

Analisi della rete commerciale globale dal 1999 al 2023

Bruno A. innocente (168381)

Contents

1	Introduzione	1
1.1	LA RETE DEL COMMERCIO MONDIALE	1
1.2	DOMANDE DI RICERCA	2
2	METODI UTILIZZATI E RISULTATI	3
2.1	PREPARAZIONE DEI DATASET	3
2.2	ANALISI ESPLORATIVA	5
2.3	INDICI DI CENTRALITÀ	12
2.4	COMMUNITY DETECTION	21
2.5	RESILIENZA	22
2.6	POWER	23
3	Conclusioni	27
4	LIMITI E SVILUPPI FUTURI PER QUESTO PROGETTO	28

1 Introduzione

1.1 LA RETE DEL COMMERCIO MONDIALE

Gli anni 2000 sono stati segnati da importanti eventi geopolitici che hanno trasformato profondamente l'economia globale. L'evento più importante è stato il diffondersi e radicarsi della globalizzazione, a cui si assiste ancora oggi. Il XXI secolo è stato caratterizzato anche da guerre, crisi finanziarie e sviluppo di nuove economie emergenti. Per studiare l'impatto di questi fenomeni sul commercio globale può essere utile analizzare le relazioni tra i paesi sotto il punto di vista della Network Science. Una possibile rappresentazione per analizzare la realtà consiste nel considerare il network degli import e export internazionali. Questo approccio verrà seguito nel seguente report analizzando reti dove i nodi sono gli stati del mondo in diversi anni, e gli archi tra due stati i e j sono presenti se lo stato i esporta verso lo stato j . Il peso dell'arco è pari al valore monetario in dollari americani del totale dei beni esportati in quell'anno. Quindi si sta analizzando grafi diretti e pesati. L'analisi verterà sul confronto tra vari anni compresi tra il 1999 e 2023 per studiare i cambiamenti nelle rete in questo periodo. I dati utilizzati provengono dal database BACI sviluppato dal CEPII [Gaulier and Zignago, 2010]. BACI (*Base pour l'Analyse du Commerce International*) fornisce dati dettagliati sul commercio internazionale, coprendo più di 190 paesi e oltre 5.000 prodotti nel periodo compreso tra il 1994 e il 2023. Questo database nasce dall'esigenza di disporre di statistiche commerciali più precise e disaggregate rispetto a quelle fornite da altre fonti, poiché i dati riportati dai diversi paesi spesso

presentano discrepanze e incoerenze. BACI si basa sulle informazioni raccolte da COMTRADE, il database delle Nazioni Unite, che raccoglie i flussi commerciali dichiarati da ciascun paese.

Uno degli aspetti chiave della costruzione di BACI è il processo di riconciliazione dei dati commerciali bilaterali. Ogni paese riporta le proprie esportazioni e importazioni, ma mentre i dati sulle esportazioni sono generalmente riportati FOB (*Free on Board*), cioè escludendo i costi di trasporto e assicurazione, i dati sulle importazioni sono solitamente riportati CIF (*Cost, Insurance, and Freight*), che includono questi costi. Ciò significa che, per uno stesso scambio commerciale, i valori dichiarati dall'importatore e dall'esportatore possono differire. Per correggere questa discrepanza, BACI stima il CIF/FOB ratio, un coefficiente che permette di eliminare i costi di trasporto e assicurazione dai dati di importazione, rendendoli comparabili con quelli di esportazione.

Un altro elemento fondamentale nella costruzione del database è la valutazione dell'affidabilità delle dichiarazioni dei paesi. Per ogni coppia di paesi, BACI analizza la discrepanza tra il valore dichiarato dall'importatore e quello dichiarato dall'esportatore, calcolando un indicatore di qualità per ciascun paese. Questo indicatore viene poi utilizzato per ponderare le due fonti di dati e ottenere una stima più affidabile dei flussi commerciali.

BACI adotta anche una metodologia specifica per armonizzare le quantità commercializzate. Le unità di misura dichiarate nei dati COMTRADE non sono sempre uniformi (ad esempio, alcuni prodotti vengono riportati in tonnellate, altri in libbre, pezzi o metri cubi di materiale, ...). Il database applica coefficienti di conversione per esprimere tutte le quantità in un'unica unità di misura (nell'esempio tonnellate), permettendo così un confronto più accurato tra i diversi prodotti.

Il CEPII, l'istituto che ha sviluppato BACI, è un centro di ricerca economica francese specializzato in economia internazionale. Il suo obiettivo principale è fornire dati e analisi sulle relazioni commerciali globali, le politiche economiche, i flussi di investimento e la competitività tra paesi. Oltre a BACI, il CEPII ha sviluppato altri importanti database come CHELEM, che fornisce una visione macroeconomica del commercio internazionale, e MacMap, che offre informazioni dettagliate sulle tariffe doganali e le barriere commerciali.

Grazie alla sua metodologia di armonizzazione e alla sua ampia copertura, BACI rappresenta uno strumento essenziale per l'analisi del commercio internazionale. Il database è ampiamente utilizzato per studiare la specializzazione commerciale dei paesi, le politiche tariffarie, la competitività internazionale e l'evoluzione dei prezzi nei mercati globali.

1.2 DOMANDE DI RICERCA

Con questo studio è di interesse approfondire e provare a rispondere alle seguenti domande?

- Centralità dei nodi: Quali sono i Paesi più importanti nel commercio globale? Sono variati negli anni? Per rispondere si analizzerà quali sono i paesi più centrali nella rete di esportazioni in base a misure come la centralità basata su strength, eigen-centrality, betweenness e PageRank.
- Cluster economici regionali: È possibile individuare comunità di paesi che tendono a commerciare maggiormente tra loro? Come si correlano questi cluster con la geografia o con accordi commerciali regionali?
- La rete del commercio globale è resiliente?
- Che relazione c'è tra il potere e la centralità dei Paesi?
- In che modo gli eventi geopolitici e le crisi economiche si riflettono sulla dinamica temporale del network degli scambi?

2 METODI UTILIZZATI E RISULTATI

2.1 PREPARAZIONE DEI DATASET

I dati sono contenuti all'interno di sei file CSV, nel seguente chunk di codice è possibile analizzarne un'antemprima di quello relativo al 1999. Gli altri hanno tutti una struttura simile

```
head(baci_example)
```

```
##      t   i   j       k       v        q
## 1 1999 4 12 90920  4.855    9.125
## 2 1999 4 12 90930 399.656  332.062
## 3 1999 4 12 91030  2.914   20.000
## 4 1999 4 12 330749  0.772   0.957
## 5 1999 4 12 950390  0.826   0.238
## 6 1999 4 20 570110  2.333   0.097
```

Le variabili sono:

- t: anno di riferimento
- i: codice paese esportatore
- j: codice paese importatore
- k: codice tipologia di beni esportati
- v: valore dei beni esportati
- q: quantità di beni esportati

Ogni riga corrisponde all'esportazione di una tipologia di beni da un paese i verso un paese j durante l'anno di riferimento. Di seguito il codice relativo alla operazione di pulizia e preparazione dei dati

```
baci<- read.csv("BACI_HS92_Y1999_V202401b.csv")

baci_example <- baci[c(1:100,5994474:5994574),]

names(baci)<- c("year","fromCode","toCode","product","value","quantity")

baci <- baci %>% group_by(fromCode) %>%
  mutate(valuetot = sum(value))

baci99 <- baci %>%
  group_by(fromCode, toCode, year) %>%
  summarise(value = sum(value, na.rm = TRUE), .groups = "drop")

baci_c<- read.csv("BACI_CCODES.csv")
names(baci_c)<- c("fromCode", "fromName", "iso2", "from")

baci99clean <- baci99 %>%
  left_join(baci_c %>% select(from, fromCode, fromName), join_by(fromCode))
```

```

names(baci_c) <- c("toCode", "toName", "iso2", "to")

baci99clean <- baci99clean %>%
  left_join(baci_c %>% select(to, toCode, toName), join_by(toCode))

baci99clean <- baci99clean %>%
  filter(!to %in% c("WOO", "019", "A79", "A59", "X1", "UMI", "HMD",
    "ATF", "SGS", "PYF", "GRL", "MAC", "S19", "MNP", "_X",
    "CYM", "E19", "F19", "MHL", "TCA", "CUW", "SXM", "X2",
    "ATA", "CXR", "FLK", "NFK", "ESH", "X1", "WLF", "FRO",
    "XX", "UMI", "HKG", "IOT", "SPM", "BLM", "BVT", "TKL",
    "SHN", "PCN", "NIU", "NCL", "COK", "CCK", "X2", "ABW", "MSR", "STP",
    "GIB", "VCT", "BES"
  )) %>%
  filter(!from %in% c("WOO", "019", "A79", "A59", "X1", "UMI", "HMD",
    "ATF", "SGS", "PYF", "GRL", "MAC", "S19", "MNP", "_X",
    "CYM", "E19", "F19", "MHL", "TCA", "CUW", "SXM", "X2",
    "ATA", "CXR", "FLK", "NFK", "ESH", "X1", "WLF", "FRO",
    "XX", "UMI", "HKG", "IOT", "SPM", "BLM", "BVT", "TKL",
    "SHN", "PCN", "NIU", "NCL", "COK", "CCK", "X2", "ABW", "MSR", "STP",
    "GIB", "VCT", "BES"
  ))

cbind(unique(baci99clean$to), unique(baci99clean$toName))
cbind(unique(baci99clean$from), unique(baci99clean$fromName))

baci99clean %>%
  group_by(to) %>%
  mutate(totalImp = sum(value), relValueImp = value/totalImp) %>%
  distinct(toName, totalImp) %>%
  arrange(desc(totalImp))

baci99clean <- baci99clean %>%
  group_by(from) %>%
  mutate(totalExp = sum(value), relValue = value/totalExp)

top_exports99 <- baci99clean %>%
  group_by(from) %>%
  slice_max(value, n = 5)

nodi_99 <- data.frame(cbind(name = unique(baci99clean$to)))

long <- read.csv("country-coord.csv")
names(long)[c(3,5,6)] <- c("name", "latitude", "longitude")

conti <- read.csv("continents.csv")
names(conti)[c(1,5)] <- c("cont", "name")

conti <- conti %>% distinct(name, .keep_all = T)

nodi_99 <- nodi_99 %>%
  left_join(long %>% select(name, latitude, longitude), join_by(name))

```

```

nodi_99 <- nodi_99 %>%
  left_join(conti %>% select(name, cont), join_by(name))

export_99 <- data.frame(from = baci99clean$from, to = baci99clean$value,
                        value= baci99clean$value)

g_99 = graph_from_data_frame(export_99, directed=T, vertices = nodi_99)

E(g_99)$weight= baci99clean$value

```

Il precedente codice viene ripetuto per sei volte (una per ogni anno). In modo da ottenere sei data-frame completi con tutte le informazioni relative alle esportazioni (archi), sei dati frame contenenti le informazioni relative ai nodi, sei grafi in rappresentazione igraph contenenti tutte le transazioni e un grafo in rappresentazione igraph contenuti solo le 5 esportazioni più importanti per ogni paese nel 2023.

Un esempio di data-frame contenente le informazioni relative agli archi

```
head(baci99clean)
```

```

## # A tibble: 6 x 10
## # Groups:   from [1]
##   fromCode toCode year  value from  fromName    to   toName totalExp relValue
##   <int>    <int> <int> <dbl> <chr> <chr>     <chr> <chr>    <dbl>    <dbl>
## 1        4      12  1999  409.   AFG Afghanistan DZA Algeria  94492.  4.33e-3
## 2        4      20  1999   2.33  AFG Afghanistan AND Andorra  94492.  2.47e-5
## 3        4      28  1999   28.3  AFG Afghanistan ATG Antigu~  94492.  3.00e-4
## 4        4      36  1999   33.1  AFG Afghanistan AUS Austra~  94492.  3.50e-4
## 5        4      40  1999   125.  AFG Afghanistan AUT Austria  94492.  1.32e-3
## 6        4      52  1999   1.40  AFG Afghanistan BRB Barbad~  94492.  1.48e-5

```

Un esempio di dati-frame contenente le informazioni relative ai nodi

```
head(nodi_99)
```

```

##   name latitude longitude           cont
## 1 DZA  28.0000    3.0000       Africa
## 2 AND  42.5000   1.6000       Europe
## 3 ATG  17.0500 -61.8000 North America
## 4 AUS -27.0000 133.0000    Oceania
## 5 AUT  47.3333  13.3333       Europe
## 6 BRB 13.1667 -59.5333 North America

```

2.2 ANALISI ESPLORATIVA

La reti analizzate presentano un numero di nodi che va da 186 a 195 e un numero di archi che va da 20149 a 26510 come si può osservare nella tabella 1. Il numero di archi o la densità crescenti sono dei buoni indicatori dell'aumento della globalizzazione del nostro sistema economico: sempre più paesi sono connessi direttamente e commerciano tra loro. Le reti sono caratterizzate da un'elevata reciprocità superiore all'85%. Questo implica che se un paese i esporta ad uno j , è vero quasi sempre anche il viceversa. Quindi, molto probabilmente, anche j esporta a i . Tutte e sei le reti sono connesse.

Table 1: Caratteristiche descrittive delle reti analizzate

	archi	nodi	reciprocità	densità archi
1999	20149	186	0.854	0.586
2004	24688	194	0.864	0.659
2009	24491	195	0.872	0.647
2014	26908	194	0.878	0.719
2019	26165	194	0.893	0.699
2023	24970	194	0.900	0.667

```

nedges<- c(dim(baci99clean)[1],dim(baci04clean)[1], dim(baci09clean)[1],dim(baci14clean)[1], dim(baci19

nnodi<-c(length(unique(baci99clean$name)),length(unique(baci04clean$name)),length(unique(baci09clean$name)),
       length(unique(baci14clean$name)),
       length(unique(baci19clean$name)),length(unique(baci23clean$name)))

rec<- c(reciprocity(g_99),reciprocity(g_04),reciprocity(g_09),reciprocity(g_14),
reciprocity(g_19),reciprocity(g_23))

den<- round(c(edge_density(g_99),edge_density(g_04),edge_density(g_09),edge_density(g_14),
edge_density(g_19),edge_density(g_23)),4)

c(is_connected(g_99),is_connected(g_04),is_connected(g_09),is_connected(g_14),
is_connected(g_19),is_connected(g_23) )

## [1] TRUE TRUE TRUE TRUE TRUE TRUE

dimdata <- data.frame(nedges, nnodi,rec,den)

rownames(dimdata)<- c("1999", "2004", "2009", "2014", "2019", "2023")
colnames(dimdata)<- c("archi", "nodi", "reciprocità", "densità archi")
round(dimdata,3) %>% kable(booktabs=T, caption = "Caratteristiche descrittive delle reti analizzate")

ggraph(lay) +
  geom_edge_link(edge_alpha=0.2,arrow = arrow(length = unit(2, 'mm'), type="closed"),
end_cap= circle(5 , "mm"), show.legend = NA) +
  geom_node_point( aes(fill=cont,size =(strength(g5_23, mode = "all"))),alpha=0.8,
  color = "black", shape=21,show.legend = T) +
  scale_size_continuous(range = c(6, 25), guide = F) +
  geom_node_text(aes(label=nodi5_23$name)) +
  scale_edge_width(range = c(1, 6), guide=F) +
  scale_fill_manual(values = c("yellow", "red", "blue", "green", "white",
  "darkviolet"), name="Continent") +
  ggtitle("Mappa dei paesi come network geografico, maggiori 5 esportazioni per ogni stato") +
  theme(legend.text = element_text(size = 16),
  legend.title = element_text(size = 18),
  plot.title = element_text(size = 23, face = "bold", hjust = 0.5))++
  guides(fill = guide_legend(override.aes = list(size = 8)))

```

Mappa dei paesi come network geografico, maggiori 5 esportazioni per ogni stato

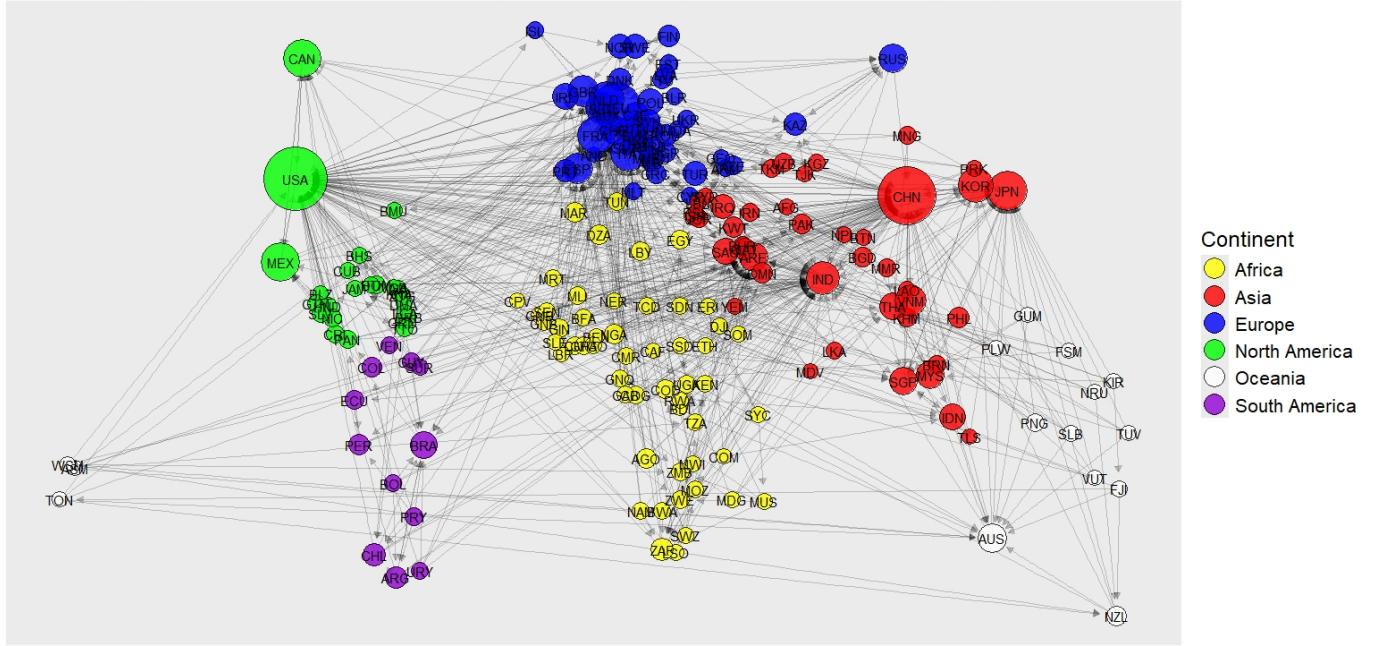


Figure 1: Rete degli stati secondo la loro posizione geografica reale. I colori rappresentano i continenti a cui gli stati appartengono. Sono considerate solo le cinque esportazioni più importanti per ogni Stato

In figura 1 si può osservare la rete delle esportazioni secondo la posizione geografica degli stati. I continenti più importanti risultano essere Nord-America, Asia e Europa. I Paesi più importanti sembrano essere Stati Uniti e Cina seguiti da India, Corea del Sud, Giappone e alcuni Paesi europei. Questo grafico tuttavia non chiarisce in modo esaustivo l'importanza dei singoli Stati né ci permette di capire l'effetto delle relazioni tra due paesi tenuto conto quelle dei loro partner commerciali. Per questo è necessario procedere con un altro grafico.

```
set.seed(1)
ggraph(g5_23, layout = 'fr', weights = log(E(g5_23)$value)) + # Force-directed layout
  geom_edge_link(alpha=0.2, arrow = NULL, show.legend = F) +           # Draw edges
  geom_node_point(alpha=.8, aes(fill=cont, size =(strength(g5_23, mode = "all"))),
                  color = "black", shape=21, show.legend = T) + # Draw nodes
  scale_size_continuous(range = c(6, 25), guide = F) +
  geom_node_text(aes(label = nodi5_23$name)) + # Add node labels
  scale_fill_manual(values = c("yellow", "red", "blue", "green", "white",
                               "darkviolet"), name="Continent") +
  ggtitle("Mappa dei paesi nel 2023 come network force oriented, maggiori 5 esportazioni per ogni stato")
  theme(legend.text = element_text(size = 16),
        legend.title = element_text(size = 18),
        plot.title = element_text(size = 23, face = "bold", hjust = 0.5)) +
  guides(fill = guide_legend(override.aes = list(size = 8)))
```

La figura 2 è ottenuta allentando il vincolo geografico sulla posizione dei paesi nella rete commerciale e applicando un *force-directed algorithm* sugli stessi dati. I colori, le etichette e le dimensioni del cerchio di ciascun nodo-paese sono gli stessi di prima. Semplificando, l'algoritmo agisce come un sistema di molle equilibrato che minimizza l'energia del sistema. In altre parole, è come se i paesi fossero collegati attraverso delle molle: i Paesi che sono collegati con un peso maggiore tendono a rimanere vicini, mentre quelli che non sono collegati tendono a essere distanti tra loro. Tuttavia, la posizione di ciascun Paese non dipende

solo dai suoi legami bilaterali, ma anche dall'effetto indiretto degli altri: i partner commerciali dei suoi partner commerciali contribuiranno a determinare la posizione del paese nella rete. Questo grafico permette di cogliere l'effetto multilaterale sui flussi bilaterali, attribuendo a ogni paese una posizione rispetto a tutti gli altri paesi della rete commerciale e dipendendo dall'intero sistema commerciale. Il vantaggio di rappresentare il commercio internazionale come una rete è quindi la possibilità di visualizzare l'effetto della relazione tra i paesi sulla struttura della rete stessa, rivelando schemi difficilmente visibili con altri approcci (De Benedictis et al. [2014]). Attraverso questa disposizione è possibile individuare tre blocchi centrali principali: Stati Uniti, China, e blocco europeo guidato dalla Germania. I paesi dell'Oceania sono più vicini al blocco asiatico, mentre quelli del Nord e Sud America a Stati Uniti. I paesi africani sono sparsamente distribuiti ma la maggior parte sono vicini al blocco cinese e a quello europeo.

Mappa dei paesi nel 2022 come network force oriented, maggiori 5 esportazioni per ogni stato

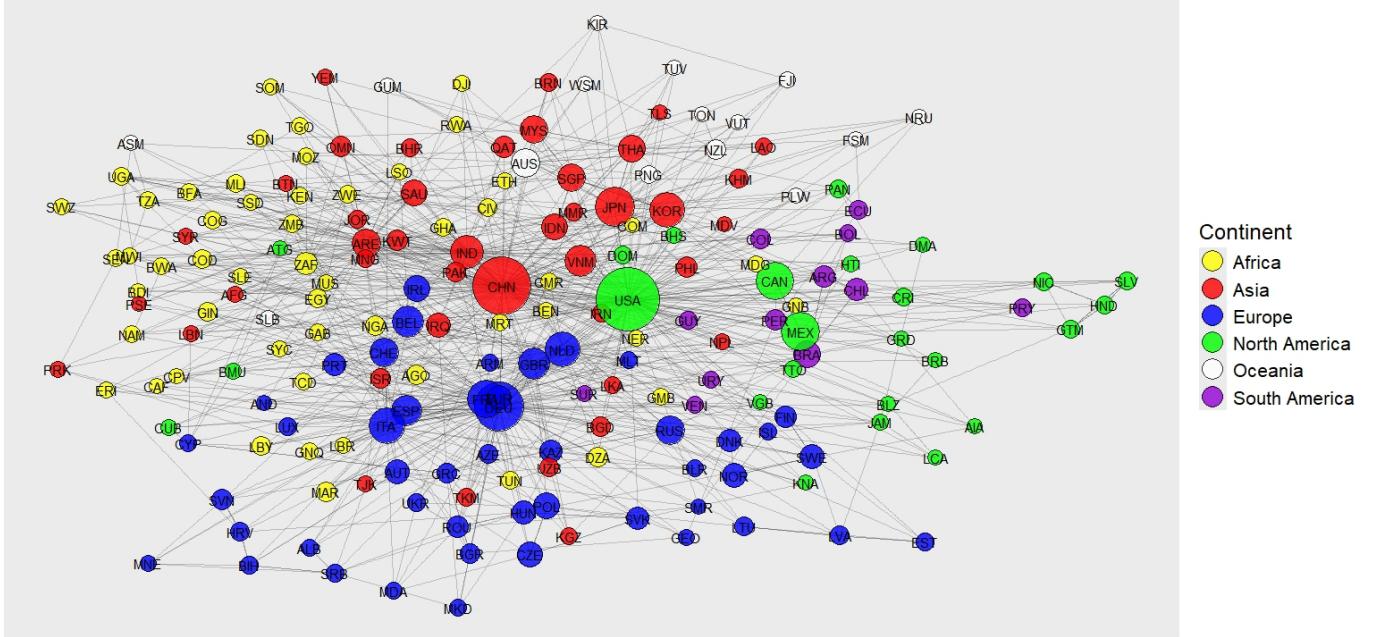


Figure 2: Rete degli stati tenuto conto delle cinque esportazioni più importanti per paese. Realizzata con algoritmo force-directed. La dimensione di ogni nodo è proporzionale alla sua $\log(\text{strength})$. I colori corrispondono al continente/area geografica di appartenenza.

```
hist(degree(g_23, mode="in"), freq = F, nclass = 20, main="Istogramma del grado in entrata dei nodi", x
```

```
hist(degree(g_23, mode="out"), freq = F, nclass = 20, main="Istogramma del grado in uscita dei nodi", x
```

```
par(mfrow=c(1,2))
hist((strength(g_23, mode="all")), freq = F, nclass = 20, main="", xlab="strength")
hist(log(strength(g_23, mode="all"))), freq = F, nclass = 20, main="", xlab="log(strength)")

par(mfrow=c(1,1))
mtext("Istogrammi della strength e della log(strength) dei nodi", outer = F, cex = 1, font = 2, side=3,
```

Per quanto concerne la distribuzione del grado dei sembra esserci molta più informazione nell'utilizzare una misura basata sul peso degli archi chiamata strength (il grado pesato), piuttosto che il grado inteso come numero di paesi con cui un nodo è connesso. Questo si può osservare nelle figure 3, 4 e 5 perché la

Istogramma del grado in entrata dei nodi

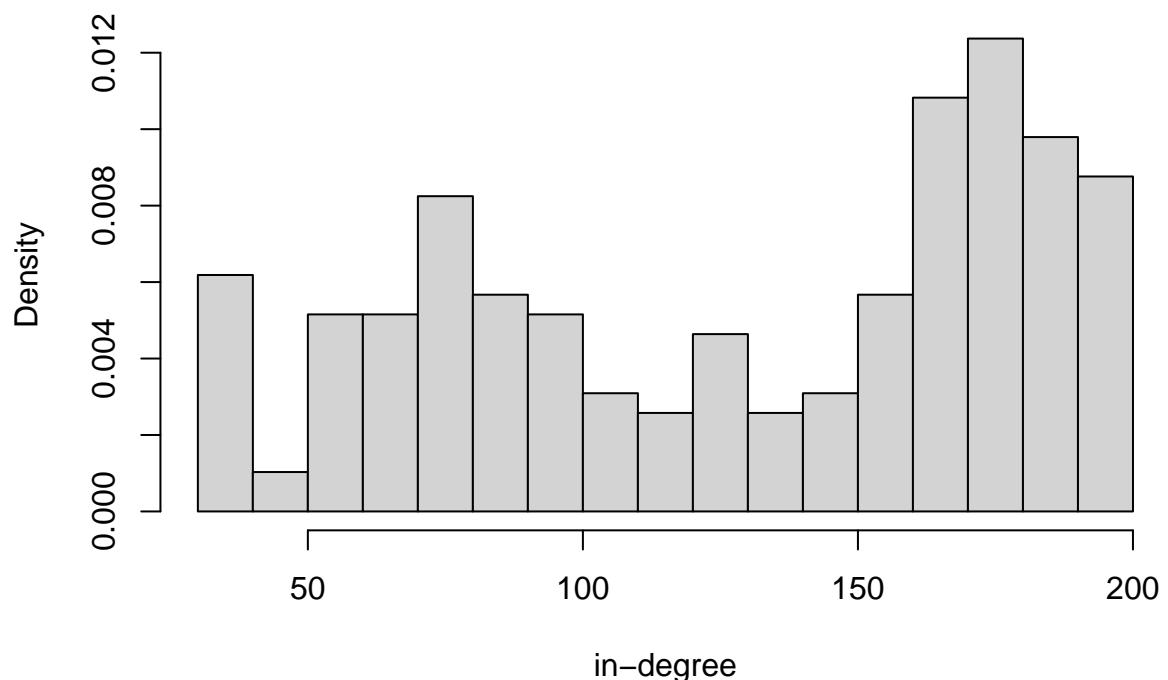


Figure 3: Istogramma del grado in entrata dei nodi

Istogramma del grado in uscita dei nodi

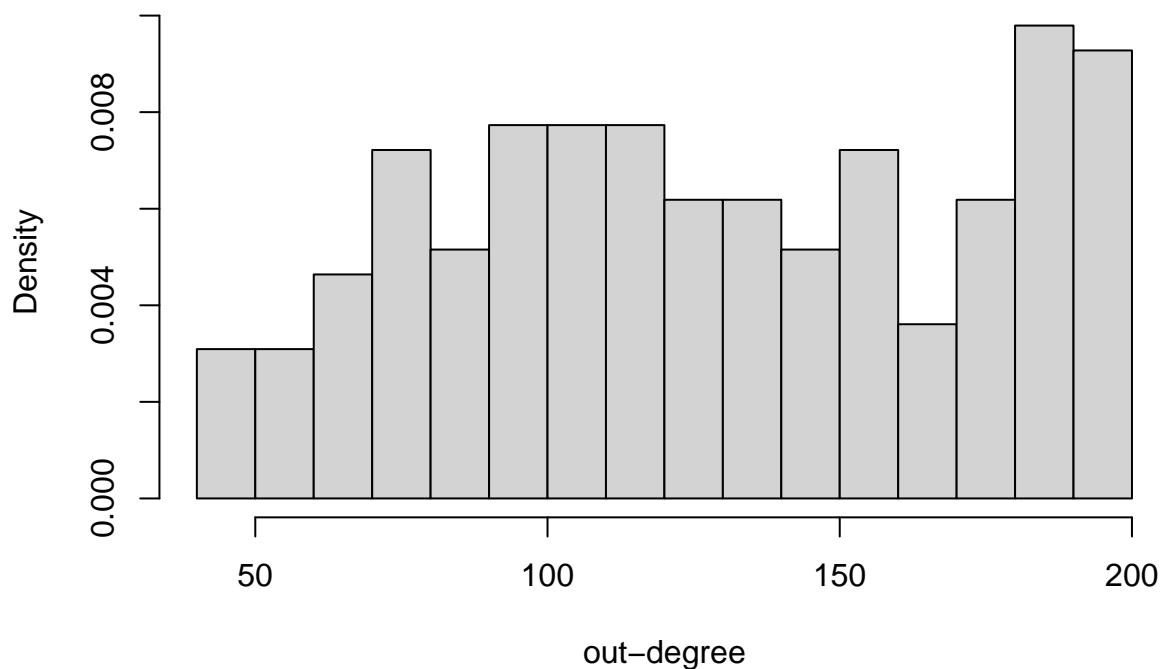


Figure 4: Istogramma del grado in uscita dei nodi

Istogrammi della strength e della log(strength) dei nodi

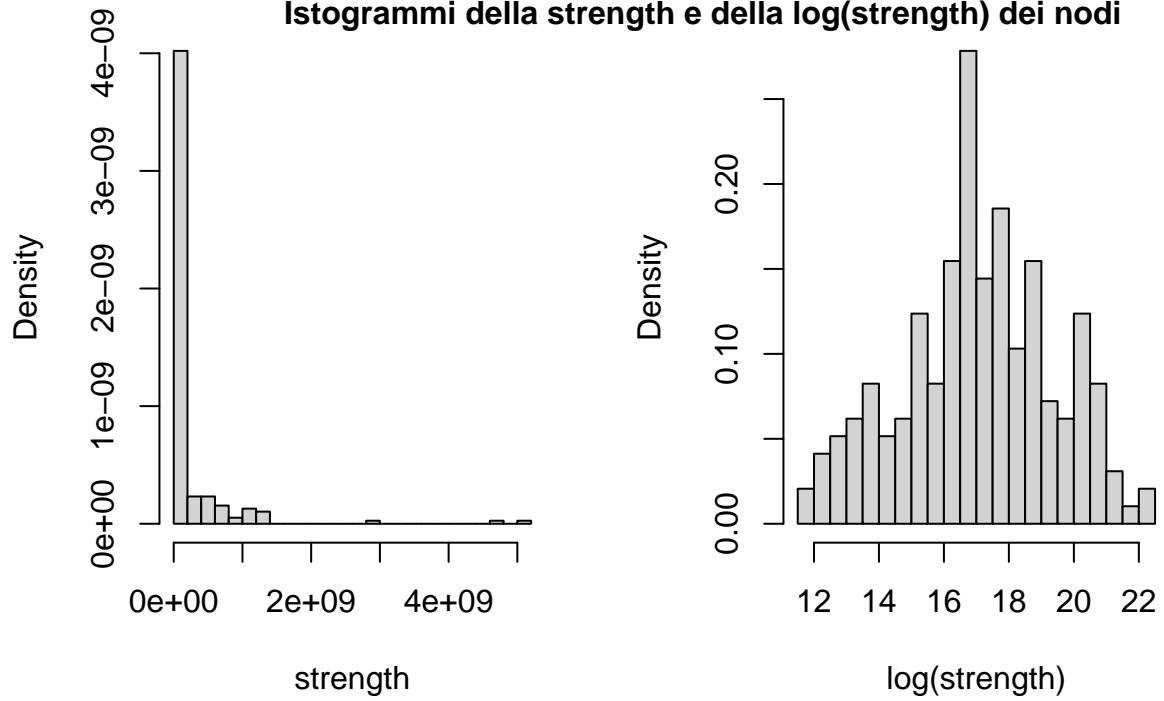


Figure 5: Istogrammi rappresentanti la distribuzione empirica della strength dei nodi (a sinistra) e della logaritmo della strength (a destra)

distribuzione della strength è molto più sparsa e volatile. Il grado risulta poco utile dato che la rete è molto connessa e sono pochi i paesi scarsamente connessi. Il grado inteso come numero di paesi con cui uno stato ha rapporti commerciali non è utile a discriminare il ruolo dei paesi all'interno della rete. Molto più utile ai fini dell'analisi è l'intensità di questi scambi.

2.3 INDICI DI CENTRALITÀ

Per individuare gli stati più importanti all'interno della rete globale si studieranno gli indici di centralità strength, betweenness, eigen-centrality e PageRank.

```

stren99 <- round((strength(g_99, mode="all"))[order(strength(g_99, mode="all"),
decreasing=TRUE)]/max((strength(g_99, mode="all"))),3)[1:10]

stren04 <- round((strength(g_04, mode="all"))[order(strength(g_04, mode="all"),
decreasing=TRUE)]/max((strength(g_04, mode="all"))),3)[1:10]

stren09 <- round((strength(g_09, mode="all"))[order(strength(g_09, mode="all"),
decreasing=TRUE)]/max((strength(g_09, mode="all"))),3)[1:10]

stren14 <- round((strength(g_14, mode="all"))[order(strength(g_14, mode="all"),
decreasing=TRUE)]/max((strength(g_14, mode="all"))),3)[1:10]

stren19 <- round((strength(g_19, mode="all"))[order(strength(g_19, mode="all"),
decreasing=TRUE)]/max((strength(g_19, mode="all"))),3)[1:10]

stren23 <- round((strength(g_23, mode="all"))[order(strength(g_23, mode="all"),
decreasing=TRUE)]/max((strength(g_23, mode="all"))),3)[1:10]

strengthTot<-cbind(names(stren99),stren99,names(stren04),stren04,names(stren09),stren09, names(stren14),
names(stren23),stren23)

colnames(strengthTot)<- c("1999","1999","2004","2004","2009","2009","2014","2014",
"2019","2019","2023","2023")
rownames(strengthTot)<-NULL

strengthTot%>% kable(booktabs=T, caption = "10 paesi con la maggiore strength al variare degli anni")

anni <- c(rep(1999,10), rep(2004,10), rep(2009,10), rep(2014,10), rep(2019,10), rep(2023,10))

x<-rbind(strengthTot[,c(1,2)],strengthTot[,c(3,4)],strengthTot[,c(5,6)],strengthTot[,c(7,8)],
strengthTot[,c(9,10)],strengthTot[,c(11,12)])
x1<- cbind(x,anni )

dati <- data.frame(stato=x1[,1], valore=as.numeric(x1[,2]),anno=x1[,3] )

ggplot(dati, aes(x = anno, y = log(valore), color = stato, group = stato)) +
  geom_point(size = 4) + # Pallini
  geom_line(width = 1.5,) + # Linee che collegano gli anni per ogni stato
  geom_text(aes(label = stato), vjust = -0.5, hjust=+0.5, size = 6) +
  labs(title = "Evoluzione della Strength nel tempo",
       x = "Anno",
       y = "log(normalized Strength)") +

```

Table 2: 10 paesi con la maggiore strength al variare degli anni

1999	1999	2004	2004	2009	2009	2014	2014	2019	2019	2023	2023
USA	1	CHN	1								
DEU	0.598	DEU	0.699	CHN	0.805	CHN	0.924	CHN	0.992	USA	0.928
JPN	0.398	CHN	0.442	DEU	0.763	DEU	0.686	DEU	0.664	DEU	0.581
FRA	0.37	JPN	0.414	JPN	0.426	JPN	0.364	JPN	0.339	FRA	0.273
GBR	0.351	FRA	0.4	FRA	0.415	FRA	0.333	FRA	0.313	JPN	0.267
ITA	0.276	GBR	0.37	GBR	0.34	GBR	0.307	GBR	0.286	NLD	0.259
CAN	0.272	ITA	0.317	ITA	0.325	NLD	0.301	NLD	0.282	ITA	0.251
NLD	0.233	NLD	0.275	NLD	0.32	KOR	0.276	ITA	0.261	GBR	0.225
BEL	0.2	CAN	0.266	KOR	0.263	ITA	0.27	KOR	0.258	MEX	0.222
CHN	0.195	BEL	0.25	BEL	0.258	CAN	0.247	CAN	0.229	CAN	0.217

```
expand_limits(y = c(min(log(dati$valore-0.001)), max(log(dati$valore+0.2)))) + # Aggiunge spazio sopra e sotto ai dati
theme_minimal() +
theme(legend.text = element_text(size = 18),
      legend.title = element_text(size = 20),
      axis.title = element_text(size=20),
      axis.text = element_text(size=18),
      plot.title = element_text(size = 26, face = "bold", hjust = 0.5))
```

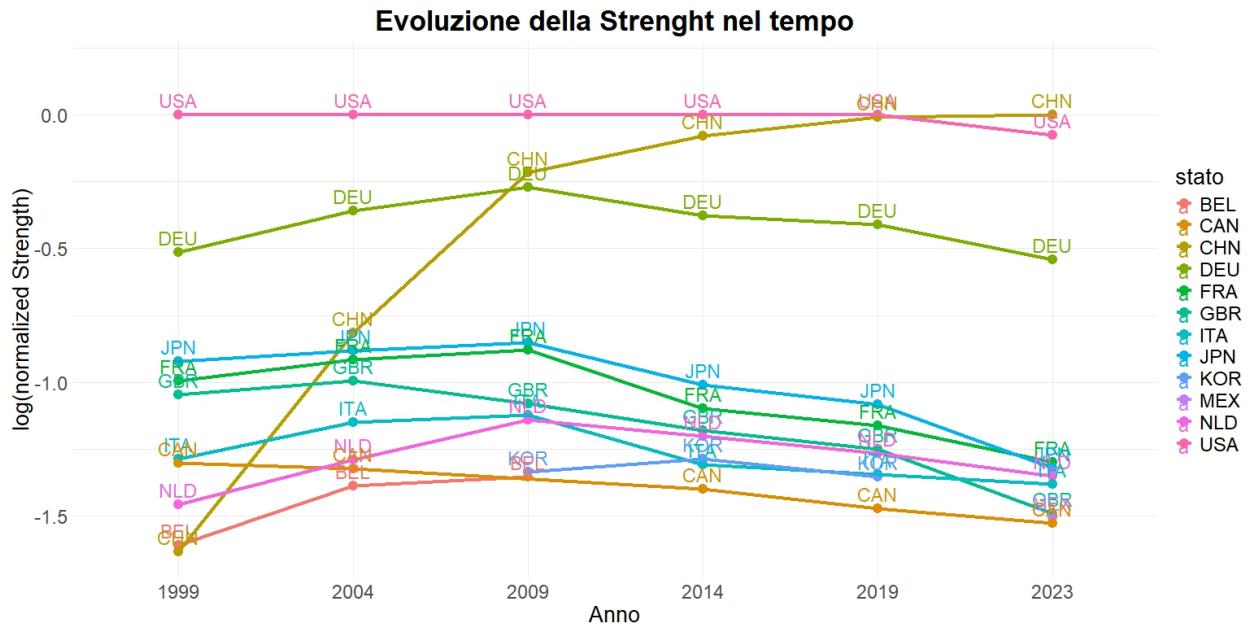


Figure 6: Rete degli stati tenuto conto delle 5 esportazioni più importanti per paese. Realizzata con algoritmo force-directed. La dimensione di ogni nodo è proporzionale alla sua $\log(\text{strength})$. I colori corrispondono al continente/area geografica di appartenenza.

La strength è un indice di centralità che corrisponde al grado pesato di un nodo, ovvero la somma del peso degli archi in entrata e/o in uscita del nodo. Nel caso in considerazione rappresenta il totale del valore delle esportazioni e importazioni di un paese. Il potere commerciale di uno stato non è solo dato dalla sua capacità esportativa ma anche dal suo volume di scambi in entrata. Due casi all'estremo sono Stati Uniti e Russia:

il primo utilizza dazi commerciali come arma politica per imporre condizioni ai paesi partner, il secondo minaccia di interrompere le esportazioni strumento di potere in politica estera. Come si può osservare in figura 6 e in tabella 2 la Cina ha avuto una crescita dei volumi dell'import e dell'export superando persino gli Stati dal 2019 al 2023, seppur lievemente. La Germania pur crescendo come volume d'affari tra il 1999 e il 2009 ha registrato un calo che la riporta ai livelli iniziali. I restanti Paesi hanno un andamento simile alla Germania ma con un volume di scambi ridotto. In generale si può osservare che l'andamento è quello di un sistema in cui China e Stati Uniti mantengono il primato in termini di volume dell'import-export. Le altre economie sviluppate mantengono le loro posizioni, ma aumenta il loro divario da Cina e Stati Uniti.

```

bt99 <-round((betweenness(g_99, weights = 1/E(g_99)$weight)[order(betweenness(g_99,
weights = 1/E(g_99)$weight), decreasing=TRUE)]) /max(betweenness(g_99,
weights=1/E(g_99)$weight)),3) [1:10]

bt04 <-round((betweenness(g_04, weights = 1/E(g_04)$weight)[order(betweenness(g_04,
weights = 1/E(g_04)$weight), decreasing=TRUE)]) /max(betweenness(g_04,
weights=1/E(g_04)$weight)),3) [1:10]

bt09 <-round((betweenness(g_09, weights = 1/E(g_09)$weight)[order(betweenness(g_09,
weights = 1/E(g_09)$weight), decreasing=TRUE)]) /max(betweenness(g_09, weights=1/E(g_09)$weight)),3) [1:10]

bt14 <-round((betweenness(g_14, weights = 1/E(g_14)$weight)[order(betweenness(g_14,
weights = 1/E(g_14)$weight), decreasing=TRUE)]) /max(betweenness(g_14,
weights=1/E(g_14)$weight)),3) [1:10]

bt19 <-round((betweenness(g_19, weights = 1/E(g_19)$weight)[order(betweenness(g_19,
weights = 1/E(g_19)$weight), decreasing=TRUE)]) /max(betweenness(g_19,
weights=1/E(g_19)$weight)),3) [1:10]

bt23 <-round((betweenness(g_23, weights = 1/E(g_23)$weight)[order(betweenness(g_23,
weights = 1/E(g_23)$weight), decreasing=TRUE)]) /max(betweenness(g_23,
weights=1/E(g_23)$weight)),3) [1:10]

btTot<-cbind( names(bt99),bt99,names(bt04),bt04,names(bt09),bt09,
names(bt19),bt19,names(bt14),bt14,names(bt23),bt23)

colnames(btTot)<- c("1999","1999","2004","2004","2009","2009","2014","2014","2019","2019",
"2023","2023")
rownames(btTot)<-NULL

btTot %>% kable(booktabs=T, caption = "10 paesi con la maggiore betweenness al variare degli anni")

bt_data<-rbind(btTot[,c(1,2)],btTot[,c(3,4)],btTot[,c(5,6)],btTot[,c(7,8)],btTot[,c(9,10)]
, btTot[,c(11,12)])
bt_data<- cbind(bt_data,anni )

bt_data <- data.frame(stato=bt_data[,1], valore=as.numeric(bt_data[,2]),anno=bt_data[,3] )

ggplot(bt_data, aes(x = anno, y = log(valore), color = stato, group = stato)) +
  geom_point(size = 4) +
  geom_line(width = 1.5) +
  geom_text(aes(label = stato), vjust = -0.5, hjust=+0.5, size = 6) +

```

Table 3: 10 paesi con la maggiore betweenness al variare degli anni

1999	1999	2004	2004	2009	2009	2014	2014	2019	2019	2023	2023
USA	1	USA	1	CHN	1	CHN	1	CHN	1	CHN	1
DEU	0.72	DEU	0.88	DEU	0.948	DEU	0.556	DEU	0.596	USA	0.557
JPN	0.274	FRA	0.236	USA	0.891	USA	0.505	USA	0.461	DEU	0.423
FRA	0.265	JPN	0.212	RUS	0.181	ARE	0.134	ITA	0.103	ARE	0.16
ITA	0.174	CHN	0.207	FRA	0.176	JPN	0.12	ARE	0.097	IND	0.088
GBR	0.168	RUS	0.174	JPN	0.161	RUS	0.084	RUS	0.09	ITA	0.087
RUS	0.118	ZAF	0.162	IND	0.138	ESP	0.071	IND	0.089	ZAF	0.075
AUS	0.096	ITA	0.13	NGA	0.123	IND	0.066	JPN	0.085	CHE	0.075
IND	0.067	GBR	0.113	ZAF	0.106	ZAF	0.062	ZAF	0.073	ESP	0.061
ZA1	0.063	AUS	0.084	THA	0.097	THA	0.05	FRA	0.071	THA	0.048

```
labs(title = "Evoluzione della Betweenness nel tempo",
     x = "Anno",
     y = "log(normalized betweenness)") +
expand_limits(y = c(min(log(bt_data$valore-0.001)), max(log(bt_data$valore+0.2)))) +
theme_minimal() +
theme(legend.text = element_text(size = 18),
      legend.title = element_text(size = 20),
      axis.title = element_text(size=20),
      axis.text = element_text(size=18),
      plot.title = element_text(size = 26, face = "bold", hjust = 0.5))
```

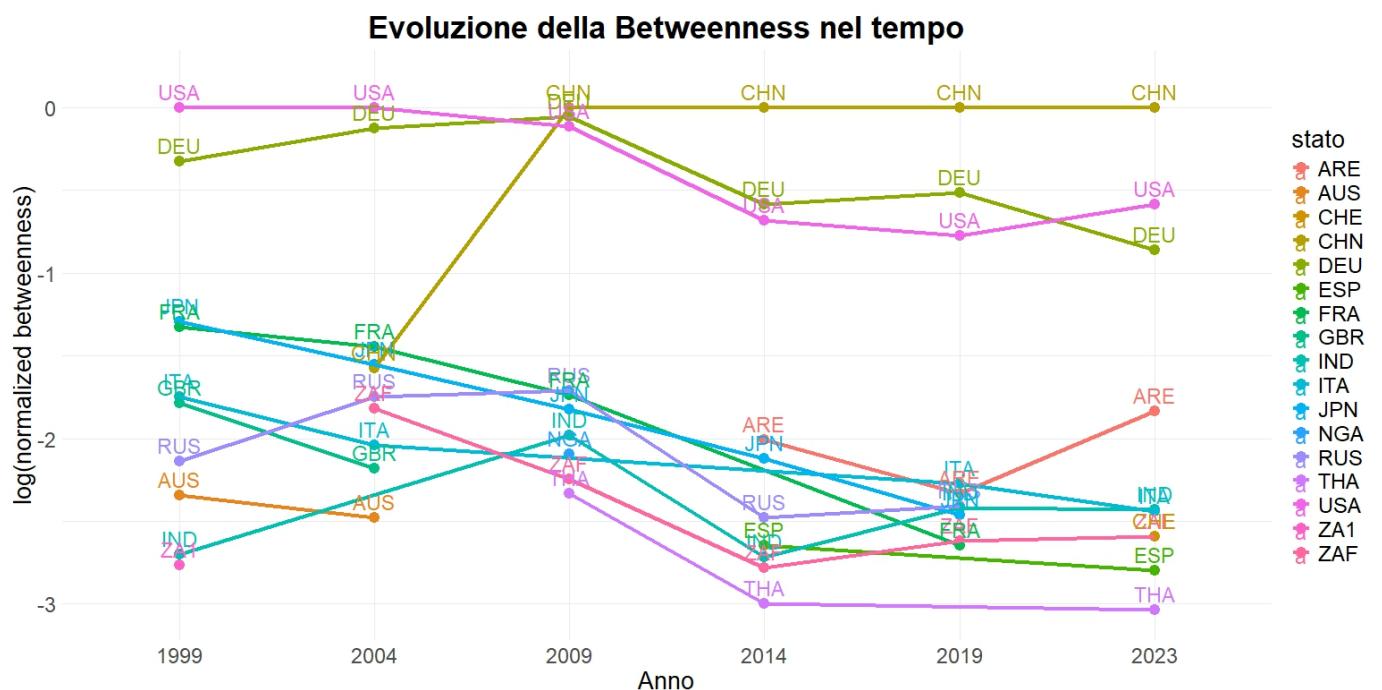


Figure 7: Rete degli stati secondo la loro posizione geografica reale. I colori rappresentano i continenti a cui gli stati appartengono

Table 4: 10 paesi con la maggiore eigen-centrality al variare degli anni

	1999	1999	2004	2004	2009	2009	2014	2014	2019	2019	2023	2023
USA	1	USA	1	USA	1	USA	1	USA	1	USA	1	USA
CAN	0.672	CHN	0.823	CAN	0.628	CHN	0.795	CHN	0.82	CHN	0.808	
JPN	0.482	DEU	0.582	DEU	0.52	CAN	0.527	MEX	0.49	MEX	0.521	
DEU	0.423	CAN	0.513	CHN	0.514	DEU	0.468	CAN	0.477	CAN	0.497	
MEX	0.396	JPN	0.504	JPN	0.473	MEX	0.447	DEU	0.475	DEU	0.46	
GBR	0.326	MEX	0.385	MEX	0.391	JPN	0.404	JPN	0.414	JPN	0.349	
FRA	0.295	FRA	0.363	GBR	0.344	KOR	0.302	KOR	0.317	KOR	0.31	
CHN	0.254	GBR	0.333	FRA	0.336	GBR	0.263	GBR	0.255	GBR	0.234	
ITA	0.217	KOR	0.306	ITA	0.255	FRA	0.249	FRA	0.246	NLD	0.234	
NLD	0.198	NLD	0.291	NLD	0.249	NLD	0.234	NLD	0.234	FRA	0.222	

La betweenness degli Stati è sempre una misura di centralità, ma tiene conto della capacità di un Paese di essere uno snodo commerciale fondamentale all'interno della rete. La betweenness è sempre calcolata tenendo conto del peso dell'arco ma utilizzando il suo reciproco come distanza tra due nodi: maggiore è l'intensità dei rapporti commerciali minore è la distanza. Osservando la figura @ref{bet-plot} e la tabella 3 si può notare che rispetto alla strength i 10 paesi con la maggior betweenness tendono a variare di più nel tempo. Dal 2009 gli U.S.A. e la Germania hanno perso il loro primato di snodi commerciali a dispetto della Cina e mantengono un livello simile tra loro. Gli altri dopo i primi tre seguono un andamento simile al grafico della strength (6).

```

eg99 <-round((eigen_centrality(g_99)$vector[order(eigen_centrality(g_99)$vector,
decreasing=TRUE)])/max(eigen_centrality(g_99)$vector),3)[1:10]

eg04 <-round((eigen_centrality(g_04)$vector[order(eigen_centrality(g_04)$vector,
decreasing=TRUE)])/max(eigen_centrality(g_04)$vector),3)[1:10]

eg09 <-round((eigen_centrality(g_09)$vector[order(eigen_centrality(g_09)$vector,
decreasing=TRUE)])/max(eigen_centrality(g_09)$vector),3)[1:10]

eg14 <-round((eigen_centrality(g_14)$vector[order(eigen_centrality(g_14)$vector,
decreasing=TRUE)])/max(eigen_centrality(g_14)$vector),3)[1:10]

eg19 <-round((eigen_centrality(g_19)$vector[order(eigen_centrality(g_19)$vector,
decreasing=TRUE)])/max(eigen_centrality(g_19)$vector),3)[1:10]

eg23 <-round((eigen_centrality(g_23)$vector[order(eigen_centrality(g_23)$vector,
decreasing=TRUE)])/max(eigen_centrality(g_23)$vector),3)[1:10]

egTot<-cbind( names(eg99),eg99,names(eg09),eg09,names(eg04),eg04, names(eg14),eg14, names(eg19),eg19, n
colnames(egTot)<- c("1999","1999","2004","2004","2009","2009","2014","2014",
                    "2019","2019","2023","2023")
rownames(egTot)<-NULL

egTot %>% kable(booktabs=T, caption = "10 paesi con la maggiore eigen-centrality al variare degli anni")

```

```

eg_data<-rbind(egTot[,c(1,2)],egTot[,c(3,4)],egTot[,c(5,6)],egTot[,c(7,8)], egTot[,c(9,10)],egTot[,c(11,12)])
eg_data<- cbind(eg_data,anni )

eg_data <- data.frame(stato=eg_data[,1], valore=as.numeric(eg_data[,2]),anno=eg_data[,3] )

ggplot(eg_data, aes(x = anno, y = log(valore), color = stato, group = stato)) +
  geom_point(size = 4) +
  geom_line(lineWidth = 1.5) +
  geom_text(aes(label = stato), vjust = -0.5, hjust=+0.5, size = 6) +
  labs(title = "Evoluzione della eigen-centrality nel tempo",
       x = "Anno",
       y = "log(normalized eigen-centrality") +
  expand_limits(y = c(min(log(eg_data$valore-0.001)), max(log(eg_data$valore+0.2)))) +
  theme_minimal()+
  theme(legend.text = element_text(size = 18),
        legend.title = element_text(size = 20),
        axis.title = element_text(size=20),
        axis.text = element_text(size=18),
        plot.title = element_text(size = 26, face = "bold", hjust = 0.5)) +
  theme(legend.text = element_text(size = 18),
        legend.title = element_text(size = 20),
        axis.title = element_text(size=20),
        axis.text = element_text(size=18),
        plot.title = element_text(size = 26, face = "bold", hjust = 0.5))

```

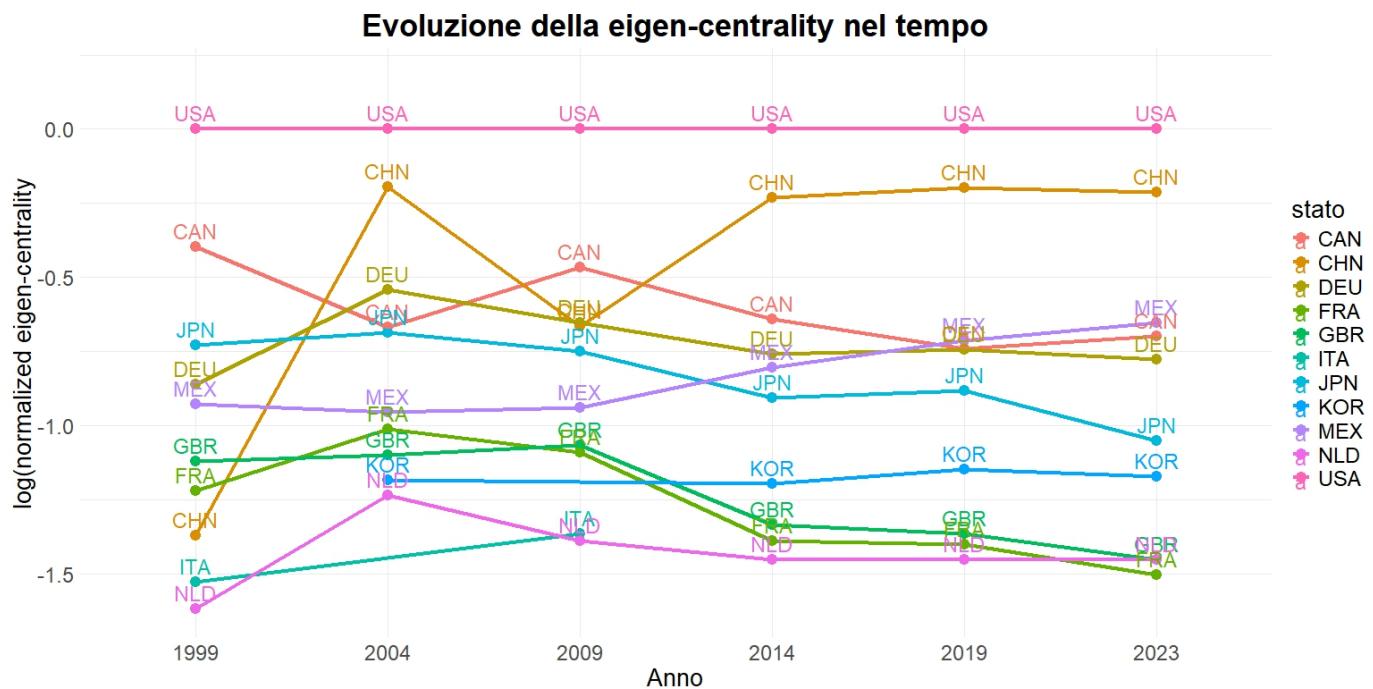


Figure 8: Andamento della eigen-centrality nel tempo per i primi 10 paesi

```

pg99 <-round((page_rank(g_99)$vector[order(page_rank(g_99)$vector,
decreasing=TRUE)])/max(page_rank(g_99)$vector),3)[1:10]

```

Table 5: 10 paesi con il maggiore page-rank al variare degli anni

	1999	1999	2004	2004	2009	2009	2014	2014	2019	2019	2023	2023
USA	1	USA	1	USA	1	USA	1	USA	1	USA	1	USA
DEU	0.541	DEU	0.507	DEU	0.602	CHN	0.654	CHN	0.694	CHN	0.718	
GBR	0.364	GBR	0.356	CHN	0.507	DEU	0.515	DEU	0.517	DEU	0.514	
FRA	0.363	FRA	0.356	FRA	0.412	FRA	0.313	FRA	0.3	FRA	0.3	
JPN	0.306	JPN	0.296	GBR	0.348	JPN	0.307	GBR	0.299	NLD	0.274	
ITA	0.28	ITA	0.276	JPN	0.324	GBR	0.303	JPN	0.273	GBR	0.264	
CAN	0.262	CHN	0.266	ITA	0.305	NLD	0.262	NLD	0.251	IND	0.259	
NLD	0.228	CAN	0.266	NLD	0.277	CAN	0.251	IND	0.246	ITA	0.258	
BEL	0.204	NLD	0.225	CAN	0.251	ITA	0.245	CAN	0.236	JPN	0.236	
ESP	0.184	BEL	0.208	BEL	0.245	IND	0.231	ITA	0.233	CAN	0.23	

```

pg04 <- round((page_rank(g_04)$vector[order(page_rank(g_04)$vector,
decreasing=TRUE)])/max(page_rank(g_04)$vector),3)[1:10]

pg09 <- round((page_rank(g_09)$vector[order(page_rank(g_09)$vector,
decreasing=TRUE)])/max(page_rank(g_09)$vector),3)[1:10]

pg19 <- round((page_rank(g_19)$vector[order(page_rank(g_19)$vector,
decreasing=TRUE)])/max(page_rank(g_19)$vector),3)[1:10]

pg14 <- round((page_rank(g_14)$vector[order(page_rank(g_14)$vector,
decreasing=TRUE)])/max(page_rank(g_14)$vector),3)[1:10]

pg23 <- round((page_rank(g_23)$vector[order(page_rank(g_23)$vector,
decreasing=TRUE)])/max(page_rank(g_23)$vector),3)[1:10]

pgTot<-cbind( names(pg99),pg99,names(pg04),pg04,names(pg09),pg09, names(pg14),pg14,
names(pg19),pg19, names(pg23),pg23)

colnames(pgTot)<- c("1999","1999","2004","2004","2009","2009","2014","2014",
"2019","2019","2023","2023")
rownames(pgTot)<-NULL

pgTot %>% kable(booktabs=T, caption = "10 paesi con il maggiore page-rank al variare degli anni")

pg_data<-rbind(pgTot[,c(1,2)],pgTot[,c(3,4)],pgTot[,c(5,6)],pgTot[,c(7,8)],pgTot[,c(9,10)]
,pgTot[,c(11,12)])
pg_data<- cbind(pg_data,anni )

pg_data <- data.frame(stato=pg_data[,1], valore=as.numeric(pg_data[,2]),anno=pg_data[,3] )

ggplot(pg_data, aes(x = anno, y = log(valore), color = stato, group = stato)) +
  geom_point(size = 4) +
  geom_line(width = 1.5) +
  geom_text(aes(label = stato), vjust = -0.5, hjust=+0.5, size = 6) +
  labs(title = "Evoluzione del Page-Rank nel tempo",
       x = "Anno",
       y = "Page-Rank")

```

```

y = "log(normalized Page-Rank)" +
expand_limits(y = c(min(log(pg_data$valore-0.001)), max(log(pg_data$valore+0.2)))) +
theme_minimal() +
theme(legend.text = element_text(size = 18),
      legend.title = element_text(size = 20),
      axis.title = element_text(size=20),
      axis.text = element_text(size=18),
      plot.title = element_text(size = 26, face = "bold", hjust = 0.5))

```

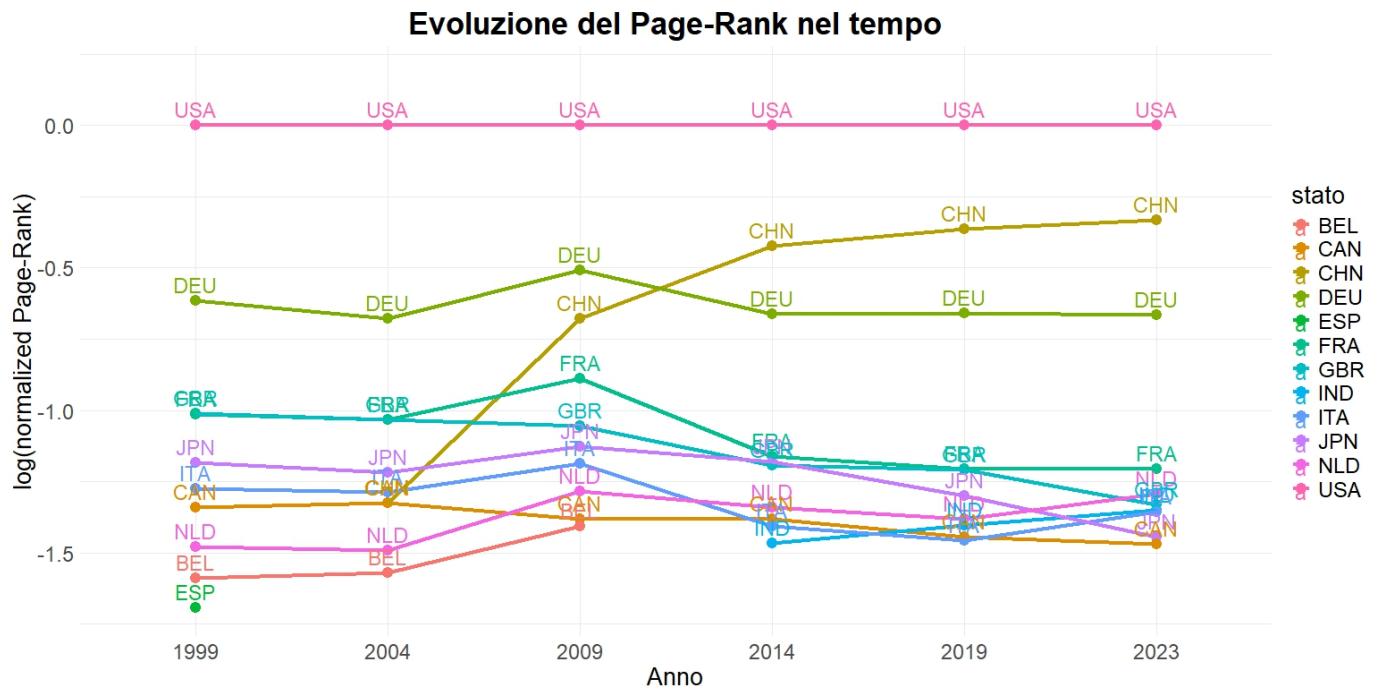


Figure 9: Andamento di PageRank nel tempo per i primi 10 paesi

La centralità basata su autovalori e page-rank sono entrambe misure ricorsive molti simili. In particolare entrambe tengono conto nel calcolo dell'importanza di un nodo anche l'importanza dei suoi vicini. Tuttavia in quest'analisi è meglio affidarsi alla centralità Page-Rank piuttosto che a quella eigen. Questo perché osservando il grafico 8 e la tabella 4 si possono fare due osservazioni. L'andamento della centralità eigen tende ad avere pattern meno chiari rispetto alle altre centralità, e questo tipo di misura tende a premiare Paesi che sono vicini ad altri Paesi centrali. Ad esempio Canada e Messico registrano posizioni di centralità più importanti semplicemente perché hanno strette relazioni con gli Stati Uniti che sono il paese più importante. Tuttavia questo non è sinonimo di una caratteristica positiva come quella che si sta andando a ricercare. Infatti se si osserva il grafico 10 si nota che la maggior parte delle economie più importanti esporta un quantitativo minore o uguale al 50% del suo volume totale con i primi cinque partner. Questo è un indice molto importante riguardo alla dipendenza dell'economia di uno stato. Canada e Messico importano esportano più del 75% del loro volume totale solo verso gli Stati Uniti. Osservando invece la tabella 5 e la figura 9 si nota che Gli Stati Uiti detengono il primato di importanza a livello commerciale poiché commerciano principalmente con molti Paesi ma soprattutto con quelli più importanti. Il secondo Paese più importante è la Cina che mantiene un certo distacco dagli Stati uniti ma supera la Germania che dopo un calo dal 2009 si mantiene stabile al terzo posto. Infine anche secondo la centralità Page-Rank ci sono economie sviluppate e emergenti che mantengono un livello importanza simile ma in calo dal 1999 rispetto a Stati Uniti.

```

nomi_cen <- unique(c(names(pg23), names(pg19), names(pg09), names(pg99), names(eg23), names(eg19), names

depend <- top_exports23 %>%
  group_by(from) %>%
  filter(from %in% nomi_cen) %>%
  mutate(cumRelVal = cumsum(relValue))
}

ggplot(depend, aes(x=rep(seq(1,5), length(nomi_cen)), y = cumRelVal, color = from, group = from)) +
  geom_point(size = 4) +
  geom_line(lineWidth = 1.5) +
  geom_text(aes(label = from), vjust = -0.5, hjust=+0.5, size = 6) +
  labs(title = "Andamento del valore relativo cumulato dell'esportazioni",
       x = "numero partner commerciali",
       y = "Somma cumulata valore export relativo") +
  theme_minimal() +
  theme(legend.text = element_text(size = 18),
        legend.title = element_text(size = 20),
        axis.title = element_text(size=20),
        axis.text = element_text(size=18),
        plot.title = element_text(size = 26, face = "bold", hjust = 0.5))

```

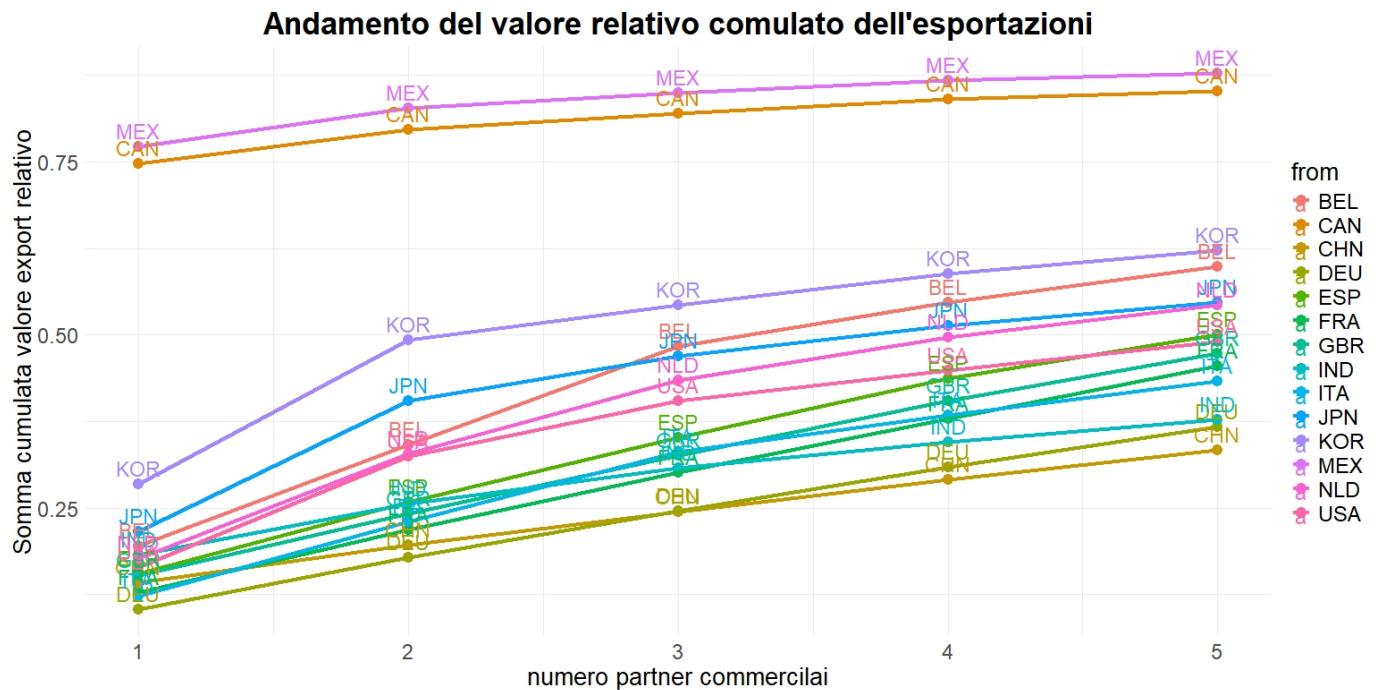


Figure 10: "Andamento del valore di esportazione relativo cumulato per i Paesi più importanti secondo Page-Rank e eigen-centrality nel 2023. I valori relativi sono calcolati tenendo conto del totale dell'esportazioni del Paese. Si tiene conto solo delle cinque più importanti esportazioni per ogni Paese"

2.4 COMMUNITY DETECTION

Il problema di trovare comunità all'interno della rete considerata (anno 2023) non è facilmente affrontabile. Essendo la rete molto connessa anche tenendo conto dei Paesi gli algoritmi di community detection faticano ad individuare dei gruppi che si possono spiegare tramite qualche caratteristica osservabile. Un modo per semplificare il problema è limitare il numero di archi selezionando i cinque più importanti in uscita per ogni Paese. L'algoritmo applicabile a grafi che dà i migliori risultati in termini di modularità è *walktrap*. Tuttavia seleziona un numero di comunità eccessivo e non distinguibile secondo legami commerciali o zona geografica. Trasformando questa sottorete in una rete indiretta, in cui il peso degli archi corrisponde alla somma dei pesi in entrata e in uscita, si ottengono risultati soddisfacenti con l'algoritmo di Louvain. Applicando quest'ultimo algoritmo si possono individuare principalmente quattro gruppi: - in blu la comunità guidata dagli Stati uniti assieme ai Paesi dell'America Centrale - in rosso la comunità Europeo con alcuni paesi africani e medio-orientali - una grossa comunità in giallo rappresenta il blocco guidato da Cina, restanti paesi dall'economia emergente, paesi del BRICS e Oceania e restanti paesi di Oceania, Africa, Sud America e Asia. - una comunità in viola formata da Estonia, Lettonia e Lituania

E' interessante notare che all'interno del blocco cinese vi rientrino anche Bielorussia, Russia e Cuba nonostante siano molto più vicini (geograficamente) ad altre comunità. Risultato analogo per Israele che fa parte della comunità del Nord-centro America data la loro stretta collaborazione con gli Stati Uniti. I risultati del clustering secondo Louvain sono in linea con i risultati ottenuti nell'analisi esplorativa 2

```
ceigen <- cluster_leading_eigen(as_undirected(g5_23, mode="collapse"))
modularity(ceigen)
```

```
## [1] 0.356198
```

```
nodi5_23$com_eigen <- ceigen$membership

clouv <- cluster_louvain(as_undirected(g5_23, mode="collapse"))
modularity(clouv)
```

```
## [1] 0.3866942
```

```
nodi5_23$com_lou <- clouv$membership

cwalk <- cluster_walktrap(g5_23, steps=5)
modularity(cwalk)
```

```
## [1] 0.3668998
```

```
nodi5_23$com_walk <- cwalk$membership
```

```
ggraph(lay) +
  geom_edge_link(edge_alpha=0.2, arrow = arrow(length = unit(2, 'mm'), type="closed"), end_cap= circle,
  geom_node_point( aes(fill=as.factor(nodi5_23$com_lou),size =(strength(g5_23, mode = "all"))),alpha=0.5),
  color = "black", shape=21, show.legend = F) +
  scale_size_continuous(range = c(6, 25), guide = F) +
  geom_node_text(aes(label=nodi5_23$name)) +
  scale_edge_width(range = c(1, 6), guide=F) +
  scale_fill_manual(values = c("yellow", "red", "blue", "darkviolet"),
  guide=F) +
```

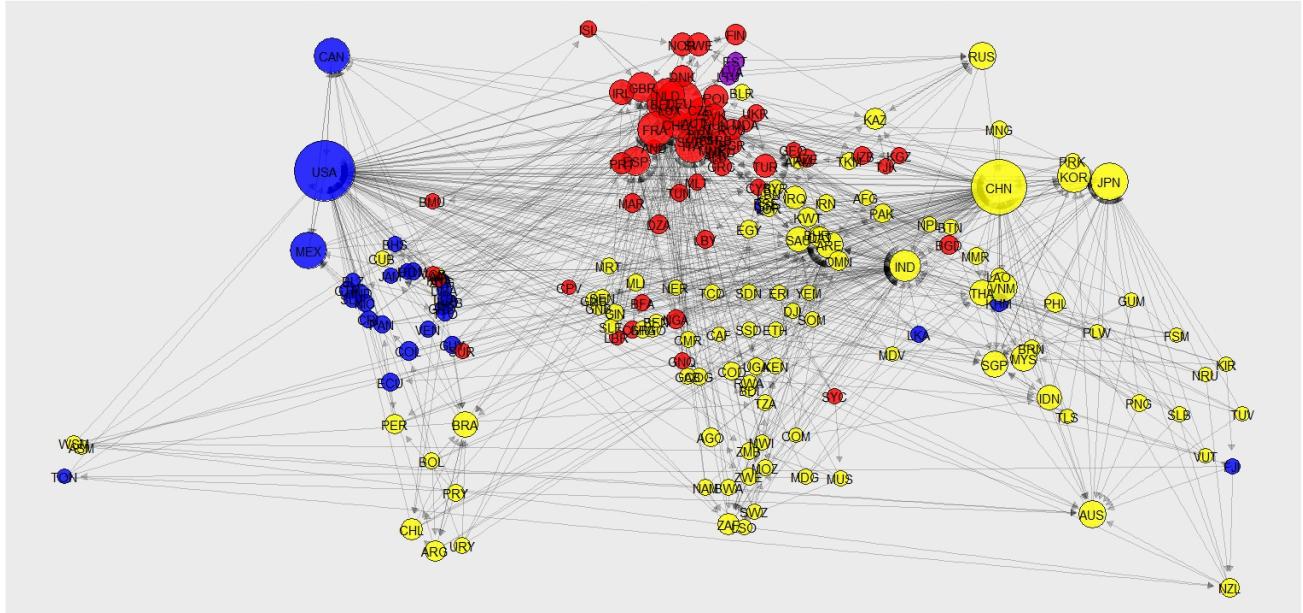
```

ggtitle("Mappa delle comunità, maggiori 5 esportazioni per ogni stato") +
  theme(legend.text = element_text(size = 16), # Ingrandisce il testo della legenda
        legend.title = element_text(size = 18),
        plot.title = element_text(size = 23, face = "bold", hjust = 0.5)) +
  guides(fill = guide_legend(override.aes = list(size = 8)))

```

```
knitr:::include_graphics("plot/rete_com.jpeg")
```

Mappa delle comunità, maggiori 5 esportazioni per ogni stato



2.5 RESILIENZA

La resilienza della rete sembra essere piuttosto forte. Come si può osservare in figura 11. Per ridurre la componenete connessa le strategie più efficaci risultano essere la rimozione dei nodi con maggior betweenness e in-degree. Per rendere il grafo non connesso è necessario eliminare:

- 90 nodi secondo la strategia betweenness;
- 96 secondo la strategia in-degree;
- 111 secondo la strategia strength;
- 134 secondo la strategia PageRank;
- 186 secondo la strategia random

```

# quanti nodi è necessario rimuovere per rendere il grafo non più connesso
res<- all_results %>%
  group_by(strategy) %>%
  filter(connesso=="FALSE") %>%
  slice_min(fraction_removed, n = 1)
kable(res[,c(1,4)])

```

fraction_removed	strategy
134	Page-Rank
90	betweenness
96	in-degree
194	random
111	strength

```
ggplot(all_results, aes(x = fraction_removed/vcount(g_23), y = lcc_size/vcount(g_23), color = strategy))
  geom_line(linewidth=1.5) +
  geom_hline(yintercept = .50, color = "black", linetype = "dashed", size = 1) +
  geom_vline(xintercept = .50, color = "black", linetype = "dashed", size = 1) +
  labs(title = "Network Resilience under Different Removal Strategies",
       x = "Fraction of Nodes Removed",
       y = "Largest Connected Component Size",
       color = "Strategy") +
  theme_minimal() +
  theme(
    plot.title = element_text(size = 20, face = "bold"),
    axis.title.x = element_text(size = 18), #
    axis.title.y = element_text(size = 18),
    axis.text = element_text(size = 16),
    legend.title = element_text(size = 18),
    legend.text = element_text(size = 16))
```

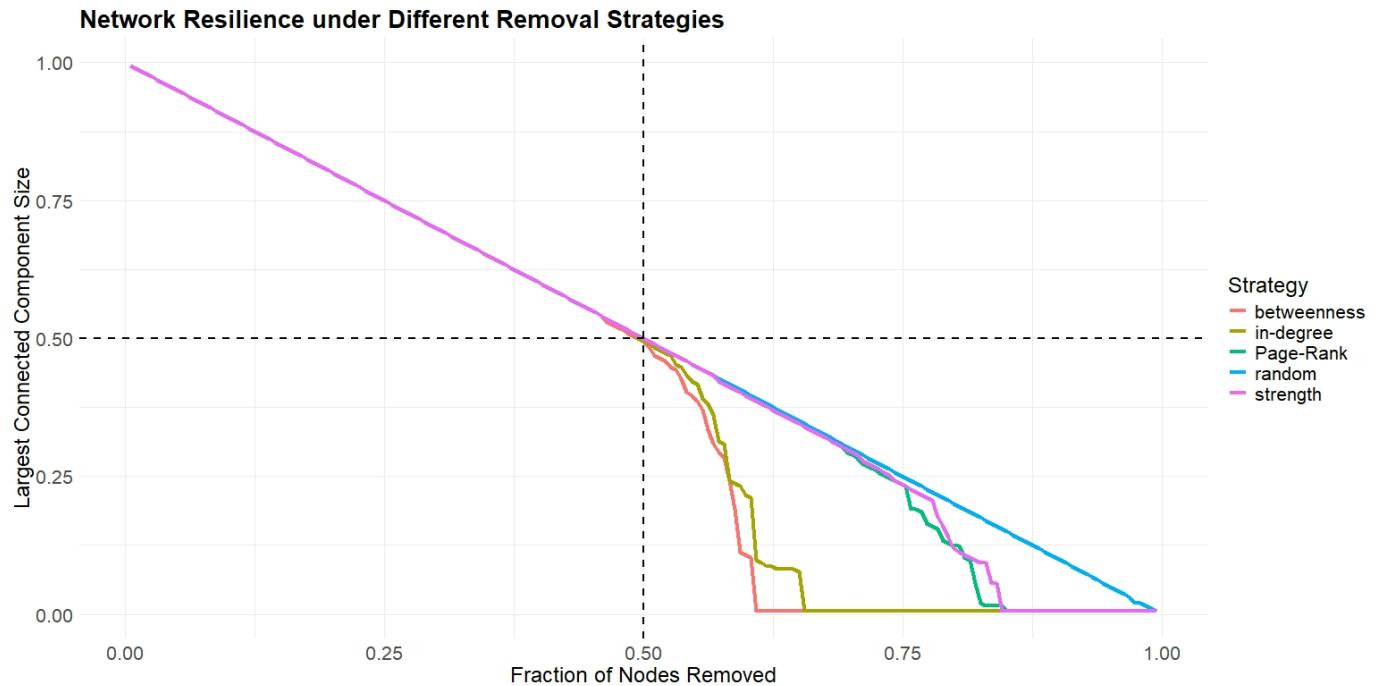


Figure 11: Resilienza della rete sotto differenti strategie di rimozione dei nodi

2.6 POWER

Per il calcolo del potere si userà la misura calcolata da Franceschet and Bozzo [2015]. Il potere dei nodi della rete ha un andamento per certi aspetti simile e per altri diverso dalla centralità come si può osservare

in tabella 6 e figura 12. La Cina ha aumentato rapidamente il suo potere negli anni a partire dal 2004 circa superando gli Stati Uniti dal 2009 al 2014. Gli USA dal 2009 hanno iniziato a perdere il primato del potere con un calo sensibile avvenuto dopo la pandemia. Il Giappone con un andamento oscillante è il paese che ha perso più posizioni nella classifica del potere negli anni. La Germania perde il suo ruolo di terza potenza nella classifica del potere a differenza del suo comportamento nelle altre misure di centralità. La perdita di potere degli Stati Uniti è probabilmente dovuta al rafforzamento dei propri partner commerciali negli anni. Infatti la Germania pur avendo una forte centralità nella rete ha meno potere perché commercia in prevalenza con economie europee sviluppate. La Cina invece aumenta ha un potere così elevato perché commercia con tantissimi paesi dalle economie fragili. E' interessante notare che la correlazione tra le misure di centralità e potere è molto forte come si può osservare nella tabella 7. Osservando i logaritmi di PageRank e del potere sembra esserci una relazione logaritmica tra le due grandezze come si vede in figura @ref{cor-cen-pow-plot}

```

pow99 = power(as_adjacency_matrix(g_99, attr="weight"), 6)$vector
names(pow99) <- names(V(g_99))
pow99 <- round(pow99[order(pow99, decreasing = T)]/max(pow99),4)[1:10]

pow04 = power(as_adjacency_matrix(g_04, attr="weight"), 6)$vector
names(pow04) <- names(V(g_04))
pow04 <- round(pow04[order(pow04, decreasing = T)]/max(pow04),4)[1:10]

pow09 = power(as_adjacency_matrix(g_09, attr="weight"), 6)$vector
names(pow09) <- names(V(g_09))
pow09 <- round(pow09[order(pow09, decreasing = T)]/max(pow09),4)[1:10]

pow14 = power(as_adjacency_matrix(g_14, attr="weight"), 6)$vector
names(pow14) <- names(V(g_14))
pow14 <- round(pow14[order(pow14, decreasing = T)]/max(pow14),4)[1:10]

pow19 = power(as_adjacency_matrix(g_19, attr="weight"), 6)$vector
names(pow19) <- names(V(g_19))
pow19 <- round(pow19[order(pow19, decreasing = T)]/max(pow19),4)[1:10]

pow23 = power(as_adjacency_matrix(g_23, attr="weight"), 6)$vector
names(pow23) <- names(V(g_23))
pow23 <- round(pow23[order(pow23, decreasing = T)]/max(pow23),4)[1:10]

powTot <- cbind( names(pow99),pow99,names(pow04),pow04,names(pow09),pow09, names(pow19),pow19,names(pow14),
colnames(powTot) <- c("1999","1999","2004","2004","2009","2009","2014","2014","2019","2019","2023","2023",
rownames(powTot) <- NULL

powTot %>% kable(booktabs=T, caption = "10 paesi con il maggiore potere al variare degli anni")

pw_data<-rbind(powTot[,c(1,2)],powTot[,c(3,4)],powTot[,c(5,6)],powTot[,c(7,8)], powTot[,c(9,10)],powTot
pw_data<- cbind(pw_data,anni )

```

Table 6: 10 paesi con il maggiore potere al variare degli anni

1999	1999	2004	2004	2009	2009	2014	2014	2019	2019	2023	2023
USA	1	USA	1	USA	1	CHN	1	CHN	1	CHN	1
JPN	0.6277	JPN	0.371	JPN	0.6316	USA	0.6123	USA	0.7901	USA	0.4065
DEU	0.306	DEU	0.3149	CHN	0.6253	IND	0.373	IND	0.4225	THA	0.2306
THA	0.2072	CHN	0.3135	DEU	0.3638	DEU	0.2579	JPN	0.3645	IND	0.2233
GBR	0.188	GBR	0.274	IND	0.3386	ARE	0.2406	DEU	0.3522	ARE	0.2146
FRA	0.1879	FRA	0.2272	FRA	0.2737	JPN	0.1767	GBR	0.2408	DEU	0.1808
ESP	0.181	ITA	0.2223	THA	0.2641	THA	0.1692	KOR	0.2131	NLD	0.1314
KOR	0.1756	KOR	0.1637	ITA	0.2616	KOR	0.1682	FRA	0.213	CHE	0.1137
ITA	0.1706	ESP	0.1564	KOR	0.2484	ITA	0.1655	ITA	0.2126	JPN	0.1129
IND	0.1569	IND	0.1404	GBR	0.2275	ESP	0.1615	NLD	0.1843	ITA	0.1116

```

pw_data <- data.frame(stato=pw_data[,1], valore=as.numeric(pw_data[,2]), anno=pw_data[,3] )

ggplot(pw_data, aes(x = anno, y = log(valore), color = stato, group = stato)) +
  geom_point(size = 4) +
  geom_line(size = 1.5) +
  geom_text(aes(label = stato), vjust = -0.5, hjust=+0.5, size = 6) +
  labs(title = "Evoluzione del potere nel tempo",
       x = "Anno",
       y = "log(normalized power)") +
  expand_limits(y = c(min(log(pw_data$valore-0.001)), max(log(pw_data$valore+0.2)))) + # Aggiunge spazio
  theme_minimal() +
  theme_minimal() +
  theme(legend.text = element_text(size = 18),
        legend.title = element_text(size = 20),
        axis.title = element_text(size=20),
        axis.text = element_text(size=18),
        plot.title = element_text(size = 26, face = "bold", hjust = 0.5))

```

```

cor99 <- c(cor(power(as_adjacency_matrix(g_99, attr="weight"),6)$vector, page_rank(g_99)$vector),
            cor(power(as_adjacency_matrix(g_99, attr="weight"),6)$vector, eigen_centrality(g_99)$vector),
            cor(power(as_adjacency_matrix(g_99, attr="weight"),6)$vector, betweenness(g_99, weights = 1/E(g_99)$wei
            cor(power(as_adjacency_matrix(g_99, attr="weight"),6)$vector, strength(g_99, mode="all")))

```

```

cor04 <- c(cor(power(as_adjacency_matrix(g_04, attr="weight"),6)$vector, page_rank(g_04)$vector),
            cor(power(as_adjacency_matrix(g_04, attr="weight"),6)$vector, eigen_centrality(g_04)$vector),
            cor(power(as_adjacency_matrix(g_04, attr="weight"),6)$vector, betweenness(g_04, weights = 1/E(g_04)$wei
            cor(power(as_adjacency_matrix(g_04, attr="weight"),6)$vector, strength(g_04, mode="all")))

```

Evoluzione del potere nel tempo

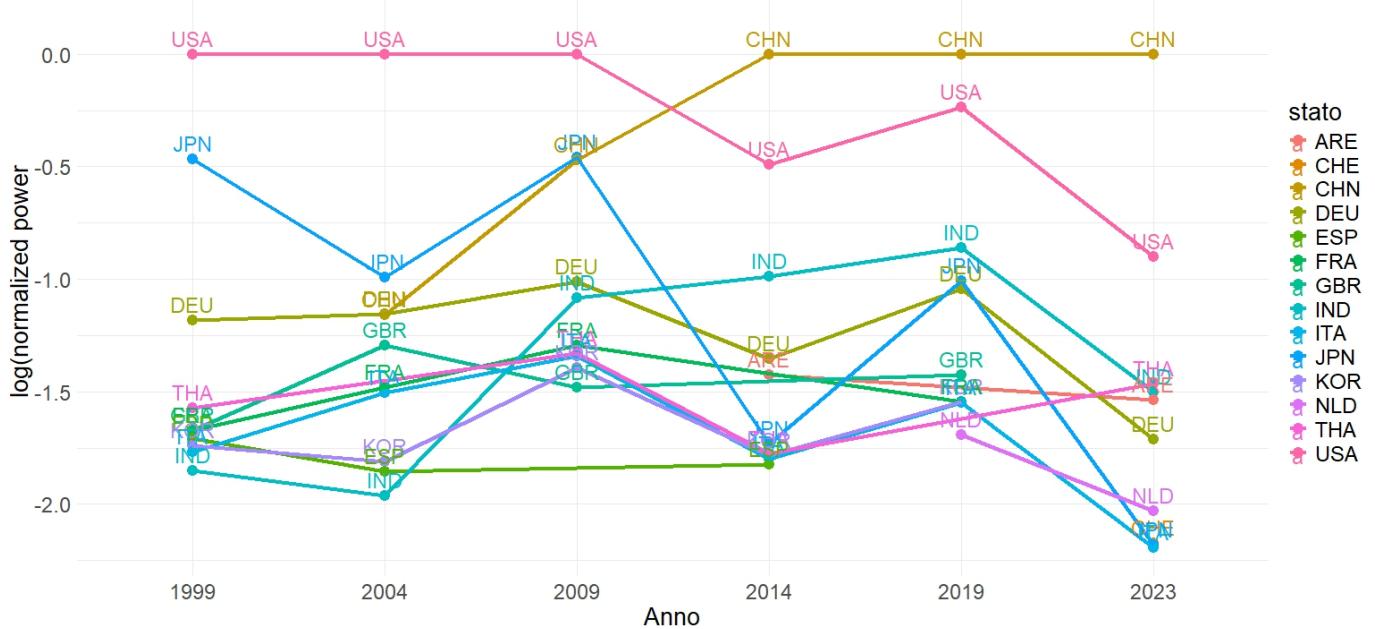


Figure 12: Andamento del potere nel tempo per i primi 10 paesi

```

cor09 <- c(cor(power(as_adjacency_matrix(g_09, attr="weight"),6)$vector, page_rank(g_09)$vector),
cor(power(as_adjacency_matrix(g_09, attr="weight"),6)$vector, eigen_centrality(g_09)$vector),
cor(power(as_adjacency_matrix(g_09, attr="weight"),6)$vector, betweenness(g_09, weights = 1/E(g_09)$wei
cor(power(as_adjacency_matrix(g_09, attr="weight"),6)$vector, strength(g_09, mode="all")))

cor14 <- c(cor(power(as_adjacency_matrix(g_14, attr="weight"),6)$vector, page_rank(g_14)$vector),
cor(power(as_adjacency_matrix(g_14, attr="weight"),6)$vector, eigen_centrality(g_14)$vector),
cor(power(as_adjacency_matrix(g_14, attr="weight"),6)$vector, betweenness(g_14, weights = 1/E(g_14)$wei
cor(power(as_adjacency_matrix(g_14, attr="weight"),6)$vector, strength(g_14, mode="all"))

cor19 <- c(cor(power(as_adjacency_matrix(g_19, attr="weight"),6)$vector, page_rank(g_19)$vector),
cor(power(as_adjacency_matrix(g_19, attr="weight"),6)$vector, eigen_centrality(g_19)$vector),
cor(power(as_adjacency_matrix(g_19, attr="weight"),6)$vector, betweenness(g_19, weights = 1/E(g_19)$wei
cor(power(as_adjacency_matrix(g_19, attr="weight"),6)$vector, strength(g_19, mode="all"))

cor23 <- c(cor(power(as_adjacency_matrix(g_23, attr="weight"),6)$vector, page_rank(g_23)$vector),
cor(power(as_adjacency_matrix(g_23, attr="weight"),6)$vector, eigen_centrality(g_23)$vector),
cor(power(as_adjacency_matrix(g_23, attr="weight"),6)$vector, betweenness(g_23, weights = 1/E(g_23)$wei

```

Table 7: 10 paesi con il maggiore potere al variare degli anni

	1999	2004	2009	2014	2019	2023	media
page-rank	0.8956	0.9582	0.9290	0.9281	0.8859	0.8122	0.9015
eigen-centrality	0.8374	0.8868	0.9093	0.8848	0.8362	0.7592	0.8523
betweenness	0.8737	0.8737	0.8140	0.8783	0.9071	0.9361	0.8805
strength	0.9045	0.9399	0.9256	0.9449	0.9120	0.8734	0.9167

```

cor(power(as_adjacency_matrix(g_23, attr="weight"),6)$vector, strength(g_23, mode="all"))

correlaz<-cbind(cor99,cor04, cor09, cor14, cor19, cor23)
correlaz<-cbind(correlaz, apply(correlaz,1, mean))
colnames(correlaz) <- c("1999","2004","2009","2014","2019","2023","media")
rownames(correlaz)<- c("page-rank", "eigen-centrality", "betweenness", "strength")
round(correlaz,4)%>% kable(booktabs=T, caption = "10 paesi con il maggiore potere al variare degli anni")

conf<- cbind("power"=log(power(as_adjacency_matrix(g_23, attr="weight"),6)$vector), "page_rank"=log(page_rank))
ggplot(conf, aes(x = as.numeric(page_rank), y = as.numeric(power))) +
  geom_text(aes(label =names ), alpha = 0.5) +
  labs(title = "Relazione tra centralità PageRank e Power",
       x = "log(PageRank)",
       y = "log(power)") +
  theme(legend.text = element_text(size = 18),
        legend.title = element_text(size = 20),
        axis.title = element_text(size=20),
        axis.text = element_text(size=18),
        plot.title = element_text(size = 26, face = "bold", hjust = 0.5))

```

3 Conclusioni

L'analisi della rete commerciale globale tra il 1999 e il 2023 ha evidenziato l'evoluzione delle dinamiche economiche mondiali e l'importanza crescente di alcuni attori chiave. L'analisi esplorativa ha mostrato un incremento nel numero di archi e nella densità della rete, indicando una crescente interconnessione tra i paesi e un rafforzamento della globalizzazione. La reciprocità prossima al 90% suggerisce che le relazioni commerciali tra paesi sono bilaterali nella maggior parte dei casi. La misura della strength ha evidenziato il sorpasso della Cina sugli Stati Uniti come primo attore nel commercio globale in termini di volume totale di scambi. Tuttavia Gli Stati Uniti mantengono il ruolo leader se si tiene conto maggiormente l'importanza dei partner commerciali. La Germania ha mantenuto un ruolo di rilievo, pur mostrando una riduzione della sua centralità nel tempo. Il PageRank ha confermato il primato di Stati Uniti e Cina, mentre economie emergenti come India e Corea del Sud hanno registrato una crescita significativa. L'impatto di crisi economiche, guerre e politiche commerciali è stato osservato nella variazione della centralità e del potere di alcuni stati. In particolare la crescita della Cina inizia dal 1999 al 2004. Essa potrebbe coincidere con l'ingresso della Cina nel WTO (dicembre 2001), evento che le ha concesso di aumentare il numero di investimenti stranieri. Gli Stati Uniti e la Germania sembrano aver perso potere e centralità soprattutto dopo la crisi finanziaria del 2008 e gli eventi dal 2020 al 2022: pandemia COVID-19, guerra in Ucraina e guerra Israele-palestinese. L'analisi delle comunità ha rivelato cluster economici coerenti con accordi commerciali e vicinanza geografica. Lo studio della resilienza ha mostrato come la rete sia relativamente robusta.

Relazione tra centralità PageRank e Power

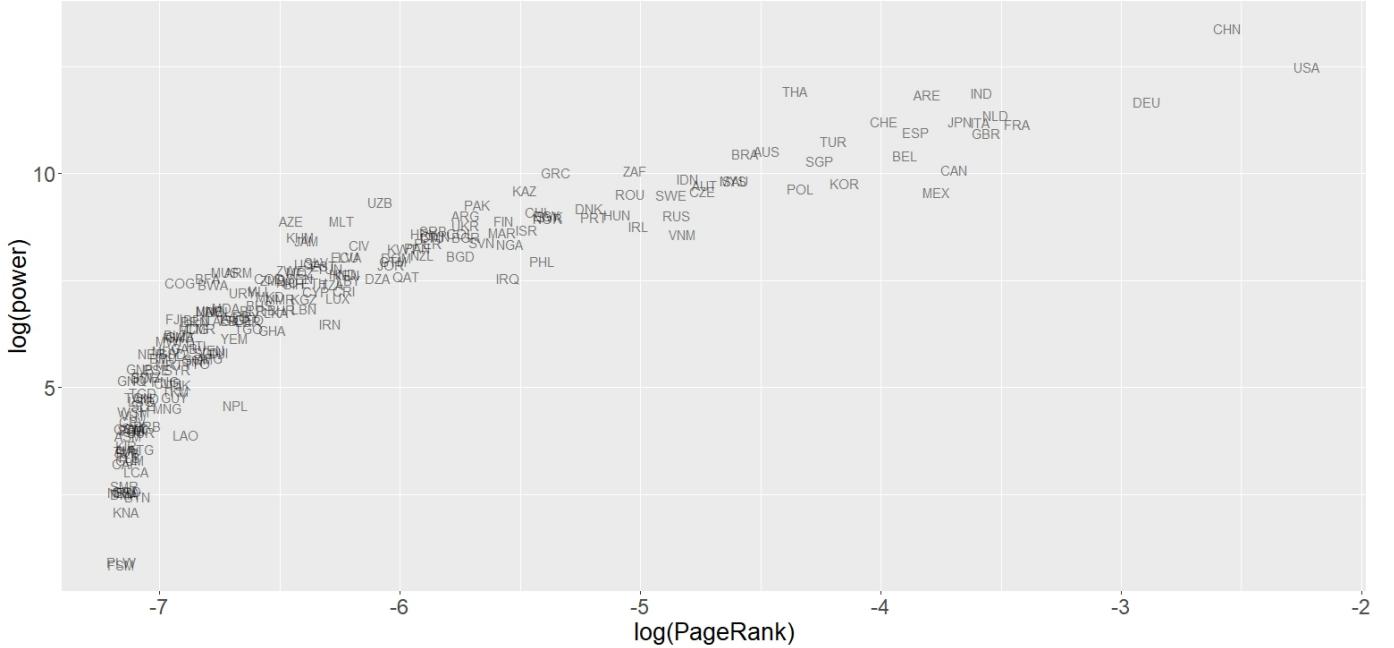


Figure 13: "Relazione tra la centralità e il potere ogni Paese è posizionato secondo la coppia del suo valore PageRank (ascisse) e potere (ordinate)"

4 LIMITI E SVILUPPI FUTURI PER QUESTO PROGETTO

Uno dei principali limiti di questo studio è legato alla disponibilità di tempo: l'analisi si è concentrata su alcuni anni specifici (1999, 2004, 2009, 2014, 2019, 2023) senza considerare ogni singolo anno intermedio. Un'analisi più dettagliata con una griglia temporale più fine permetterebbe di individuare con maggiore precisione l'evoluzione della rete commerciale e l'impatto degli eventi globali.

Un ulteriore sviluppo interessante sarebbe l'integrazione di variabili economiche e sociali, come il PIL, il PIL pro capite, la popolazione o l'indice di istruzione, per valutare la correlazione tra centralità economica e altri indicatori di sviluppo. Questo permetterebbe di comprendere meglio le determinanti strutturali che influenzano la posizione di un paese nella rete commerciale globale. Infine un ulteriore idea sarebbe quella di analizzare singoli Stati che non rientrano tra i primi 10 dei vari indici, o aumentare il numero di stati analizzati.

References

- Luca De Benedictis, Silvia Nenci, Gianluca Santoni, Lucia Tajoli, and Claudio Vicarelli. Network analysis of world trade using the baci-cepii dataset. *Global Economy Journal*, 14(03n04):287–343, 2014.
- Massimo Franceschet and Enrico Bozzo. A theory on power in networks. *arXiv preprint arXiv:1510.08332*, 2015.
- Guillaume Gaulier and Soledad Zignago. Baci: International trade database at the product-level. the 1994-2007 version. (2010-23), 2010. URL <https://www.cepii.fr/CEPII/fr/publications/wp/abstract.asp?NoDoc=2726>.