

回溯算法

回溯法就是暴力搜索

第39题. 组合总和

题目链接: <https://leetcode-cn.com/problems/combination-sum/>

给定一个无重复元素的数组 `candidates` 和一个目标数 `target`，找出 `candidates` 中所有可以使数字和为 `target` 的组合。

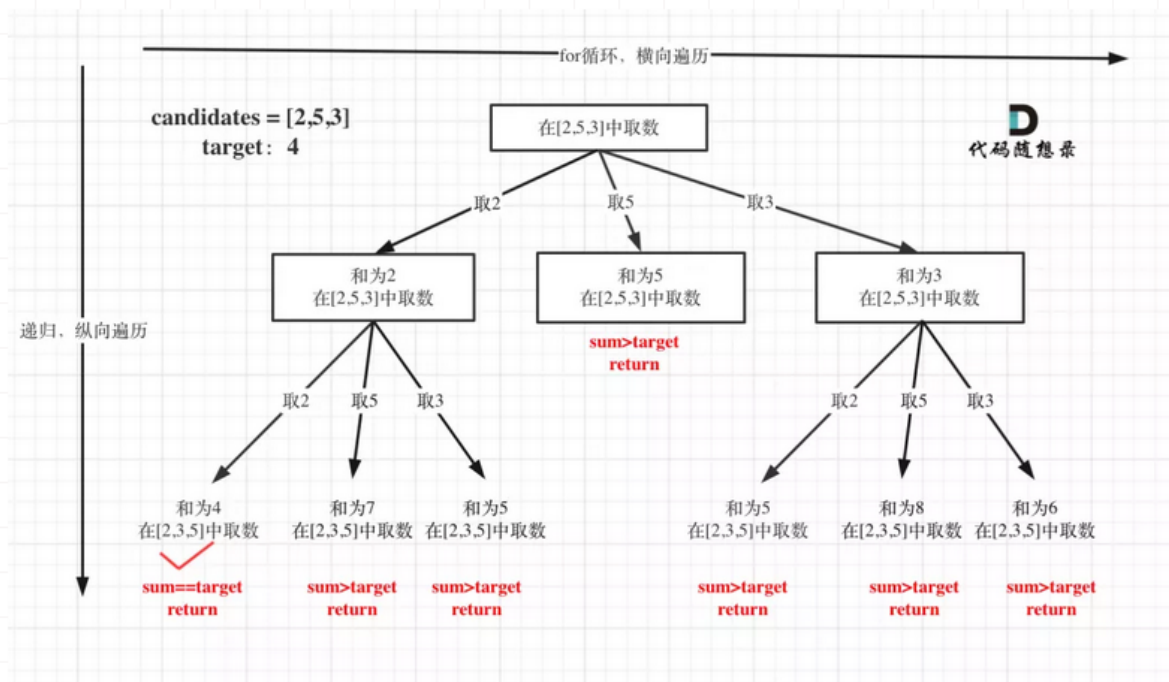
`candidates` 中的数字可以无限制重复被选取。

说明：

- 所有数字（包括 `target`）都是正整数。
- 解集不能包含重复的组合。

本题目中的核心在于可以**无限重复地选取**

本题搜索的过程抽象成树形结构如下：



本题还需要 `startIndex` 来控制 `for` 循环的起始位置，**对于组合问题，什么时候需要 `startIndex` 呢？如果是一个集合来求组合的话，就需要用 `startIndex`，如果是多个集合求组合，各个集合之间相互不影响。**

```
1 vector<vector<int>> result;
```

```

2 vector<int> path;
3 void backtracking(vector<int>& candidates,int target,int sum,int startIndex);

```

从叶子节点可以清晰看到，终止只有两种情况，sum大于target和sum等于target

```

1 if(sum>target){
2     return ;
3 }
4 if(sum==target){
5     result.push_back(path);
6     return ;
7 }

```

如何满足可重复选取的条件呢？

```

1 for(int i=startIndex;i<candidates.size();i++){
2     path.push_back(candidates[i]);
3     sum+=candidates[i];
4     backtracking(candidates,target,sum,i);
5     sum-=candidates[i];
6     path.pop_back();
7 }

```

进行剪枝操作？

如果下一层的sum已经大于target,就可以结束本轮for循环的遍历方式

```

1 for(int i=startIndex;i<candidates.size()&&sum+candidates[i]<=target;i++){
2     path.push_back(candidates[i]);
3     sum+=candidates[i];
4     backtracking(candidates,target,sum,i);
5     sum-=candidates[i];
6     path.pop_back();
7 }

```

本题和我们之前经过的不同之处在于

组合数量没有要求，元素可无限重复选取，所以在单层逻辑中遍历从startIndex开始

```

1 class solution{
2     private:
3     vector<vector<int>> result;
4     vector<int> path;
5     void backtracking(vector<int>& candidates,int count,int startIndex){
6         if(count==0){
7             result.push_back(path);
8             return ;
9         }
10        //确定单层逻辑

```

```

11  for(int i=startIndex,i<candidates.size()&&(count-candidates[i])>=0;i++)
12  {
13      path.push_back(candidates[i]);
14      backtracking(candidates,count-candidates[i],i);
15  }
16  }
17  public:
18  vector<vector<int>> combinationSum(vector<int>& candidates,int target){
19      if(candidates.empty()) return result;
20      //此时需要排序
21      sort(candidates.begin(),candidates.end());
22      backtracking(candidates,target,0);
23      return result;
24  }
25  }

```

在求和问题中，**排序之和加剪枝**是常见的套路

40.组合总和II

题目链接：<https://leetcode-cn.com/problems/combination-sum-ii/>

给定一个数组 `candidates` 和一个目标数 `target`，找出 `candidates` 中所有可以使数字和为 `target` 的组合。

`candidates` 中的每个数字在每个组合中只能使用一次。

说明：

所有数字（包括目标数）都是正整数。

解集不能包含重复的组合。

示例 1：

输入：`candidates = [10,1,2,7,6,1,5]`，`target = 8`，

所求解集为：

```

[
  [1, 7],
  [1, 2, 5],
  [2, 6],
  [1, 1, 6]
]

```

`candidates`中的每个数字在每个组合中只能使用一次，则说明需要无重复，
 则**对所求的数字先进行排序**
 该题目与前面一道题的区别在于：

- 1、本题的candidates中的每个数字在每个组合中只能使用一次
- 2、本题数组candidates的元素是可重复的，而39题中元素不能重复

如何理解去重？

所谓去重，就是**使用过的元素不能重复使用**。

组合问题可以理解为树形结构问题，那么使用过就有两个维度上

1、同一树枝上使用过

2、同一树层上使用过

本题目中一个组合中的元素可以重复，但是组合不能相同，则去重的是同一树层不能重复。

step1: 递归函数参数

此时还需要一个bool型数组参数used，用来**记录同一个树枝上是否使用过**

```
vector<int> path;
```

```
vector<vector<int>> result;
```

```
void backtracking(vector<int>& candidates,int count,int startIndex)
```

step2:递归终止条件

```
if(count==0){
```

```
    result.push_back(path);
```

```
    return ;
```

```
}
```

step3:单层搜索逻辑

当candidates[i]==candidates[i-1]时

```
    used[i-1]=false;//则说明同一个树层使用过
```

```
    used[i-1]=true;//则说明同一个树枝上使用过
```

```
for(int i=startIndex;i<candidates.size()&&count-candidates[i]>=0;i++){
```

```
    if(i>0&&candidates[i]==candidates[i-1]&&used[i-1]==false)continue;
```

```
    path.push_back(candidates[i]);
```

```
    used[i]=true;
```

```
    backtracking(candidates,count-candidates[i],i+1);
```

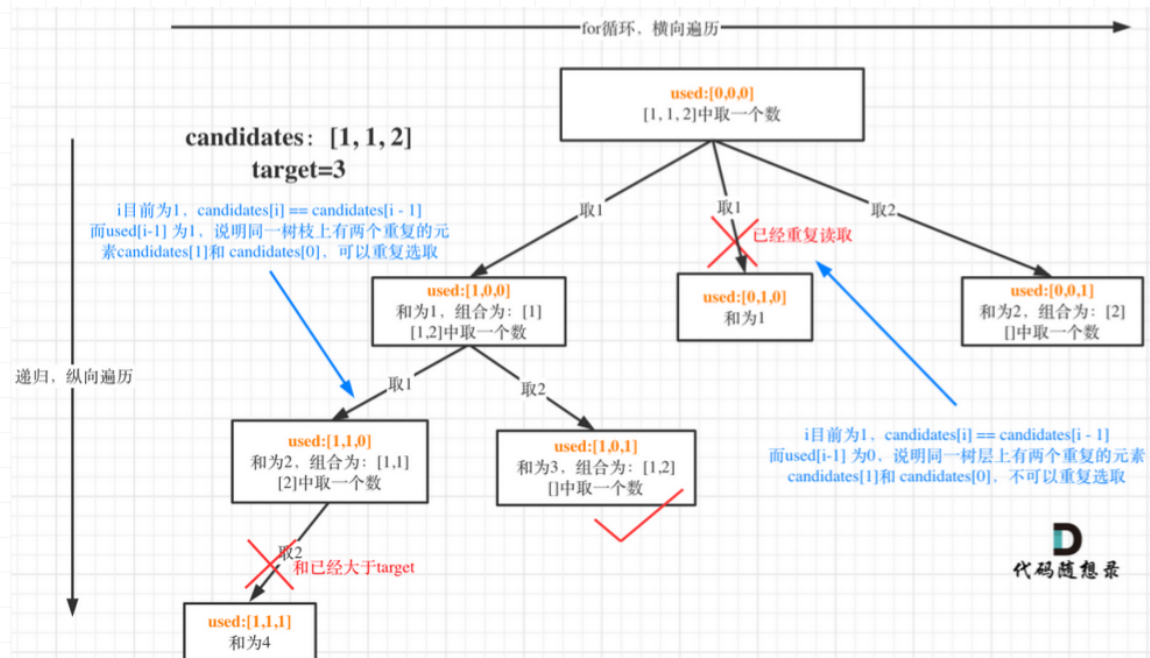
```
    used[i]=false;
```

```
    path.pop_back();
```

```
}
```

此时for循环里就应该做continue的操作。

这块比较抽象，如图：



我在图中将used的变化用橘黄色标注上，可以看出在candidates[i] == candidates[i - 1]相同的情况下：

然后回溯入口为

```
sort(candidates.begin(),candidates.end())
```

```
backtracking(candidates,target,0)
```

所以Carl有必要把去重的这块彻彻底底的给大家讲清楚，「就连“树层去重”和“树枝去重”都是我自创的词汇，希望对大家理解有帮助！」