

## ÖSSZEFOGLALÁS

***Az MI az intelligens gondolkodás számítógépes reprodukálása szempontjából hasznos elveket, módszereket, technikákat kutatja, fejleszt, rendszerez.***

*Miről ismerhető fel az MI?*

- Megoldandó feladatai: nehezek. A feladat problémateretere hatalmas, a megoldás megkeresése kellő intuíció hiányában kombinatorikus robbanáshoz vezethet.
- A megoldást biztosító szoftverek intelligensen működnek. Úgy, mintha a háttérben egy ember tevékenykedne (Turing teszt), továbbá gyakran tanulnak működésük közben, és ennek következtében javulhat az eredményességük és hatékonyságuk.
- Megoldási módszereire az átgondolt reprezentáció és heurisztikával megerősített algoritmusok használata jellemző.

***Sok feladat fogalmazható át útkeresési problémává*** úgy, hogy a feladat modellje alapján megadunk egy olyan élsúlyozott irányított gráfot, amelyben adott csúcsból adott csúcsba vezető utak jelképezik a feladat egy-egy megoldását. Ezt a feladat *gráfrepresentációjának* is szokás nevezni, amely magába foglal egy úgynevezett  *$\delta$ -gráfot* (olyan élsúlyozott irányított gráf, ahol egy csúcsból kivezető élek száma véges, és az élek költségére megadható egy  $\delta$  pozitív alsó korlát), az abban kijelölt startcsúcsot és egy vagy több célcsúcsot. Ebben a reprezentációs gráfban keresünk egy startcsúcsból kiinduló célcsúcsba futó utat, esetenként egy legolcsóbb ilyen. A reprezentációs gráffal megfogalmazott feladatok *problémateretere* többnyire a startcsúcsból kiinduló utak halmaza. Néha a problémateret a reprezentációs gráf csúcsainak halmaza. (lásd n-királynő probléma)

***Állapottér-representáció*** – egy olyan (de nem az egyetlen) módszer a feladatok modellezésére, amelyet aztán természetes módon lehet gráfrepresentációként is megfogalmazni.

Négy eleme van:

- Állapottér, amely a probléma homlokterében álló adat (objektum) lehetséges értékeinek (állapotainak) halmaza. Gyakran egy alaphalmaz, amelyet egy alkalmas invariáns leszűkít.
- Műveletek (előfeltétel+hatás), amelyek állapotból állapotba vezetnek.
- Kezdőállapot(ok) vagy azokat leíró kezdőfeltétel.
- Célállapot(ok) vagy célfeltétel.

Az *állapot-gráf* (egy speciális reprezentációs gráf) az állapotokat, mint csúcsokat, a műveletek hatásait, mint éleket tartalmazza.

### ***Keresések***

Egy általános kereső rendszer részei: a *globális munkaterület* (a keresés memóriája), a *keresési szabályok* (a memória tartalmát változtatják meg), és a *vezérlési stratégia* (adott pillanatban alkalmas szabályt választ). A vezérlési stratégiának van egy általános, elsődleges eleme, lehet egy másodlagos (az alkalmazott reprezentációs modell sajátosságait kihasználó) eleme és a konkrét feladatra építő eleme. Ez utóbbi a *heurisztika*, a konkrét feladatból származó extra ismeret, amelyet közvetlenül a vezérlési stratégiába építünk be az eredményesség és a hatékonyság javítása céljából.

### Lokális keresések

A keresés egyetlen csúcstól (és annak környezetét) látja (tárolja a globális munkaterületen), amelyet minden lépésben a szomszédjai közül vett lehetőleg „jobb” gyerekcsúccsal cserél le (ez a csere a keresési szabály). A vezérlési stratégia a „jobbság” eldöntéséhez *rátermettségi függvényt* használ, amely olyan heurisztikára épül, ami várhatóan annál jobb értéket ad egy csúcsra, minél közelebb esik az a célhoz. Mivel a keresés „elfelejti”, hogy honnan jött, a döntések nem vonhatók vissza, ez egy *nem-módosítható vezérlési stratégia*.

Lokális kereséssel megoldható feladatok azok, ahol egy lokálisan hozott rossz döntés nem zárja ki a cél megtalálását. Ehhez vagy egy erősen összefüggő reprezentációs-gráf, vagy jó heurisztikára épített célfüggvény kell. Jellemző alkalmazás: adott tulajdonságú elem keresése, függvény optimumának keresése.

- *Hegymászó algoritmus*: Minden lépésben az aktuális csúcs legjobb gyermekére lép, de kizárja a szülőre való visszalépést. Zsákutcába (aktuális csúcsból nem vezet ki él) beragad, körök mentén végtelen ciklusba kerülhet, ha a rátermettségi függvény nem tökéletes.
- *Tabu keresés*: Az aktuális csúcson ( $n$ ) kívül nyilvántartja még az eddig legjobbnak bizonyult csúcstól ( $n^*$ ) és az utolsó néhány érintett csúcstól; ez a (sor tulajdonságú) *tabu halmaz*. Minden lépésben az aktuális csúcs gyermekei közül, kivéve a tabu halmazban levőket, a legjobbat választja új aktuális csúcsnak, (ezáltal felismeri a tabu halmaz méreténél nem nagyobb köröket), frissíti a tabu halmazt, és ha  $n$  jobb, mint az  $n^*$ , akkor  $n^*$ -ot lecseréli  $n$ -re.
- *Szimulált hűtés algoritmus*: A következő csúcs választása véletlenszerű. Ha a kiválasztott csúcs ( $r$ ) célfüggvény-értéke jobb, mint az aktuális csúcsé ( $n$ ), akkor odalép, ha rosszabb, akkor az új csúcs elfogadásának valószínűsége fordítottan arányos  $f(n) - f(r)$  különbséggel. Ez az arány ráadásul folyamatosan változik a keresés során: ugyanolyan különbség esetén kezdetben nagyobb, később kisebb valószínűséggel fogja a rosszabb értékű  $r$  csúcstól választani.

### Visszalépéses keresések

A startcsúcsból az aktuális csúcsba vezető utat (és az arról leágazó még ki nem próbált éleket) tartja nyilván (globális munkaterületen), a nyilvántartott út végéhez egy új (ki nem próbált) élt fűzhet vagy a legutolsó élt törölheti (visszalépés szabálya), a visszalépést a legvégső esetben alkalmazza. A visszalépés teszi lehetővé azt, hogy egy korábbi továbblépésről hozott döntés megváltozhasson. Ez tehát egy *módosítható vezérlési stratégia*. A keresésbe sorrendi és vágó heurisztika építhető. Mindkettő lokálisan, az aktuális csúcsból kivezető, még ki nem próbált élekre vonatkozik.

Visszalépés feltételei: zsákutca, zsákutca torkolat, kör, mélységi korlát.

- VL1 (nincs kör- és mélységi korlát figyelés) véges körmentes irányított gráfokon terminál, és ha van megoldás, akkor talál egyet.
- VL2 (általános)  $\delta$ -gráfokon terminál, és ha van megoldás a mélységi korláton belül, akkor talál egyet.

Könnyen implementálható, kicsi memória igényű, mindig terminál, és ha van (a mélységi korlát alatt megoldási út), akkor megtalál egyet. Nem garantál optimális megoldást, egy kezdetben hozott rossz döntést csak nagyon sok lépés után képes korrigálni és egy zsákutca-szakaszt többször is bejárhat, ha abba többféle úton is el lehet jutni.

## Gráfkeresések

A globális munkaterületén a startcsúcsból kiinduló már feltárt utak találhatók (ez az ún. *kereső gráf*), külön megjelölve az utak azon csúcsait, amelyeknek még nem (vagy nem eléggé jól) ismerjük a rákövetkezőit. Ezek a *nyílt csúcsok*. A keresés szabályai egy nyílt csúcsot terjesztenek ki, azaz előállítják (vagy újra előállítják) a csúcs összes rákövetkezőjét. A vezérlési stratégia a legkedvezőbb nyílt csúcs kiválasztására törekszik, ehhez egy *kiértékelő függvényt* ( $f$ ) használ. Mivel egy nyílt csúcs, amely egy adott pillanatban nem kerül kiválasztásra, később még kiválasztódhat, ezért itt egy módosítható vezérlési stratégia valósul meg.

A keresés minden csúcshoz nyilvántart egy odavezető utat ( $\pi$  visszamutató pointerok segítségével), valamint az út költségét ( $g$ ). Ezeket az értékeket működés közben alakítja ki, amikor a csúcsot először felfedezi vagy később egy olcsóbb utat talál hozzá. Mindkét esetben (amikor módosultak a csúcs ezen értékei) a csúcs nyílttá válik. Amikor egy már korábban kiterjesztett csúcs újra nyílt lesz, akkor a már korábban felfedezett leszármazottainál a visszafelé mutató pointerokkal kijelölt út költsége nem feltétlenül egyezik majd meg a nyilvántartott  $g$  értékkel, és az sem biztos, hogy ezek az értékek az eddig talált legolcsóbb útra vonatkoznak. Csökkenő kiértékelő függvényt (egy csúcs  $f$  értéke nem nő az algoritmus működése során, sőt, amikor egy csúcs visszakerül a nyílt csúcsok közé, akkor annak új  $f$  értéke kisebb annál, mint amivel onnan korábban kikerült) használva viszont a küszöbcsúcsok (olyan csúcs, amely  $f$  értéke minden korábban kiterjesztett csúcs  $f$  értékénél nagyobb vagy egyenlő) kiterjesztésének pillanatában ilyen inkonzisztencia garantáltan nem áll fenn.

- Nem-informált gráfkeresések: *mélységi gráfkeresés* ( $f = -g$ , minden  $(n,m)$  élre  $c(n,m)=1$ ), *szélességi gráfkeresés* ( $f = g$ ,  $c(n,m)=1$ ), *egyenletes gráfkeresés* ( $f = g$ )
- Heurisztikus gráfkeresések  $f$ -je a  $h$  a heurisztikus függvényre épül, amely minden csúcsban a hátralevő optimális  $h^*$  költséget becsli. Ilyen az *előre tekintő gráfkeresés* ( $f = h$ ), az *A algoritmus* ( $f = g+h$ ,  $h \geq 0$ ), az *A\* algoritmus* ( $f = g+h$ ,  $h^* \geq h \geq 0$  –  $h$  megengedhető), az  $A^C$  algoritmus ( $f = g+h$ ,  $h^* \geq h \geq 0$ , minden  $(n,m)$  élre  $h(n)-h(m) \leq c(n,m)$ ), és *B algoritmus* (ahol az  $f = g+h$ ,  $h \geq 0$  helyett a  $g$ -t használjuk a kiterjesztendő csúcs kiválasztására azon nyílt csúcsok közül, amelyek  $f$  értéke kisebb, mint az eddig kiterjesztett csúcsok  $f$  értékeinek maximuma).

Véges  $\delta$ -gráfokon minden gráfkeresés terminál, és ha van megoldás, talál egyet. A nevezetes gráfkeresések többsége végtelen nagy gráfokon is találnak megoldást, ha van megoldás. (Kivétel az előre-tekinthető keresés és a mélységi korlátot nem használó mélységi gráfkeresés.) Az  $A^*$ ,  $A^C$  algoritmusok optimális megoldást találnak, ha van megoldás. Az  $A^C$  algoritmus egy csúcsot legfeljebb egyszer terjeszt csak ki.

Egy gráfkeresés memória igényét a kiterjesztett csúcsok számával, futási idejét ezek kiterjesztéseinek számával mérjük. (Egy csúcs általában többször is kiterjesztődhet, de  $\delta$ -gráfokban csak véges sokszor.)  $A^*$  algoritmusnál a futási idő legrosszabb esetben exponenciálisan függ a kiterjesztett csúcsok számától, de ha olyan heurisztikát választunk, amelyre már  $A^C$  algoritmust kapunk, akkor a futási idő lineáris lesz. Persze ezzel a másik heurisztikával változik a kiterjesztett csúcsok száma is, így nem biztos, hogy egy  $A^C$  algoritmus ugyanazon a gráfon összességében kevesebb kiterjesztést végez, mint egy csúcsot többször is kiterjesztő  $A^*$  algoritmus. A  $B$  algoritmus futási ideje négyzetes, és ha olyan heurisztikus függvényt használ, mint az  $A^*$  algoritmus (azaz megengedhető), akkor ugyanúgy optimális megoldást talál (ha van megoldás) és a kiterjesztett csúcsok száma (mellesleg a halmaza is) megegyezik az  $A^*$  algoritmus által kiterjesztett csúcsokéval.

### **Kétszemélyes** (teljes információjú, véges és determinisztikus, zéró összegű) **játékok**

A játékokat állapottér-reprezentációval szokás leírni, és az állapot-gráfot faként ábrázolják.

A *győztes (vagy nem-vesztes) stratégia* egy olyan elv, amelyet betartva egy játékos az ellenfél minden lépésére tud olyan választ adni, hogy megnyerje (ne veszítse el) a játékot. Valamelyik játékosnak biztosan van győztes (nem-vesztes) stratégiája. Győztes (nem-vesztes) stratégia keresése a *játékfaban* kombinatorikus robbanást okozhat, ezért e helyett részfa kiértékelést szoktak alkalmazni a soron következő jó lépés meghatározásához.

A *minimax* algoritmus az aktuális állásból felépíti a játékfa egy részét, kiértékeli annak leveleit aszerint, hogy azok által képviselt állások milyen mértékben kedveznek nekünk vagy az ellenfélnek, majd szintenként váltakozva az ellenfél szintjein a gyerekcsúcsok értékeinek minimumát, a saját szintjeinken azok maximumát futtatjuk fel a szülőcsúcsához. Ahonnan a gyökérhez kerül érték, az lesz soron következő lépésünk.

A *minimax* algoritmus számos módosítása ismert, amelyek különféle javításokat tartalmaznak. A legfigyelemreméltóbb az *alfa-béta* algoritmus, amely egyfelől kisebb memória igényű (egyszerre csak egy ágat tárol a vizsgált részből), másfelől egy sajátos vágási stratégia miatt jóval kevesebb csúcsot vizsgál meg, mint a minimax.

### **Mesterséges neuronhálók**

Bemenő értékek (számok) együtteséből kimenő értéket (számokat) előállító rendszer, amely egymáshoz kapcsolódó, tanítható számoló egységekből áll.

Mesterséges neuronháló részei: *mesterséges neuron* (bemenő értékekből egy kimenő értéket számoló egység), *hálózati topológia* (több hasonló mesterséges neuron egymáshoz kapcsolásának módja: irányított gráf), *tanulási szabály* (egy neuron számítási képletét módosító eljárás).

Legegyszerűbb mesterséges neuronháló: perceptron modell. Ez az ún. Rosenblatt perceptronok (a bemenő értékeket egy-egy súllyal szorozza, a szorzatokat összegzi, és abból a lépcsős függvény segítségével kimenetet számol) egy rétegű előrecsatolt hálója, felügyelt tanulással (delta-szabály). A tanulás során egy perceptron  $i$ . bemenetéhez ( $x_i$ ) tartozó súly ( $w_i$ ) a várt ( $t$ ) és a számított ( $o$ ) kimenet különbségének függvényében változik:  $w_i = w_i + \eta * x_i * (t - o)$ . Ez a modell csak lineárisan szeparálható problémák megoldására alkalmas.

Számos egyéb modell is létezik (Backpropagation, Hopfield, stb.)

### **Evolúciós algoritmus**

Egy adott pillanatban a problémátérnek nem csak egy elemét (*egyedet*) tárolja, hanem azoknak egy részhalmazát (*populációját*), és arra törekszik, hogy a populáció egyedei minél jobbak legyenek (a helyes válaszhoz közelítsenek). Ennek megítéléséhez egy *rátermettségi függvényt* használ. Az egyedeket úgy kódolja, hogy azok tulajdonságai darabolhatóak legyenek: egy kódszakasz megváltoztatásával más tulajdonságú egyedek keletkeznek.

A populációt lépésről lépésre változtatja úgy, hogy egyedeinek egy részét azokra hasonló, de lehetőleg jobb egyedekre cseréli. (A populáció megváltozása visszavonhatatlan. Ez tehát egy nem-módosítható stratégiájú keresés.) Ehhez négy műveletet hajt végre:

- *Szelekció*: Kijelölünk rátermett egyedeket (de a kevésbé rátermettek is kapnak esélyt)
- *Rekombináció*: A kiválasztott egyedek párjaiból utódokat állítunk elő.
- *Mutáció*: Az utódokat kismértékben módosítjuk.
- *Visszahelyezés*: Új populáció kialakítása az utódokból és a régi populációból.

### ***Automatikus logikai következtetés***

$A_1, \dots, A_n \Rightarrow C$  bizonyítására készült algoritmusok, amelyek válaszadásra is alkalmasak. Ez utóbbi esetben a „ki, mi, mit, kivel, mikor” stb. típusú kérdéseket a „van-e olyan aki, ami, amit, akivel, amikor” alakú mondatként formalizáljuk, és a választ az így bevezetett egzisztenciálisan kvantált változóknak a bizonyítás során odaadott értékekből nyerjük.

#### Rezolúció.

- Az  $A_1, \dots, A_n, \neg C$  kielégíthetetlenségét belátó módszer.
- A formulákat KNF alakra (klózikonjunktíójára) kell hozni, amelyekből kiindulva újabb klózikokat hozhatunk létre (rezolúciós lépés: pl.  $r \vee s, \neg r \vee u \Rightarrow s \vee u$ ) egészen addig, amíg az ellentmondást jelző „üres klóz” meg nem jelenik.
- Elsőrendű formulák esetében a KNF-re hozás egy speciális lépést, Skolemizálást igényel, a rezolúciós lépéshez pedig változó-helyettesítést alkalmazunk.
- Az elsőrendű rezolúció helyes, teljes, parciálisan eldönthető módszer.
- Nem-determinisztikus algoritmus, amely egy nem-módosítható stratégiájú keresés. Gyorsításához számos másodlagos (sorrendi illetve szűkítő) stratégiát ismerünk.

#### Szabályalapú logikai következtetés.

- Az axiómákat a bennük szereplő implikációk alapján tényekre és szabályokra osztjuk, és a következtetéshez az  $A, A \rightarrow B \Rightarrow B$  sémát (modus ponens) használjuk.
- A bizonyítás (következtetési lánc) olyan állítások sorozata, amelynek minden tagja egy tény, vagy a sorozat egy megelőző állításából és egy szabályból levezethető állítás. A sorozat utolsó állítása a célállítás.
- Kritikus kérdés annak eldöntése, hogy  $A', A \rightarrow B$  formulák esetén alkalmazható-e a modus ponens (azaz illeszkedik-e  $A$  és  $A'$ ), és mi ekkor a következmény. Ennél a lépésnél kerülhet sor a változók más kifejezésekkel történő helyettesítésére. Az illeszkedés hatékony vizsgálatához a formulák alakjára korlátozásokat szoktak bevezetni, de ettől sérülhet a teljesség.
- A következtetési láncot lehet előre- vagy visszafelé haladó módszerrel is keresni, de mindkét esetben egy visszalépéses kereséssel érdemes ezt végezni.
- A formulák alakjának speciális megválasztása esetén a bizonyítás egy ÉS/VAGY gráfbeli hiperút keresésével állítható elő.

Az emberi logika és a klasszikus logika számos ponton különbözik. Az emberi gondolkodás hiányos és ellentmondásos axiómarendszerrel is tud dolgozni; állításai sokszor nem egyértelműen igazak vagy hamisak, bizonytalanok; a következtetések sokszor procedurális (végrehajtható) jellegűek; az állítások a predikátum központú megfogalmazás helyett többnyire strukturált objektum elvű formában állnak rendelkezésre. Ezért van jelentősége a különféle alternatív következtetési módszereknek (zárt világ feltételezés, default következtetés, Bayes hálók, fuzzy következtetés, szemantikus hálók, leíró logikák, stb.).