Работа 1.1.4 Измерение интенсивности радиационного фона

Валеев Рауф Раушанович группа 825

10 сентября 2018 г.

Теоритическая справка. Если случайные события (регистрация частиц) однородны во времени и каждое последущее событие не зависит от того, когда и как случилось предыдущее, то такой процесс называется пуассоновским, а результататы - количество отсчётов в одном опыте - подчиняются так называемому распределению Пуассона. При больших числах отсчёт это распределение стремится к нулю.

Цель работы: применение методов обработки экспериментальных данных для изучения статистических закономерностей при измерении интенсивности радиационного фона.

В работе используются: счетчик Гейгера-Мюллера (СТС-6), блок питания, компьютер с интерфейсом связи с счетчиком.

- 1. Включаем питание компьютера и установки. После загрузки компьютера запускаем программу STAT и таким образом начинаем проведение основного эксперимента.
- 2. В результате демонстрационного эксперимента убеждаемся, что при увеличении числа измерений:
 - (а) Измеряемая велечина флуктуирует;
 - (b) Флуктуации среднего значения измеряемой величины уменьшаются, и среднее значение выходит на постоянную величину;
 - (c) Флуктуации велечины погрешности среднего значения уменьшаются, а сама величина убывает;
 - (d) Флуктуации величины погрешности отдельного измерения уменьшаются, и погрешность отдельного измерения (погрешность метода) выходит на постоянную величину.
- 3. Переходим к основному эксперименту: измерение плотности потока космического излучения за 20 секунд (результаты набрались с момента включения компьютера). На компьютере проведем обработку, аналогичную сделанной в демонстрационном эксперименте. Результаты приведены в табл. 1.
- 4. Разбиваем результаты из табл. 1 в порядке их получения на группы по 2, что соответствует произведению $N_2 = 100$ измерений числа частиц за интервал времени, равный 40 с. Результаты приведем в табл. 2.
- 5. Приведем данные ддя построения гистограмм распределения числа срабатываний счетчика за 10 с и 40 с в таблицах табл. 3 и табл. 4 соответственно.
- 6. Так же приведем гистограммы распределений среднего числа отсчетов за 10 и 40 с. (Рис. 1)
- 7. Используя формулы

$$\overline{n}_1 = \frac{1}{N_1} \sum_{i=1}^{N_1} n_i$$

$$\overline{n}_2 = \frac{1}{N_2} \sum_{i=1}^{N_2} n_i$$

$$\overline{n}_3 = \frac{1}{N_3} \sum_{i=1}^{N_3} n_i$$

- 8. Определим среднее число срабатываний счетчика за $10,\,20$ и 40 с соответственно.
- 9. Найдем среднеквадратичные ошибки отдельных измерений по формулам по формулам

$$\sigma_1 = \sqrt{\frac{1}{N_1 - 1} \sum_{i=1}^{N_1} (n_i - \overline{n}_1)^2}$$

$$\sigma_2 = \sqrt{\frac{1}{N_2 - 1} \sum_{i=1}^{N_2} (n_i - \overline{n}_2)^2}$$

$$\sigma_3 = \sqrt{\frac{1}{N_3 - 1} \sum_{i=1}^{N_3} (n_i - \overline{n}_3)^2}$$

и убедимся в справедливости формул

$$\sigma_1 pprox \sqrt{\overline{n}_1}$$
 $\sigma_2 pprox \sqrt{\overline{n}_2}$
 $\sigma_3 pprox \sqrt{\overline{n}_3}$

10. найдем ошибки всех измерений по формулам

$$\sigma_1 = \sqrt{\frac{1}{(N_1 - 1)N_1} \sum_{i=1}^{N_1} (n_i - \overline{n}_1)^2}$$

$$\sigma_2 = \sqrt{\frac{1}{(N_2 - 1)N_2} \sum_{i=1}^{N_2} (n_i - \overline{n}_2)^2}$$

$$\sigma_3 = \sqrt{\frac{1}{(N_3 - 1)N_3} \sum_{i=1}^{N_3} (n_i - \overline{n}_3)^2}$$

- 11. Зафикисруем все полученные ошибки и среднии значения срабатываний в табл. 5.
- 12. Определим долю случаев, когда отклонения не превышают σ_i и $2\sigma_i$, и сравним с теоретическими оценками (табл. 6).
- 13. Посчитаем относительную ошибку по формуле

$$\varepsilon_{\overline{n}_1} = \frac{\sigma_{\overline{n}_1}}{\overline{n}_1} 100\%$$

$$\varepsilon_{\overline{n}_2} = \frac{\sigma_{\overline{n}_2}}{\overline{n}_2} 100\%$$

$$\varepsilon_{\overline{n}_3} = \frac{\sigma_{\overline{n}_3}}{\overline{n}_3} 100\%$$

14. из табл. 6 следует, что $n_{t=10c}=13,32\pm0,18, \varepsilon_{\overline{n}_1}=1,4\%,\ n_{t=20c}=26,6\pm0,36, \varepsilon_{\overline{n}_1}=1,4\%,\ n_{t=40c}=53,11\pm0,61, \varepsilon_{\overline{n}_1}=1,2\%$

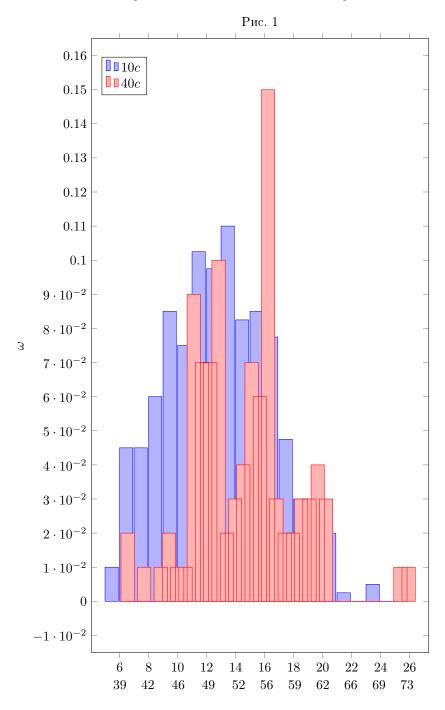


Таблица 1: Число срабатываний счетчика за 20 с

| $\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$ | | Lacoit. | ща т. | T 11. | J10 C | Paoc | *11111 | amm | 1 6 16 | , 1 121 | xa sa |
|---|---------|---------|-------|-----------------|-------|-----------------|--------|-----|--------|-----------------|-------|
| $\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$ | № опыта | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 |
| 20 31 31 20 19 29 27 25 31 35 23 30 38 25 27 29 30 31 36 23 28 28 40 25 25 29 20 15 26 24 30 25 23 50 21 29 17 32 32 15 29 29 21 27 60 21 22 35 26 23 26 29 19 18 33 70 25 31 36 22 27 29 23 26 29 28 80 22 25 31 33 19 31 23 28 29 20 90 32 22 23 33 22 25 29 26 23 24 100 21 35 27 35 27 | 0 | 29 | 21 | 33 | 27 | 22 | 26 | 26 | 27 | 28 | 27 |
| 30 38 25 27 29 30 31 36 23 28 28 40 25 25 29 20 15 26 24 30 25 23 50 21 29 17 32 32 15 29 29 21 2° 60 21 22 35 26 23 26 29 19 18 33 70 25 31 36 22 27 29 23 26 29 29 80 22 25 31 33 19 31 23 28 29 2° 90 32 22 23 33 22 25 29 26 23 2° 100 21 35 27 35 27 25 18 29 28 3° 110 33 39 29 30 25 28 23 30 22 28 120 21 23 34 22 19 29 20 35 17 22 130 21 33 19 31 23 28 44< | 10 | 26 | 22 | 25 | 22 | 25 | 31 | 24 | 20 | 23 | 31 |
| 40 25 25 29 20 15 26 24 30 25 23 50 21 29 17 32 32 15 29 29 21 2° 60 21 22 35 26 23 26 29 19 18 3° 70 25 31 36 22 27 29 23 26 29 28 80 22 25 31 33 19 31 23 28 29 2° 90 32 22 23 33 22 25 29 26 23 2° 100 21 35 27 35 27 25 18 29 28 3° 110 33 39 29 30 25 28 23 30 22 28 120 21 23 34 22 19 | 20 | 31 | 31 | 20 | 19 | 29 | 27 | 25 | 31 | 35 | 21 |
| 50 21 29 17 32 32 15 29 29 21 27 60 21 22 35 26 23 26 29 19 18 33 70 25 31 36 22 27 29 23 26 29 28 80 22 25 31 33 19 31 23 28 29 22 90 32 22 23 33 22 25 29 26 23 24 100 21 35 27 35 27 25 18 29 28 32 110 33 39 29 30 25 28 23 30 22 28 120 21 23 34 22 19 29 20 35 17 22 130 21 33 19 31 23 | 30 | 38 | 25 | 27 | 29 | 30 | 31 | 36 | 23 | 28 | 28 |
| 60 21 22 35 26 23 26 29 19 18 33 70 25 31 36 22 27 29 23 26 29 23 80 22 25 31 33 19 31 23 28 29 26 90 32 22 23 33 22 25 29 26 23 24 100 21 35 27 35 27 25 18 29 28 35 110 33 39 29 30 25 28 23 30 22 28 120 21 23 34 22 19 29 20 35 17 25 130 21 33 19 31 23 28 44 29 23 24 140 32 25 26 26 27 <td>40</td> <td>25</td> <td>25</td> <td>29</td> <td>20</td> <td>15</td> <td>26</td> <td>24</td> <td>30</td> <td>25</td> <td>23</td> | 40 | 25 | 25 | 29 | 20 | 15 | 26 | 24 | 30 | 25 | 23 |
| 70 25 31 36 22 27 29 23 26 29 23 80 22 25 31 33 19 31 23 28 29 27 90 32 22 23 33 22 25 29 26 23 24 100 21 35 27 35 27 25 18 29 28 35 110 33 39 29 30 25 28 23 30 22 28 120 21 23 34 22 19 29 20 35 17 25 130 21 33 19 31 23 28 44 29 23 24 140 32 25 26 26 27 26 21 24 29 34 150 34 27 24 31 23 <td>50</td> <td>21</td> <td>29</td> <td>17</td> <td>32</td> <td>32</td> <td>15</td> <td>29</td> <td>29</td> <td>21</td> <td>27</td> | 50 | 21 | 29 | 17 | 32 | 32 | 15 | 29 | 29 | 21 | 27 |
| 80 22 25 31 33 19 31 23 28 29 2° 90 32 22 23 33 22 25 29 26 23 2° 100 21 35 27 35 27 25 18 29 28 3° 110 33 39 29 30 25 28 23 30 22 28 120 21 23 34 22 19 29 20 35 17 2° 130 21 33 19 31 23 28 44 29 23 2° 140 32 25 26 26 27 26 21 24 29 3° 150 34 27 24 31 23 39 22 35 23 3° | 60 | 21 | 22 | 35 | 26 | 23 | 26 | 29 | 19 | 18 | 31 |
| 90 32 22 23 33 22 25 29 26 23 24 100 21 35 27 35 27 25 18 29 28 32 110 33 39 29 30 25 28 23 30 22 28 120 21 23 34 22 19 29 20 35 17 22 130 21 33 19 31 23 28 44 29 23 24 140 32 25 26 26 27 26 21 24 29 34 150 34 27 24 31 23 39 22 35 23 35 | 70 | 25 | 31 | 36 | 22 | 27 | 29 | 23 | 26 | 29 | 25 |
| 100 21 35 27 35 27 25 18 29 28 35 110 33 39 29 30 25 28 23 30 22 25 120 21 23 34 22 19 29 20 35 17 25 130 21 33 19 31 23 28 44 29 23 24 140 32 25 26 26 27 26 21 24 29 34 150 34 27 24 31 23 39 22 35 23 33 | 80 | 22 | 25 | 31 | 33 | 19 | 31 | 23 | 28 | 29 | 27 |
| 110 33 39 29 30 25 28 23 30 22 28 120 21 23 34 22 19 29 20 35 17 25 130 21 33 19 31 23 28 44 29 23 24 140 32 25 26 26 27 26 21 24 29 34 150 34 27 24 31 23 39 22 35 23 33 | 90 | 32 | 22 | 23 | 33 | 22 | 25 | 29 | 26 | 23 | 24 |
| 120 21 23 34 22 19 29 20 35 17 22 130 21 33 19 31 23 28 44 29 23 24 140 32 25 26 26 27 26 21 24 29 34 150 34 27 24 31 23 39 22 35 23 33 | 100 | 21 | 35 | 27 | 35 | 27 | 25 | 18 | 29 | 28 | 32 |
| 130 21 33 19 31 23 28 44 29 23 24 140 32 25 26 26 27 26 21 24 29 34 150 34 27 24 31 23 39 22 35 23 35 | 110 | 33 | 39 | 29 | 30 | 25 | 28 | 23 | 30 | 22 | 25 |
| 140 32 25 26 26 27 26 21 24 29 34 150 34 27 24 31 23 39 22 35 23 33 | 120 | 21 | 23 | 34 | 22 | 19 | 29 | 20 | 35 | 17 | 22 |
| 150 34 27 24 31 23 39 22 35 23 32 | 130 | 21 | 33 | 19 | 31 | 23 | 28 | 44 | 29 | 23 | 24 |
| | 140 | 32 | 25 | 26 | 26 | 27 | 26 | 21 | 24 | 29 | 34 |
| 160 29 17 28 27 20 30 27 29 28 19 | 150 | 34 | 27 | 24 | 31 | 23 | 39 | 22 | 35 | 23 | 32 |
| | 160 | 29 | 17 | 28 | 27 | 20 | 30 | 27 | 29 | 28 | 19 |
| 170 38 25 23 25 25 25 27 23 28 24 | 170 | 38 | 25 | 23 | 25 | 25 | 25 | 27 | 23 | 28 | 24 |
| 180 21 28 27 23 30 19 32 22 21 33 | 180 | 21 | 28 | 27 | 23 | 30 | 19 | 32 | 22 | 21 | 33 |
| 190 26 30 28 29 28 34 22 38 21 29 | 190 | 26 | 30 | $\overline{28}$ | 29 | $\overline{28}$ | 34 | 22 | 38 | $\overline{21}$ | 29 |

Таблица 2: Число срабатываний счетчика за 40 с

| | | | | | 1 | | | | | |
|---------|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|
| № опыта | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 |
| 0 | 50 | 60 | 48 | 53 | 55 | 48 | 47 | 56 | 44 | 54 |
| 10 | 62 | 39 | 56 | 56 | 56 | 63 | 56 | 61 | 59 | 56 |
| 20 | 50 | 49 | 41 | 54 | 48 | 50 | 49 | 47 | 58 | 48 |
| 30 | 43 | 61 | 49 | 48 | 49 | 56 | 58 | 56 | 49 | 54 |
| 40 | 47 | 56 | 50 | 51 | 56 | 54 | 56 | 47 | 55 | 47 |
| 50 | 56 | 62 | 52 | 47 | 60 | 72 | 59 | 53 | 53 | 47 |
| 60 | 44 | 56 | 48 | 55 | 39 | 54 | 50 | 51 | 73 | 47 |
| 70 | 57 | 52 | 53 | 45 | 63 | 61 | 55 | 62 | 57 | 55 |
| 80 | 46 | 55 | 50 | 56 | 47 | 63 | 48 | 50 | 50 | 52 |
| 90 | 49 | 50 | 49 | 54 | 54 | 56 | 57 | 62 | 60 | 50 |

Таблица 3: Данные для построения гистограммы распределения числа срабатываний счетчиков за 10 с

| Число импульсов n_i | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 |
|-------------------------|-------|--------|--------|-------|-------|
| Число случаев | 4 | 18 | 18 | 24 | 34 |
| Доля случаев ω_n | 0,01 | 0,045 | 0,045 | 0,06 | 0,085 |
| Число импульсов n_i | 16 | 17 | 18 | 19 | 20 |
| Число случаев | 34 | 31 | 19 | 12 | 8 |
| Доля случаев ω_n | 0,085 | 0,0775 | 0,0475 | 0,03 | 0,02 |
| Число импульсов n_i | 21 | 22 | 23 | 24 | 25 |
| Число случаев | 8 | 1 | 0 | 2 | 0 |
| Доля случаев ω_n | 0,02 | 0,0025 | 0 | 0,005 | 0 |

Таблица 4: Данные для построения гистограммы распределения числа срабатываний счетчиков за 40 с

| пола срабатывании счетчиков за чо с | | | | | | | |
|-------------------------------------|------|------|------|------|------|------|------|
| Число импульсов n_i | 39 | 40 | 41 | 42 | 43 | 44 | 45 |
| Число случаев | 2 | 0 | 1 | 0 | 1 | 2 | 1 |
| Доля случаев ω_n | 0,02 | 0 | 0,01 | 0 | 0,01 | 0,02 | 0,01 |
| Число импульсов n_i | 46 | 47 | 48 | 49 | 50 | 51 | 52 |
| Число случаев | 1 | 9 | 7 | 7 | 10 | 2 | 3 |
| Доля случаев ω_n | 0,01 | 0,09 | 0,07 | 0,07 | 0,1 | 0,02 | 0,03 |
| Число импульсов n_i | 53 | 54 | 55 | 56 | 57 | 58 | 59 |
| Число случаев | 4 | 7 | 6 | 15 | 3 | 2 | 2 |
| Доля случаев ω_n | 0,04 | 0,07 | 0,06 | 0,15 | 0,03 | 0,02 | 0,02 |
| Число импульсов n_i | 60 | 61 | 62 | 63 | 64 | 65 | 66 |
| Число случаев | 3 | 3 | 4 | 3 | 0 | 0 | 0 |
| Доля случаев ω_n | 0,03 | 0,03 | 0,04 | 0,03 | 0 | 0 | 0 |
| Число импульсов n_i | 67 | 68 | 69 | 70 | 71 | 72 | 73 |
| Число случаев | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 |
| Доля случаев ω_n | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0,01 | 0,01 |
| | | | | | | | |

Таблица 5: Ошибки и средние значения

| | \overline{n} | $\sigma_{ m cpe_{ m dhekbadparuyhas}}$ | $\sigma_{ m примерная}$ | $\sigma_{ m ofmas}$ |
|---|----------------|--|-------------------------|---------------------|
| 1 | 13,32 | $3,\!65$ | 3,63 | 0,18 |
| 2 | 26,6 | 5,16 | 5,03 | 0,36 |
| 3 | 53,11 | 6,1 | 7,29 | 0,61 |

Таблица 6: Процент попадания точек в промежуток среднего зна-

чения с учетом погрешности

| Значение | Ошибка | Число случаев | Доля случаев,% | Теоретическая оценка,% |
|--------------------------|-----------------------------|---------------|----------------|------------------------|
| $\overline{n}_1 = 13.32$ | $\pm \sigma_1 = \pm 3,65$ | 286 | 71 | 68 |
| | $\pm 2\sigma_1 = \pm 7, 3$ | 389 | 97 | 95 |
| $\overline{n}_2 = 13.32$ | $\pm \sigma_2 = \pm 5, 16$ | 138 | 69 | 68 |
| | $\pm 2\sigma_2 = \pm 10,32$ | 192 | 96 | 95 |
| $\overline{n}_3 = 13.32$ | $\pm \sigma_3 = \pm 6, 1$ | 68 | 68 | 68 |
| | $\pm 2\sigma_3 = \pm 12, 2$ | 96 | 96 | 95 |