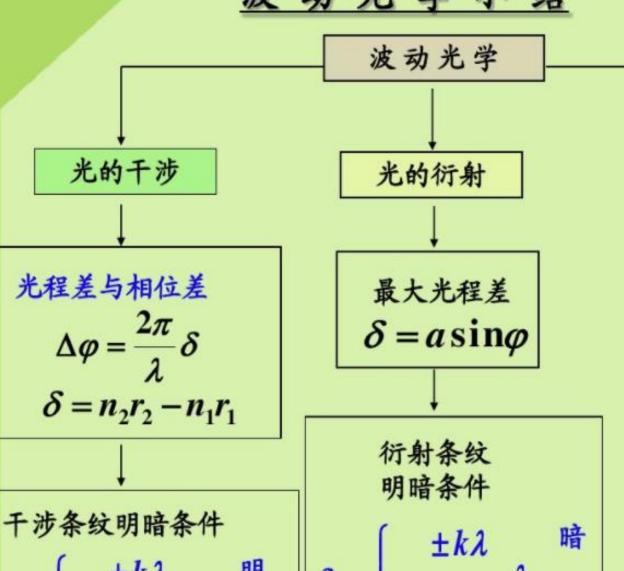


# 光学 量子力学

习题

## 波动光学小结



 $= \begin{cases} \pm k\lambda & \text{if } \\ \pm (2k+1)\frac{\lambda}{2} & \text{if } \end{cases}$ 

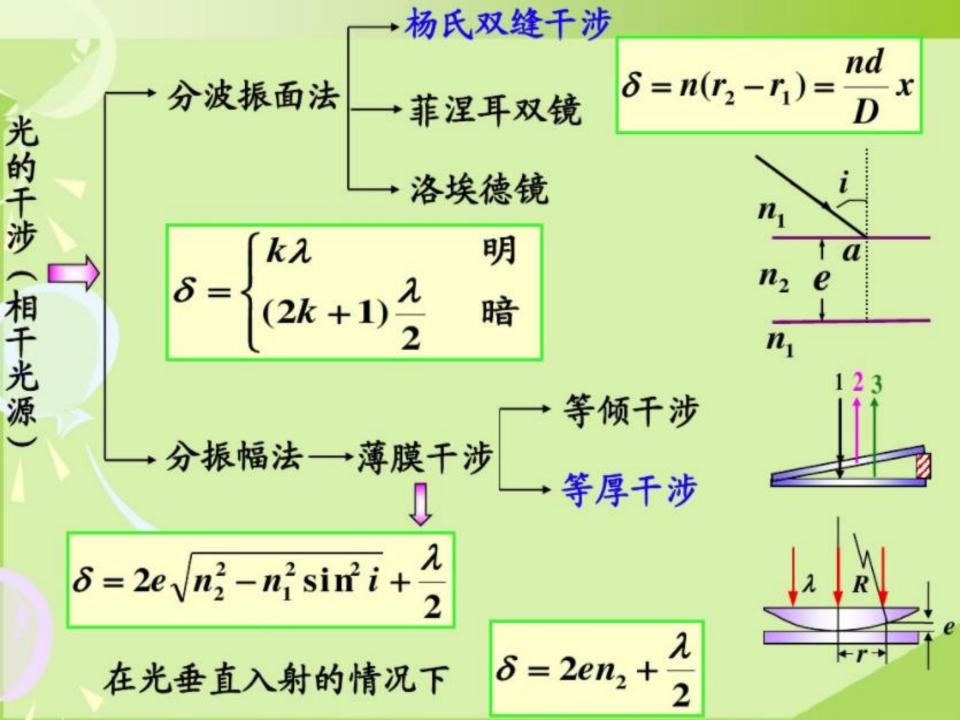
 $\delta = \begin{cases} \pm k\lambda & \text{if } \\ \pm (2k+1)\frac{\lambda}{2} & \text{if } \end{cases}$ 

双折射现象

O光、e光

光的偏振

马吕斯定律



单缝衍射: 
$$\delta = a \sin \varphi$$

半波带法

的衍

射

圆孔衍射:

爱里斑的半角宽度:

$$\varphi = 1.22 \frac{\lambda}{D}$$

→ 光栅衍射: 光栅衍射条纹是单缝衍射和多光束 干涉的综合效果。

光栅方程

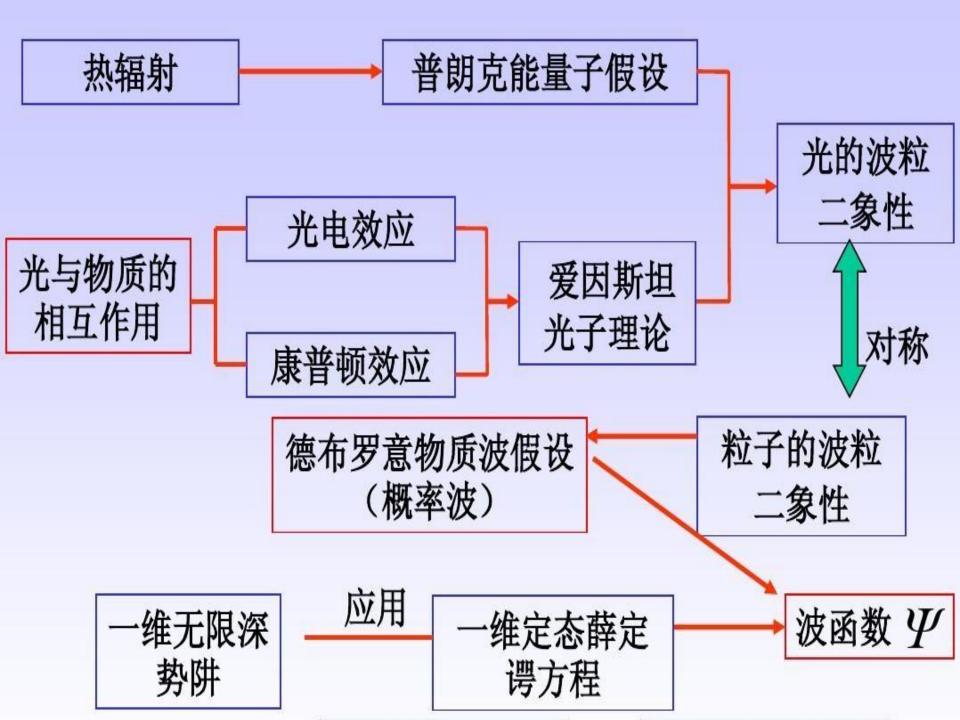
$$(a+b)\sin\varphi = \pm k\lambda \qquad (k=0,1,2...)$$

缺级现象

$$k = \frac{a+b}{a}k$$

最高级次满足:

$$k_{\max} < \frac{a+b}{\lambda}$$





已知:一束平行光垂直入射到某个光栅上,该光束有两种波长 $\lambda_I$ =4400Å, $\lambda_2$ =6600Å实验发现,两种波长的谱线(不计中央明纹)第二重合于衍射角 $\varphi$ =600的方向上,求此光栅的光栅常数d。

解: 
$$d \sin \varphi_1 = k_1 \lambda_1$$
  $d \sin \varphi_2 = k_2 \lambda_2$   

$$\frac{\sin \varphi_1}{\sin \varphi_2} = \frac{k_1 \lambda_1}{k_2 \lambda_2} = \frac{2k_1}{3k_2}$$

两谱线重合
$$\varphi_1 = \varphi_2$$
,所以  $\frac{k_1}{k_2} = \frac{3}{2} = \frac{6}{4} = \cdots$  第二次重合 $k_1 = 6, k_2 = 4$ 

$$d \sin 60^{\circ} = 6\lambda_1$$
  $d = 3.05 \times 10^{-3} mm$ 



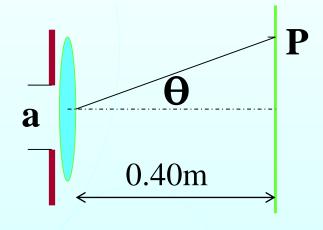
已知:缝宽为a=0.6mm的单缝,距离屏幕D=0.40m。如果单色光垂直入射,P点(x=1.4mm)为衍射明纹,求:(1)入射光波长;(2)P点条纹的级数;(3)从P点来看,狭缝处的波面可分作半波带的个数。

解: 
$$\sin \theta \approx \frac{x}{D}$$

$$a\sin\theta \approx a\frac{x}{D} = (2k+1)\frac{\lambda}{2}$$

$$(2k+1)\lambda = 2a\frac{x}{D} = 4.2 \times 10^{-6} m$$

$$k = \frac{1}{2} \left( \frac{4.2 \times 10^{-6}}{\lambda} - 1 \right)$$
 可见光  $400nm \to 760nm$ 



$$k = \frac{1}{2} \left( \frac{4.2 \times 10^{-6}}{\lambda} - 1 \right)$$
 可见光  $400nm \to 760nm$ 

$$k_{\text{max}} = \frac{1}{2} \left( \frac{4.2 \times 10^{-6}}{400 \times 10^{-9}} - 1 \right) = 4.75$$

$$k_{\text{max}} = \frac{1}{2} \left( \frac{4.2 \times 10^{-6}}{400 \times 10^{-9}} - 1 \right) = 4.75$$
  $k_{\text{min}} = \frac{1}{2} \left( \frac{4.2 \times 10^{-6}}{760 \times 10^{-9}} - 1 \right) = 2.27$ 

$$k_{\min} < k < k_{\max}$$

$$k=3,4$$

$$k_{\min} < k < k_{\max}$$
  $k = 3, 4$   $\lambda = \frac{4.2 \times 10^{-6}}{2k + 1}$ 

$$\lambda_1 = \frac{4.2 \times 10^{-6}}{2 \times 3 + 1} = 600 nm$$
 P点为3级条纹

$$\lambda_2 = \frac{4.2 \times 10^{-6}}{2 \times 4 + 1} = 466.7nm$$
P点为4级条纹

因为P点为明纹, 所以半波带数为: (2k+1)

k=3时:波带数为7 k=4时:波带数为9

#### 选择题

1、在真空中波长为 $\lambda$ 的单色光,在折射率为n的透明介质中从A沿某路径传播到B,若A、B 两点相位差为  $3\pi$ ,则此路径 AB 的光程为

(A)  $1.5 \lambda$ .

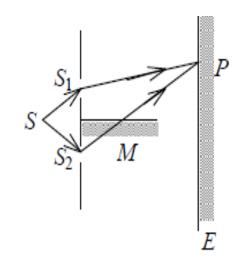
(B) 1.5  $\lambda/n$ .

(C) 1.5  $n \lambda$ .

(D) 3  $\lambda$ .

**2**、在双缝干涉实验中,屏幕 E 上的 P 点处是明条纹. 若将缝  $S_2$  盖住,并在  $S_1$   $S_2$  连线的垂直平分面处放一高折射率介质反射面 M,如图所示,则此时

- (A) P 点处仍为明条纹.
- (B) P 点处为暗条纹.
- (C) 不能确定 P 点处是明条纹还是暗条纹.
- (D) 无干涉条纹.



B

3、在单缝夫琅禾费衍射实验中,波长为 $\lambda$ 的单色光垂直入射在宽度为  $a=4\lambda$ 的单缝上,对应于衍射角为  $30^{\circ}$  的方向,单缝处波阵面可分成的半波带数目为

(A) 2 个.

(B) 4 个.

(C)6 个.

(D) 8 个.

 $\mathbf{B}$ 

4、在双缝衍射实验中,若保持双缝  $S_1$ 和  $S_2$ 的中心之间的距离 d 不变,而把两条缝的宽度 a 略微加宽,则

- (A) 单缝衍射的中央主极大变宽,其中所包含的干涉条纹数目变少.
- (B) 单缝衍射的中央主极大变宽,其中所包含的干涉条纹数目变多.
- (C) 单缝衍射的中央主极大变宽, 其中所包含的干涉条纹数目不变.
- (D) 单缝衍射的中央主极大变窄,其中所包含的干涉条纹数目变少.
- (E) 单缝衍射的中央主极大变窄, 其中所包含的干涉条纹数目变多.

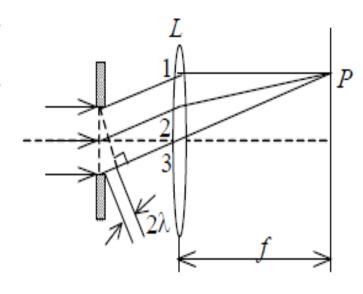
D

5、要使处于基态的氢原子受激发后能发射赖曼系(由激发态跃迁到基态发射的各谱线组成的谱线系)的最长波长的谱线,至少应向基态氢原子提供的能量是										
	1.5 eV.		3.4 eV.							
(C)	10.2 eV.	(D)	13.6 eV.	[ <b>C</b> ]						
<b>6、</b> 根据玻尔的理论,氢原子在 $n=5$ 轨道上的动量矩与在第一激发态的轨道动量矩之比为										
(A)	5/4.	(B)	5/3.							
(C)	5/2.	(D)	5.	[ <b>C</b> ]						
7、 电子显微镜中的电子从静止开始通过电势差为 $U$ 的静电场加速后,其德布罗意波长是 $0.4\mathrm{\AA}$ ,则 $U$ 约为										
(A)	150 V .	(B)	330 V .							
` '	630 V .	` '	940 V .	[ <b>D</b> ]						
(普良	明克常量 h =6.63×10 <sup>-34</sup> .	J·s)								

#### 填空题

8、 在单缝夫琅禾费衍射示意图中,所画出的各条正入射光线间距相等,那末光线1与2在幕上

P 点上相遇时的相位差为  $2\pi$  , P 点应为



暗点 点.

9、一束平行单色光垂直入射在一光栅上,若光栅的透明缝宽度 a 与不透明部分

- 10、 当波长为 3000 Å 的光照射在某金属表面时,光电子的能量范围从 0 到 4.0

(普朗克常量  $h = 6.63 \times 10^{-34} \text{ J.s}$ ; 基本电荷  $e = 1.60 \times 10^{-19} \text{ C}$ )

- 11、 被激发到 n=3 的状态的氢原子气体发出的辐射中,有\_\_1\_\_条可见光谱线
  - 和 2 条非可见光谱线.



已知:用白光作光源观察杨氏双缝干涉。设缝间距为d,缝面与屏距离为D

求: 能观察到的完整的清晰可见光谱的级次

解: 在400~760 nm 范围内, 明纹条件为

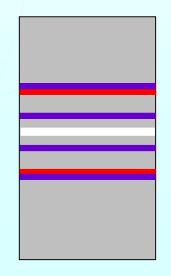
$$\delta = \frac{xd}{D} = \pm k\lambda$$

最先发生重叠的是某一级次的红光和高一级次的紫光

$$k \lambda_{\leq 1} = (k+1) \lambda_{\leq k}$$

$$k = \frac{\lambda \, \text{\frac{1}{3}}}{\lambda \, \text{\frac{1}{3}} - \lambda \, \text{\frac{1}{3}}} = \frac{400}{760 - 400} = 1.1$$

清晰的可见光谱只有一级





已知: 当氢原子从某初态跃迁到激发能为 $\Delta E = 10.19eV$ 的状态时,发射出光子的波长是 $\lambda = 486nm$ ,

求: 该初始状态的能量和主量子数。

**解:** 发射光子的能量: 
$$\varepsilon = \frac{hc}{\lambda} = 2.56eV$$

$$E_{m} - E_{k} = \varepsilon$$

$$E_{k} - E_{1} = \Delta E$$

$$\Rightarrow E_{k} = \Delta E + E_{1} = -3.41eV$$

$$n=m$$
 $n=k$ 
 $n=1$ 

初态: 
$$E_m = \Delta E + E_1 + \varepsilon = E_k + \varepsilon = (-3.41 + 2.56)eV = -0.85eV$$

$$m = \sqrt{\frac{E_1}{E_m}} = 4$$

12、一束波长为 $\lambda$ 的单色光由空气垂直入射到折射率为n的透明薄膜上,透明薄 膜放在空气中,要使反射光得到干涉加强,则薄膜最小的厚度为

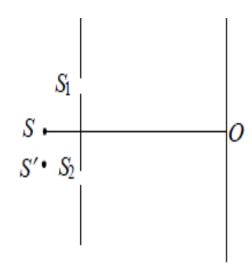
 $(A) \lambda / 4$ .

(B)  $\lambda$  / (4n).

 $(C) \lambda / 2$ .

(D)  $\lambda$  / (2n).

- **13、**在双缝干涉实验中, 若单色光源 S 到两缝  $S_1$ 、 $S_2$  距离相 等,则观察屏上中央明条纹位于图中O处. 现将光源S向 下移动到示意图中的S位置,则
  - (A) 中央明条纹也向下移动,且条纹间距不变.
  - (B) 中央明条纹向上移动,且条纹间距不变.
  - (C) 中央明条纹向下移动, 且条纹间距增大.
  - (D) 中央明条纹向上移动, 且条纹间距增大.



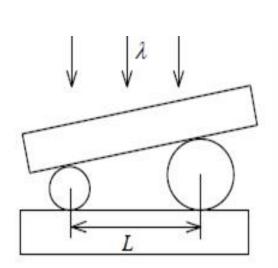
- 14 若把牛顿环装置(都是用折射率为 1.52 的玻璃制成的)由空气搬入折射率为 1.33 的水中,则干涉条纹
  - (A) 中心暗斑变成亮斑.
    - (B) 变疏.

(C) 变密.

(D) 间距不变.

C

15 如图所示,两个直径有微小差别的彼此平行的滚柱之间的距离为 *L*,夹在两块平晶的中间,形成空气劈形膜,当单色光垂直入射时,产生等厚干涉条纹.如果滚柱之间的距离 *L* 变小,则在 *L* 范围内干涉条纹的



- (A) 数目减少,间距变大.
- (B) 数目不变,间距变小.
- (C) 数目增加, 间距变小.
- (D) 数目减少,间距不变.

B

16、三个偏振片  $P_1$ ,  $P_2$ 与  $P_3$  堆叠在一起,  $P_1$ 与  $P_3$  的偏振化方向相互垂直,  $P_2$ 与  $P_1$ 的偏振化方向间的夹角为 30°. 强度为  $I_0$ 的自然光垂直入射于偏振片  $P_1$ , 并 依次透过偏振片  $P_1$ 、 $P_2$ 与  $P_3$ ,则通过三个偏振片后的光强为

(A)  $I_0/4$ .

(B)  $3 I_0 / 8$ .

(C)  $3I_0 / 32$ . (D)  $I_0 / 16$ .

17、自然光以 60°的入射角照射到某两介质交界面时,反射光为完全线偏振光, 则知折射光为

- (A) 完全线偏振光且折射角是 30°.
- (B) 部分偏振光且只是在该光由真空入射到折射率为 $\sqrt{3}$  的介质时,折射角 是 30°.
- (C) 部分偏振光,但须知两种介质的折射率才能确定折射角.
- (D) 部分偏振光且折射角是 30°.

18、已知一单色光照射在钠表面上,测得光电子的最大动能是 1.2 eV,而钠的 红限波长是 5400 Å , 那么入射光的波长是

(A) 5350 Å.

(B) 5000 Å.

(C) 4350 Å.

(D) 3550 Å.

19、当照射光的波长从 4000 Å 变到 3000 Å 时,对同一金属,在光电效应实验中 测得的遏止电压将:

(A) 减小 0.56 V. (B) 减小 0.34 V.

(C) 增大 0.165 V. (D) 增大 1.035 V.

(普朗克常量  $h = 6.63 \times 10^{-34} \text{ J·s}$ ,基本电荷  $e = 1.60 \times 10^{-19} \text{ C}$ )

20、 氢原子光谱的巴耳末线系中谱线最小波长与最大波长之比为											
	(A)	7/9.	(B)	5/9.							
	(C)	4/9.	(D)	2/9.		[ <b>B</b>	]				
21、已知氢原子从基态激发到某一定态所需能量为 10.19 eV, 当氢原子从能量为 -0.85 eV 的状态跃迁到上述定态时, 所发射的光子的能量为											
	(A)	2.56 eV.	(B) 3.	41 eV	7.						
	(C)	4.25 eV.	(D) 9.	95 eV	7.	[	A	]			
<b>22、</b> 若 $\alpha$ 粒子(电荷为 2 $e$ )在磁感应强度为 $B$ 均匀磁场中沿半径为 $R$ 的圆形轨道运动,则 $\alpha$ 粒子的德布罗意波长是											
		h/(2eRB). $1/(2eRBh)$ .		(B) (D)	h/(eRB). $1/(eRBh)$ .	[	A	]			



已知:一平面单色光波垂直照射在厚度均匀的薄油膜上,油膜覆盖在玻璃板上,所用光源波长可连续变化,观察到500nm和700nm这两个波长的光在反射中消失。油的折射率为1.30,玻璃的折射率为1.50

求: 油膜的厚度

解: 根据题意,不需考虑半波损失,暗纹的条件为

$$\begin{cases} 2nd = (2k+1)\frac{\lambda_1}{2} \\ 2nd = [2(k+1)+1]\frac{\lambda_2}{2} \end{cases}$$
$$d = \frac{\lambda_1\lambda_2}{2n(\lambda_1 - \lambda_2)} = \frac{500 \times 700}{2 \times 1.30 \times (700 - 500)} = 6.73 \times 10^2 \text{ (nm)}$$



已知:一束波长为 $\lambda = 5000$ Å的平行光垂直照射在一个单缝上。a = 0.5mm,f = 1m,如果在屏幕上离中央亮纹中心为x = 3.5mm处的P点为一亮纹,试求(1)该P处亮纹的级数;(2)从P处看,对该光波而言,狭缝处的波阵面可分割成几个半波带?

解: (1) 亮纹 
$$a \sin \varphi = (2k+1)\frac{\lambda}{2}$$
  
 $\sin \varphi \approx tg\varphi \approx \varphi = \frac{x}{f}$   $k = \frac{ax}{\lambda f} - \frac{1}{2} = 3$ 

(2)当k=3时, 光程差

$$a \sin \varphi = (2k+1)\frac{\lambda}{2} = 7 \cdot \frac{\lambda}{2}$$

狭缝处波阵面可分成7个半波带

## 已知:质量为m的粒子在宽为L的一维无限深势阱中,

- 求: (1) 粒子在  $0 \le x \le L/4$  区间内出现的概率, 并在 n=1 和  $n=\infty$  分别求出概率值;
  - (2) 哪些量子态在 L/4 处出现的概率最大?
  - (3) n=2 时何处发现粒子的概率最大?

解: (1)粒子的定态波函数为  $\psi_n(x) = \sqrt{\frac{2}{I}} \sin \frac{n\pi}{I} x$ 

$$P = \int_0^{\frac{L}{4}} \rho_n(x) dx = \int_0^{\frac{L}{4}} |\psi_n|^2 dx = \int_0^{\frac{L}{4}} \frac{2}{L} \sin^2(\frac{n\pi}{L}x) dx$$
$$= \frac{1}{4} - \frac{1}{2\pi n} \sin\frac{n\pi}{2}$$

$$n = 1, P = \frac{1}{4} - \frac{1}{2\pi} = 9\%$$
  $n \to \infty, P = \frac{1}{4}$ 



#### (2) 粒子在L/4处的概率密度为:

$$\rho_n(\frac{L}{4}) = \frac{2}{L}\sin^2\frac{n\pi}{4}$$

其极大值对应 
$$\frac{n\pi}{4} = (2k+1)\frac{\pi}{2}$$
  $k = 0,1,2,\cdots$ 

$$n = 2(2k + 1) = 2,6,10,\cdots$$

(3) n=2 时粒子的概率密度分布为:

$$\rho(x) = |\psi_2(x)|^2 = \frac{2}{L} \sin^2 \frac{2\pi}{L} x$$

其极大值对应 
$$\frac{2\pi}{L}x = (2k+1)\frac{\pi}{2}$$
  $k = 0,1,2,\dots$ 

$$x = \frac{L}{2\pi} (2k+1) \frac{\pi}{2} = \frac{(2k+1)L}{4} = \frac{1}{4}L, \ \frac{3}{4}L$$



已知:空气中肥皂膜 $(n_1=1.33)$ ,厚为 $0.32\mu m$ .如用白光垂直入射,问肥皂膜呈现什么色彩?

解: 反射光干涉极大

$$2n_2e + \frac{\lambda}{2} = k\lambda$$
$$\lambda = \frac{2n_2e}{k - 1/2}$$

$$k = 1$$
,  $\lambda_1 = 4n_2e = 1702$ nm

$$k = 2$$
,  $\lambda_2 = \frac{4}{3}n_2e = 567$ nm

$$k = 3$$
,  $\lambda_3 = \frac{4}{5}n_2e = 340$ nm

可见光范围400~760nm

$$\lambda_2 = 567 \text{nm}($$
黄光)



已知:如图所示,平凸透镜曲率半径为R<sub>1</sub>

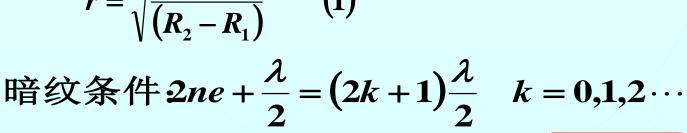
平凹透镜曲率半径为 $R_2$ 

求: 等厚条纹暗半径公式

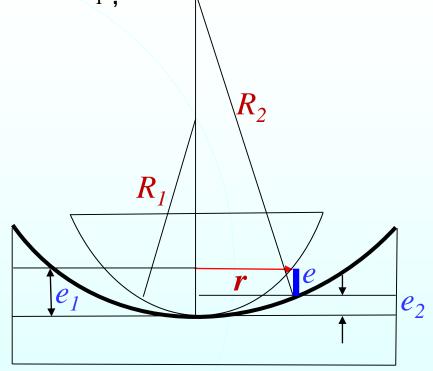
解: 
$$e_1 = \frac{r^2}{2R_1}$$
  $e_2 = \frac{r^2}{2R_2}$ 

$$e = e_1 - e_2 = \frac{r^2}{2R_1} - \frac{r^2}{2R_2}$$

$$r = \sqrt{\frac{2eR_1R_2}{(R_2 - R_1)}}$$
 (1)



$$e = \frac{k\lambda}{2n} \quad k = 0,1,2\cdots(2) \quad r = \sqrt{\frac{k\lambda R_1 R_2}{n(R_2 - R_1)}}$$



### 课堂测验



1、已知:杨氏双缝的一个缝被折射率为1.40的薄玻璃所盖,另一缝被折射率为1.70的薄玻璃所盖,屏上原来中央极大处被原来的第五级亮纹所占据.假定入射光的波长为λ=480nm,两玻璃的厚度相同.

求: 玻璃片的厚度 t.

2、已知: 钾的光电效应红限波长是550 nm.

求: (1)钾电子的逸出功

(2)用波长 $\lambda = 300$  nm的紫外光照射时,钾的遏止电势差  $U_a$