

在只给一个数组的N数之和问题总结

第15题. 三数之和

给你一个包含 n 个整数的数组 `nums`，判断 `nums` 中是否存在三个元素 a ， b ， c ，使得 $a + b + c = 0$ ？请你找出所有满足条件且不重复的三元组。

注意：答案中不可以包含重复的三元组。

示例：

给定数组 `nums = [-1, 0, 1, 2, -1, -4]`，

满足要求的三元组集合为：`[[-1, 0, 1], [-1, -1, 2]]`

本题中如果用暴力枚举通过两层for循环则无法满足“所有满足条件且不重复的三元组”的要求（其中使用map数组解决则会需要耗费大量时间实现去重问题）

此时采用双指针的方法

前提条件：该`nums`数组是排序过的，

$a = \text{nums}[i], b = \text{nums}[\text{left}], c = \text{nums}[\text{right}]$

初始时: `left` 的为 $i+1$, `right` 为数组末尾

接下来如何移动 `left` 和 `right` 呢，如果 $\text{nums}[i] + \text{nums}[\text{left}] + \text{nums}[\text{right}] > 0$ 就说明此时三数之和大了，因为数组是排序后了，所以 `right` 下表就应该向左移动，这样才能让三数之和小一些。

如果 $\text{nums}[i] + \text{nums}[\text{left}] + \text{nums}[\text{right}] < 0$ 说明此时三数之和小了，`left` 就向右移动，才能让三数之和大一些，直到 `left` 与 `right` 相遇为止。

时间复杂度： $O(n^2)$ 。

```
1 class Solution {
2 public:
3     vector<vector<int>> threeSum(vector<int>& nums) {
4         vector<vector<int>> ans;
5         sort(nums.begin(), nums.end());
6         for(int i=0; i<nums.size(); i++){
7             if(nums[i]>0) return ans; //因为排过序了,后面的元素都比前面的元素大或者等于
8             if(i>0&&nums[i]==nums[i-1]) continue;
9             int left=i+1;
10            int right=nums.size()-1;
11            while(left<right){
12                //去掉相同的元素
13                //while(left<right&&nums[left]==nums[left+1]) left++;
14                //while(left<right&&nums[right]==nums[right-1]) right--;
```

```

15
16     if(nums[i]+nums[left]+nums[right]>0){
17         right--;
18     }else if(nums[i]+nums[left]+nums[right]<0){
19         left++;
20     }else{//nums[i]+nums[left]+nums[right]==0
21         ans.push_back(vector<int>{nums[i],nums[right],nums[left]});
22         //去重逻辑应该是在找到一个三元组之后
23         while(left<right&&nums[right]==nums[right-1]) right--;
24         while(left<right&&nums[left]==nums[left+1])left++;
25         right--;
26         left++;
27     }
28 }
29 }
30 return ans;
31 }
32 };

```

双指针法解决四数之和或者五数之和、六数之和、N数之和呢？

第18题. 四数之和

题意：给定一个包含 n 个整数的数组 `nums` 和一个目标值 `target`，判断 `nums` 中是否存在四个元素 `a`，`b`，`c` 和 `d`，使得 `a + b + c + d` 的值与 `target` 相等？找出所有满足条件且不重复的四元组。

「注意：」

答案中不可以包含重复的四元组。

示例：

给定数组 `nums = [1, 0, -1, 0, -2, 2]`，和 `target = 0`。

满足要求的四元组集合为：

`[[-1, 0, 0, 1], [-2, -1, 1, 2], [-2, 0, 0, 2]]`

思路：三数之和的基础上加一个for循环

```

1 class Solution {
2 public:
3     vector<vector<int>> fourSum(vector<int>& nums, int target) {
4         vector<vector<int>> ans;
5         sort(nums.begin(),nums.end());
6         for(int i=0;i<nums.size();i++){
7             //不重复四元组

```

```

8  if(i>0&&nums[i]==nums[i-1]) continue;//之前如果有满足条件的四元组已经记录了
9  for(int j=i+1;j<nums.size();j++){
10     if(j>i+1&&nums[j]==nums[j-1]) continue;
11     int left=j+1;
12     int right=nums.size()-1;
13     while(left<right){
14         int sum=nums[i]+nums[j]+nums[left]+nums[right];
15         if(sum>target){
16             right--;
17         }
18         if(sum<target){
19             left++;
20         }
21         if(sum==target){
22             ans.push_back(vector<int>{nums[i],nums[j],nums[left],nums[right]});
23             //往后去重
24             while(left<right&&nums[right]==nums[right-1])right--;
25             while(left<right&&nums[left]==nums[left+1]) left++;
26             left++;
27             right--;
28         }
29     }
30 }
31 }
32 return ans;
33 }
34 };

```

总结：

四数之和是在同一个数组里面可以用双指针法：

四数之和的双指针解法是两层for循环nums[k] + nums[i]为确定值，依然是循环内有left和right下表作为双指针，找出nums[k] + nums[i] + nums[left] + nums[right] == target的情况，三数之和的时间复杂度是 $O(n^2)$ ，四数之和的时间复杂度是 $O(n^3)$ 。

那么一样的道理，五数之和、六数之和等等都采用这种解法。

对于[三数之和](#)双指针法就是将原本暴力 $O(n^3)$ 的解法，降为 $O(n^2)$ 的解法，四数之和的双指针解法就是将原本暴力 $O(n^4)$ 的解法，降为 $O(n^3)$ 的解法。

如果四数之和在不同数组里面则用哈希法