

PROGRAMOZÁS

Programozás beágyazott visszavezetéssel

Gregorics Tibor

<http://people.inf.elte.hu/gt/prog>

Feladat

Egy osztályba n diák jár, akik m darab tantárgyat tanulnak. Ismerjük a félévvégi osztályzataikat, és lehet olyan eset, hogy egy diák bizonyos tárgyakból nem kap egyáltalán jegyet (ezt nulla jelzi).

Ki a legjobb (átlagú) diák azok között, akik legalább egy tárgyból kaptak osztályzatot?

feltételes maximum keresés:
maximális átlagú diák, feltéve,
hogy kapott osztályzatot

Specifikáció

$A = (\text{napló} : \mathbb{N}^{n \times m}, l : \mathbb{L}, \text{max} : \mathbb{R}, \text{ind} : \mathbb{N})$

$Ef = (\text{napló} = \text{napló}')$

$Uf = (Ef \wedge (l, \text{max}, \text{ind}) = \text{MAX}_{i=1}^n (\text{összeg}(i) / \text{darab}(i)))$

az i-dik diák átlaga

az i-dik diák jegyeinek összege

az i-dik diák tantárgyainak száma

ahol

$\text{összeg} : [1..n] \rightarrow \mathbb{N}$

$\text{darab} : [1..n] \rightarrow \mathbb{N}$

$\text{összeg}(i) = \sum_{j=1}^m \text{napló}[i,j]$

$\text{darab}(i) = \sum_{j=1}^m 1$
 $\text{napló}[i,j] \neq 0$

Fő program

feltételes maximum keresés

$m \dots n \quad \sim 1 \dots n$

$\beta(i) \quad \sim \text{darab}(i) > 0$

$f(i) \quad \sim \text{összeg}(i) / \text{darab}(i)$

$H, > \quad \sim \mathbb{R}, >$

$l := \downarrow$

$i = 1 \dots n$

$\text{darab}(i) = 0$	$\text{darab}(i) \neq 0 \wedge l$	$\text{darab}(i) \neq 0 \wedge \neg l$
-	$\text{összeg}(i) / \text{darab}(i) > \text{max}$	$l, \text{max}, \text{ind} :=$ $\uparrow, \text{összeg}(i) / \text{darab}(i), i$
	$\text{max}, \text{ind} :=$ $\text{összeg}(i) / \text{darab}(i), i$	

Nem-megengedett feltétel kiemelése

Egy kifejezés *nem-megengedett*, ha a választott implementációs környezetben nem tudjuk egy az egyben kódolni.

Ha egy feltétel ilyen, akkor *nem-megengedett feltételről*, ha egy értékadás jobboldali kifejezése ilyen, akkor *nem-megengedett értékadásról* beszélünk.

$l, \text{max}, \text{ind} :=$
 $\uparrow, \text{összeg}(i) / \text{darab}(i), i$



feltétel kiemelése önálló értékadásba
új segédváltozók bevezetésével

$s := \text{összeg}(i)$

$c := \text{darab}(i)$

$l, \text{max}, \text{ind} := \uparrow, s / c, i$

segéd: $s:\mathbb{N}, c:\mathbb{N}$

A *top-down tervezés* során kapott nem-megengedett értékadásokat megengedett részprogrammal kell helyettesíteni.
(továbbtervezés vagy *finomítás*).

Részfeladatok

*Kiolvasható a részfeladatok
teljes specifikációja*

$s := \text{összeg}(i)$

$\text{összeg}: [1..n] \rightarrow \mathbb{N}$

$$\text{összeg}(i) = \sum_{j=1}^m \text{napló}[i,j]$$

összegzés

$m .. n \quad \sim 1 .. m$

$f(i) \quad \sim \text{napló}[i, j]$

$i \quad \sim j$

$s := 0$

$j = 1 .. m$

$s := s + \text{napló}[i, j]$

$c := \text{darab}(i)$

$\text{darab}: [1..n] \rightarrow \mathbb{N}$

$$\text{darab}(i) = \sum_{\substack{j=1 \\ \text{napló}[i,j] \neq 0}}^m 1$$

számlálás

$m .. n \quad \sim 1 .. m$

$\beta(i) \quad \sim \text{napló}[i, j] \neq 0$

$i \quad \sim j$

$c := 0$

$j = 1 .. m$

$\text{napló}[i, j] \neq 0$

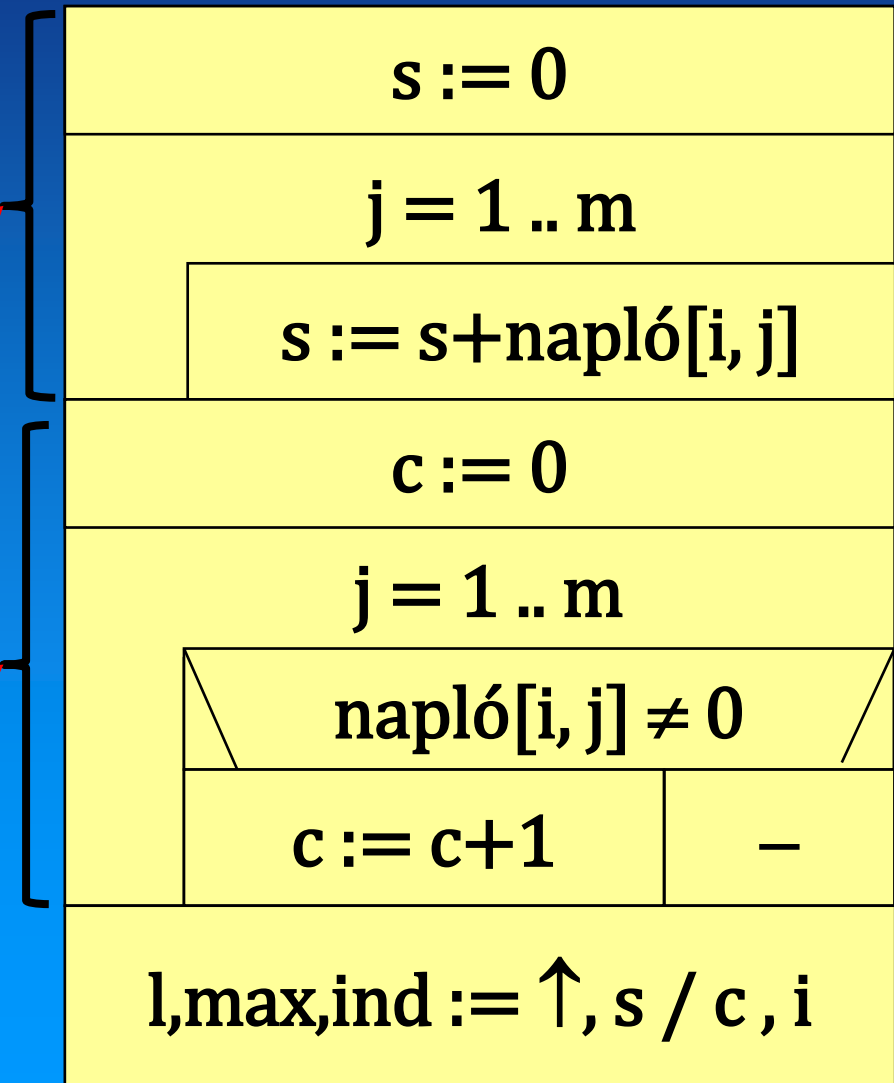
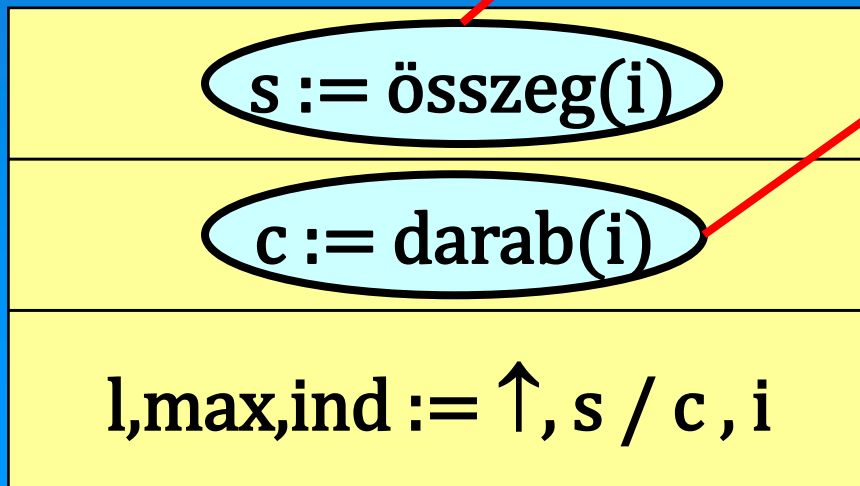
$c := c + 1$

—

Részprogram beágyazása

A *részprogram* egy másik programba beágyazott program.

program fej: bármely program
Hatása (így a részprogramoké is)
Megadható egy értékadással.



Részprogram helyett alprogram

Az **alprogram** egy olyan részprogram, amelyet az alprogram fejére történő hivatkozással (hívással) aktiválhatunk.

sorrend és
típus-megfelelés

A **hívásban** a paraméterváltozók helyén azokkal kompatibilis típusú **aktuális paraméterek** állnak. Ezek vagy **változók** (elkülönülnek a paraméterváltozóktól, de esetenként velük azonos nevet viselnek), vagy – input paraméterváltozók esetében – **kifejezések** lehetnek.

s := összeg(i)

c := darab(i)

l,max,ind := ↑, s / c, i

s := összeg(i)

s := 0

j = 1 .. m

s := s+napló[i, j]

1. a hívó program végrehajtása megszakad
2. létrejönnek az alprogram paraméterváltozói
3. az input változók megkapják a hívásban megfelelő változók vagy kifejezések értékeit
4. végrehajtódik az alprogram
5. az output változók értéke visszaadódik a hívás megfelelő változóiba
6. a hívó program folytatódik

Az **alprogram fejének** (ami egy értékadás) jobboldalán **input paraméterváltozók**, baloldalán **output paraméterváltozók** állnak (egy változó mindkét helyen is szerepelhet). Ezek a változók **lokálisak** az alprogramra nézve: annak indulásakor jönnek létre és leállásakor szűnnek meg.

Különféle változók a programban

feladat:

$\text{napló}:\mathbb{N}^{n \times m}$, $l:\mathbb{L}$, $\text{max}:\mathbb{R}$, $\text{ind}:\mathbb{N}$

segéd:

$i:\mathbb{N}$, $s:\mathbb{N}$, $c:\mathbb{N}$

$s := \text{összeg}(i)$

$c := \text{darab}(i)$

$l, \text{max}, \text{ind} := \uparrow, s / c, i$

napló az alprogram *globális változója*
amit csak olvasásra használhat

Az alprogram változói:

- alprogram paraméterváltozói
- alprogram segéd változói
- főprogram látható változói,
de csak olvasásra használhatóak

paraméter:

$s:\mathbb{N}$, $i:\mathbb{N}$

$s := \text{összeg}(i)$

$s := 0$

$j = 1 \dots m$

$s := s + \text{napló}[i, j]$

segéd:

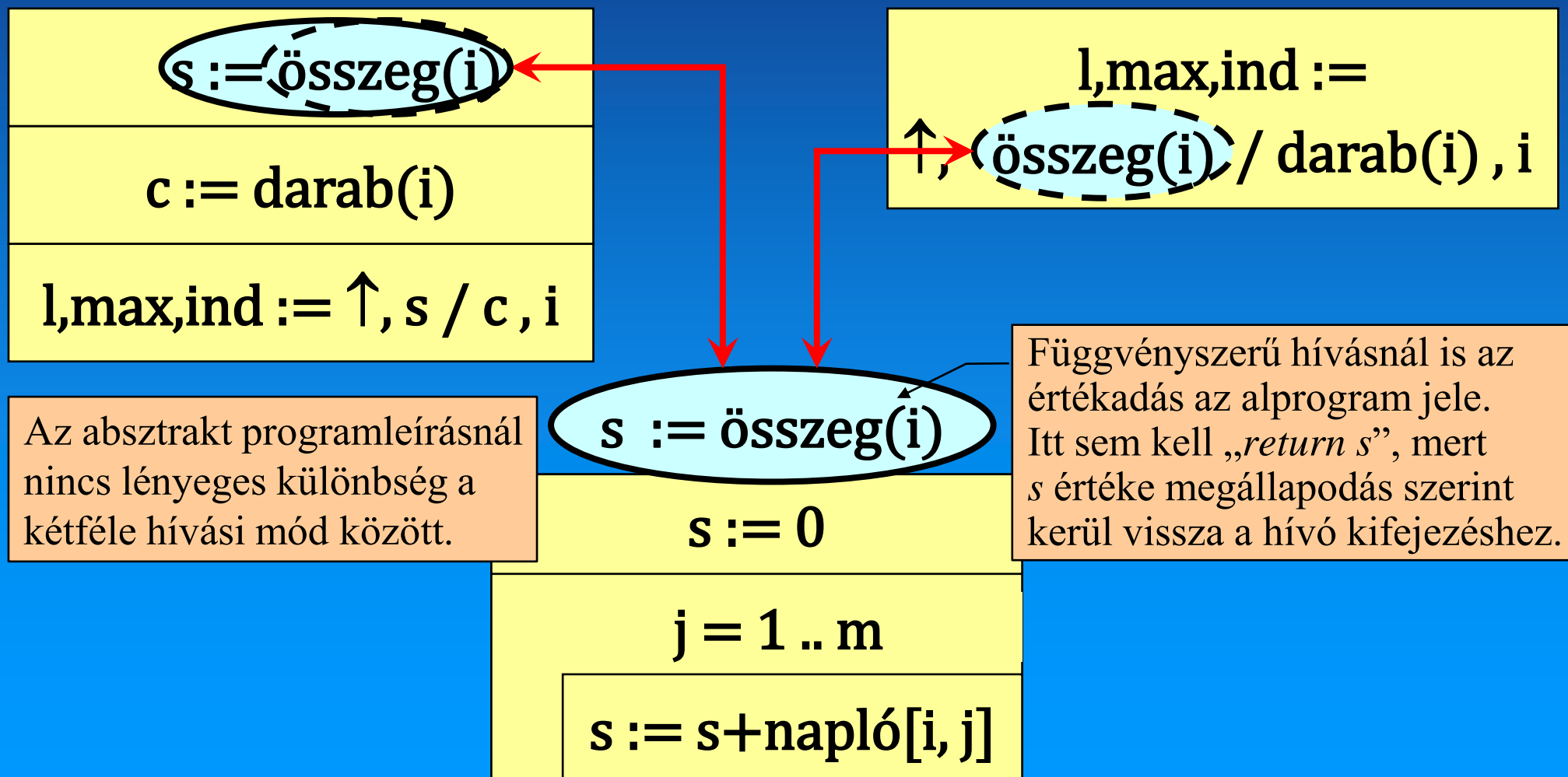
$j:\mathbb{N}$

az alprogram *lokális változói* közül az s és i nem
azonos a főprogram s és i segédváltozóival

Alprogramok hívási módjai

Egy alprogram *eljárászerű hívása* annak fejére, tehát a teljes értékadásra történő hivatkozás (*hívó utasítás*).

A *függvényyszerű hívás* az alprogram fejének jobboldalára történő hivatkozás (*hívó kifejezés*). Az alprogram befejeződésekor az output paraméterváltozók együttes értéke lesz a hívó kifejezés értéke (*visszatérési érték*).



A teljes algoritmus

$l := \downarrow$

nem túl hatékony

$i = 1 .. n$

$\text{darab}(i) = 0$	$\text{darab}(i) \neq 0 \wedge l$	$\text{darab}(i) \neq 0 \wedge \neg l$
–	$\text{összeg}(i) / \text{darab}(i) > \text{max}$ $\text{max, ind} :=$ $\text{összeg}(i) / \text{darab}(i), i$	$l, \text{max, ind} :=$ $\uparrow, \text{összeg}(i) / \text{darab}(i), i$

$c := \text{darab}(i)$

$s := \text{összeg}(i)$

$c := 0$

$s := 0$

$j = 1 .. m$

$j = 1 .. m$

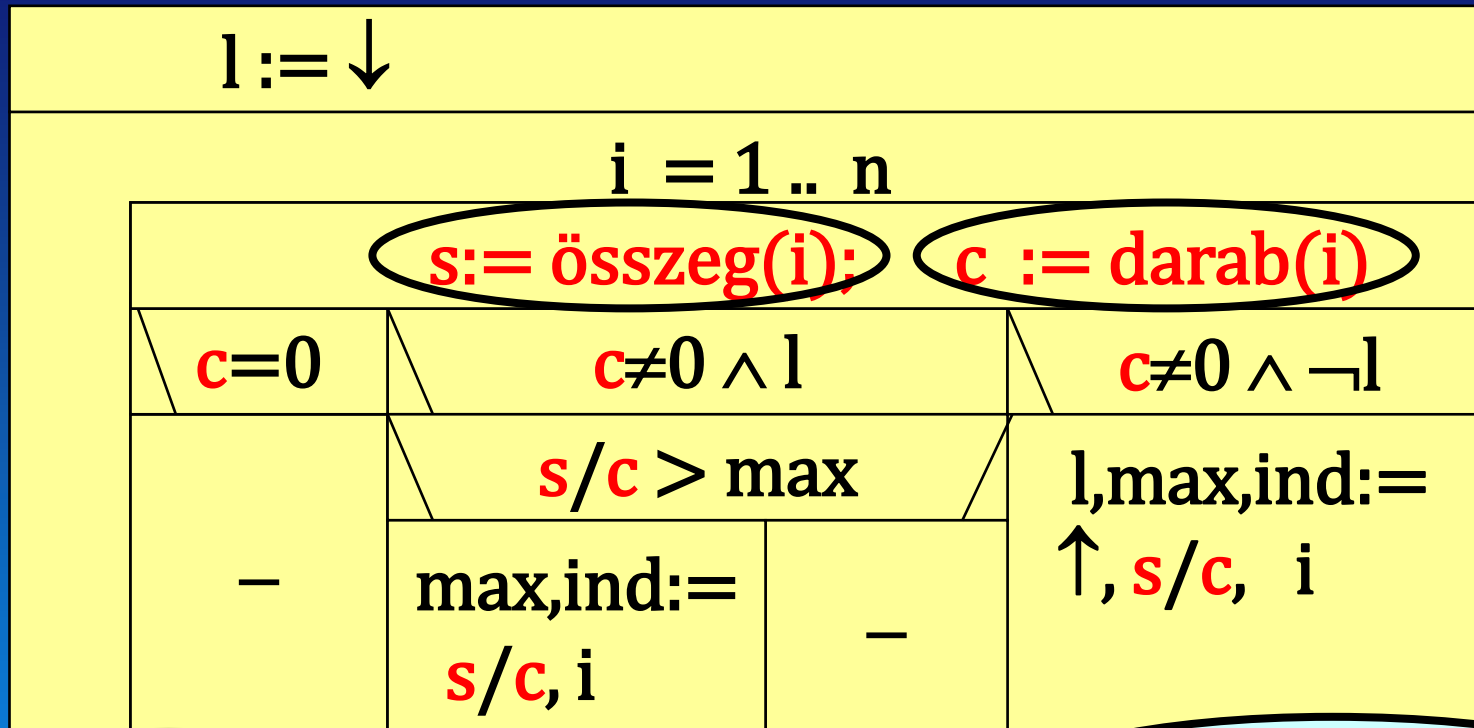
$\text{napló}[i, j] \neq 0$

$s := s + \text{napló}[i, j]$

$c := c + 1$

–

Program átalakítása : kiemelés



$c := \text{darab}(i)$

$s := \text{összeg}(i)$

$c := 0$

$j = 1 .. m$

$\text{napló}[i, j] \neq 0$

$c := c + 1$

–

$s := 0$

$j = 1 .. m$

$s := s + \text{napló}[i, j]$

Program átalakítása: ciklusok összevonása

$c := \text{darab}(i)$

$c := 0$

$j = 1 \dots m$

$\text{napló}[i, j] \neq 0$

$c := c + 1$

—

$s := \text{összeg}(i)$

$s := 0$

$j = 1 \dots m$

$s := s + \text{napló}[i, j]$

$c, s := 0, 0$

$j = 1 \dots m$

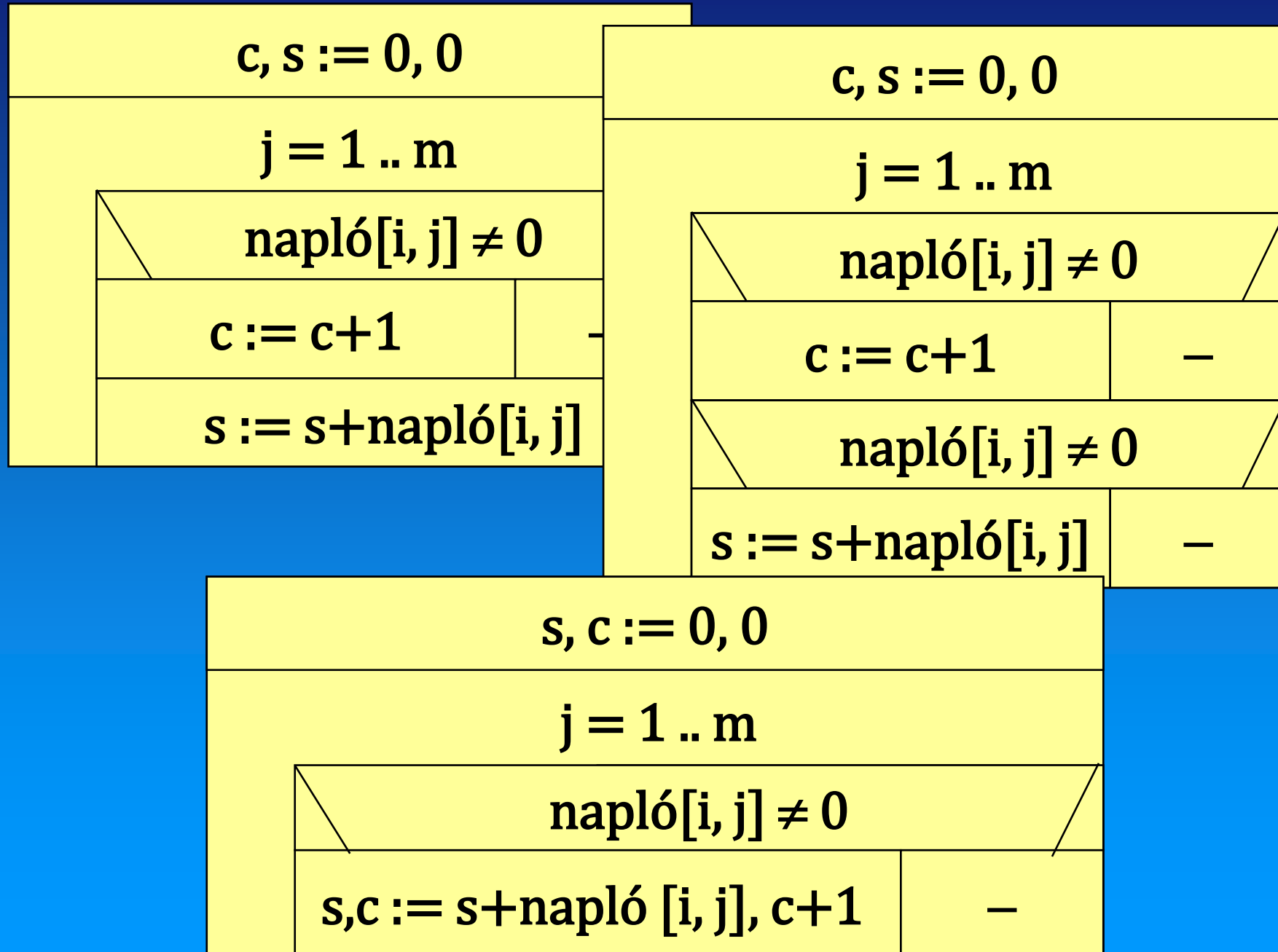
$\text{napló}[i, j] \neq 0$

$c := c + 1$

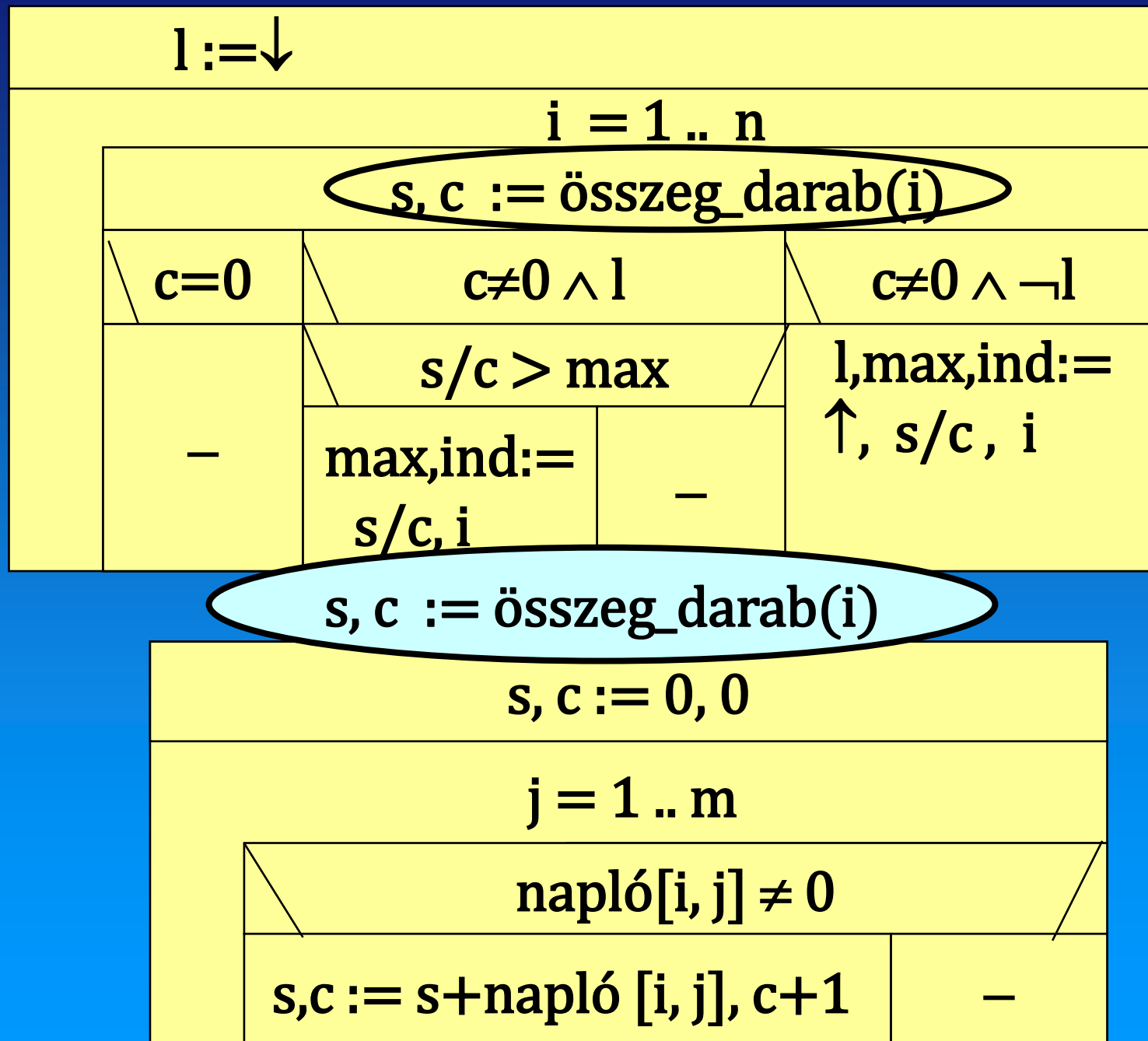
—

$s := s + \text{napló}[i, j]$

Program átalakítása: elágazások összevonása



Program végleges alakja



Program-átalakítások

Helyes programból helyes programot

□ Hatékonyságot javító (tervezéskor)

- Egymás után többször szereplő, ugyanazon nem-megengedett feltétel kiemelése egy értékadásba.
- Szekvenciában álló, független, de azonos feltételű elágazások illetve azonos feltételű ciklusok összevonása

□ Megvalósítást támogató (kódoláskor)

- Szimultán értékadás megszüntetése
- Három vagy többágú elágazás kódolása

Tesztesetek: fekete doboz/ érvényes/felt. max. ker

- intervallum hossza: diákok száma (n) szerint

nulla	$n=0$	$\rightarrow l=\text{hamis}$
egy	$n=1, m=3, \text{naplo} = [2, 2, 5]$	$\rightarrow l, \text{max}, \text{ind}=\text{igaz}, 3, 1$
egy	$n=1, m=0, \text{naplo} = []$	$\rightarrow l=\text{hamis}$
több	$n=3, m=3,$ $\text{naplo} = \begin{bmatrix} 2, 2, 5 \\ 0, 0, 0 \\ 1, 1, 4 \end{bmatrix}$	$\rightarrow l, \text{max}, \text{ind}=\text{igaz}, 3, 1$

- intervallum eleje: első diák legyen a válasz
 $n=3, m=3$, lásd előző $\rightarrow l, \text{max}, \text{ind}=\text{igaz}, 3, 1$

- intervallum vége: utolsó diák legyen a válasz

$n=3, m=3,$	$\text{naplo} = \begin{bmatrix} 1, 1, 1 \\ 0, 0, 0 \\ 1, 1, 4 \end{bmatrix}$	$\rightarrow l, \text{max}, \text{ind}=\text{igaz}, 2, 3$
-------------	--	---

- eredmény: nincs érvényes diák (a nincs diák esetét már néztük)
 $n=2, m=3,$ $\text{naplo} = \begin{bmatrix} 0, 0, 0 \\ 0, 0, 0 \end{bmatrix}$ $\rightarrow l, \text{max}, \text{ind}=\text{hamis}, 2, 3$

Tesztesetek: fekete doboz/ érvényes/felt. max. ker

– eredmény: folytatás

van egy érvényes diák

$$n=2, m=3, \text{naplo} = \begin{bmatrix} 0, 0, 0 \\ 1, 0, 0 \end{bmatrix} \rightarrow 1, \text{max}, \text{ind} = \text{igaz}, 1, 2$$

több érvényes diák van, legjobb középen

$$n=3, m=3, \text{naplo} = \begin{bmatrix} 0, 0, 0 \\ 5, 0, 0 \\ 1, 2, 1 \end{bmatrix} \rightarrow 1, \text{max}, \text{ind} = \text{igaz}, 5, 2$$

több érvényes diák van, legjobb az első ...

több érvényes diák van, legjobb az utolsó ...

több érvényes egyformán legjobb diák

$$n=3, m=3, \text{naplo} = \begin{bmatrix} 0, 0, 0 \\ 5, 0, 0 \\ 5, 5, 0 \end{bmatrix} \rightarrow 1, \text{max}, \text{ind} = \text{igaz}, 5, 1$$

törtszám az átlag

$$n=2, m=3, \text{naplo} = \begin{bmatrix} 1, 2, 4 \\ 2, 2, 4 \end{bmatrix} \rightarrow 1, \text{max}, \text{ind} = \text{igaz}, 2.33, 1$$

Tesztesetek: fekete doboz/ érvényes/össz-száml.

- intervallum hossza: tárgyak száma (m) szerint

nulla	m=0	→ l=hamis
egy	n=1, m=2, naplo=[2, 2]	→ l,max,ind=igaz,2,1
több	n=1, m=3, naplo=[2, 2, 5]	→ l,max,ind=igaz,3,1

- intervallum eleje: első tárgy beszámít-e

n=1, m=3,	naplo=[0, 2, 5]	→ l,max,ind=igaz,2.5,1
	naplo=[2, 2, 5]	→ l,max,ind=igaz,3,1

- intervallum vége: utolsó tárgy beszámít-e

n=1, m=3	naplo=[5, 2, 0]	→ l,max,ind=igaz,2.5,1
	naplo=[5, 2, 2]	→ l,max,ind=igaz,3,1

- eredmény: számlálás eredménye 0, 1, több

n=1, m=3,	naplo=[0, 0, 0]	→ l=hamis
	naplo=[5, 0, 0]	→ l,max,ind=igaz,5,1
	naplo=[5, 5, 0]	→ l,max,ind=igaz,5,1

Változók szerepköre

feladat:

$napló: \mathbb{N}^{n \times m}, l: \mathbb{L}, max: \mathbb{R}, ind: \mathbb{N}$

$l := \downarrow$

$i = 1 .. n$

$s, c := \text{összeg_darab}(i)$

$c=0$

$c \neq 0 \wedge l$

$c \neq 0 \wedge \neg l$

$s/c > max$

$l, max, ind :=$
 $\uparrow, s/c, i$

–

$max, ind :=$
 $s/c, i$

$s, c := \text{összeg_darab}(i)$

paraméter:

$s: \mathbb{N}, c: \mathbb{N}, i: \mathbb{N}$

$s, c := 0, 0$

$j = 1 .. m$

$napló[i, j] \neq 0$

$s, c := s + napló[i, j], c + 1$

–

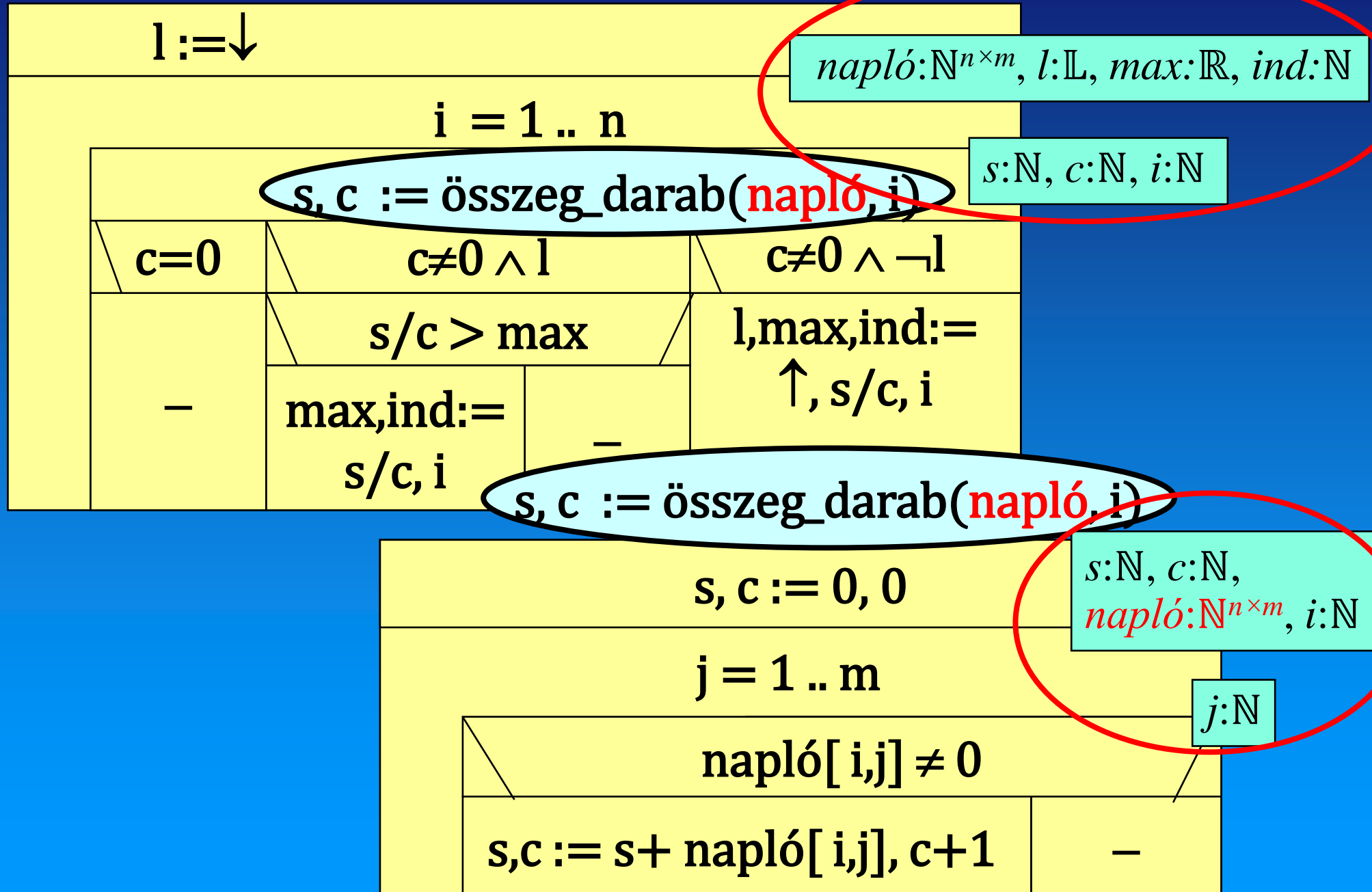
napló az alprogram **globális változója**
amit csak olvasásra használ

segéd:

$j: \mathbb{N}$

C++ paraméterátadás I.

Nem használunk globális változókat



C++ paraméterátadás II.

Nem használunk globális változókat

$l := \downarrow$

$napló: \mathbb{N}^{n \times m}, l: \mathbb{L}, max: \mathbb{R}, ind: \mathbb{N}$

$i = 1 .. n$

$s, c := \text{összeg_darab}(\text{napló}[i])$

$s: \mathbb{N}, c: \mathbb{N}, i: \mathbb{N}$

$c=0$

$c \neq 0 \wedge l$

$c \neq 0 \wedge \neg l$

$s/c > max$

$l, max, ind :=$
 $\uparrow, s/c, i$

–

$max, ind :=$
 $s/c, i$

–

$s, c := \text{összeg_darab}(sor)$

$s, c := 0, 0$

$s: \mathbb{N}, c: \mathbb{N}, sor: \mathbb{N}^m$

$j = 1 .. m$

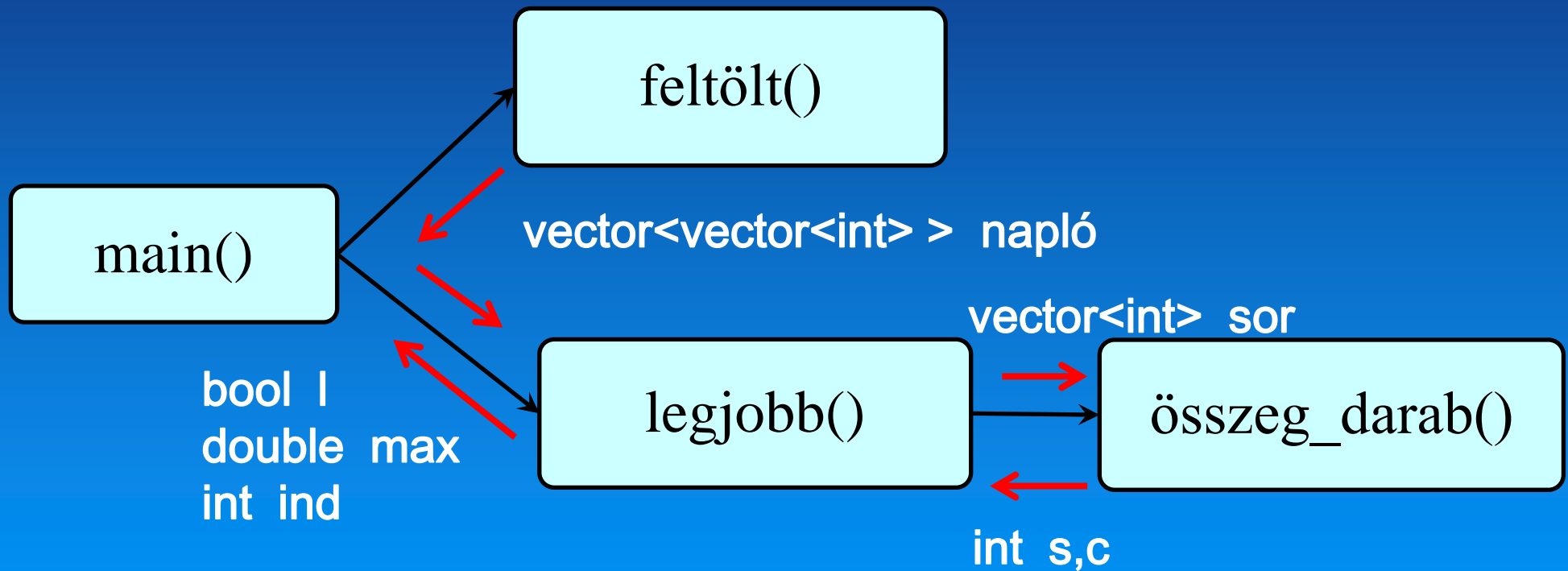
$j: \mathbb{N}$

$sor[j] \neq 0$

$s, c := s + sor[j], c + 1$

–

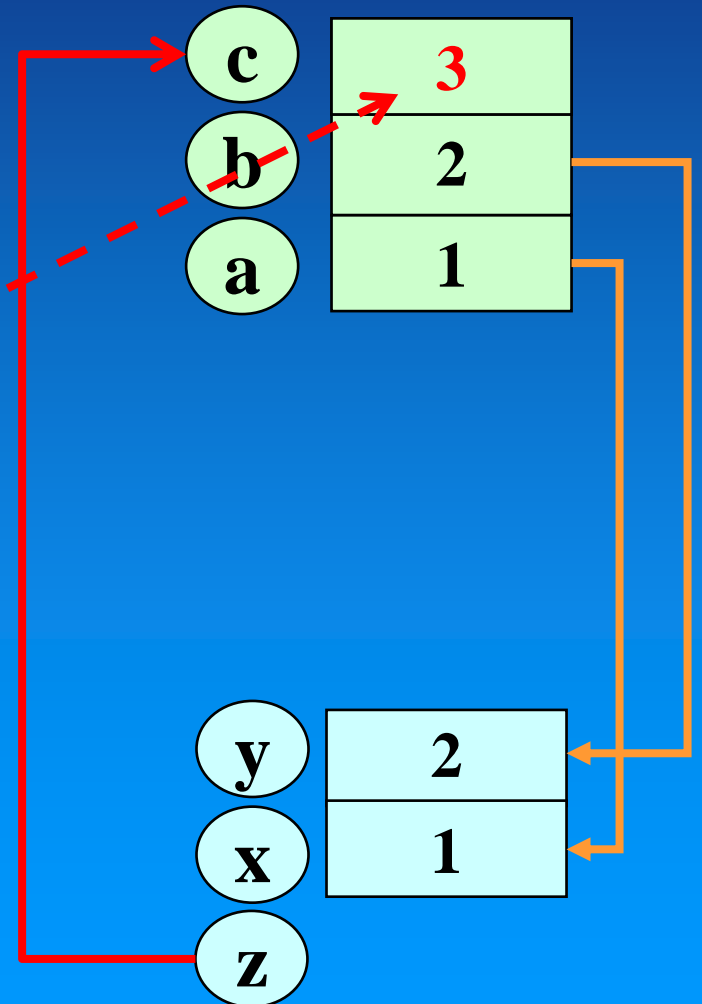
Modulszerkezet



Paraméter átadás C++ nyelvben

```
int a=1, b=2, c=0;  
osszead(a,b,c);
```

```
void összead(int x,int y,int &z)  
{  
    z=x+y;  
}
```



Függvények közötti adatforgalom C++ nyelven

❑ Bemenő adat átadása

- Érték szerint (hívás helyén állhat kifejezés)
 - **int** n
- Konstans referencia szerinti (memória takarékos)
 - **const** string &str, **const** vector<**int**> & sor

❑ Eredmény visszaadása

- Referencia szerint (hívás helyén NEM állhat kifejezés)
 - **int** &n, vector<**int**> & sor
- Visszatérési értékkel (**return**)
 - lehet összetett (**struct**) is

❑ Globális változó

- csak indokolt esetben

Alprogramok paraméterezése

```
void feltolt(vector<vector<int> > &naplo);
```

```
vector<vector<int> > feltolt();
```

```
void legjobb(const vector<vector<int> > &naplo,  
             bool &l, double &max, int &ind)
```

```
bool legjobb(const vector<vector<int> > &naplo,  
            double &max, int &ind);
```

```
void összeg_darab( const vector<int> &sor,  
                  int &s, int &c);
```

```
struct Par{int s, int c};
```

```
Par összeg_darab(const vector<int> &sor);
```

```
Par e;  
e.s ... e.c  
return e;
```

Program szerkezet

```
#include <iostream>
#include <vector>
using namespace std;

void feltolt(std::vector<std::vector<int> > &naplo);
bool legjobb(const vector<vector<int> > &naplo, double &max, int &ind);
void osszeg_darab(const vector<int> &sor, int &s,int &c);

int main()
{
    vector<vector<int> > naplo;
    int ind;
    double max;
    feltolt(naplo);
    if (legjobb(naplo,max,ind))
        cout << "Az egyik legjobb diák a " << ind+1
            << ". sorszáma, akinek az átlaga:" << max << endl;
    else cout << "Senki sem kapott osztályzatot.\n";
    return 0;
}

void feltolt(std::vector<std::vector<int> > &naplo){ ... }
bool legjobb(const vector<vector<int> > &naplo,double &max,int &ind){ ... }
void osszeg_darab(const vector<int> &sor,int &s,int &c){ ... }
```

Csomagokra (komponensekre) bontás előnyei

- ❑ Csomagonkénti fordíthatóság

Lehetővé teszi a csoportmunkában történő fejlesztést

- ❑ Újrafelhasználhatóság

Más programokban közvetlenül (NEM copy/paste módon)
felhasználhatóak

- ❑ Cserélhetőség

Azonos célú csomagok közötti váltogatás

- ❑ Áttekinthetőség

A program fejlesztése, tesztelése, javítása könnyebb

Csomag szerkezet I.

main.cpp

main()
legjobb()
osszeg_darab()

```
#include <iostream>
#include <vector>
#include "matrix_fill_file.h"
using namespace std;

bool legjobb(...);
void osszeg_darab(...);

int main(){ ... }
bool legjobb( ... ){ ... }
void osszeg_darab( ... ){ ... }
```

matrix_fill_file.h

void feltolt(...);

feltolt()

matrix_fill_file.cpp

```
#include "matrix_fill_file.h"
void feltolt( ... ){ ... }
```

Csomag szerkezet II.

main.cpp

main()
legjobb()
osszeg_darab

```
#include <iostream>
#include <vector>
#include "matrix_fill_keyboard.h"
using namespace std;

bool legjobb(...);
void osszeg_darab(...);

int main(){ ... }
bool legjobb( ... ){ ... }
void osszeg_darab( ... ){ ... }
```

```
void feltolt( ... );
```

matrix_fill_keyboard.h

feltolt()

```
#include "matrix_fill_keyboard.h"
#include "read_int.h"
bool jegy( ... ) { ... }
void feltolt( ... ){ ... }
```

matrix_fill_keyboard.cpp

read_int.h

```
int read_int( ... );
```

read_int()

read_int.cpp

```
#include "read_int.h"
int read_int( ... ){ ... }
```

Csomag szerkezet III.

