

Московский физико-технический институт  
(государственный университет)  
Факультет общей и прикладной физики

Лабораторная работа № 4.2.1  
(Общая физика: оптика)

## **Кольца Ньютона**

Работу выполнил:  
Иванов Кирилл, 625 группа

г. Долгопрудный  
2018 год

**Цель работы:** познакомиться с явлением интерференции в тонких плёнках (полосы равной толщины) на примере колец Ньютона и с методикой интерференционных измерений кривизны стеклянной поверхности.

**Оборудование:** измерительный микроскоп с опак-иллюминатором, плоско-выпуклая линза; пластинка из чёрного стекла, ртутная лампа типа ДРШ, щель, линзы, призма прямого зрения, объектная шкала.

## 1. Теоретическое введение

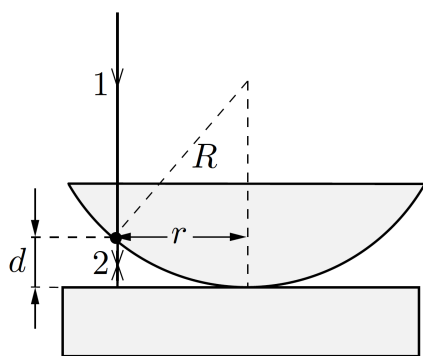


Рис. 1: Экспериментальная установка

Этот классический опыт используется для определения радиуса кривизны сферических поверхностей линз. В этом опыте наблюдается интерференция волн, отражённых от границ тонкой воздушной прослойки, образованной сферической поверхностью линзы и плоской стеклянной пластиной. При нормальном падении света (рис. 1) интерференционные полосы локализованы на сферической поверхности и являются полосами равной толщины.

Геометрическая разность хода между интерферирующими лучами равна удвоенной толщине воздушного зазора  $2d$  в данном месте. Для точки на сферической поверхности, находящейся на расстоянии  $r$  от оси системы, имеем  $r^2 = R^2 - (R - d)^2 = 2Rd - d^2$ , где  $R$  — радиус кривизны сферической поверхности (рис. 1).

При  $R \gg d$  получим  $d = r^2/2R$ . С учётом изменения фазы на  $\pi$  при отражении волны от оптически более плотной среды (на границе воздух-стекло) получим **оптическую разность хода интерферирующих лучей**:

$$\Delta = \frac{\lambda}{2} + 2d = \frac{r^2}{2R} + \frac{\lambda}{2}$$

Из условия интерференционного минимума  $\Delta = \frac{(2m+1)\lambda}{2}$ ,  $m = 0, 1, 2, \dots$  получим радиусы темных колец  $r_m$ , а из аналогичного условия максимума  $\Delta = m\lambda$  радиусы светлых  $r'_m$ :

$$r_m = \sqrt{m\lambda R}, \quad r'_m = \sqrt{\frac{(2m-1)m\lambda R}{2}}$$

## 2. Экспериментальная установка

Схема экспериментальной установки приведена на рис. 2. Опыт выполняется с помощью измерительного микроскопа. На столик микроскопа помещается держатель с полированной пластинкой из чёрного стекла. На пластинке лежит исследуемая линза.

Источником света служит ртутная лампа, находящаяся в защитном кожухе. Для получения монохроматического света применяется призмный монохроматор, состоящий из конденсора К, коллиматора (щель  $S$  и объектив  $O$ ) и призмы прямого зрения  $\Pi$ . Эти устройства с помощью рейтеров располагаются на оптической скамье. Свет от монохроматора попадает на расположенный между объективом и окуляром микроскопа опак-иллюминатор (ОИ) специальное устройство, служащее для освещения объекта при работе в отражённом свете. Внутри опак-иллюминатора находится полупрозрачная стеклянная пластинка  $P$ , наклоненная под углом  $45^\circ$  к оптической оси микроскопа. Свет частично отражается от этой пластинки, проходит через объектив микроскопа и попадает на исследуемый объект. Пластинка может поворачиваться вокруг горизонтальной оси  $X$ , опак-иллюминатор вокруг вертикальной оси.

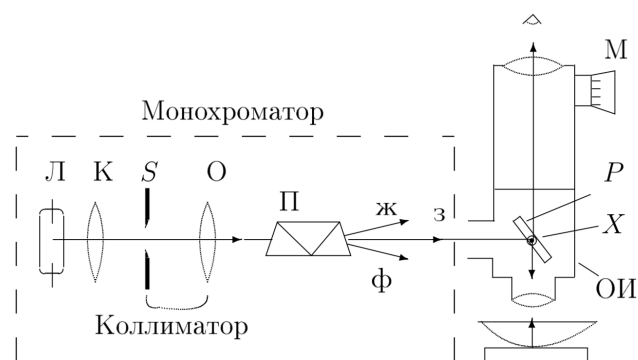


Рис. 2: Экспериментальная установка

Столик микроскопа может перемещаться в двух взаимно перпендикулярных направлениях помощью винтов препаратопроводителя. Отсчетный крест окулярной шкалы перемещается перпендикулярно оптической оси с помощью микрометрического винта  $M$ .

Оптическая схема монохроматора позволяет получить в плоскости входного окна опак-иллюминатора достаточно хорошо разделённые линии спектра ртутной лампы. Изображение щели  $S$  фокусируется на поверхность линзы объективом микроскопа, т.е. точка источника и точка наблюдения спектра совпадают. Интерференционная картина не зависит от показателя преломления линзы и определяется величиной зазора между линзой и пластинкой (кольца равной толщины).

Сначала микроскоп настраивается на кольца Ньютона в белом свете (свете ртутной лампы), затем при помощи монохроматора выделить из спектра яркую зелёную линию и провести измерения диаметров колец в монохроматическом свете.

### 3. Ход работы

После настройки микроскопа проведем измерения диаметров колец Ньютона. Измерения будем проводить в безразмерных единицах окулярной шкалы, переведённых затем в реальную величину с помощью калиброванной объектной шкалы.

Оценим систематическую погрешность измерения величин на окуляре как  $\sigma_l = 0,02$  (из-за цены деления).

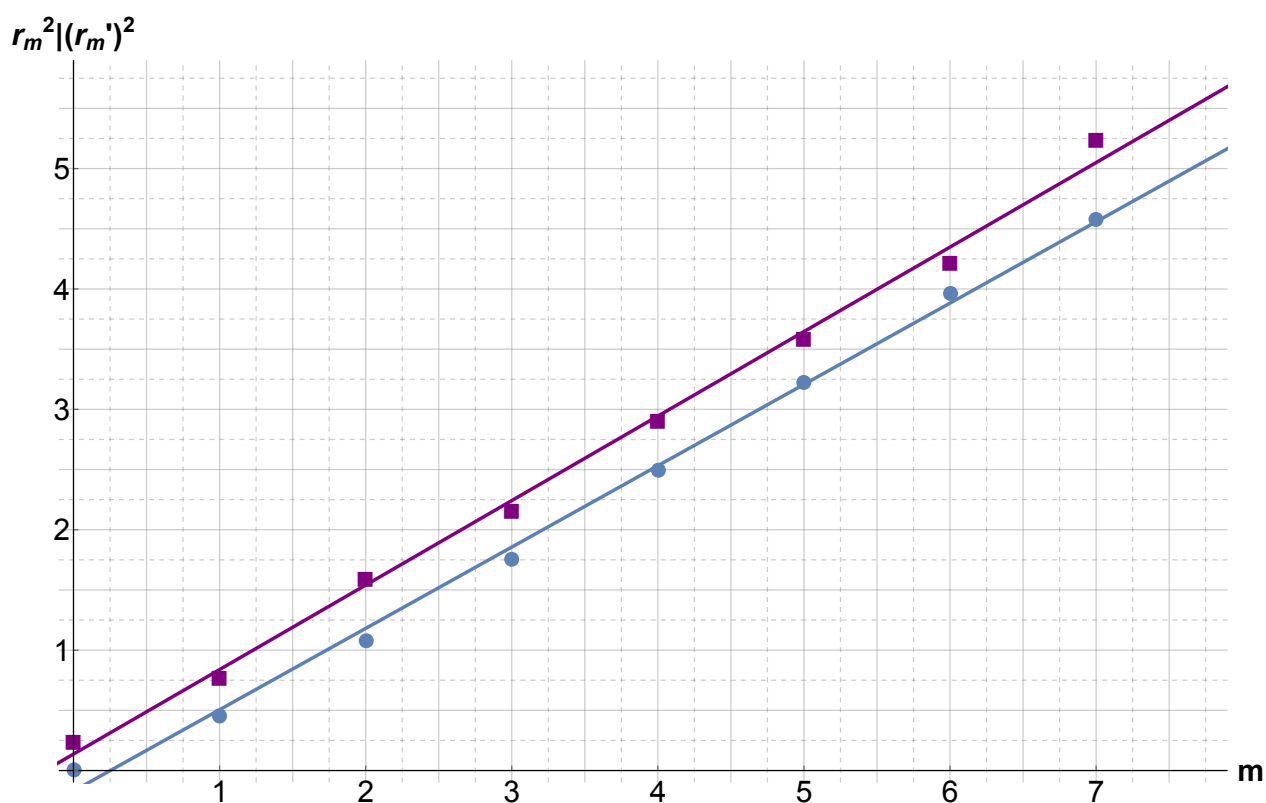
С помощью призмы разобьем свет ртутной лампы на зеленый ( $\lambda_z = 546$  нм) и желтый ( $\lambda_{ж} = 578$  нм).

Будем последовательно измерять расстояния  $l_1$  от верхнего края 6-ого «набора» колец до нуля до центра, затем аналогично будем измерять расстояния  $l_2$  от нижнего края до нуля. Результаты занесем в таблицу.

Построим график зависимости радиусов колец от их номера.

Таблица 1: Измерение диаметров колец Ньютона

m	Темные кольца			Светлые кольца		
	$l_1$	$l_2$	$r_m^2$	$l_1$	$l_2$	$(r'_m)^2$
0	4.71	3.72	0.25	4.15	4.15	0
1	5	3.24	0.77	4.78	3.43	0.46
2	5.45	2.92	1.6	5.16	3.08	1.08
3	5.59	2.65	2.16	5.44	2.79	1.76
4	5.83	2.42	2.91	5.7	2.54	2.5
5	6.02	2.23	3.59	5.91	2.32	3.22
6	6.17	2.06	4.22	6.09	2.11	3.96
7	6.47	1.89	5.24	6.25	1.97	4.58

Рис. 3: График зависимости  $r_m^2$  и  $(r'_m)^2$  от номера  $m$ Таблица 2: Расчет аппроксимированной прямой  $y = ax + b$  для темных колец

	Estimate	Standart Error
$b$	0.13	0.08
$a$	0.70	0.01

Теперь определим калибровку окулярной шкалы. Она равна  $k = 0,1$  мм.

Таблица 3: Расчет аппроксимированной прямой  $y = ax + b$  для светлых колец

	Estimate	Standart Error
$b$	-0.17	0.06
$a$	0.67	0.01

При биениях мы наблюдали следующее количество полос между центрами четких систем  $\Delta m = 12$ . Вычислим отсюда разность длин волн желтого и зеленого света ртутной лампы  $\Delta\lambda = \lambda_{\text{ж}} - \lambda_{\text{з}}$ :

$$(\Delta m + 1)\lambda_{\text{з}} = \Delta m\lambda_{\text{ж}} \Rightarrow \Delta\lambda = \frac{\lambda_{\text{з}}}{\Delta m} \approx 45 \text{ нм}$$

Определим радиус кольца. Так как  $\frac{r_m^2}{m} = k^2 \cdot a_{\text{т}}$ , отсюда

$$R = \frac{r_m^2}{m\lambda} = (1,28 \pm 0,02) \text{ см}$$

## 4. Вывод

Таким образом, мы получили, что их экспериментального периода биений разница длин волн желтого и зеленого света ртутной лампы примерно равна  $\Delta\lambda = 45 \text{ нм}$ , в то время как табличный результат — 33 нм. Это может быть объяснено большой неточностью определения числа  $\Delta m$ .

Также мы построили графики зависимости радиусов колец Ньютона от их номеров. Полученный результат позволил нам рассчитать радиус линзы —  $R = (1,28 \pm 0,02) \text{ см}$ .