## คอมพิวเตอร์โอลิมปิก ๒๕๕๑ มหาวิทยาลัยเกษตรศาสตร์ และ สถาบันส่งเสริมการสอนวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี

# วงเล็บ (paren)

เราเรียกสายอักขระที่ประกอบด้วยตัวอักขระสองแบบได้แก่ วงเล็บเปิด "(" และวงเล็บปิด ")" ว่า *สายอักขระวงเล็บ* 

สายอักขระวงเล็บสมคุล คือ สายอักขระที่มีจำนวนวงเล็บเปิดเท่ากับจำนวนวงเล็บปิด ที่เราสามารถจับคู่วงเล็บได้เหมือนกับในนิพจน์ทาง คณิตศาสตร์ ยกตัวอย่างเช่น ()()(),(()()), และ ((())) เป็นต้น เราสามารถนิยามสายอักขระวงเล็บสมคุลอย่างเป็นทางการได้ ดังนี้

นิยาม สายอักขระวงเล็บสมดุลสอดคล้องกับกฎต่อไปนี้

- 1. () เป็นสายอักขระวงเล็บสมดุล
- 2. ถ้า A เป็นสายอักขระวงเล็บสมดุล แล้ว ( A ) ก็เป็นสายอักขระวงเล็บสมดุลด้วย
- 3. ถ้า A และ B เป็นสายอักขระวงเล็บสมดุลแล้ว AB ก็เป็นสายอักขระวงเล็บสมดุลด้วย

เราจึงสามารถทำการ "สร้าง" สายอักขระวงเล็บสมดุลทั้งหมดได้จากกฎสามข้อข้างบนนี้ ตัวอย่างเช่น เราสามารถสร้าง (()()) โดยเริ่ม จากใช้กฎข้อที่ 1 สร้าง () แล้วใช้กฎข้อที่ 3 สร้าง ()() หลังจากนั้นจึงใช้กฎข้อ 2 สร้าง (()())

ระดับของสายอักขระวงเล็บสมดุลมีค่าเป็นจำนวนเต็มบวก ซึ่งเป็นสมบัติเฉพาะตัวของสายอักขระวงเล็บสมดุลแต่ละตัว ซึ่งบอกถึง "ความ ลึก" ของสายอักขระวงเล็บสมดุลตัวนั้น เรานิยามระดับของสายอักขระวงเล็บสมดุลอย่างเป็นทางการดังนี้

นิยาม ระดับของสายอักขระวงเล็บสมดุลสอดคล้องกับกฎต่อไปนี้

- 1. () มีระดับ 1
- 2. ถ้า A เป็นสายอักขระวงเล็บสมดุลที่มีระดับ k แล้ว ( A ) เป็นสายอักขระวงเล็บสมดุลที่มีระดับ k+1
- 3. ถ้า A และ B เป็นสายอักขระวงเล็บสมดุลที่มีระดับ i และ j ตามลำดับ แล้ว AB เป็นสายอักขระวงเล็บสมดุลที่ มีระดับ  $\max(i,j)$

ยกตัวอย่างเช่น (( ) ) มีระดับ 2, ((())) มีระดับ 3, (()) ((())) มีระดับ 3, และ ((()) ((()))) มีระดับ 4 คู่วงเล็บสมดุล คือ สายอักขระวงเล็บสมดุลที่อยู่ในรูป วงเล็บสมดุลที่อยู่ในรูป () หรือ (A) เมื่อ A คือสายอักขระวงเล็บสมดุล ดังนั้น () และ (()()) เป็นคู่วงเล็บสมดุล แต่ ()() และ ()(()) ไม่เป็น

#### โจทย์

จงเขียนโปรแกรมอ่านสายอักขระวงเล็บสมดุลมาหนึ่งสาย แล้วตอบคำถามต่อไปนี้

- ในสายอักขระวงเล็บสมดุลนี้มีคู่วงเล็บสมดุลอยู่ทั้งหมดกี่คู่
- คู่วงเล็บสมดุลทั้งหมดมีระดับที่สูงสุดเป็นระดับใด
- แต่ละระดับมีคู่วงเล็บสมบูรณ์อยู่กี่คู่

## ข้อมูลนำเข้า

อ่านข้อมูลทาง standard input โดยมีรูปแบบดังนี้

- บรรทัดที่ 1 รับจำนวนเต็ม N  $(1 \le N \le 50{,}000)$  แทนความยาวของสายอักขระวงเล็บสมดุล
- บรรทัดที่ 2 มีตัวอักขระเรียงกันอยู่ N ตัว แต่ละเป็นวงเล็บเปิดหรือวงเล็บปิด

คอมพิวเตอร์โอลิมปิก ๒๕๕๑ วงเฉ็บ - ๑

# วงเล็บ (paren)

## ข้อมูลส่งออก

แสดงผลลัพธ์ทาง standard output โดยมีรูปแบบดังนี้

- บรรทัดที่ 1 แสดงจำนวนคู่วงเล็บสมดุลในสายอักขระวงเล็บสมดุลที่อ่านจากข้อมูลนำเข้า
- บรรทัดที่ 2 แสดงจำนวนเต็ม K ซึ่งมีค่าเท่ากับจำนวนระดับที่แตกต่างกันทั้งหมดของคู่วงเล็บสมดุลในสายอักขระวงเล็บสมดุลใน ข้อมูลนำเข้า เรารับประกันว่าชุดทดสอบทั้งหมดจะมีคำตอบโดยที่  $K \leq 100$
- บรรทัดที่ 3 แสดงจำนวนเต็ม K จำนวน คั่นด้วยช่องว่าง โดยจำนวนที่ 1 มีค่าเท่ากับจำนวนคู่วงเล็บสมดุลที่มีระดับ 1 จำนวนที่ 2
   มีค่าเท่ากับจำนวนคู่วงเล็บสมดุลที่มีระดับ 2 เช่นนี้ไปเรื่อยๆ

### ตัวอย่าง

ข้อมูลนำเข้า	ข้อมูลส่งออก
16	8
((())(()((())))	5
	3 2 1 1 1

### อธิบายตัวอย่าง

คู่วงเล็บสมดุลในสายอักขระวงเล็บสมดุลในข้อมูลนำเข้ามีอยู่ 8 คู่ โดยสามารถแยกออกเป็นระดับๆ ได้ดังต่อไปนี้

- ระดับ 2: ([(())](()((())))) (((())((()))))
- ระดับ 3: ( ( ( ) ) ( ( ) ( ( ( ) ) ) ) )
- ระดับ 4: ((()) (()((())))
- ระดับ 5: ((())(()(())))

#### เงื่อนไข

โปรแกรมต้องใช้เวลาการทำงานไม่เกิน 1 วินาทีและใช้หน่วยความจำไม่เกิน 16 MB

30% ของข้อมูลทดสอบจะมี  $N\!\leq\!1,\!000$ 

## ข้อมูลเพิ่มเติมสำหรับผู้ใช้ Turbo C

ในการจัดการกับจำนวนเต็มที่มีค่ามากกว่า 32,767 จะต้องใช้ข้อมูลประเภท **long** ซึ่งสามารถเก็บจำนวนเต็มได้มากกว่า 2,000,000,000 การใช้งานทั่วไปไม่แตกต่างจากการใช้งานตัวแปรประเภท **int** อย่างไรก็ตาม ในการอ่านค่าด้วยฟังก์ชัน scanf และแสดงผลด้วยคำสั่ง printf จะต้องใช้สตริงรูปแบบเป็น %ld แทนที่จะเป็น %d

ตัวอย่างของส่วนของโปรแกรมที่มีการประกาศและการใช้งานตัวแปรประเภท **long** ผ่านคำสั่ง printf และ scanf แสดงด้านล่าง โปรแกรมดังกล่าวรับจำนวนเต็มสองจำนวนและแสดงจำนวนเต็มทั้งสองรวมทั้งผลบวก

```
long x,y;
scanf("%ld %ld",&x,&y);
printf("%ld + %ld = %ld\n",x,y,x+y);
```

คอมพิวเตอร์โอลิมปิก ๒๕๕๑ วงเล็บ - ๒