2021년 3월 1일 월요일 오후 4:52

■ 4장. 신경망

□4.1 데이터에서 학습

4.1.1 데이터 주도 학습

raw_data	→	사람이 생각한 알고리즘 (한땀한땀 구현)	\rightarrow	→	\rightarrow	결과
raw_data	→	사람이 생각한 특징 (SIFT, HOG 등)	\rightarrow	기계학습 (SVM, KNN 등)	\rightarrow	결과
raw_data	→	신경망 (딥러닝) (Black box)	→	→	\rightarrow	결과

raw_data : 손글씨 데이터 (예시)

딥러닝: 종단간 기계학습(end-to-end machine learning)

신경망(딥러닝) 은 이미지(raw-data)를 있는 그대로 학습한다.

4.1.2 훈련 데이터와 시험 데이터

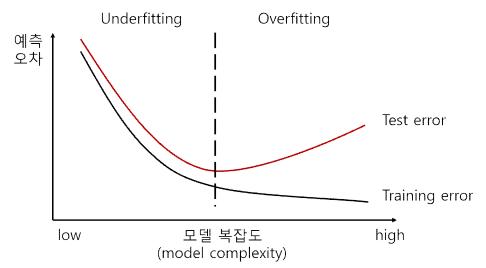
오버피팅과 언더피팅 url: https://nittaku.tistory.com/289

underfitting: high bias overfitting: high varance

bias : 실제값에서 멀어진 척도 ---> 모델의 예측값이 전반적으로 좋지 않음

variance : 예측된 값들의 분산(서로 떨어진 정도) : trainset ~ testset 의 accuraccy 의 차이

[1] 다항회귀의 모델 예시



다항회귀에서 모델의 복잡도 증가 예시

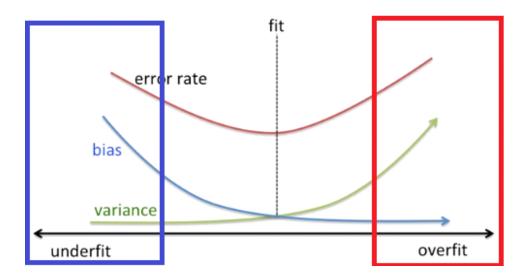
Y = b0 + b1x

 $Y = b0 + b1x + b2x^2$

 $Y = b0 + b1x + b2x^2 + b3x^3$

 $Y = b0 + b1x + b2x^2 + b3x^3 + b4x^4$

[2] bias 와 variance, error rate(=accuraccy)

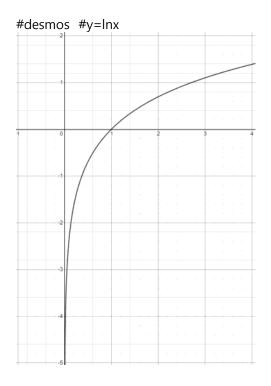


□4.2 손실함수

4.2.1 오차제곱합(SSE : Sum of Squares for Error)

E	=	1/2 ∑ (yk - tk)^2
code	>	<pre>def sum_squares_error(y, t): return 0.5 *np.sum((y-t)**2)</pre>

4.2.2 교차 엔트로피 오차(cross_entropy)



E	=	- ∑ tk log yk	
code	>	def cross_entropy(y, t): delta = 1e-7	
		return -np.sum(t *np.log(y + delta))	#np.log(0)> - infinite

손실함수: loss function

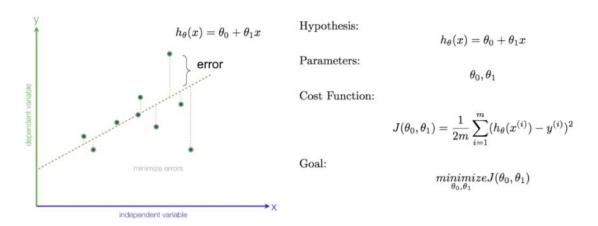
손실함수는 비용함수(cost function) 으로도 불리고, 다양한 함수로 표현 가능하다

MSE, MAE, 등의 형태가 대표적 # MSE : Mean of Squared Errors

[3] 선형회귀에서의 cost function(=loss function) 예시

What is Cost Function?

The primary set-up for learning neural networks is to define a cost function (also known as a loss function) that measures how well the network predicts outputs on the test set. The goal is to then find a set of weights and biases that minimizes the cost. One common function that is often used is the mean squared error, which measures the difference between the actual value of y and the estimated value of y (the prediction). The equation of the below regression line is $h\theta(x) = \theta + \theta 1x$, which has only two parameters: weight ($\theta 1$) and bias ($\theta 0$).



뒤의 절에서 등장하는 gradient descent 는 위 loss function 혹은 cost function 을 최소화하는 방법이다. # 이 때 미분의 개념이 사용된다. (다차원 ---> 편미분)

4.2.3 미니배치 학습(mini-batch)

ex) 60,000 장의 훈련 데이터 중 100장을 무작위로 뽑아 100장만 학습하는 형태

O. 그렇다면 왜 미니배치 학습을 사용할까?

A. 계산비용(calculation cost)을 절약하기 위해서

A2. 미니배치의 예시 중 텔레비전 시청률도 모든 시청자를 전수조사하는 것이 아닌 표본을 선택하여 계산

4.2.4 (배치용) 교차 엔트로피 오차 구현하기

p.118 의 코드 참고 : 위에서 정의된 손실함수에 미니배치를 적용(여러개를 동시에 구하는 코드) 코드실습은 책의 설명을 천천히 따라서 읽으면 되고, 아래에서는 numpy 의 mathod 들에 대해 간단한 실습

1) np.arnage()

import numpy as np np.arange(5) #array([0, 1, 2, 3, 4]) np.arange(10) #array([0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9]) print(np.arange(5), 7) #[0 1 2 3 4] 7

2) np.random.randn, .shape, .ndim

import numpy as np

y = np.random.randn(5, 2) #Gaussian 정규분포를 따르는 난수를 생성, 5 by 2 ndarray 로 생성함 print(y.shape) #(5,2) #ndarray 의 형태 : 5 by 2 행렬을 의미 print(y.ndim) #2 #ndarray 의 차원을 표기

y2 = np.random.randn(7) #1차원 행렬 return print(y2.shape) #(7,) print(y2.ndim) #1

4.2.5 손실 함수 정의의 의의

손실함수는 '미분' 과 밀접한 관련이 있으며, 최적의 매개변수(가중치와 편향)를 탐색시 손실함수의 값을 가능한 작게 하는 매개변수 값을 찾는다. 이 때 매개변수의 미분(기울기)를 계산하고 이 값을 단서로 매개변수의 값을 서서히 갱신하는 과정을 반복한다. 미분의 성질에 대해 자세히 다루겠지만 미분 값이 0이면 가중치 매개변수를 움직여도 손실함수의 값은 변경되지 않는다. 즉, 해당 지점에서 가중치 매개변수의 갱신이 멈추는 것이다. ---> gradient descent(경사하강법) 과 연관

□4.5 학습 알고리즘 구현하기

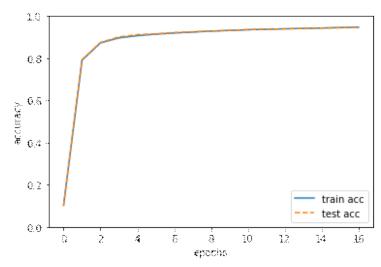
신경망 학습의 절차 p.136

- 1) 미니배치 ---> 확률적 경사 하강법(mini batch ---> 표본을 뽑는 것이기 때문)
- 2) 기울기 산출
- 3) 매개변수 갱신
- 4) 1~3 반복(기울기가 최저값에 도달했다고 판단하여 갱신 중지할때까지)

에폭(단위)

1 epoch = 학습에서 훈련 데이터를 모두 소진했을 때의 횟수

code[2] 실행하면 도출되는 코드



epochs 가 진행될수록(학습이 진행될수록) 훈련데이터와 테스트 데이터의 정확도가 증가함을 알 수 있다. 또한 이번 학습에서는 두 테스트 간의 varince 가 관찰되지 않아 overfitting 이 일어나지 않음을 알 수 있다.

□4.6 정리

수치 미분을 이용한 계산에는 시간(calculation cost)이 걸리지만 구현이 간단하다. 5장의 '오차역전파법' 에서는 기울기를 고속으로 구현할 수 있다. (단, 구현은 복잡하다)

code[1] two_layer_net.py

coding: utf-8

import sys, os

sys.path.append(os.pardir) # 부모 디렉터리의 파일을 가져올 수 있도록 설정

from common.functions import *

from common.gradient import numerical_gradient

class TwoLayerNet:

```
def __init__(self, input_size, hidden_size, output_size, weight_init_std=0.01):
# 가중치 초기화
self.params = {}
self.params['W1'] = weight_init_std * np.random.randn(input_size, hidden_size)
self.params['b1'] = np.zeros(hidden_size)
self.params['W2'] = weight_init_std * np.random.randn(hidden_size, output_size)
self.params['b2'] = np.zeros(output_size)
```

def predict(self, x):

```
W1, W2 = self.params['W1'], self.params['W2']
   b1, b2 = self.params['b1'], self.params['b2']
   a1 = np.dot(x, W1) + b1
   z1 = sigmoid(a1)
   a2 = np.dot(z1, W2) + b2
   y = softmax(a2)
   return y
#x: 입력 데이터, t: 정답 레이블
def loss(self, x, t):
   y = self.predict(x)
   return cross_entropy_error(y, t)
def accuracy(self, x, t):
  y = self.predict(x)
   y = np.argmax(y, axis=1)
   t = np.argmax(t, axis=1)
   accuracy = np.sum(y == t) / float(x.shape[0])
   return accuracy
#x: 입력 데이터, t: 정답 레이블
def numerical_gradient(self, x, t):
   loss_W = lambda W: self.loss(x, t)
   grads = {}
   grads['W1'] = numerical_gradient(loss_W, self.params['W1'])
   grads['b1'] = numerical_gradient(loss_W, self.params['b1'])
   grads['W2'] = numerical_gradient(loss_W, self.params['W2'])
   grads['b2'] = numerical_gradient(loss_W, self.params['b2'])
   return grads
def gradient(self, x, t):
   W1, W2 = self.params['W1'], self.params['W2']
   b1, b2 = self.params['b1'], self.params['b2']
   grads = \{\}
   batch_num = x.shape[0]
   # forward
   a1 = np.dot(x, W1) + b1
```

```
z1 = sigmoid(a1)
     a2 = np.dot(z1, W2) + b2
     y = softmax(a2)
     # backward
     dy = (y - t) / batch_num
     grads['W2'] = np.dot(z1.T, dy)
     grads['b2'] = np.sum(dy, axis=0)
     da1 = np.dot(dy, W2.T)
     dz1 = sigmoid_grad(a1) * da1
     grads['W1'] = np.dot(x.T, dz1)
     grads['b1'] = np.sum(dz1, axis=0)
     return grads
code[2]
rain_neuralnet.py
# coding: utf-8
import sys, os
sys.path.append(os.pardir) # 부모 디렉터리의 파일을 가져올 수 있도록 설정
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
from dataset.mnist import load_mnist
from two_layer_net import TwoLayerNet
# 데이터 읽기
(x_train, t_train), (x_test, t_test) = load_mnist(normalize=True, one_hot_label=True)
network = TwoLayerNet(input_size=784, hidden_size=50, output_size=10)
# 하이퍼파라미터
iters_num = 10000 # 반복 횟수를 적절히 설정한다.
train_size = x_train.shape[0]
batch_size = 100 # 미니배치 크기
learning_rate = 0.1
train_loss_list = []
train_acc_list = []
test_acc_list = []
# 1에폭당 반복 수
iter_per_epoch = max(train_size / batch_size, 1)
```

```
for i in range(iters_num):
   # 미니배치 획득
   batch_mask = np.random.choice(train_size, batch_size)
   x_batch = x_train[batch_mask]
   t_batch = t_train[batch_mask]
   # 기울기 계산
   #grad = network.numerical_gradient(x_batch, t_batch)
   grad = network.gradient(x_batch, t_batch)
   # 매개변수 갱신
   for key in ('W1', 'b1', 'W2', 'b2'):
      network.params[key] -= learning_rate * grad[key]
   # 학습 경과 기록
   loss = network.loss(x_batch, t_batch)
   train_loss_list.append(loss)
   # 1에폭당 정확도 계산
   if i % iter_per_epoch == 0:
      train_acc = network.accuracy(x_train, t_train)
      test_acc = network.accuracy(x_test, t_test)
      train_acc_list.append(train_acc)
      test_acc_list.append(test_acc)
      print("train acc, test acc | " + str(train_acc) + ", " + str(test_acc))
# 그래프 그리기
markers = {'train': 'o', 'test': 's'}
x = np.arange(len(train_acc_list))
plt.plot(x, train_acc_list, label='train acc')
plt.plot(x, test_acc_list, label='test acc', linestyle='--')
plt.xlabel("epochs")
plt.ylabel("accuracy")
plt.ylim(0, 1.0)
plt.legend(loc='lower right')
plt.show()
```

```
Downloading train-images-idx3-ubyte.gz ...
Downloading train-labels-idx1-ubyte.gz ...
Done
Downloading t10k-images-idx3-ubyte.gz ...
Done
Downloading t10k-labels-idx1-ubyte.gz ...
Done
Converting train-images-idx3-ubyte.gz to NumPy Array ...
Done
Converting train-labels-idx1-ubyte.gz to NumPy Array ...
Done
Converting t10k-images-idx3-ubyte.gz to NumPy Array ...
Converting t10k-labels-idx1-ubyte.gz to NumPy Array ...
Done
Creating pickle file ...
Done!
train acc, test acc | 0.1021833333333333, 0.101
train acc, test acc | 0.790483333333333, 0.7932
train acc, test acc | 0.87255, 0.8749
train acc, test acc | 0.8965, 0.901
train acc, test acc | 0.90695, 0.9118
train acc, test acc | 0.914233333333333, 0.916
train acc, test acc | 0.9194833333333333, 0.922
train acc, test acc | 0.924033333333334, 0.9255
train acc, test acc | 0.92845, 0.9292
train acc, test acc | 0.9317166666666666, 0.9318
train acc, test acc | 0.935, 0.9359
train acc, test acc | 0.937183333333334, 0.9377
train acc, test acc | 0.93935, 0.9395
train acc, test acc | 0.941133333333334, 0.941
train acc, test acc | 0.94325, 0.9431
train acc, test acc | 0.94535, 0.9442
train acc, test acc | 0.9467166666666667, 0.946
+ 그래프 (위에 있음)
```

#####endLine====