vagas

Raszterizálás

Számítógépes Grafika

Hajder Levente

hajder@inf.elte.hu

Eötvös Loránd Tudományegyetem Informatikai Kar

2017/2018. II. félév

4□ ト 4 @ ト 4 厘 ト ■ 9 9 0 0

Hajder Levente hajder@inf.elte.hu

Számítógépes Grafika

Inkrementális képszintézis

- Inkrementális elv
- A transzformációk szemszögéből végignéztük a grafikus szerelőszalagot
- Lényegében egy pont útját követtük végig, a transzformációkon át a képernyőig
- Most az inkrementális képszintézis szerelőszalagját vizsgáljuk tovább

Tartalom





- Vágás
- MotivációPont és szakaszvágás
- Szakaszok vágása
- Szakaszvágás
- Poligonvágás
- Raszterizálás
 - Szakasz raszterizálása
 - Háromszög raszterizálása
 - Poligon raszterizáció



 $\textbf{Hajder Levente} \ \texttt{hajder@inf.elte.hu}$

Számítógépes Grafika



Emlékeztető



Vágás

- Motiváció
- Pont és szakaszvágás
- Szakaszok vágása
- Szakaszvágás
- Poligonvágás
- Raszterizálás
 - Szakasz raszterizálása
 - Háromszög raszterizálása
 - Poligon raszterizáció





- A vágás során a nézeti csonkagúlán kívül geometriai elemeket szűrjük ki
- A nézeti csonkagúla határozza meg a színterünknek azt a részét, amely majd leképeződik a képernyőre (ld. múlt óra)
- Miért érdemes egyáltalán vágni?
 - Degenerált esetek kiszűrése (ld. pl. múlt óra középpontos vetítés)
 - Ne számoljunk feleslegesen (amit úgyse látunk, ne számoljuk sokat)

Hajder Levente hajder@inf.elte.hu

Számítógépes Grafika

Emlékeztető

Vágás

OLOGO OLOG



- Vágás
 - Motiváció
 - Pont és szakaszvágás
 - Szakaszok vágása
 - Szakaszvágás
 - Poligonvágás
- 3 Raszterizálás
 - Szakasz raszterizálása
 - Háromszög raszterizálása
 - Poligon raszterizáció

- Pont vágás: $(x, y) \in \mathbb{R}^2$. Akkor tartjuk meg a pontot, ha $(x, y) \in [x_{min}, x_{max}] \times [y_{min}, y_{max}]$. Megoldás: a határoló egyenesekkel vágás (ha tengelypárhuzamosak: csak összehasonlítás)
- Szakasz vágás: a szakasznak csak azokat a pontjai akarjuk megtartani, amik benne vannak [x_{min}, x_{max}] × [y_{min}, y_{max}]-ban.
 Megoldás: az ablak négy élével, mint négy félsíkkal vágjuk a szakaszt.
- Poligon vágás: a poligonból egy új poligont akarunk csinálni, ami nem lóg ki az ablakból.
 Megoldás: A poligon minden oldalát (mint szakaszt) vágjuk.

Hajder Levente hajder@inf.elte.hu

Számítógépes Grafika

Emlékeztető

Vágás

OCO
Pont és szakaszvágás

Pontok vágása

- Itt most pontokat vágunk egyenesre, síkra
- Azaz, azt akarjuk meghatározni, hogy a bemeneti pont az egyenes vagy sík normálisával megegyező irányban fekszik-e az egyenes/sík pontjaihoz képest ("előtte" van-e).
- ullet Ami mögötte van, nem kell nekünk \to ha rajta fekszik, azt is tartsuk még meg
- Síkra 3D-ben vágunk → a nézeti csonkgúla 6 sík "előtti" rész (6 féltér metszete)
- ullet Egyenesre 2D-ben o a képernyőn a monitorra kerülő rész 4 egyenes "előtti" rész (4 félsík metszete)

Vágás

Raszterizálás

Pont és szakaszvágás

Az egyenes normálvektoros egyenlete a síkban

- Az egyenes megadható egy $P(p_x, p_y)$ pontjával és egy, az egyenes irányára merőleges $\mathbf{n} = [n_x, n_y]^T \neq \mathbf{0}$ normálvektorral:
- Az egyenes pontjai azon Q(x, y) pontok, amelyek kielégítik a

$$\langle X - P, \mathbf{n} \rangle = 0$$

 $(x - p_x)n_x + (x - p_x)n_x = 0$

egyenletet.

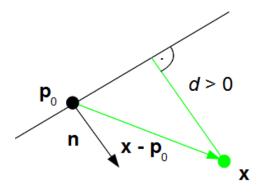
• Az $\langle X' - P, \mathbf{n} \rangle < 0$ és $\langle X' - P, \mathbf{n} \rangle > 0$ az egyenesünk által meghatározott két félsík egyenlete.

◆ロト ◆個 ト ◆ 恵 ト ◆ 恵 ・ り へ ②

Hajder Levente hajder@inf.elte.hu

Számítógépes Grafika

Pont-egyenes távolsága



Pont és szakaszvágás

Pont vágása pont-normálvektoros egyenesre

- Feladat: adott p pont és egy e egyenes (p₀ pontjával és n normálvektorával, |n| = 1) a síkban. Vágjuk a pontot az e egyenesre!
- Megtartjuk, ha: $\langle \mathbf{p} \mathbf{p}_0, \mathbf{n} \rangle \geq 0$
- Ilyenkor a skaláris szorzat eredménye az egyenes egy pontjából az adott pontba mutató vektor előjeles vetülete a normálisra |n| = 1 → előjeles távolság az egyenestől

Hajder Levente hajder@inf.elte.hu

Számítógépes Grafika

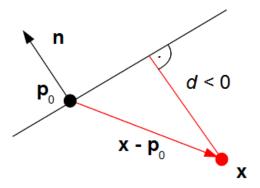
Pont-egyenes távolsága

Vágás

Octobro

Pontes szakaszvágás

Pont-egyenes távolsága



Emlékeztető Vágás

Raszterizálás

00000000000000

Pont és szakaszvágás

Pont vágása vonalkoordinátás egyenesre

- Használjuk ki, hogy a vágásnál már homogén koordinátákban dolgozik a rendszer!
- Feladat: adott $\hat{\mathbf{p}}$ pont homogén koordinátás alakja és egy e egyenes \mathbf{e} vonalkoordinátáival, úgy, hogy $e_1^2 + e_2^2 + e_3^2 = 1$
- Megtartjuk, ha: $\mathbf{e} \cdot \hat{\mathbf{p}} \ge 0$

←□ ト ←□ ト ← □ ⊢ ← □ ⊢ ←

Hajder Levente hajder@inf.elte.hu

Számítógépes Grafika

Emlékeztető

onnon

Raszterizálás

Pont és szakaszvágás

Pont vágása síkra

• Pont-normálisal adott sík esetén megtartjuk a pontot, ha:

$$\langle \mathbf{p} - \mathbf{p}_0, \mathbf{n} \rangle \geq 0$$

• Sík-koordinátás (**s**) megadás esetén (ha $s_1^2 + s_2^2 + s_3^2 = 1$) megtartjuk a pontot, ha:

$$\mathbf{s} \cdot \hat{\mathbf{p}} \geq 0$$

Emlékeztető

Raszterizálás

Pont és szakaszvágás

A sík normálvektoros egyenlete

• A sík megadható egy $P(p_x, p_y, p_z)$ pontjával és a síkra merőleges $\mathbf{n} = [n_x, n_y, n_z]^T$ normálvektorával:

$$\langle X - P, \mathbf{n} \rangle = 0$$

• Félterek: $\langle X-P,\mathbf{n}\rangle<0,\,\langle X-P,\mathbf{n}\rangle>0$

4 D > 4 B > 4 E > 4 E > E 9 9 C

Hajder Levente hajder@inf.elte.hu

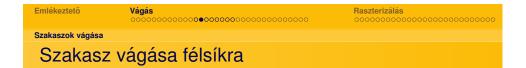
Számítógépes Grafika

Emlékeztető

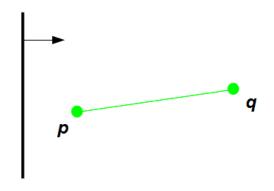
Vágás

OCCOMO OCCOM

- Emlékeztet
- Vágás
 - Motiváció
 - Pont és szakaszvágás
 - Szakaszok vágása
 - Szakaszvágás
 - Poligonvágás
- Raszterizálás
 - Szakasz raszterizálása
 - Háromszög raszterizálása
 - Poligon raszterizáció



- A szakasz p és q végpontjait vágjuk az e egyenes és normálisa által meghatározott félsíkra!
 - Az előbb látott módon végezhetjük a vágást!
 - Az eredmény viszont most bonyolultabb egy kicsit



Emlékeztető

Vágás

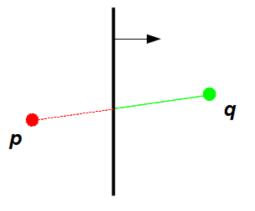
OCCOMPANIENTE SZAKASZOK VÁGÁSA

Szakaszok vágása

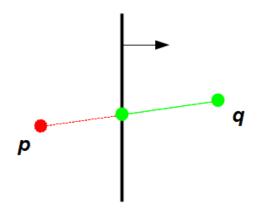
Szakasz vágása félsíkra



| イロト イラト イラト イラト オラト ラーグへで
| Hajder Levente hajder@inf.elte.hu | Számítógépes Grafika







Hajder Levente hajder@inf.elte.hu

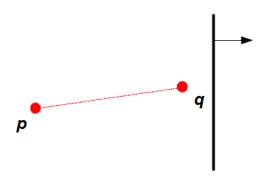
Számítógépes Grafika

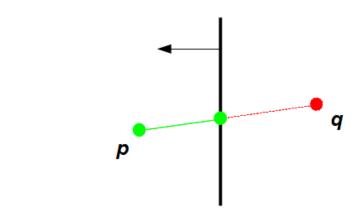
Emlékeztető

Vágás

Szakaszok vágása

Szakasz vágása félsíkra





Hajder Levente hajder@inf.elte.hu Számítógépes Grafika

Emlékeztető

Vágás

○○○○○○○○○○○○○○○○○

Szakaszvágás

Tartalom

- Emlékeztet
- Vágás
 - Motiváció
 - Pont és szakaszvágás
 - Szakaszok vágása
 - Szakaszvágás
 - Poligonvágás
- Raszterizalas
 - Szakasz raszterizálása
 - Háromszög raszterizálása
 - Poligon raszterizáció

◆ロト ◆個 ト ◆ 差 ト ◆ 差 ・ 夕 Q ②

◆ロト ◆個ト ◆差ト ◆差ト 差 めの○

Raszterizálás

Szakasz vágása félsíkra

- Csak azt a speciális esetet nézzük, amikor a vágó egyenes párhuzamos valamelyik tengellyel.
- $(x_1, y_1) (x_2, y_2)$ szakasz egyenlete:

$$x(t) = x_1 + t(x_2 - x_1)$$

$$y(t) = y_1 + t(y_2 - y_1)$$

- Vágó egyenes: pl. $x = x_{min}$
- Megoldás: $x_{min} = x_1 + t(x_2 x_1) \Rightarrow t = \frac{x_{min} x_1}{x_0 x_1}$
- Metszéspont: $x = x_{min}, y = y_1 + \frac{x_{min} x_1}{x_2 x_1}(y_2 y_1)$



Hajder Levente hajder@inf.elte.hu

Számítógépes Grafika

Emlékeztető Raszterizálás

Cohen-Sutherland vágás

- A képernyő széleit reprezentáló egyenesekkel osszuk kilenc részre a síkot!
- Mindegyik síkrészhez rendeljünk egy 4 bitből álló bit-kódot: **TBRL**
- Számítsuk ki ezt a kódot a szakasz végpontjaira!
 - T = 1, ha a pont az képernyő fölött van, különben 0
 - B = 1, ha a pont az képernyő alatt van, különben 0
 - R = 1, ha a pont az képernyőtől jobbra van, különben 0
 - L = 1, ha a pont az képernyőtől balra van, különben 0

Emlékeztető Szakaszvágás

Szakasz vágása - nehézségek

- Eredmény kezelése: $t \le 0$ vagy $t \ge 1 \rightarrow$ nincs is igazi vágás
- Kivételek: tengelyekkel párhuzamos szakaszok vágása
- Képernyőre vágásnál is rengeteg eset: négy félsík, két végpont, mindkettő eshet bárhova
- Feladat: Kell-e vágni? Melyik félsík(ok)ra kell vágni? Triviálisan bent/kint van-e a szakasz?
- Megoldás: Cohen-Sutherland vágás

<ロ > < @ > < @ > < き > くき > き り < で

Hajder Levente hajder@inf.elte.hu

Számítógépes Grafika

Emlékeztető Raszterizálás Cohen-Sutherland vágás

code = Top, Bottom, Right, Left

1001	1000	1010
0001	0000	0010
0101	0100	0110

Szakaszvágás

Cohen-Sutherland vágás

- code = $(y > y_{max}, y < y_{min}, x > x_{max}, x < x_{min})$
- Vizsgáljuk a két végpont bit-kódjait, code_a-t és code_b-t!
 - Ha code_a OR code_b == 0: a szakasz egésze (mindkét végpontja) az ablakban van ⇒ megtartjuk.
 - Ha code_a AND code_b!= 0: a szakasz az ablak valamelyik oldalán (fölül, alul, jobbra, balra), kívül van ⇒ eldobjuk.
 - Különben vágni kell: az 1-es bitek adják meg, hogy melyik félsíkra, utána újra számoljuk a bit-kódokat, és az új szakasszal újrakezdjük az algoritmust.

◆ロト ◆個 ト ◆ 恵 ト ◆ 恵 ・ り へ ②

Hajder Levente hajder@inf.elte.hu

Számítógépes Grafika

Emlékeztető	Vágás ○○○○○○○○○○○○○○○○○○○○●○○○○○○	Raszterizálás
Szakaszvágás		
Cohen-Sutherland vágás		

$code_a AND code_b != 0$:

1001	1000	1010
0001	0000	0010
0101	0100	0110

Cohen-Sutherland vágás

Szakaszvágás

$$code_a OR code_b == 0$$
:

1001	1000	1010
0001	0000	0010
0101	0100	0110

←□ → ←□ → ←□ → □ → ○○

Hajder Levente hajder@inf.elte.hu

Számítógépes Grafika

Emlékeztető

Vágás

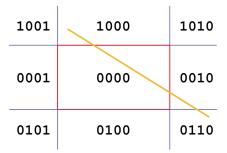
Szakaszvágás

Cohen-Sutherland vágás

Naszterizálás

Cohen-Sutherland vágás

Különben:



- Vágás
 - Motiváció
 - Pont és szakaszvágás
 - Szakaszok vágása
 - Szakaszvágás
 - Poligonvágás
- - Szakasz raszterizálása
 - Háromszög raszterizálása
 - Poligon raszterizáció



Hajder Levente hajder@inf.elte.hu

Számítógépes Grafika

Emlékeztető Raszterizálás

Sutherland-Hodgman poligonvágás

- Legyen p tömb a bemeneti-, q a kimeneti-poligon csúcsainak tömbje!
- Legyen n a csúcsok száma, és p[0] = p[n]!
- Vágás egyenesre:
 - Ha p[i] bent van az alablakban, és p[i+1] is: \Rightarrow adjuk hozzá p[i]-t a q-hoz.
 - Ha p[i] bent van az alablakban, de p[i+1] nincs: \Rightarrow adjuk hozzá p[i]-t a q-hoz, számítsuk ki p[i], p[i+1]szakasz metszéspontját a vágó egyenessel, majd ezt is adiuk hozzá a-hoz.
 - Ha p[i] nincs bent az alablakban, de p[i+1] benne van: \Rightarrow számítsuk ki p[i], p[i+1] szakasz metszéspontját a vágó egyenessel, és ezt adjuk hozzá *q*-hoz.
 - Ha p[i] nincs bent az alablakban, és p[i+1] sincs: \Rightarrow SKIP

Emlékeztető Raszterizálás Poligonvágás

Poligonvágás

Feladat

Adott egy vágandó és egy vágó poligon. Keressük azt a poligont, amit a vágandóból kapunk, ha csak a vágó poligonba tartozó részeit vesszük. Röviden: keressük a kettő közös részét.

<ロ > < @ > < @ > < き > くき > き り < で

Hajder Levente hajder@inf.elte.hu

Hajder Levente hajder@inf.elte.hu

Számítógépes Grafika

Emlékeztető Raszterizálás

Sutherland-Hodgman poligonvágás - Pszeudó-kód

```
PolygonClip(in p[n], out q[m], in line) {
 m = 0;
  for (i=0; i < n; i++) {
    if (IsInside(p[i])) {
      q[m++] = p[i];
     if (!IsInside(p[i+1]))
        q[m++] = Intersect(p[i], p[i+1], line);
    } else {
      if (IsInside(p[i+1]))
        q[m++] = Intersect(p[i], p[i+1], line);
```

<ロト (部) (語) (語) (語)

Sutherland-Hodgeman: konkáv poligonok

Konkáv poligonokra átfedő éleket hoz létre.

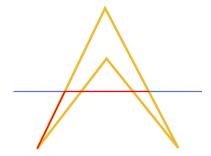


Hajder Levente hajder@inf.elte.hu

Számítógépes Grafika

Poligonvágás
Sutherland-Hodgeman: konkáv poligonok

Konkáv poligonokra átfedő éleket hoz létre.



Emlékeztető

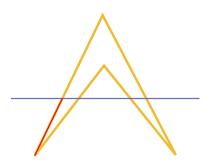
Vágás

○○○○○○○○○○○○○○○○○○○○

Poligonvágás

Sutherland-Hodgeman: konkáv poligonok

Konkáv poligonokra átfedő éleket hoz létre.



Hajder Levente hajder@inf.elte.hu

Számítógépes Grafika

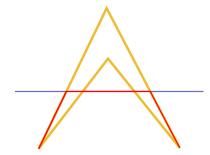
wagas

Raszterizálás

Poligonvágás

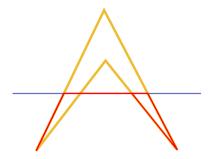
Sutherland-Hodgeman: konkáv poligonok

Konkáv poligonokra átfedő éleket hoz létre.



Sutherland-Hodgeman: konkáv poligonok

Konkáv poligonokra átfedő éleket hoz létre.

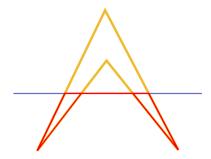


Hajder Levente hajder@inf.elte.hu

Számítógépes Grafika

Poligonvágás
Sutherland-Hodgeman: konkáv poligonok

Konkáv poligonokra átfedő éleket hoz létre.



Emlékeztető

Vágás

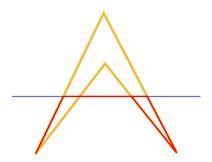
Occidence

Poligonvágás

Cutho a long literatura a literatura a

Sutherland-Hodgeman: konkáv poligonok

Konkáv poligonokra átfedő éleket hoz létre.

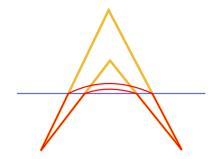


Hajder Levente hajder@inf.elte.hu

Számítógépes Grafika

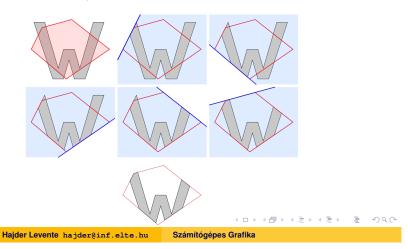
Sutherland-Hodgeman: konkáv poligonok

Konkáv poligonokra átfedő éleket hoz létre.



Sutherland-Hodgeman: poligonra vágása poligonnak

A vágópoligon minden élére vágunk, az előző vágás eredmény éllistáját felhasználva kiindulásként



Emlékeztető Vágás

OCCUPATION

Szakasz raszterizálása

Tartalom

- 1 Emlékeztető
- 2 Vágás
 - Motiváció
 - Pont és szakaszvágás
 - Szakaszok vágása
 - Szakaszvágás
 - Poligonvágás
- Raszterizálás
 - Szakasz raszterizálása
 - Háromszög raszterizálása
 - Poligon raszterizáció

- Emlékeztető

 Vágás

 ○○○○○○○○○○

 Poligonvágás

 Mikor vágjunk?
 - ullet Projektív transzformáció előtt o a vágósíkok világtérbeli megadásával (mik az egyenletei?)
 - NPKR-ben (projektív trafó után, homogén osztás előtt) \rightarrow a homogén koordináták "ellenére" ez a legegyszerűbb!
 - ullet Transzformált 3D térben (homogén osztás után) o vetítési síkon átmenő objektumok...



Emlékeztető

Vágás

OCCONOMINATION

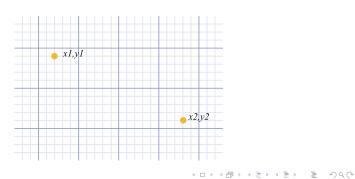
Szakasz raszterizálása

Szakasz rajzolás

- Egyik leggyakrabb primitív
- Fontos, hogy szépen tudjuk rajzolni
- Mégjobb, ha gyorsan is

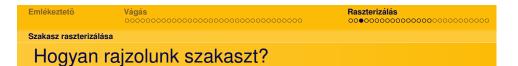


Adott a két végpont.

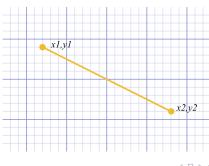


Hajder Levente hajder@inf.elte.hu

Számítógépes Grafika



- Adott a két végpont.
- Hogyan tudjuk összekötni őket?
- Csak miniatűr téglalapjaink vannak (amiket pixelnek nevezünk).



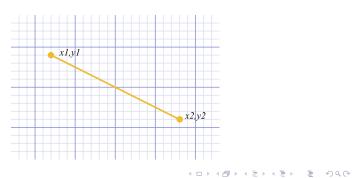
<ロ >
◆ロ >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >
◆ 日 >

Szakasz raszterizálása

Emlékeztető

Hogyan rajzolunk szakaszt?

- Adott a két végpont.
- Hogyan tudjuk összekötni őket?



Hajder Levente hajder@inf.elte.hu

Számítógépes Grafika

Raszterizálás

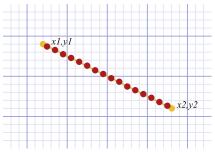
Emlékeztető

Vágás

OCCONOMINATION SZAKASZ raszterizálása

Hogyan rajzolunk szakaszt?

- Adott a két végpont.
- Hogyan tudjuk összekötni őket?
- Csak miniatűr téglalapjaink vannak (amiket pixelnek nevezünk).

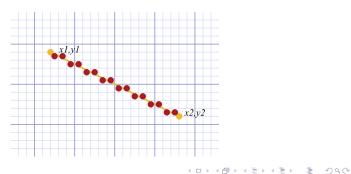


Raszterizálás

Szakasz raszterizálása

Hogyan rajzolunk szakaszt?

- Adott a két végpont.
- Hogyan tudjuk összekötni őket?
- Csak miniatűr téglalapjaink vannak (amiket pixelnek nevezünk).



Hajder Levente hajder@inf.elte.hu

Számítógépes Grafika

Emlékeztető Raszterizálás Szakasz raszterizálása

Naív algoritmus

```
def line1(x1,y1,x2,y2, draw):
 m = float(y2-y1)/(x2-x1)
 x = x1
 y = float(y1)
  while x \le x2:
    draw.point((x,y))
    x += 1
    y += m
```

Emlékeztető

Raszterizálás

Szakasz raszterizálása

Szakasz megadása (sokadszor)

- Végpontok: $(x_1, y_1), (x_2, y_2)$
- Tfh. nem függőleges: $x_1 \neq x_2$.
- Szakasz egyenlete:

$$y = mx + b, x \in [x_1, x_2]$$
 $m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}$
 $b = y_1 - mx_1$

Hajder Levente hajder@inf.elte.hu

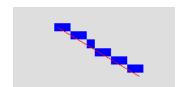
Számítógépes Grafika

Emlékeztető Raszterizálás

Szakasz raszterizálása

Naív algoritmus

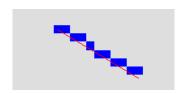
 \bullet m = float (y2-y1) / (x2-x1) nem pontos



Szakasz raszterizálása

Naív algoritmus

- m = float(y2-y1)/(x2-x1)
 nem pontos
- y += m \rightarrow a hiba gyűlik y-ban

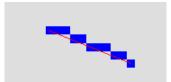


Hajder Levente hajder@inf.elte.hu

Számítógépes Grafika

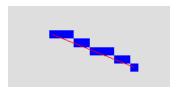
Emlékeztető	Vágás 00000000000000000000000000000000000	Raszterizálás ooooo●ooooooooooooooooooooooooooooooo
Szakasz raszterizálása		
Naív algo	ritmus	

- m = float (y2-y1) / (x2-x1)
 nem pontos
- y += m \rightarrow a hiba gyűlik y-ban
- draw.point((x,y)) → int-eket vár, lassú a konverzió



Naív algoritmus

- m = float(y2-y1)/(x2-x1)
 nem pontos
- y += m \rightarrow a hiba gyűlik y-ban





Hajder Levente hajder@inf.elte.hu

Számítógépes Grafika

Emlékeztető	Vágás 000000000000000000000000000000000000	Raszterizálás
Szakasz raszterizá	ása	
Naív alg	goritmus	

- m = float(y2-y1)/(x2-x1) nem pontos
- y += m \rightarrow a hiba gyűlik y-ban
- draw.point((x,y)) →
 int-eket vár, lassú a konverzió
- csak |m| < 1-re működik helyesen



Raszterizálás

Szakasz raszterizálása

Javítsuk az algoritmust 1.

```
def line2(x1,y1,x2,y2, draw):
 m = float(y2-y1)/(x2-x1)
  x = x1
  y = y1
  e = 0.0
  while x <= x2:
    draw.point((x,y))
    x += 1
    e += m
    if e >= 0.5:
      y += 1
      e -= 1.0
```

Hajder Levente hajder@inf.elte.hu

Számítógépes Grafika

Emlékeztető

Raszterizálás

4□ > 4□ > 4□ > 4□ > 4□ > 900

Szakasz raszterizálása

Javítsuk az algoritmust 2.

```
def line3(x1,y1,x2,y2, draw):
  x = x1
  y = y1
  e = -0.5 \leftarrow
  while x <= x2:
    draw.point((x,y))
    x += 1
    e += float(y2-y1)/(x2-x1) \leftarrow
    if e \ge 0.0:
      v += 1
      e -= 1.0
```

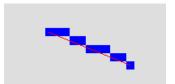
Emlékeztető

Raszterizálás

Szakasz raszterizálása

Javítsuk az algoritmust 1.

Naív:



- Jó: Mindig "eltalálja" a végpontokat
- Jó: Egyenletesebben lép az y irányban.
- Rossz: Még mindig használunk float-okat

Javítás:



(ロ) (個) (注) (注) 注 り(0)

Hajder Levente hajder@inf.elte.hu

Számítógépes Grafika

Emlékeztető

Raszterizálás

Szakasz raszterizálása

Javítsuk az algoritmust 3.

```
def line4(x1,y1,x2,y2, draw):
  x = x1
  y = y1
  e = -0.5*(x2-x1) \leftarrow
  while x \le x2:
    draw.point((x,y))
    x += 1
    e += y2-y1 \leftarrow
    if e >= 0.0:
       v += 1
       e -= (x2-x1) \leftarrow
```

Raszterizálás

Szakasz raszterizálása

Javítsuk az algoritmust 4.

```
def line5(x1,y1,x2,y2, draw):
  x = x1
  y = y1
  e = -(x2-x1) \leftarrow
  while x \le x2:
    draw.point((x,y))
    x += 1
    e += 2*(y2-y1) \leftarrow
     if e >= 0:
       v += 1
       e -= 2*(x2-x1) \leftarrow
```

Hajder Levente hajder@inf.elte.hu

Számítógépes Grafika

Emlékeztető

Raszterizálás

◆ロト ◆個 ト ◆ 差 ト ◆ 差 ・ 夕 Q ②

Szakasz raszterizálása

Bresenham algoritmus

- Nyolcadokra kéne felbontani a síkot, mindegyik külön eset.
- (Előzők végig: jobbra-le)
- El kell döntenünk, hogy $|x_2 x_1|$ vagy $|y_2 y_1|$ a nagyobb (merre meredekebb a szakasz).
- Ha $|y_2 y_1|$ a nagyobb, cseréljük fel $x_i \leftrightarrow y_i$, és rajzolásnál is fordítva használjuk!
- Ha $x_1 > x_2$, akkor csere: $x_1 \leftrightarrow x_2$, $y_1 \leftrightarrow y_2$.
- Az *e* hibatagot $|y_2 y_1|$ -nal növeljük minden lépésben
- y-nal $y_2 y_1$ előjele szerint haladunk.

Emlékeztető Raszterizálás Szakasz raszterizálása

Javítsuk az algoritmust 4.

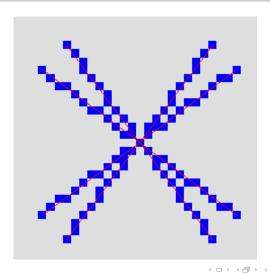
- Ez a *Bresenham* algoritmus (egyik speciális esete)
- Külön gyűjtjük a hibát e-ben
- Nem használunk float-okat
- Tetszőleges meredekségű szakaszokra általánosítható.

4□ → 4□ → 4 □ → 4 □ → 9 0 ○

Hajder Levente hajder@inf.elte.hu

Számítógépes Grafika

Emlékeztető Raszterizálás Szakasz raszterizálása Bresenham algoritmus



Raszterizálás

Szakasz raszterizálása

Teljes *Bresenham* algoritmust 1.

```
def Bresenham(x1,y1,x2,y2, draw):
  steep = abs(v2-v1)>abs(x2-x1)
  if steep:
   x1, y1 = y1, x1
    x2, y2 = y2, x2
  if x1>x2:
    x1, x2 = x2, x1
   y1, y2 = y2, y1
 Dy = abs(y2-y1)
  if y1 < y2:
    Sv = 1
  else:
    Sy = -1
```

Hajder Levente hajder@inf.elte.hu

Számítógépes Grafika

Emlékeztető Raszterizálás •00000000 Háromszög raszterizálása

Tartalom

- - Motiváció
 - Pont és szakaszvágás
 - Szakaszok vágása
 - Szakaszvágás
 - Poligonvágás
- Raszterizálás
 - Szakasz raszterizálása
 - Háromszög raszterizálása
 - Poligon raszterizáció

Emlékeztető Raszterizálás 0000000000000000

Teljes Bresenham algoritmust 2.

Szakasz raszterizálása

```
x = x1
v = v1
e = -(x2-x1)
while x <= x2:
  if steep:
    draw.point((y,x))
  else:
    draw.point((x,y))
  x += 1
  e += 2*Dv
  if e >= 0:
    v += Sv
    e -= 2*(x2-x1)
```

Hajder Levente hajder@inf.elte.hu

Számítógépes Grafika

Emlékeztető Raszterizálás 00000000 Háromszög raszterizálása

Háromszög raszterizáció

- A háromszög oldalait tudjuk vágni most töltsük ki a belsejét!
- Ha egy meghatározott bejárási irányban adtuk meg az összes háromszög csúcsát, tudunk félsíkokat adni (tudjuk irányítani az éleket) \rightarrow u.i. ha (t_x, t_y) az irányvektora az oldalnak, akkor $(-t_v, t_x)$ egy normális lesz
- Minden pixelre menjünk végig a képernyőn és nézzük meg, hogy a háromszög oldalai által meghatározott síkok jó oldalán van-e!

◆ロト ◆個 ト ◆ 差 ト ◆ 差 ・ 夕 Q ②

<ロ > < @ > < @ > < き > くき > き り < で

Emlékeztető Vágás

OCCUPATION NATION NATION

←□ → ←□ → ← = → → ● → へ へ ○

Hajder Levente hajder@inf.elte.hu

Számítógépes Grafika

Emlékeztető Vágás Raszterizálás Náromszög raszterizáció Raszterizáció

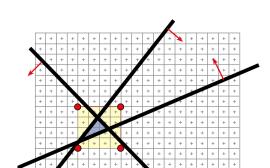
 Lehetne még okosabban is csinálni, de: gyakorlatban ez a brute-force megközelítés nagyon jól alkalmazható! Emlékeztető

Vágás

OCCONOMINATION

Háromszög raszterizálása

Háromszög raszterizáció - okosabban



Hajder Levente hajder@inf.elte.hu

Számítógépes Grafika

Emlékeztető

Vágás

OCCOMBRIGATION

Háromszög raszterizálása

Háromszög raszterizáció

- Nem egy rögzített értékkel akarunk kitölteni, a hanem a csúcsokban adott értékeket akarjuk interpolálni.
- Felhasználásai: szín (Gouraud-árnyalás), textúra koordinták, normálvektorok
- Legyen a felület egy pontja $p = \alpha p_1 + \beta p_2 + \gamma p_3$, az α, β, γ baricentrikus koordinátákkal adott.
- Ekkor bármilyen más értéket is végig tudunk interpolálni ugyan így:

$$\mathbf{c} = \alpha \mathbf{c}_1 + \beta \mathbf{c}_2 + \gamma \mathbf{c}_3$$

• Ez az úgy nevezett Gouraud interpoláció (nem véletlenül)

Emlékeztető Vágás Raszterizálás

Háromszög raszterizálása

Háromszög kitöltés 1.

```
for all x: for all y:  \alpha, \beta, \gamma = \text{barycentric}(\mathbf{x}, \mathbf{y})  if \alpha \in [0, 1] and \beta \in [0, 1] and \gamma \in [0, 1]:  \mathbf{c} = \alpha \mathbf{c}_- \mathbf{1} + \beta \mathbf{c}_- \mathbf{2} + \gamma \mathbf{c}_- \mathbf{3}   \text{draw.point}((\mathbf{x}, \mathbf{y}), \mathbf{c})
```

(□) (□) (□) (□) (□) (□) (□) (□)

Hajder Levente hajder@inf.elte.hu

Számítógépes Grafika

Emlékeztető

Vágás

OOOOOOOOOOOOOOOOOOOO

Poligon raszterizáció

Tartalom

- 1 Emlékeztető
- Vágás
 - Motiváció
 - Pont és szakaszvágás
 - Szakaszok vágása
 - Szakaszvágás
 - Poligonvágás
- Raszterizálás
 - Szakasz raszterizálása
 - Háromszög raszterizálása
 - Poligon raszterizáció

Emlékeztető

Vágás

ONDER VÁGÁS

NAME VÁGÁ

- Gyorsítás: felesleges minden x, y-t vizsgálni, elég a háromszöget tartalmazó téglalapon végig menni.
- Inkrementálissá tétel:
 - Most még lassú, nem használjuk, ki hogy sorban megyünk x-en, y-on.
 - Milyenek is ezek az f-ek?
 - Mind f(x, y) = Ax + By + C alakú.
 - Ekkor f(x + 1, y) = f(x, y) + A, ill.
 - f(x, y + 1) = f(x, y) + B
- Megvalósítás: házi feladat

Hajder Levente hajder@inf.elte.hu



Számítógépes Grafika

- Tetszőleges, már raszterizált poligon kitöltésére alkalmas.
- Bemenet: raszter kép + annak egy pontja
- Brute-force: a megadott pontból kiindulva rekurzívan haladunk:
 - Az aktuális pont színe megegyezik a kiindulási pont színével?
 - Nem: megállunk;
 - Igen: átszínezzük, és minden szomszédra újrakezdjük az algoritmust.

<ロ > < @ > < @ > < き > くき > き り < で

Emlékeztető Vágás

Occident Poligon raszterizáció

Flood-fill − szomszédságok

- Négy szomszéd: fent, lent, jobbra, balra
- Nyolc szomszéd: az előző négy + a sarkak
- Rekurzió nagyon durva: gyakorlatban ennél okosabb algoritmusok is vannak: → aktív éllista stb. (Haladó Grafika)



Hajder Levente hajder@inf.elte.hu

Számítógépes Grafika