalmazunk, ahol az új csúcs elfogadásának valószínűsége fordítottan arányos az  $|f(\text{akt}) - f(\text{új})|$  különbséggel:

$$e^{\frac{f(\text{akt}) - f(\text{új})}{T}} > \text{random}[0,1]$$

# Hűtési ütemterv

- Egy csúcs elfogadásának valószínűségét az elfogadási képlet kitevőjének  $T$  együtthatójával szabályozhatjuk. Ezt egy  $(T_k, L_k)$   $k=1,2,\dots$  ütemterv módosítja, amely  $L_1$  lépésen keresztül  $T_1$ , majd  $L_2$  lépésen keresztül  $T_2$ , stb. lesz.

$$e^{\frac{f(akt)-f(új)}{T_k}} > rand[0,1]$$

$$f(új)=120, f(akt)=107$$

- Ha  $T_1, T_2, \dots$  szigorúan monoton csökken, akkor egy ugyanannyival rosszabb függvényértékű új csúcsot a keresés kezdetben nagyobb valószínűséggel fogad majd el, mint később.

$T$	$\exp(-13/T)$
$10^{10}$	0.9999...
50	0.77
20	0.52
10	0.2725
5	0.0743
1	0.000002

ADAT := kezdeti érték

**while**  $\neg$ terminálási feltétel(ADAT) **loop**

    SELECT SZ FROM alkalmazható szabályok

    ADAT := SZ(ADAT)

**endloop**

## Szimulált hűtés algoritmus

1.  $akt := start ; k := 1 ; i := 1$

2. **while not**( $akt \in T$  or  $f(akt)$  régóta nem változik) **loop**

3.   **if**  $i > L_k$  **then**  $k := k+1 ; i := 1$

4.    $új := \text{select}(\Gamma(akt) - \pi(akt))$

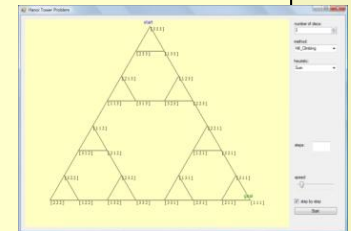
5.   **if**  $f(új) \leq f(akt)$  or  $\frac{f(akt) - f(új)}{T_k} > \text{rand}[0,1]$   
       $f(új) > f(akt)$  **and**  $e$

6.   **then**  $akt := új$

7.    $i := i+1$

8. **endloop**

9. **return**  $akt$



**if**  $\Gamma(akt) = \emptyset$  **then return** nem talált megoldást

**if**  $\Gamma(akt) - \pi(akt) = \emptyset$  **then**  $új := \pi(akt)$

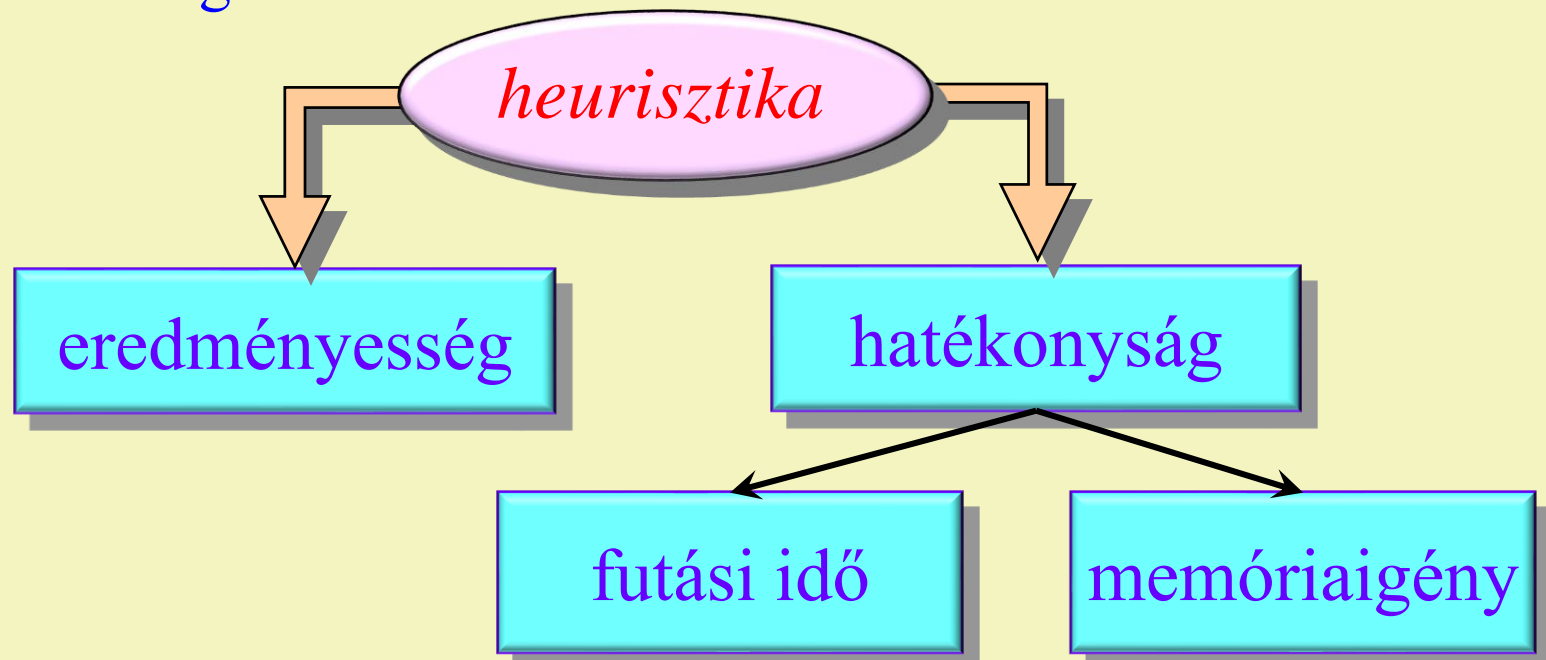
**else**  $új := \text{select}(\Gamma(akt) - \pi(akt))$

# *Lokális kereséssel megoldható feladatok*

- ❑ Erős heurisztika nélkül nincs sok esély a cél megtalálására.
  - Jó heurisztikára épített kiértékelő függvénnnyel elkerülhetőek a zsákutcák.
- ❑ A sikerhez az kell, hogy egy lokálisan hozott rossz döntés ne zárja ki a cél megtalálását!
  - Ez például erősen összefüggő reprezentációs-gráfban teljesül
    - Kifejezetten előnytelen, ha a reprezentációs-gráf egy irányított fa. (Például az  $n$ -királynő problémát csak tökéletes kiértékelő függvény esetén lehetne lokális kereséssel megoldani.)

# *A heurisztika hatása a KR működésére*

A heurisztika olyan, a feladathoz kapcsolódó ötlet, amelyet közvetlenül építünk be egy algoritmusba azért, hogy annak eredményessége és hatékonysága javuljon, habár erre általában semmiféle garanciát sem ad.





ADAT := kezdeti érték

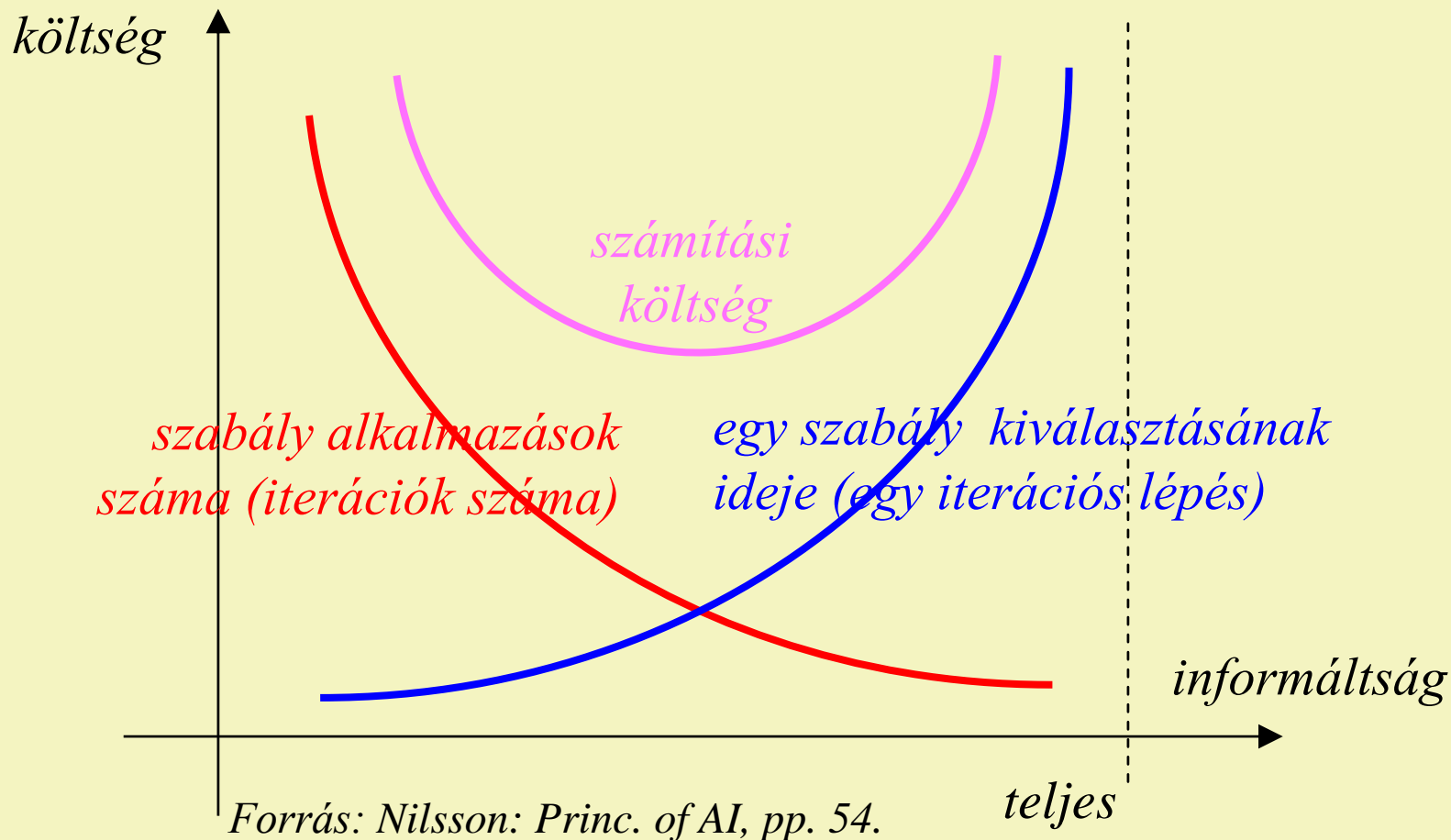
**while**  $\neg$ terminálási feltétel(ADAT) **loop**

    SELECT SZ FROM alkalmazható szabályok

    ADAT := SZ(ADAT)

**endloop**

## KR hatékonysága



1	2	3
8		4
7	6	5

# Heurisztikák a 8-as (15-ös) tologató játékra

- Rossz helyen levő lapkák száma:

$$W(this) = \sum_{i,j} 1_{this[i,j] \neq 0 \wedge this[i,j] \neq cél[i,j]}$$

- Lapkák célbeli helyüktől vett minimális távolságainak összege (Manhattan):

$$P(this) = \sum_{i,j} (|i - célbelisor(this[i,j])| + |j - célbelioszlop(this[i,j])|)$$

$célbelisor(this[i,j]) \sim$  a  $this[i,j]$  célállapotbeli helyének sora

$célbelioszlop(this[i,j]) \sim$  a  $this[i,j]$  célállapotbeli helyének oszlopa

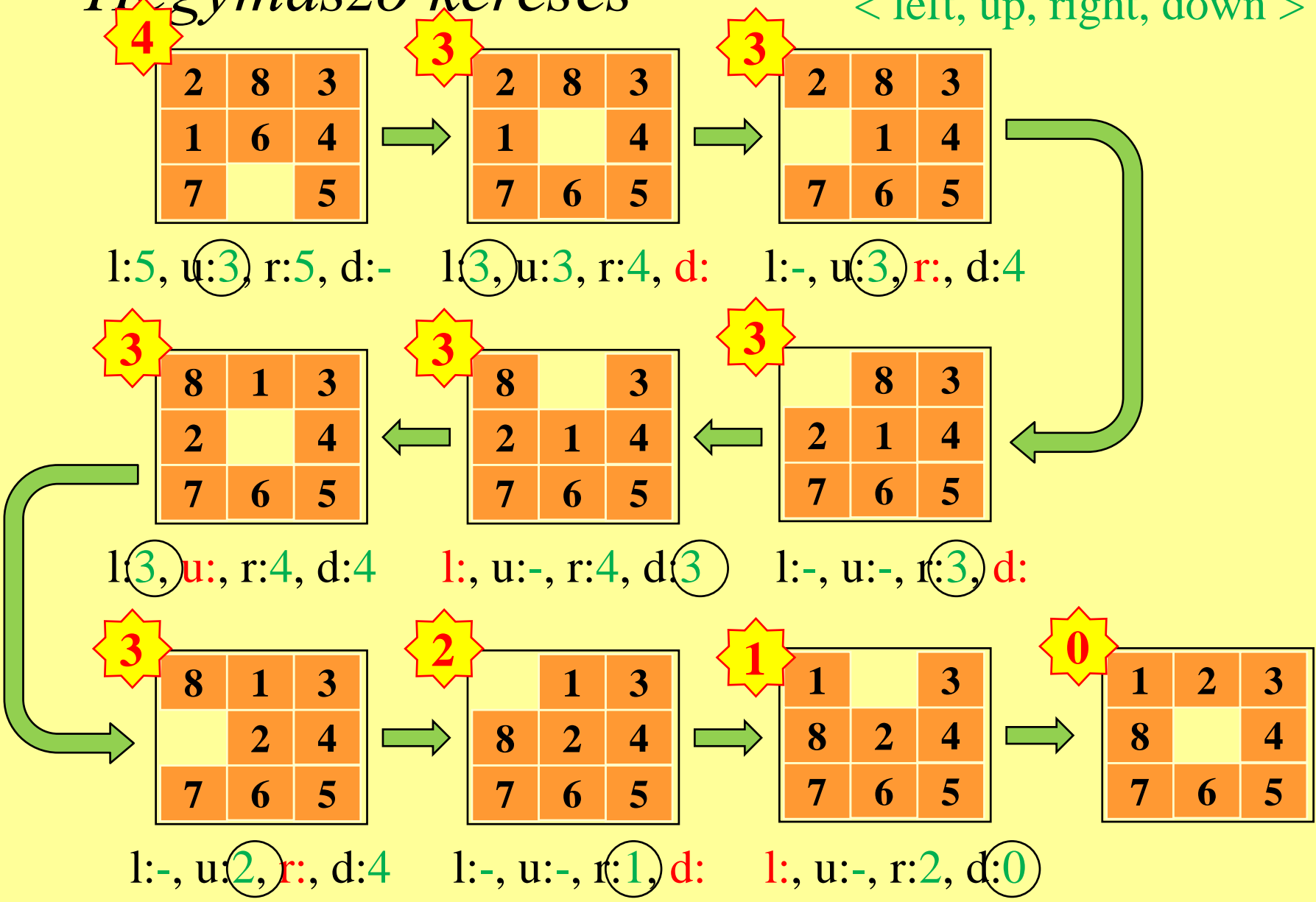
- „Széleken levő lapkák legyenek jók” (frame):

- Hány olyan lapka van a szélen, amelyiket nem a célbeli szomszédja követ az óra járásával megegyező irányban?
- Hány sarkokban ( $\times 2$ ) nincs még a cél szerinti lapka?

4	2	8	3
	1	6	4
5	7		5
			6

# Hegymászó keresés

Csúcs utódainak sorrendje:  
< left, up, right, down >



# Hegymászó keresés

Csúcs utódainak sorrendje:  
< left, up, right, down >

5

2	8	3
1	6	4
7		5

4

2	8	3
1		4
7	6	5

l:6, u:4, r:6, d:-

l:5, u:3, r:5, d:

W: l:3, u:3, r:4, d:

2

	2	3
1	8	4
7	6	5

3

2		3
1	8	4
7	6	5

l:-, u:-, r:, d:1

l:2, u:-, r:4, d:

1

1	2	3
	8	4
7	6	5

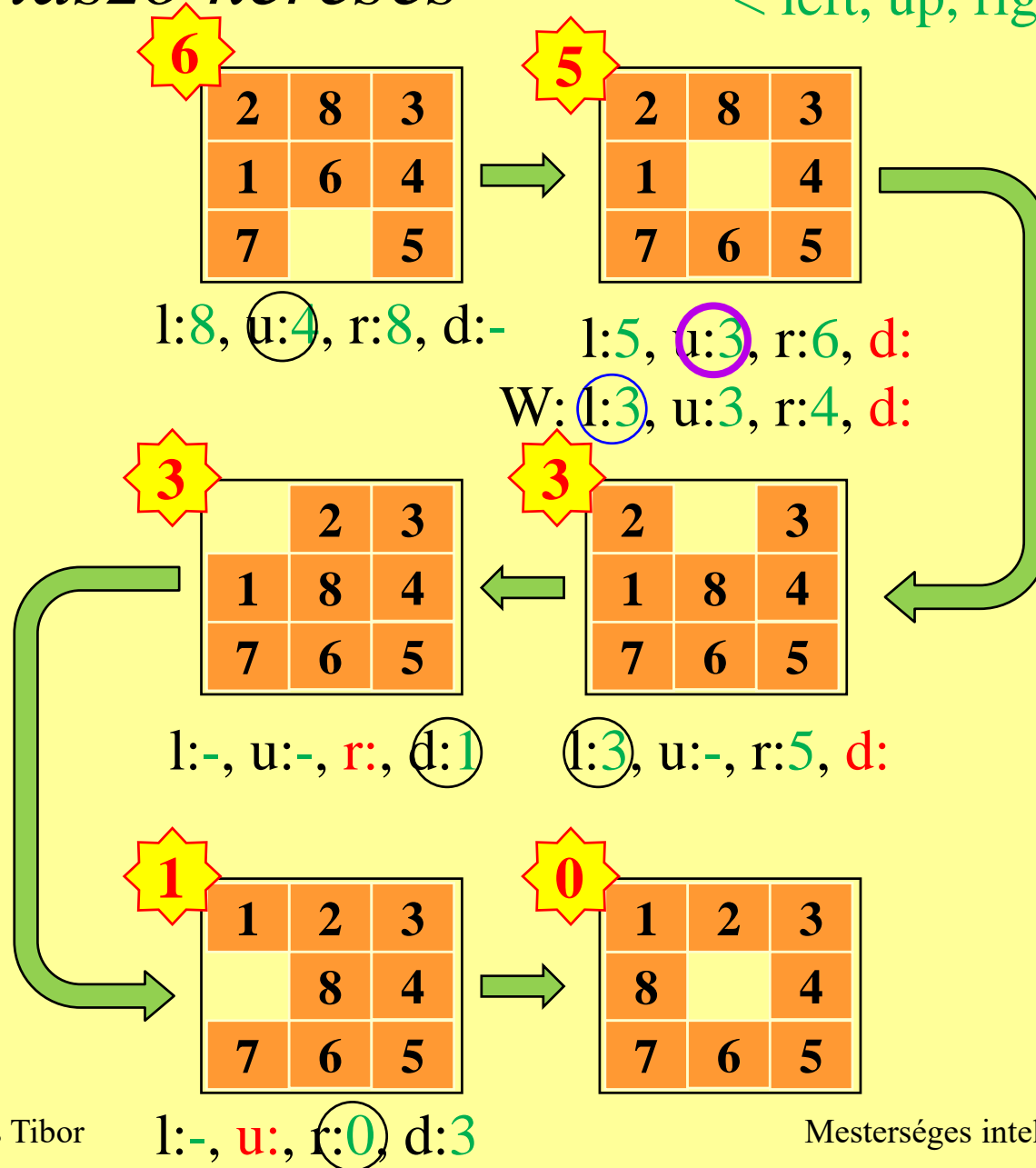
0

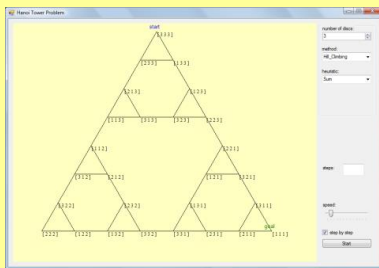
1	2	3
8		4
7	6	5

l:-, u:, r:0, d:2

# F Hegymászó keresés

Csúcs utódainak sorrendje:  
< left, up, right, down >





# Heurisztikák a Hanoi tornyai problémára

□ Darab:

$$C(this) = \sum_{\substack{i=1..n \\ this[i] \neq 1}} 1$$

□ Súlyozott darab:

$$WC(this) = \sum_{\substack{i=1..n \\ this[i] \neq 1}} i$$

□ Összeg:

$$S(this) = \sum_{i=1..n} this[i]$$

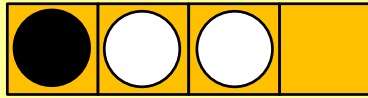
□ Súlyozott összeg:

$$WS(this) = \sum_{i=1..n} i \cdot this[i]$$

□ Módosított összeg:

$$EWS(this) = WS(this) - \sum_{\substack{i=2..n \\ this[i-1] > this[i]}} 1 + \sum_{\substack{i=2..n-1 \\ this[i-1] = this[i+1] \wedge this[i] \neq this[i-1]}} 2$$

# Heurisztikák a Fekete-fehér kirakóra



## □ Inverziószám:

$I(this)$  = minimálisan hány csere kell ahhoz, hogy minden fehér minden feketét megelőzzön

## □ Módosított inverziószám:

$M(this) = 2 \cdot I(this) -$   
 $- (1, \text{ ha } this\text{-nek része } \begin{array}{|c|c|c|} \hline \text{orange} & \text{black circle} & \text{white circle} \\ \hline \end{array} \text{ vagy } \begin{array}{|c|c|c|} \hline \text{black circle} & \text{white circle} & \text{orange} \\ \hline \end{array} )$

